图应用

Kruskal算法:算法

煮豆持作羹,漉菽以为汁

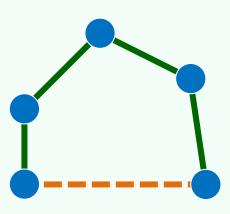
萁在釜下燃,豆在釜中泣

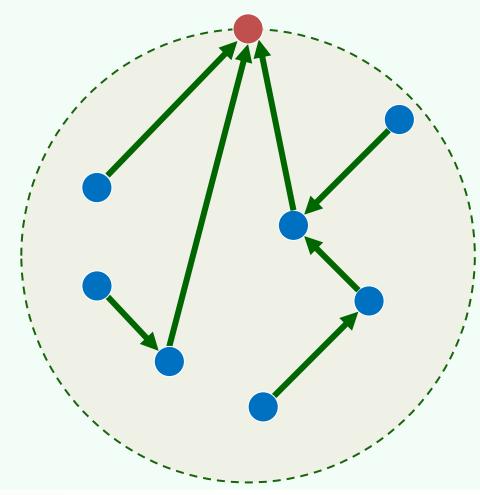
本是同根生,相煎何太急



贪心策略

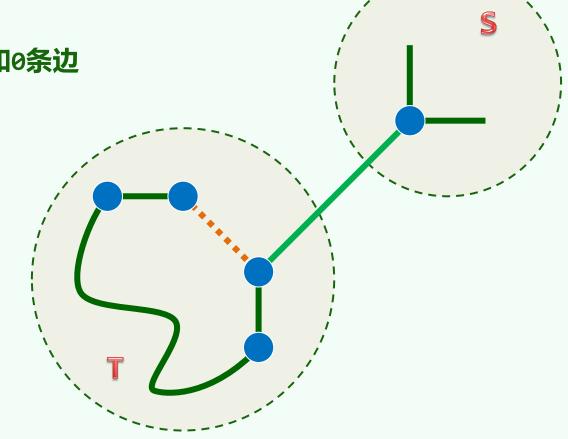
- ❖回顾Prim算法
 - 最短边,迟早会被采用
 - 次短边,亦是如此
 - 再次短者,则未必 //回路!
- ❖ Kruskal: 贪心原则
 - 根据代价,从小到大依次尝试各边
 - 只要"安全",就加入该边
- ❖ 但是,每步局部最优 = 全局最优?
- ❖确实, Kruskal很幸运...





算法

- **❖维护N的一个森林:F = (V; E') ⊆ N = (V; E)**
- ❖ 初始化
 - F = (V; ∅)包含n棵树(各含 1 个顶点)和0条边
 - 将所有边按照代价排序
- ❖ 迭代,直到F成为1棵树
 - 找到当前最廉价的边e
 - 若e的顶点来自F中不同的树,则
 - 令E' = E' U {e}, 然后
 - 将e联接的2棵树合二为一
- ❖ 整个过程共迭代n-1次,选出n-1条边



正确性

❖ 定理:Kruskal引入的每条边都属于某棵MST

❖设:边e = (u, v)的引入导致树T和S的合并

❖若:将(T; V\T)视作原网络N的割

则:e当属该割的一条跨边

☆ 在确定应引入e之前

- 该割的所有跨边都经Kruskal考察

- 且只可能因不短于e而被淘汰

❖ 故:e当属该割的一条极短跨边

❖与Prim同理,以上论述也不充分

为严格起见,仍需归纳证明:Kruskal算法过程中不断生长的森林,总是某棵MST的子图