# 二叉树

有根有序树 = 二叉树

当地平线消失

躯体保持水平

大地保持水平

但别的一切

都垂直

、, 竟一味的随心所欲, 因此又发了癖性, 又特向秦钟悄说道:

宝玉终是不安本分之人,竟一味的随心所欲,因此又发了癖性,又特向秦钟悄说道:"咱们俩个人一样的年纪,况又是同窗,以后不必论叔侄,只论弟兄朋友就是了。"

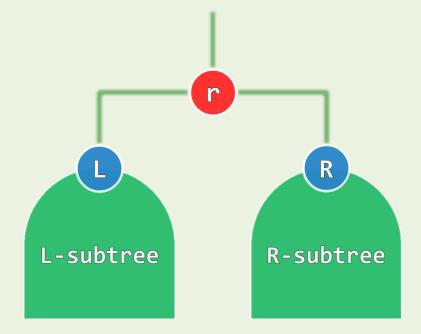
邓俊辉 deng@tsinghua.edu.cn

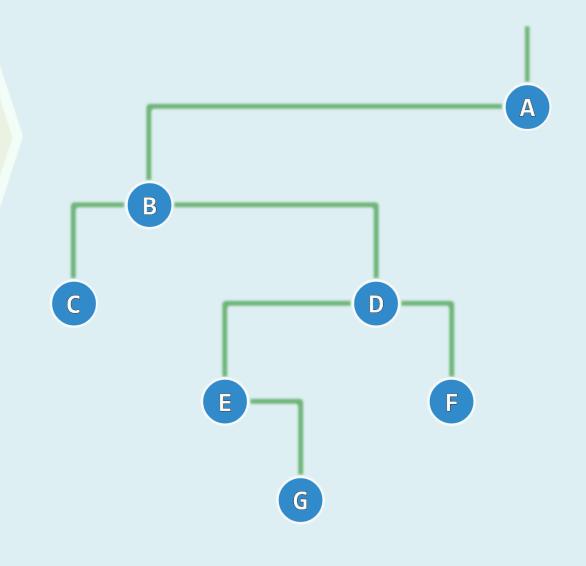
### 二叉树

❖ Binary Tree: 节点度数不超过2

孩子(子树)可以左、右区分(隐含有序)

- lc() ~ lSubtree()
- rc() ~ rSubtree()

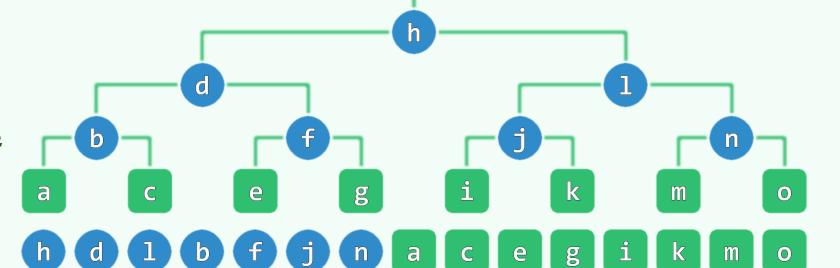




## 基数 ~ 满树

- ❖ 深度为k的节点,至多2<sup>k</sup>个
- ❖ n个节点、高h的二叉树满足

$$h+1 \le n \le 2^{h+1}-1$$

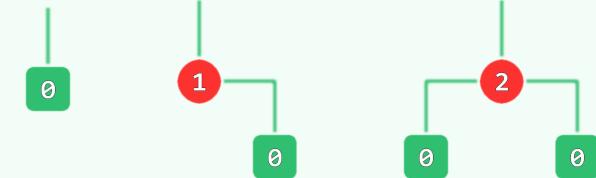


#### \*特殊情况



## 基数

- ❖设度数为0、1和2的节点,各有n₀、n₁和n₂个
- ❖边数 e = n 1 = n₁ + 2n₂1/2度节点各对应于1/2条入边

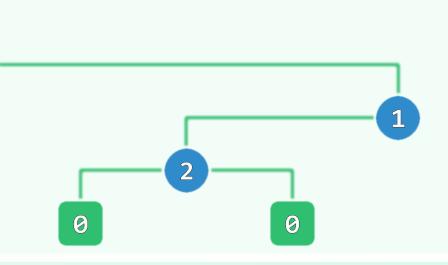


❖ 叶节点数 n<sub>a</sub> = n<sub>2</sub> + 1

n<sub>1</sub>与n<sub>0</sub>无关:h = 0时 , 1 = 0 + 1 ; 此后 , n<sub>0</sub>与随n<sub>2</sub>同步递增

- ◆ 节点数 n = n<sub>0</sub> + n<sub>1</sub> + n<sub>2</sub> = 1 + n<sub>1</sub> + 2n<sub>2</sub>
- ◆特别地,当n₁ = Ø时,有
  e = 2n₂和 n₂ = n₂ + 1 = (n + 1)/2

此时,节点度数均为偶数,不含单分支节点...



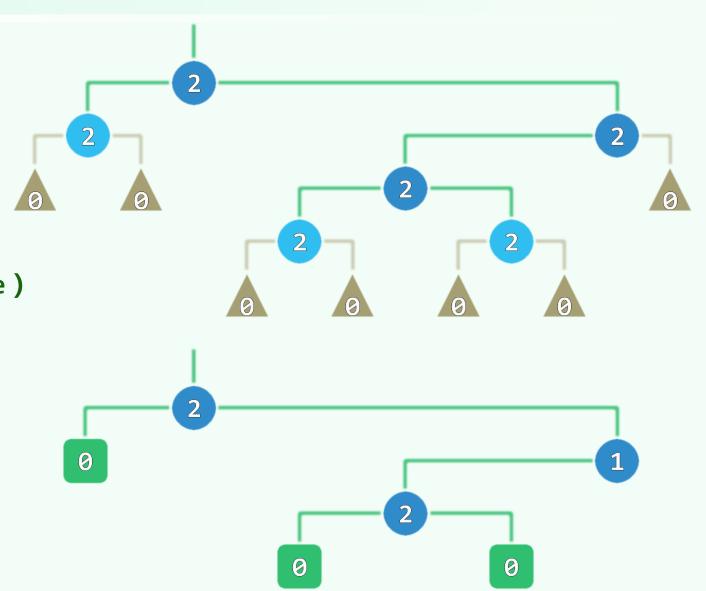
### 真二叉树

❖ 通过引入 n₁ + 2n₂ 个外部节点可使原有节点度数统一为2

❖如此,即可将任一二叉树 转化为真二叉树(proper binary tree)

❖验证: 如此转换之后 ,全树自身的复杂度并未实质增加

❖ 对于<u>红黑树</u>之类的结构,真二叉树可以简化描述、理解、实现和分析



### 描述多叉树

❖ 有根且有序时的多叉树,均可转化并表示为二叉树

——回忆长子-兄弟表示法...

❖长子 ~ 左孩子 firstChild() ~ lc()

兄弟 ~ 右孩子 nextSibling() ~ rc()

