

# 河南工业大学信息学院物联网专业 2016 级数据结构作业

201616070320 物联网 1603 郭治洪

(2017 年 11 月 13 日交)

## 第 1 章

分析以下程序段的时间复杂度，请说明分析的理由或原因。

(1)Sum1( int n )

```
{   int p=1, sum=0, m ;  
for (m=1; m<=n; m++)  
{   p*=m ; sum+=p ; }  
return (sum) ;  
}
```

(2)Sum2( int n )

```
{   int sum=0, m, t ;  
for (m=1; m<=n; m++)  
{   p=1 ;  
for (t=1; t<=m; t++)   p*=t ;  
sum+=p ;  
}  
return (sum) ;  
}
```

1.O(n) 一个递增循环从 1-n

2.O(n+m) 两个依次循环，一个 1-m，一个 1-n

## 第 2 章

1.在顺序表中插入和删除一个结点平均需要移动多少个结点?具体移动次数取决于哪两个因素?

由于是平均，所以各个结点的概率相同

$$(1/n)*(n-1)+(1/n)*(n-2)+\dots+(1/n)*1 = (1/n)*(1+2+\dots+(n-1)) = (n-1)/2$$

取决于要操作的结点的位置和顺序表的长度

2. 设顺序表 L 是递增有序表，试写一算法，将 x 插入到 L 中并使 L 是递减有序表。

```
void Mergelist_Sq(Sqlist LA, Sqlist LB, Sqlist &LC)
{//已知顺序表 LA、LB，归并 LA、LB 得到顺序表 LC
//时间复杂度 O(n)，n 为总元素数
    int *pa, *pb, *pc, *pa_last, *pb_last, i;
    pa=LA.elem; pb=LB.elem;//pa 为表 LA 的整数型数组地址，pb 表 LB 的整数型
数组地址
    int *bak_pa=pa; int *bak_pb=pb;
    LC.listsize=LC.length=LA.length+LB.length;//表 LC 的长度和有效数据的长度为表
LA 和表 LB 的和
    pc=LC.elem=new int[LC.listsize * sizeof(ElemType)];//分配表 LC 的整数型数组能
储存 LA 和 LB 中元素
    if (!LC.elem)
    {
        cout << "不能分配内存" << endl;
        exit(OVERFLOW);
    };
    pa_last=LA.elem+LA.length-1; //定义表 LA 的整形数组截至
    pb_last=LB.elem+LB.length-1; //定义表 LB 的整形数组截至
    while(pa<pa_last)//此循环会让表 LA 到达末尾元素
        pa++;
    while(pb<pb_last)//此循环会让表 LB 到达末尾元素
        pb++;
    // cout<<*pa<<*pb<<endl;
    while(pa>=bak_pa && pb>=bak_pb)
    {//此循环把小的元素放在 LC 前面
        if (*pa <= *pb) //如果表 LA 的元素小于表 LB 的元素
            *pc++ = *pb--; //赋值并且变成下一个元素
        else
            *pc++ = *pa--;
    }
    while (pa>=bak_pa) //不等于首个元素
        *pc++ = *pa--;
    while (pb>=bak_pb)
        *pc++ = *pb--;
    delete bak_pa, bak_pb; //删除为表 LA 和 LB 的分配空间
}
```

3. 设 A 和 B 是两个按元素值递减有序的单链表，写一算法将 A 和 B 归并为按元素值递增有序的单链表 C，试分析算法的时间复杂度。

时间复杂度  $O(n)$ ， $n$  为总元素数

```
void Mergelist_Sq(Sqlist LA,Sqlist LB,Sqlist &LC)
{//已知顺序表 LA、LB，归并 LA、LB 得到顺序表 LC
    int *pa,*pb,*pc,*pa_last,*pb_last,i;
    pa=LA.elem; pb=LB.elem;//pa 为表 LA 的整数型数组地址，pb 表 LB 的整数型数组地址
    int *bak_pa=pa;int *bak_pb=pb;
    LC.listsize=LC.length=LA.length+LB.length;//表 LC 的长度和有效数据的长度为表 LA 和表 LB 的和
    pc=LC.elem=new int[LC.listsize * sizeof(ElemType)];//分配表 LC 的整数型数组能储存 LA 和 LB 中元素
    if (!LC.elem)
    {
        cout <<"不能分配内存"<<endl;
        exit(OVERFLOW);
    };
    pa_last=LA.elem+LA.length-1; //定义表 LA 的整形数组截至
    pb_last=LB.elem+LB.length-1; //定义表 LB 的整形数组截至
    while(pa<pa_last)//此循环会让表 LA 到达末尾元素
        pa++;
    while(pb<pb_last)//此循环会让表 LB 到达末尾元素
        pb++;
    // cout<<*pa<<*pb<<endl;
    while(pa>=bak_pa&&pb>=bak_pb)
    {//此循环把小的元素放在 LC 前面
        if (*pa <= *pb) //如果表 LA 的元素小于表 LB 的元素
            *pc++ = *pa--;//赋值并且变成下一个元素
        else
            *pc++ = *pb--;
    }
    while (pa>=bak_pa) //不等于首个元素
        *pc++ = *pa--;
    while (pb>=bak_pb)
        *pc++ = *pb--;
    delete bak_pa,bak_pb;//删除为表 LA 和 LB 的分配空间
}
```

### 第 3 章

1. 设有一个栈，元素进栈的次序为 a, b, c。问经过栈操作后可以得到哪些输出序列？

a 进 a 出 b 进 b 出 c 进 c 出 abc  
a 进 b 进 c 进 c 出 b 出 a 出 cba  
a 进 b 进 b 出 a 出 c 进 c 出 bac  
a 进 a 出 b 进 c 进 c 出 b 出 acb  
a 进 b 进 b 出 c 进 c 出 a 出 bca

2. 利用栈的基本操作，写一个返回栈 S 中结点个数的算法 int StackSize(SeqStack S)，并说明 S 为何不作为指针参数的算法？

```
int StackSize(SeqStack s)
{
    int i=1;
    while(S.top!=S.base)
    { //出栈并判断栈是否为空
        --S.top;
        ++i;
    }
    return i;
}
```

因为我们只需要元素出栈，并且判断栈是否为空，并不需要改变栈的值和对栈中的元素进行操作。

3.假设  $Q[0,5]$ 是一个循环队列，初始状态为  $front=rear=0$ ，请画出做完下列操作后队列的头尾指针的状态变化情况，若不能入队，请指出其元素，并说明理由。

d, e, b, g, h 入队

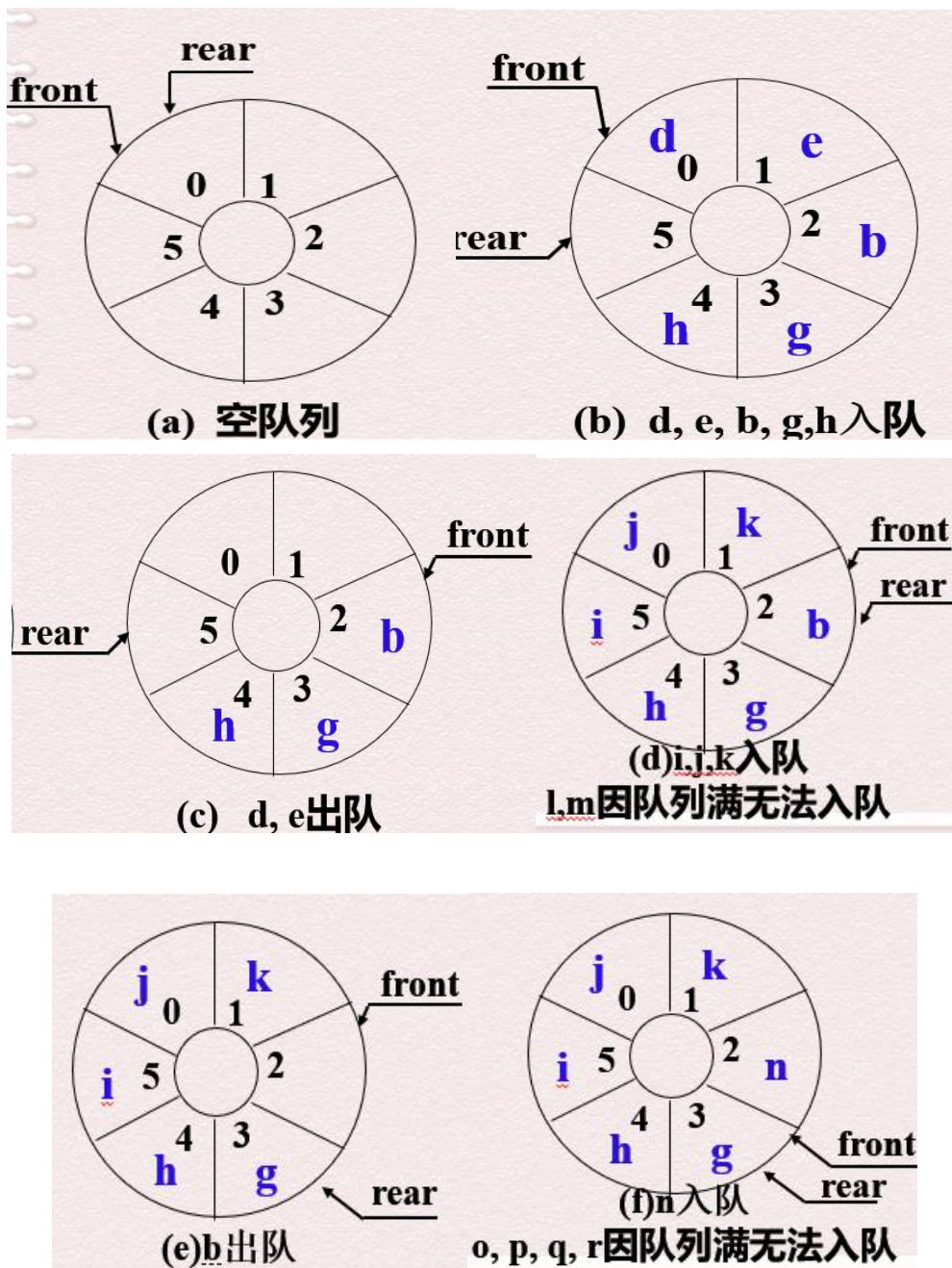
d, e 出队

i, j, k, l, m 入队

b 出队

n, o, p, q, r 入队

答案：图解



1. 若  $x$  和  $y$  是两个采用单链表结构存储的串，每块一个字符，写一算法比较这两个字符串是否相等。

```

int compare_string(StringList s,StringList t)
{//传过来是两个链表头节点的地址
    int pos=0;
    s=s->next;//变成首节点地址
    t=t->next;
    for(;s->next!=NULL&& t->next!=NULL;s=s->next,t=t->next)
    {//进行循环遍历，如果发现两个链表某个结点元素不同，则改变信号变量并且退出循环
        if(s->data!=t->data)
        {
            pos=1;
            break;
        }
    }
    if(pos==0)//如果两个字符串相等
        return 1;
    if(pos==1)//如果不相等
        return -1;
}

```

2. 写一算法 void StrRelace(char \*T, char \*P, char \*S)，将 T 中第一次出现的与 P 相等的子串替换为 S，串 S 和 P 的长度不一定相等，并分析时间复杂度。

$n$  是 T 串长度， $m$  是 P 串长度， $q$  是 s 串长度

**要求  $s \leq q$**

$O(m+n+q+(m-n))=O(2m+q)$

$m+n$  为 KMP 算法找到替换的位置

$q$  为复制 S 串

$m-n$  为复制剩下的部分

代码在下页。

```

//注：以下代码参考算法导论中伪代码
int *next(char *P)
{//计算 P 的部分匹配表
    int *num=(int *)new int[strlen(P) * sizeof(int)];
    if(!num)
    {
        cout<<"内存分配失败"<<endl;
        exit (-1);
    }
    num[0]=0;
    int k=0;
    for(int q=1;P[q]!='\0';q++)
    {//从第 2 位到字符串截止
        while(k>0&&(P[k]!=P[q]))//如果 k 大于 0 且 k+1 不等 k 位
            k=num[k-1]; //k 值等于这一位的部分匹配值
        if(P[k]==P[q])//如果当前位和 k+1 相等
            k++; //k+1
        num[q]=k; //当前位部分匹配值为 k 值
    }
    // for(int i=0;i<strlen(P);i++)
    //     cout<<num[i]<<endl;
    return num;
}

void StrRelace(char *T, char *P, char *S)
{
    int find=0;
    int *num=next(P); //调用计算 P 的部分匹配表
    int i,q;
    for(i=0,q=0;T[i]!='\0';i++)
    {//从 T 字符串第 0 位开始，到它结束
        while(q>0&&P[q]!=T[i])
            q=num[q];
        if(P[q]==T[i])
            q++;
        if(q==strlen(P))
        {
            find=1;
            break;
        }
    }
}

```

```

i++; // 替换结束位置的下一位
if (find == 1)
{ // 找到
    if (strlen(S) > strlen(P)) // 如果要替换的字符串超过匹配的字符串长度，提示错误
    {
        cout << "替换字符串超过匹配字符串的长度" << endl;
        // 新长度 = 字符串 T 的长度 - 字符串 P 的长度 + 字符串 S 的长度
        // char * new_T = (char *)new char[(strlen(T) - strlen(P) + strlen(S)) *
sizeof(char)];
        // if (!new_T)
        // {
        //     cout << "内存分配失败" << endl;
        //     exit (-1);
        // }
        // int s;
        // for (s = 0; s < i - strlen(P); s++)
        //     new_T[s] = S[s]; // 复制替换前的字符串
        // for (int m = 0; S[m] != '\0'; m++, s++)
        //     new_T[s] = S[m]; // 复制要替换的字符串
        // for (; T[i] != '\0'; i++, s++)
        //     new_T[s] = T[i]; // 复制剩下部分字符串
        // new_T[s] = '\0'; // 最后加上截至字符
        // T = new_T;
    }
    else
    {
        int s = i - strlen(P); // 替换开始位置
        for (int m = 0; S[m] != '\0'; m++, s++)
            T[s] = S[m]; // 替换成 S 串
        for (; T[i] != '\0'; i++, s++)
            T[s] = T[i]; // 剩下部分前移
        T[s] = '\0'; // 最后加上截至字符
    }
}
else
    cout << "找不到无法完成替换" << endl;
}

```