**Бина́рное (двухместное) отноше́ние** — отношение между двумя множествами A и B, то есть всякое подмножество декартова произведения этих множеств:  $R\subseteq A\times B^{[1]}$ . Бинарное отношение на множестве A — любое подмножество  $R\subseteq A^2=A\times A$ , такие бинарные отношения наиболее часто используются в математике, в частности, таковы равенство, неравенство, эквивалентность, отношение порядка.

## Способы задания бинарного отношения:

- списковый
- матричный
- графовый
- сечениями

Бинарное отношение R на некотором множестве M может обладать различными свойствами, например:

- рефлексивность:  $\forall x \in M(xRx)$ ,
- ullet антирефлексивность (иррефлексивность):  $\forall x \in M \neg (xRx)$  ,
- ullet корефлексивность:  $\forall x,y \in M(xRy \Rightarrow x=y)$  ,
- ullet симметричность:  $orall x,\ y \in M(xRy \Rightarrow yRx)$  ,
- ullet антисимметричность:  $orall x,\; y\in M(xRy\wedge yRx\Rightarrow x=y)$  ,
- асимметричность:  $\forall x, \ y \in M(xRy \Rightarrow \neg(yRx))$  ,
- ullet транзитивность:  $\forall x,\ y,\ z \in M(xRy \land yRz \Rightarrow xRz)$  ,
- ullet евклидовость:  $orall x,y,z\in M(xRy\wedge xRz\Rightarrow yRz)$  ,
- полнота (или связность [2]):  $\forall x, y \in M(xRy \vee yRx)$ ,
- ullet связность (или слабая связность $^{ ext{[2]}}$ ):  $orall x,y\in M(x
  eq y\Rightarrow xRyee yRx)$  ,
- ullet коннексность (англ. connex):  $\forall x,y \in M(xRy \lor yRx \lor x=y)$  ,
- трихотомия:  $\forall x,y \in M$  верно ровно одно из трех утверждений: xRy,yRx или x=y.