

9'5

Problema 43

GÓMEZ LÓPEZ, CARLOS (TAIS45)

ID envío	Usuario/a	Hora envío	Veredicto
62831	TAIS45	2022-11-16 10:36	AC
62772	TAIS45	2022-11-16 09:51	AC
62767	TAIS45	2022-11-16 09:47	AC
62764	TAIS45	2022-11-16 09:41	WA

Fichero Source.cpp

*
 * Indicad el nombre completo y usuario del juez de quienes habéis hecho esta solución:
 * Estudiante 1: Carlos Gómez López TAIS45
 * Estudiante 2: Clara Sotillo Sotillo TAIS96
 *

El coste en tiempo de la función en el peor de los casos es $O(N \cdot P)$, siendo N el número de festivales distintos que ha seleccionado Sergio y P el presupuesto del que dispones Sergio. ✓
 El coste en espacio en el peor de los casos es $O(P)$, siendo P el presupuesto del que dispones Sergio.

Primero lo que hemos hecho ha sido pensar en la recurrencia del ejercicio, obteniendo lo siguiente:

conciertos(i, j) = es el número de conciertos de i festivales que podemos ver con el presupuesto j

festivales del 1 al i

```

conciertos( $i, j$ ) = { conciertos( $i, 0$ ) = 0
                   { conciertos( $0, j$ ) = 0
                   { conciertos( $i-1, j$ )
    si precio[ $i$ ] < j
                   { max(conciertos( $i-1, j$ ), conciertos( $i, j$ -precio[ $i$ ]) + grupos[ $i$ ])
    si precio[ $i$ ] >= j
  
```

$i-1$

Tenemos dos casos bases:

- El primero es el caso en el que tiene festivales seleccionados, pero no tiene presupuesto para ver ninguno, en ese caso no necesitamos ver conciertos:

conciertos($i, 0$) = 0 ✓

- El segundo es el caso en el que tiene presupuesto para ver festivales, pero no tiene ningún festival seleccionado, entonces no necesitaríamos ver conciertos:

conciertos($0, j$) = 0

Dentro de los casos recursivos podemos distinguir otros dos:

- Si el precio de dicho festival es menor que el dinero del que dispone, entonces solo podremos buscar

soluciones que no utilicen el festival i , y lo hagan mejor posible con el resto de festivales, del 1 al $i-1$:

$\text{conciertos}(i,j) = \text{conciertos}(i-1,j)$ si $\text{precio}[i] < j$

- Si el precio de dicho festival es mayor o igual que el dinero del que dispone, probamos dos opciones:

Intentar ver el máximo número de festivales con el presupuesto j , sin ver el festival i

ó
Usarlo e intentar conseguir el resto ($j - \text{precio}[i]$) con los mismos festivales (del 1 al i), habiendo sumado el número de grupos que participan en el festival i ($\text{grupos}[i]$).

los festivales no se repiten

Nos quedamos con la mejor solución, la mayor:

$\text{conciertos}(i,j) = \max(\text{conciertos}(i-1,j), \text{conciertos}(i,j-\text{precio}[i]) + \text{grupos}[i])$ si $\text{precio}[i] \leq j$

i-1

Implementamos la función de manera ascendente rellenando la tabla de tamaño $(N+1)(P+1)$, de arriba a abajo y de izquierda a derecha.

Es ascendente ya que recorres de los que tienen menor presupuesto a los que más tienen.

Una vez rellena podemos reconstruir la solución retrocediendo desde la última casilla.

Explicación de ejercicio y porqué el coste mencionado anteriormente:

Primero creamos un `struct` llamado `tFestival` el cual va a contener tanto el precio de este como la cantidad de grupos que lo conforman.

Estos festivales los guardamos en un vector el cual correspondería a lo que en la recurrencia hemos puesto como $\text{precio}[i]$ y $\text{grupos}[i]$.

Como inicio hemos hecho una matriz (la cual se muestra comentada), con dicha matriz de tamaño $(N+1) \times (P+1)$, hemos aplicado

la recurrencia anterior, para obtener la solución, el problema de utilizar una matriz en vez de un vector, significa que aunque

el coste en tiempo sea $O(N \times P)$, en espacio si utilizas una matriz es $O(N \times P)$ también mientras que si utilizasemos un vector

el coste en espacio sería $O(P)$, por lo que es mejor.



Por este motivo anterior, hemos pensado en otra solución que nos proporciona mejor coste, y es utilizando un vector.

Utilizando la misma recurrencia anterior, se obtiene la solución, recorriendo las columnas de derecha a izquierda, ya que solo necesitas los subproblemas de las filas anteriores.

```

typedef struct {
    int grupos;
    int precio;
}tFestival;

void gruposAVisitar(vector<tFestival> festivales, int N, int P) {

    /* MATRIZ */

    /* Matriz<int> visitar(N + 1, P + 1, 0);

    for (int i = 1; i <= N; i++) {
        for (int j = 1; j <= P; j++) {
            if (j >= festivales[i - 1].precio) visitar[i][j] = max(visitar[i - 1][j], visitar
[i - 1][j - festivales[i - 1].precio] + festivales[i - 1].grupos);
            else visitar[i][j] = visitar[i - 1][j];
        }
    }

    cout << visitar[N][P] << "\n";*/

    /* VECTOR */

    vector<int> visitar(P + 1, 0);

    for (int i = 1; i <= N; i++) {
        for (int j = P; j >= festivales[i - 1].precio; j--) {
            visitar[j] = max(visitar[j], visitar[j - festivales[i - 1].precio] + festivales[i
- 1].grupos);
        }
    }

    cout << visitar[P] << "\n";

}

bool resuelveCaso() {

    int P, N;
    cin >> P >> N; // presupuesto y número de festivales

    if (!cin) return false;

    vector<tFestival> festivales(N);
    for (int i = 0; i < N; i++) cin >> festivales[i].grupos >> festivales[i].precio;

    gruposAVisitar(festivales, N, P);

    return true;

}

```