

## 实例



❖ 从简单入手, 先来考查只有一种括号的情况...

//匹配

# 尝试:由外而内

0	)	平凡	•	无括号的表达式是匹配的
---	---	----	---	-------------

- 2)分治? E 和 F 均匹配,仅当 E F 匹配
- ❖ 然而,根据以上性质,却不易直接应用已知的策略
- **❖** 究其根源在于,1)和2)均为充分性,比如反例:

( ( ) ( ) ) ( ) = ( ( ) ( ) ) ( )

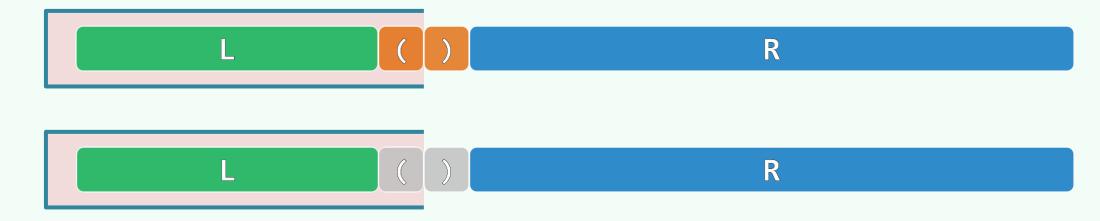
❖ 而为使问题有效简化,必须发现并借助必要性

#### 构思:由内而外

❖ 颠倒以上思路:消去一对紧邻的左右括号,不影响全局的匹配判断

亦即:	L	( )	R	匹配 , 仅当	L	R	匹西
-----	---	-----	---	---------	---	---	----

❖ 那么,如何找到这对括号?再者,如何使问题的这种简化得以持续进行?



❖ 顺序扫描表达式,用栈记录已扫描的部分

//实际上只需记录左括号

反复迭代:凡遇"(",则进栈;凡遇")",则出栈

#### 实现

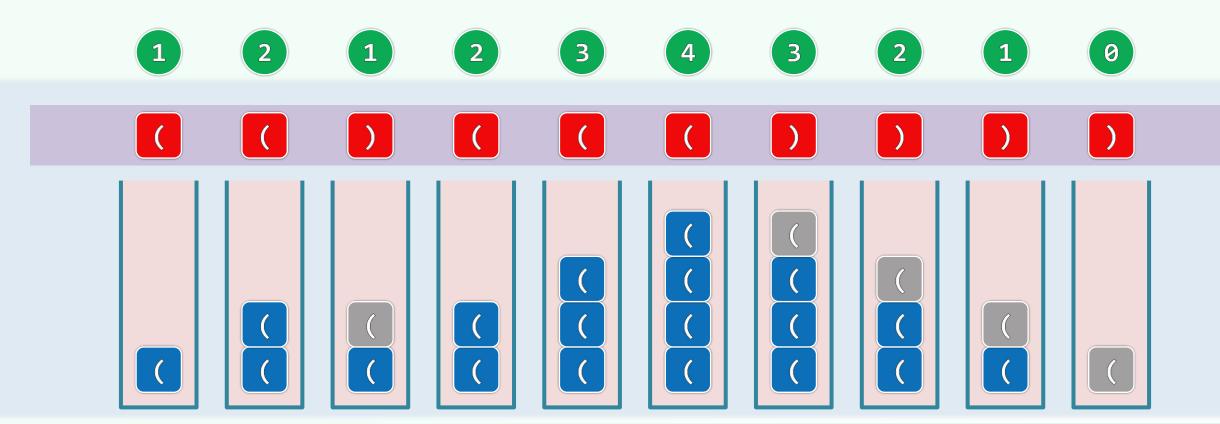
```
bool paren( const char exp[], int lo, int hi ) { //exp[lo, hi)
Stack<char> S; //使用栈记录已发现但尚未匹配的左括号
for ( int i = lo; i < hi; i++ ) //逐一检查当前字符
   if ( '(' == exp[i] ) S.push( exp[i] ); //遇左括号:则进栈
   else if ( ! S.empty() ) S.pop(); //遇右括号:若栈非空,则弹出左括号
   else return false; //否则(遇右括号时栈已空), 必不匹配
return S.empty(); //最终栈空, 当且仅当匹配
```

### 实例:一种括号

❖实际上,若仅考虑一种括号,只需一个计数器足矣

//S.size()

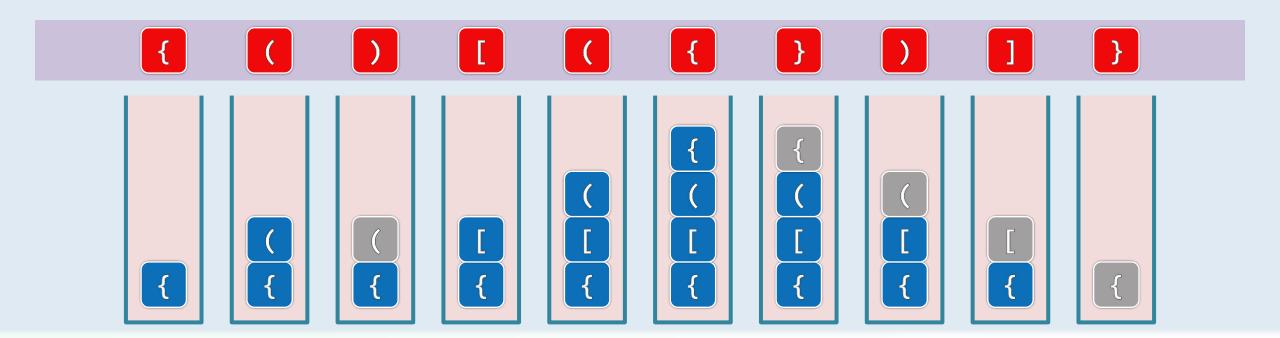
❖一旦转负,则为失配(右括号多余);最后归零,即为匹配(否则左括号多余)



## 拓展:多类括号

- ❖以上思路及算法,可否推广至多种括号并存的情况?反例: [( ])
- **❖ 甚至,只需约定"括号"的通用格式,而不必事先固定括号的类型与数目**

比如: <body> | </body>, <h1> | </h1>, <font> | </font>, | , | , ...



# 拓展:更多

❖ 按字典序, 枚举由n对匹配括号组成的所有表达式

ACP-v4-f4-p5, Algorithm P, I. Semba, 1981

❖ 在由n对匹配括号组成的所有表达式中,按字典序取出第N个

ACP-v4-f4-p14, Algorithm U, F. Ruskey, 1978

❖ 在由n对匹配括号组成的所有表达式中,等概率地随机任选其一

ACP-v4-f4-p15, Algorithm W, D. B. Arnold & M. R. Sleep, 1980

❖ 由算法U,不是可以直接实现算法W的功能吗?后者的意义何在?