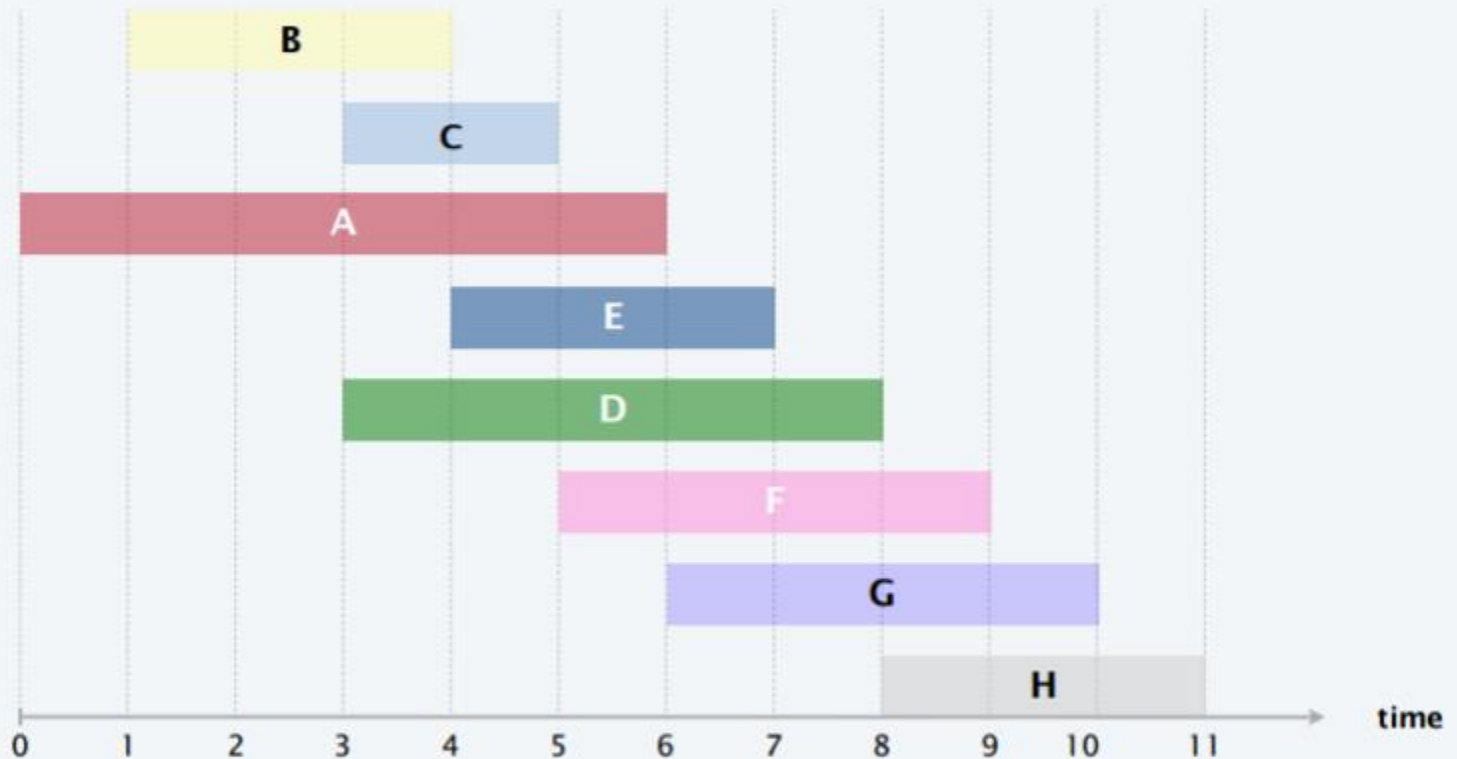


- 
- A horizontal number line with tick marks at every integer from 0 to 11. The numbers are labeled below the line. The number 1 is highlighted in blue.

1. 给定以下多个任务及相应的开始和终止时间，求任务的  
最大组合数。

**Earliest-finish-time-first algorithm**

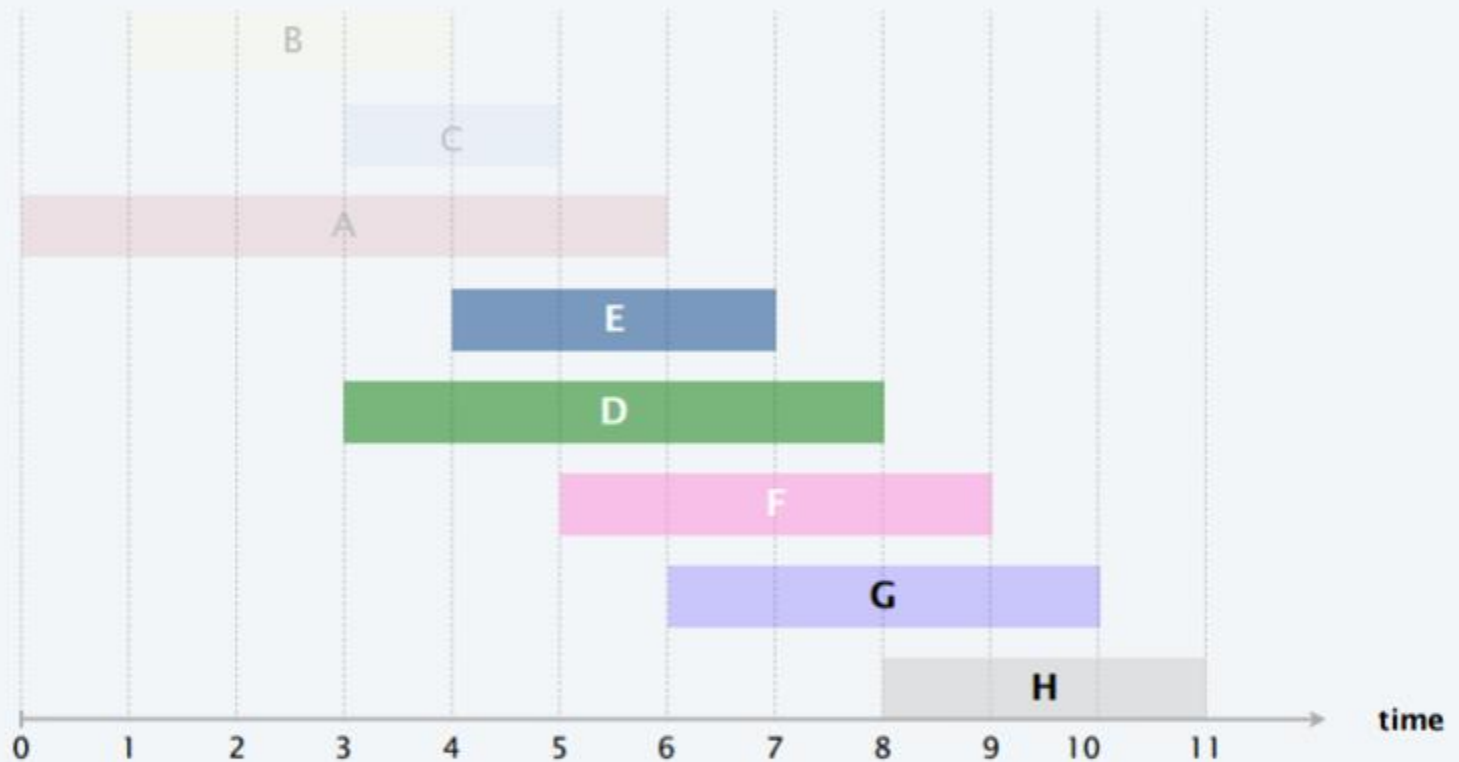


job B is compatible (add to schedule)

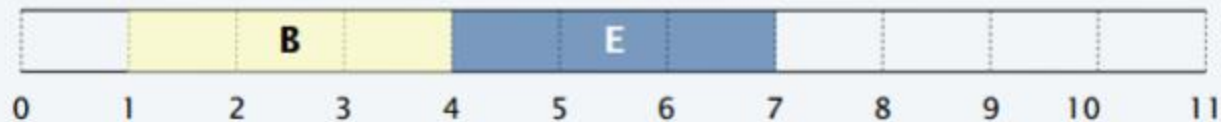


1. 给定以下多个任务及相应的开始和终止时间，求任务的  
最大组合数。

Earliest-finish-time-first algorithm



job E is compatible (add to schedule)

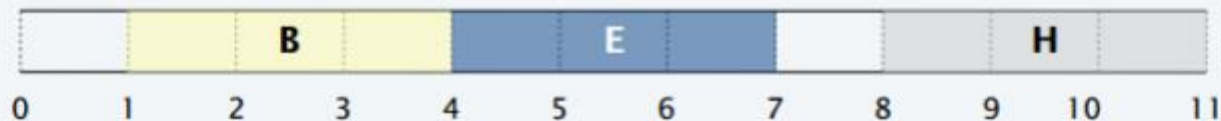


1. 给定以下多个任务及相应的开始和终止时间，求任务的  
最大组合数。

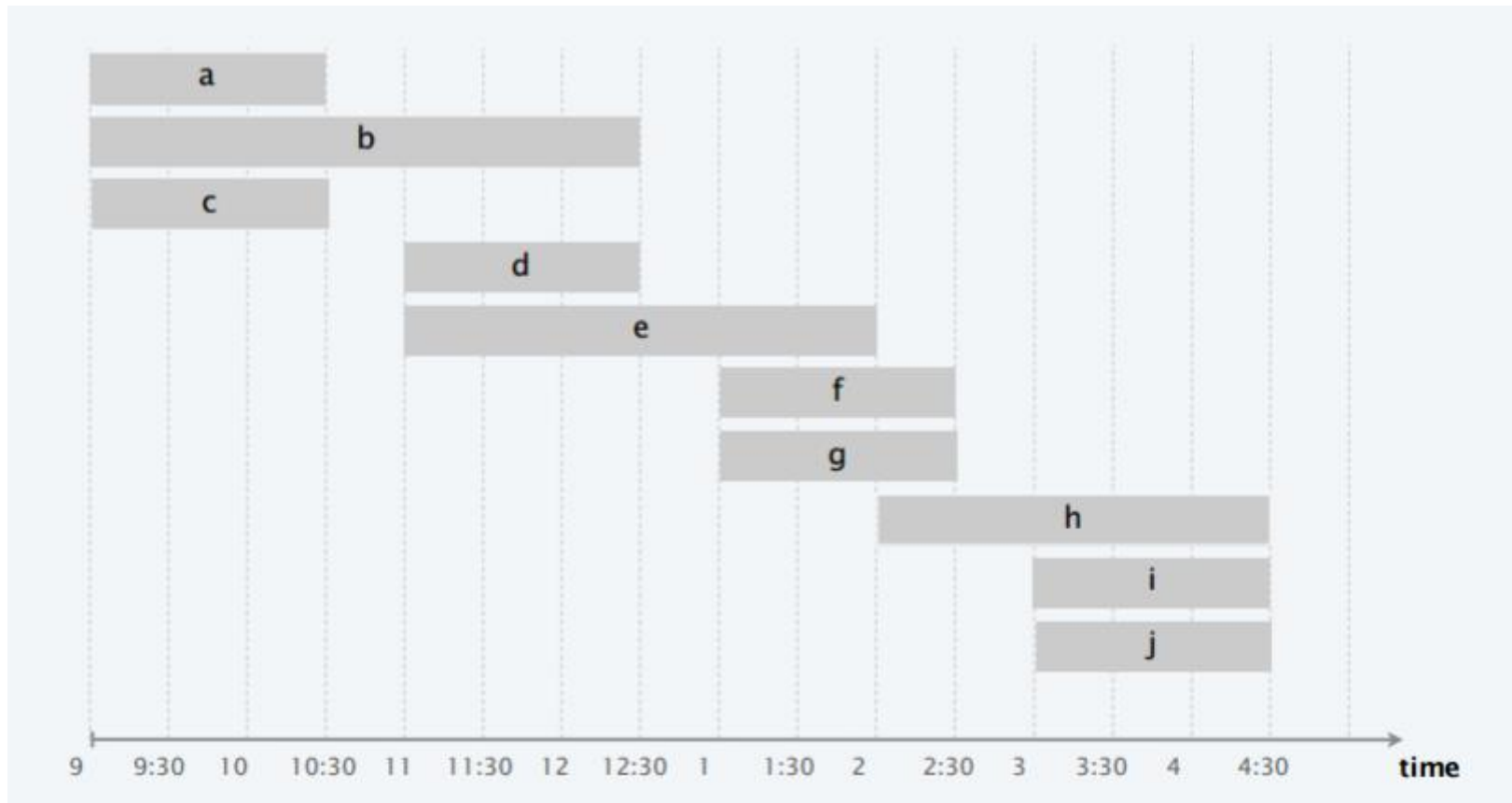
Earliest-finish-time-first algorithm



job H is compatible (add to schedule)



2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。



2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。

### Earliest-start-time-first algorithm

Consider lectures in order of start time:

- Assign next lecture to any compatible classroom.
- Otherwise, open up a new classroom.

no compatible classroom: open up a new classroom and assign lecture to it

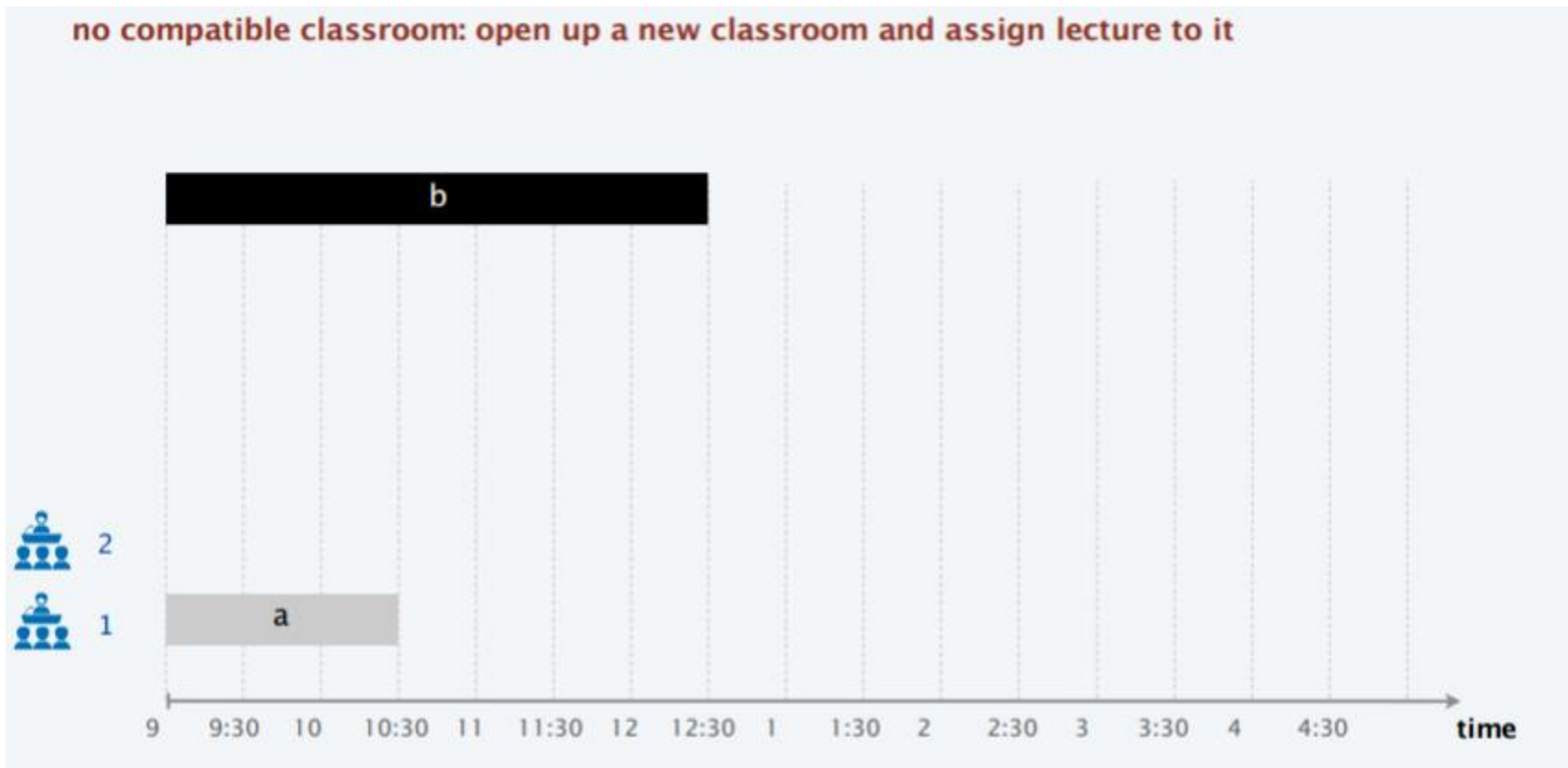


2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。

### Earliest-start-time-first algorithm

Consider lectures in order of start time:

- Assign next lecture to any compatible classroom.
- Otherwise, open up a new classroom.

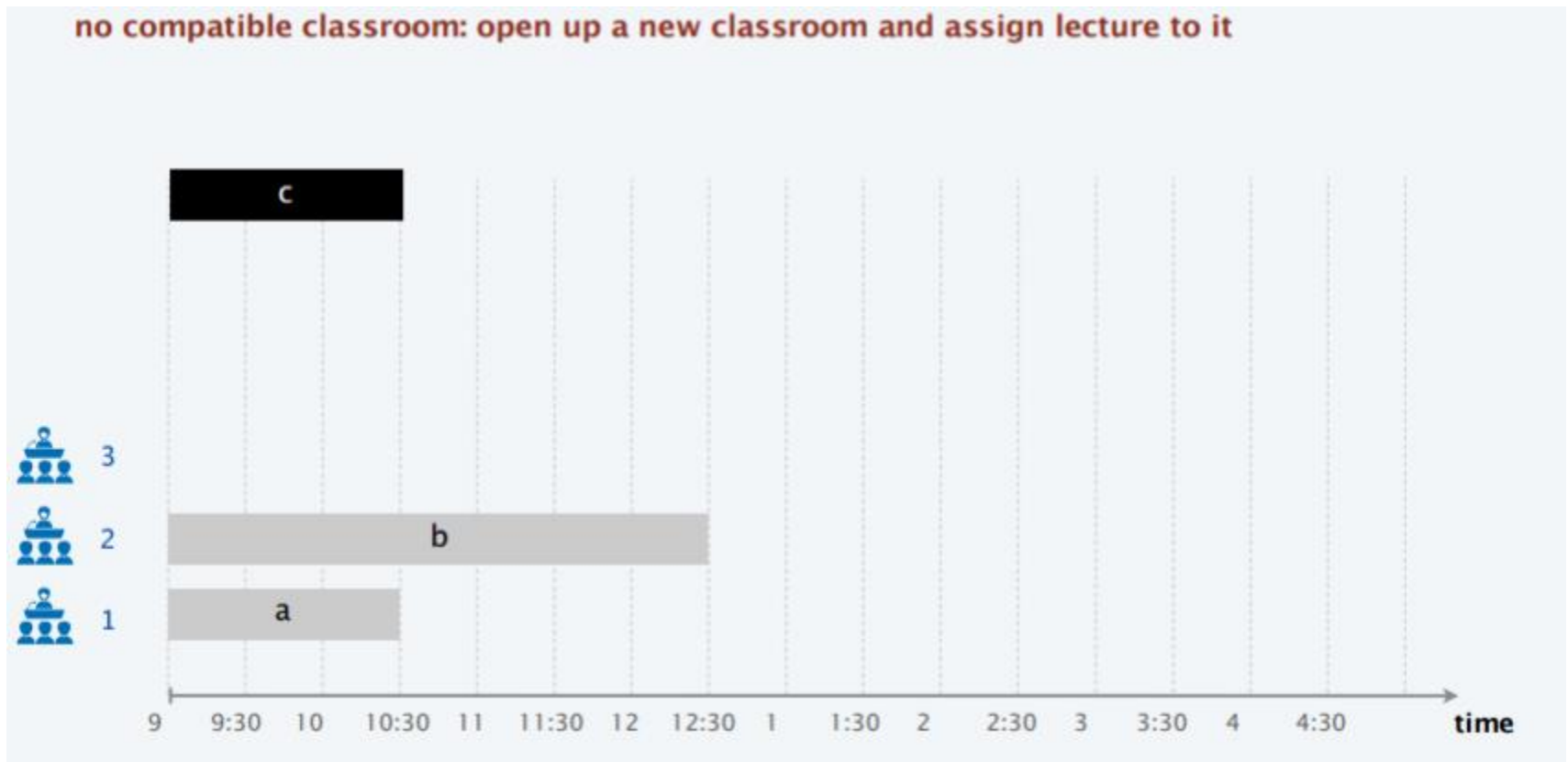


2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。

### Earliest-start-time-first algorithm

Consider lectures in order of start time:

- Assign next lecture to any compatible classroom.
- Otherwise, open up a new classroom.



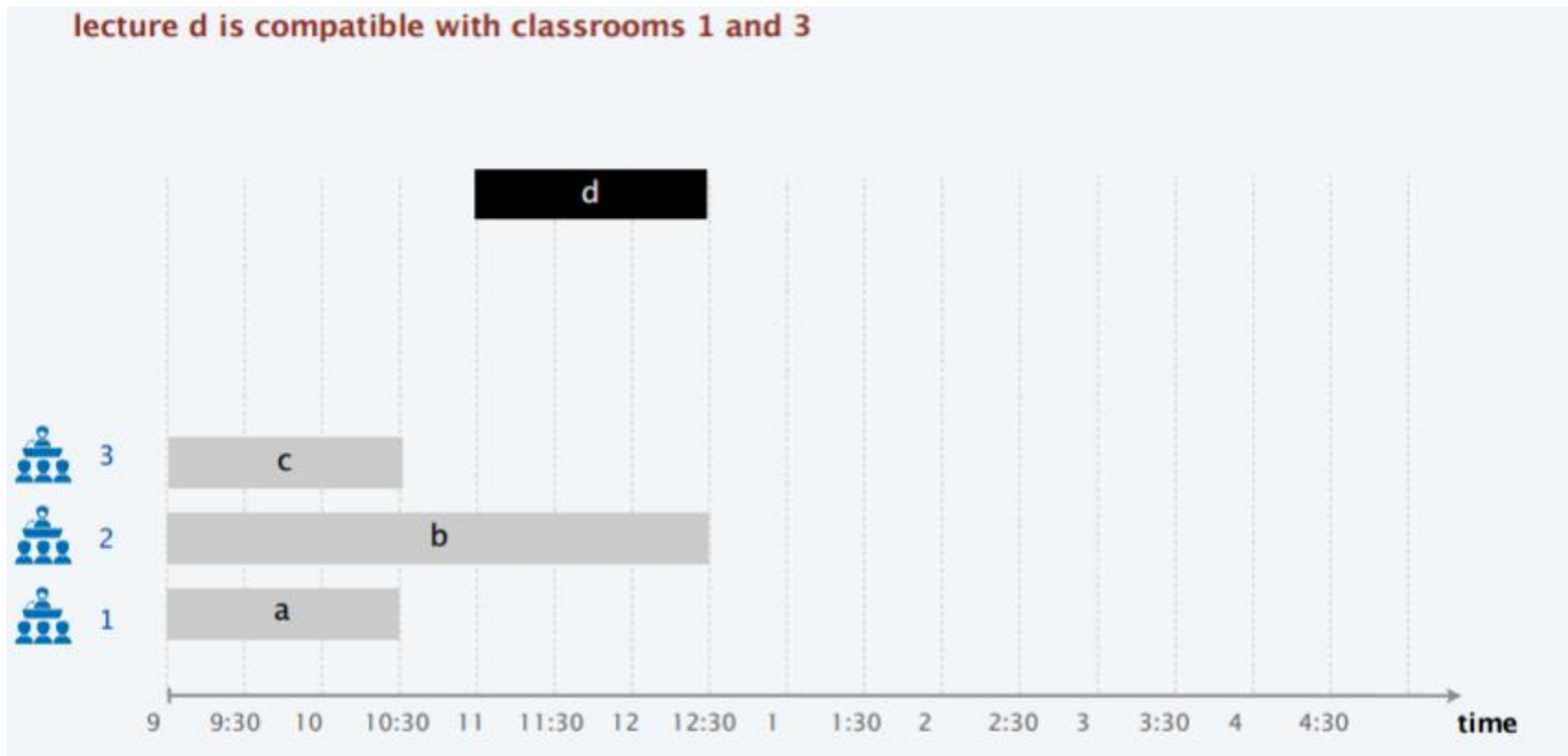


2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。

### Earliest-start-time-first algorithm

Consider lectures in order of start time:

- Assign next lecture to any compatible classroom.
- Otherwise, open up a new classroom.

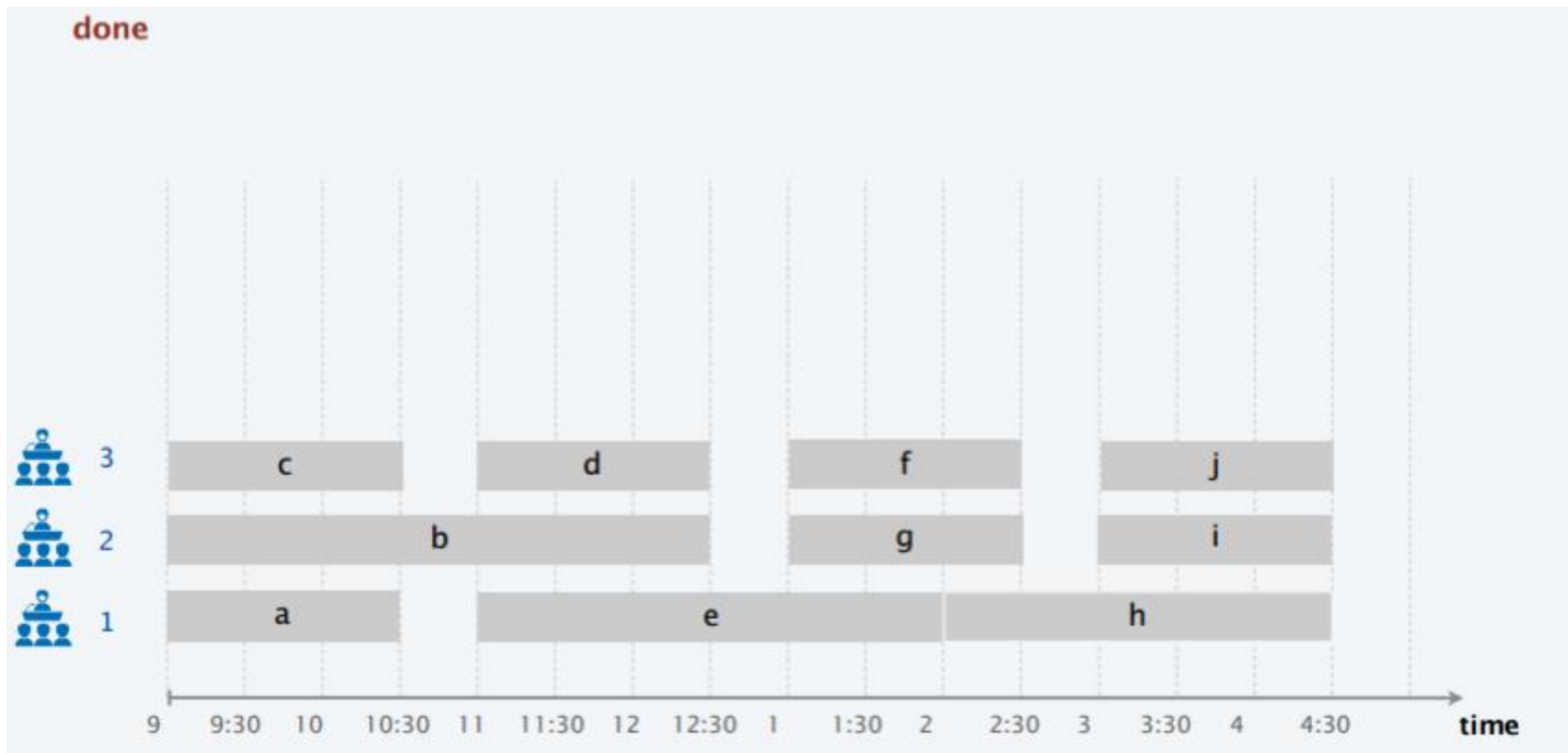


2. 给定以下讲座及相应的开始和终止时间，确定最少教室数。

### Earliest-start-time-first algorithm

Consider lectures in order of start time:

- Assign next lecture to any compatible classroom.
- Otherwise, open up a new classroom.



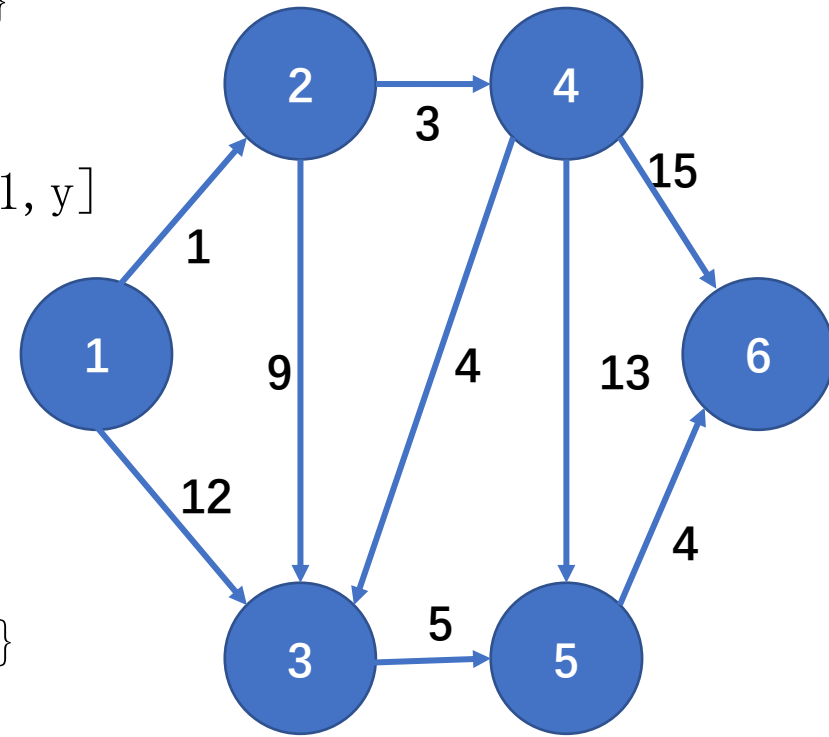
### 3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

Dijkstra算法

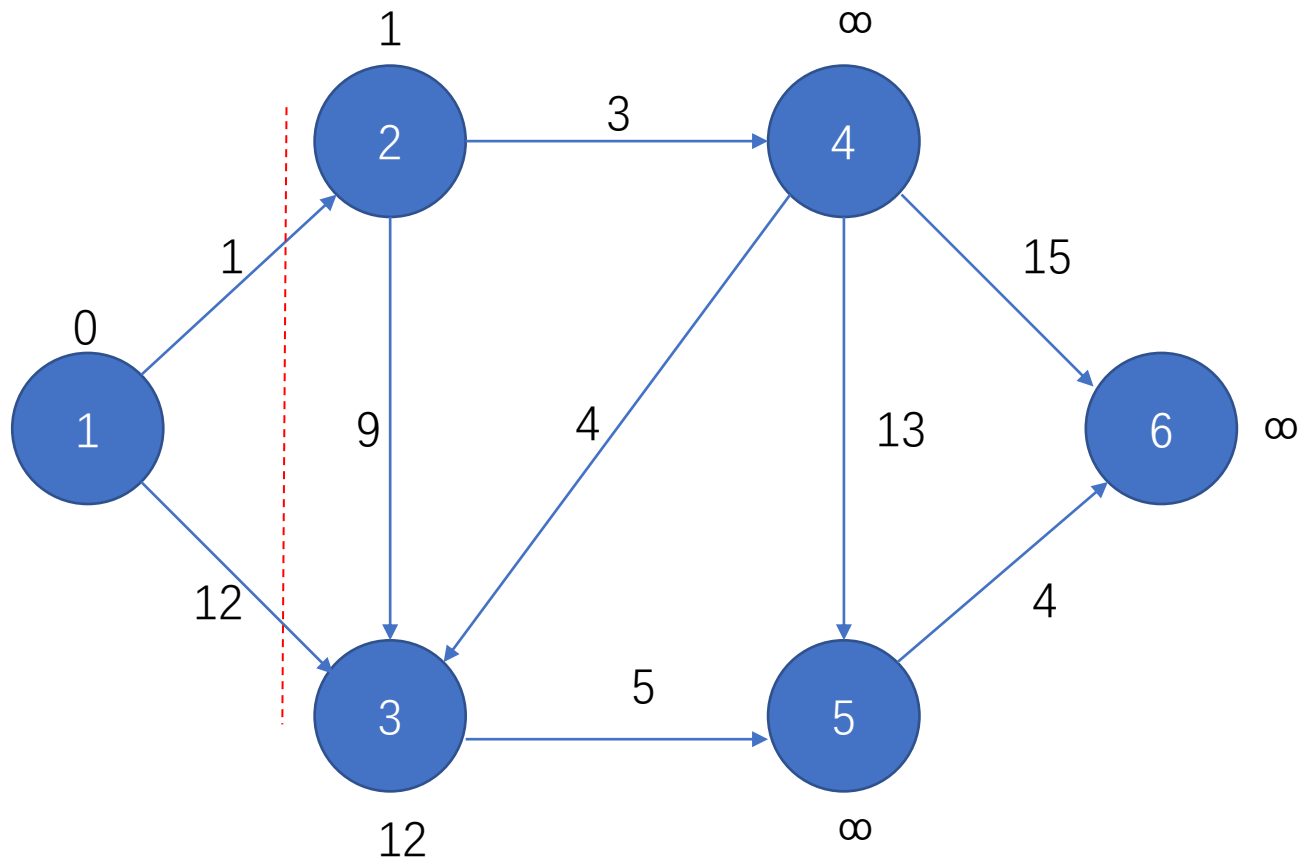
输入：含权有向图 $G=\{V, E\}$ ,  $V=\{1, 2, \dots, n\}$

输出：G中顶点1到其他顶点的距离

```
1. for  $y \leftarrow 2$  to  $n$ :
2.     if  $y$  相邻于 1 then  $\lambda[y] \leftarrow \text{length}[1, y]$ 
3.     else  $\lambda[y] = \infty$ 
4.     end if
5. end for
6. for  $j \leftarrow 1$  to  $n-1$ 
7.     令  $y \in Y$ , 使得  $\lambda[y]$  为最小
8.      $X \leftarrow X \cup \{y\}$       {将顶点  $y$  加入  $X$ }
9.      $Y \leftarrow Y - \{y\}$      {将顶点  $y$  从  $Y$  中删除}
11.    for 每条边  $(y, w)$ 
12.        if  $w \in Y$  and  $\lambda[y] + \text{length}[y, w] < \lambda[w]$  then
13.             $\lambda[w] \leftarrow \lambda[y] + \text{length}[y, w]$ 
14.        end if
15.    end for
16. end for
```



3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

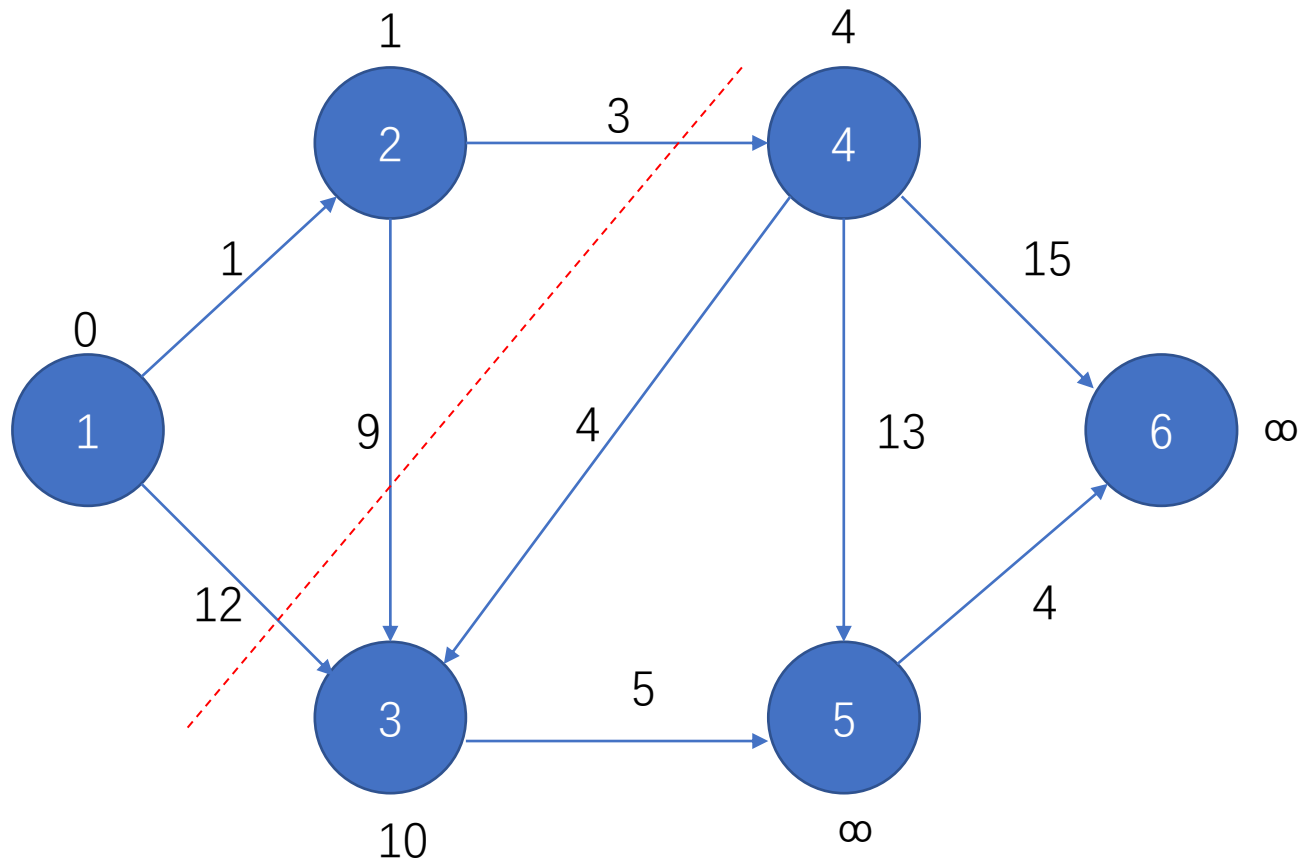


3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

加入顶点2:

$\lambda[3]=12$ ,  $\lambda[2]+\text{length}(2,3)=10$ ,  $10 < 12$ , 更新顶点3到1的最短路径。

$\lambda[4]=\infty$ ,  $\lambda[2]+\text{length}(2,4)=4$ ,  $4 < \infty$ , 更新顶点4到1的最短路径。



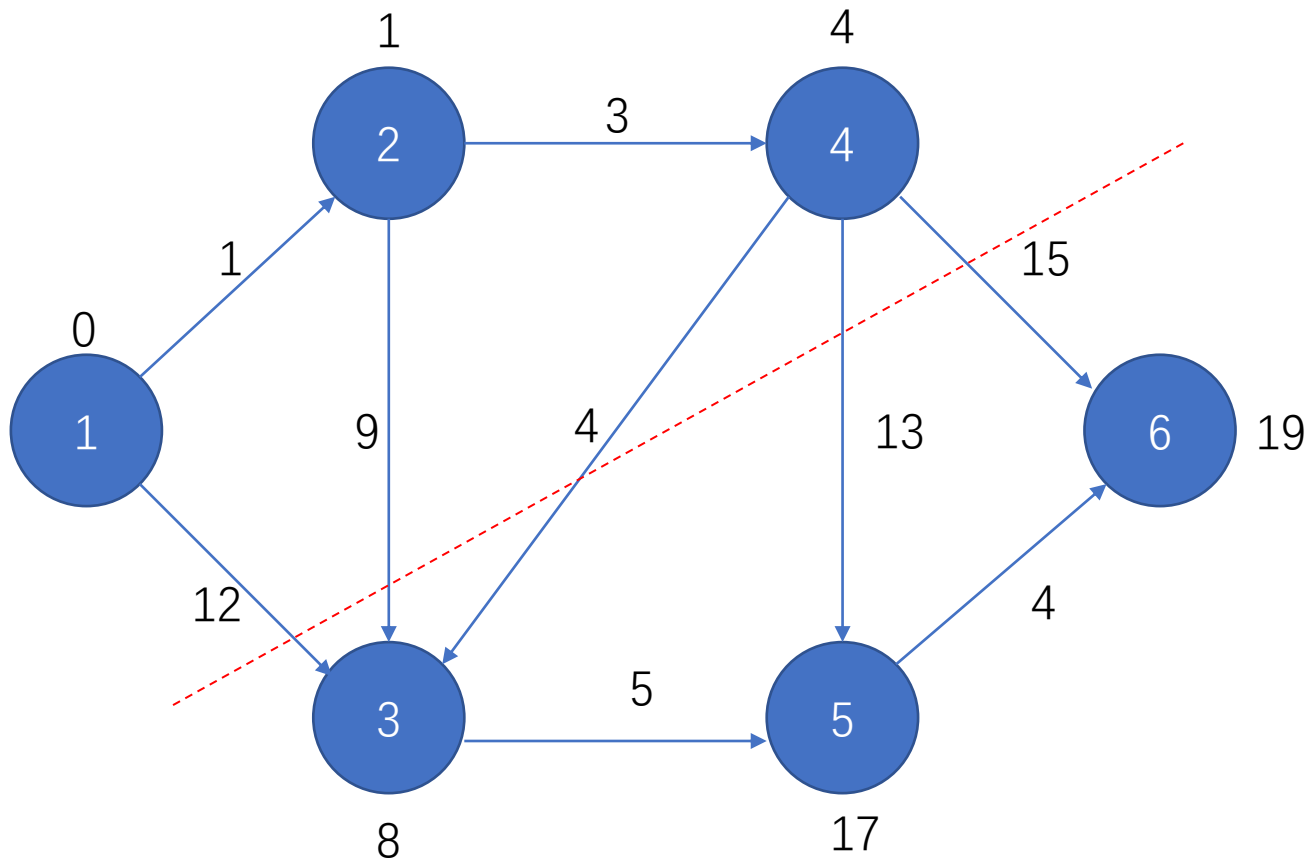
3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

加入顶点4:

$\lambda[6] = \infty$ ,  $\lambda[4] + \text{length}(4,6) = 19$ ,  $19 < \infty$ , 更新顶点6到1的最短路径。

$\lambda[5] = \infty$ ,  $\lambda[4] + \text{length}(4,5) = 17$ ,  $17 < \infty$ , 更新顶点5到1的最短路径。

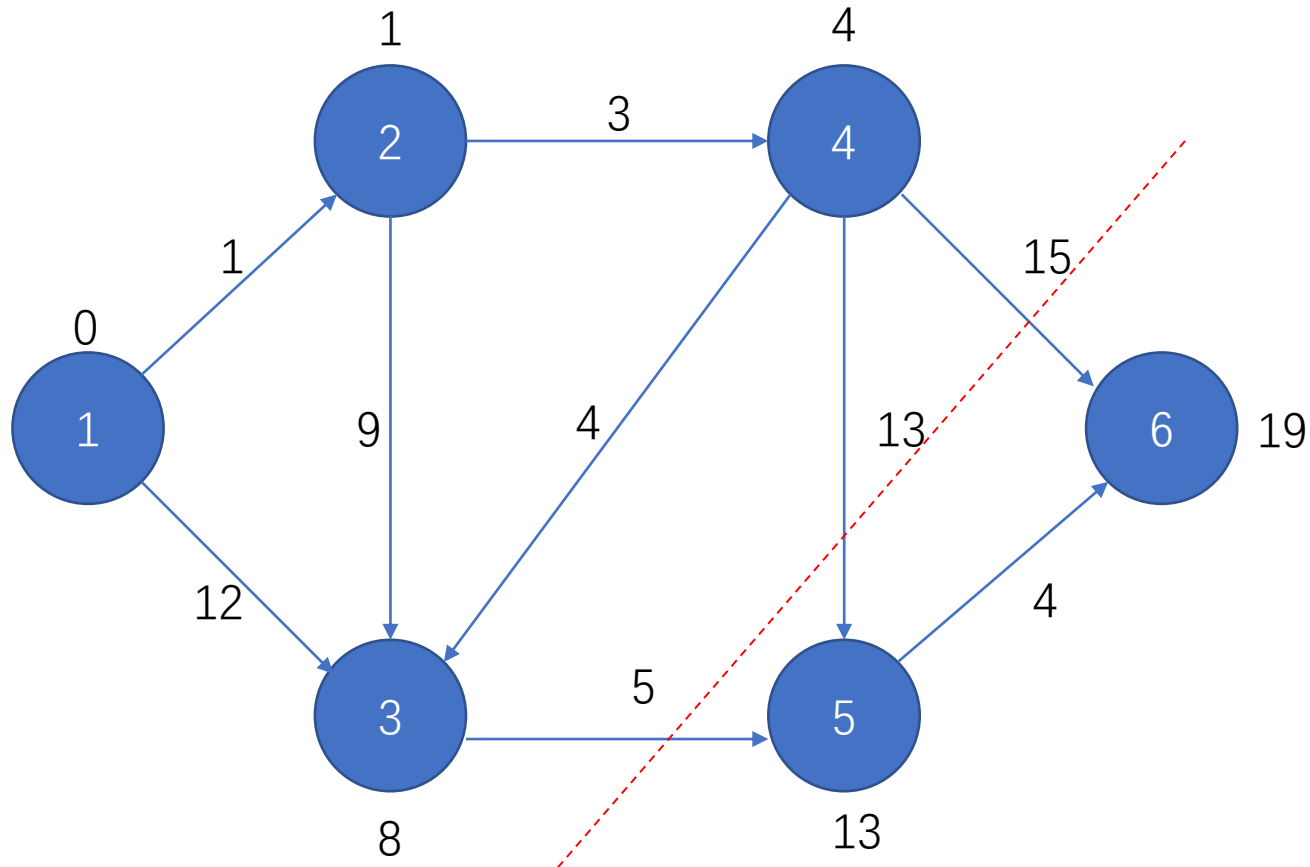
$\lambda[3] = 10$ ,  $\lambda[4] + \text{length}(4,3) = 8$ ,  $8 < 10$ , 更新顶点3到1的最短路径。



3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

加入顶点3:

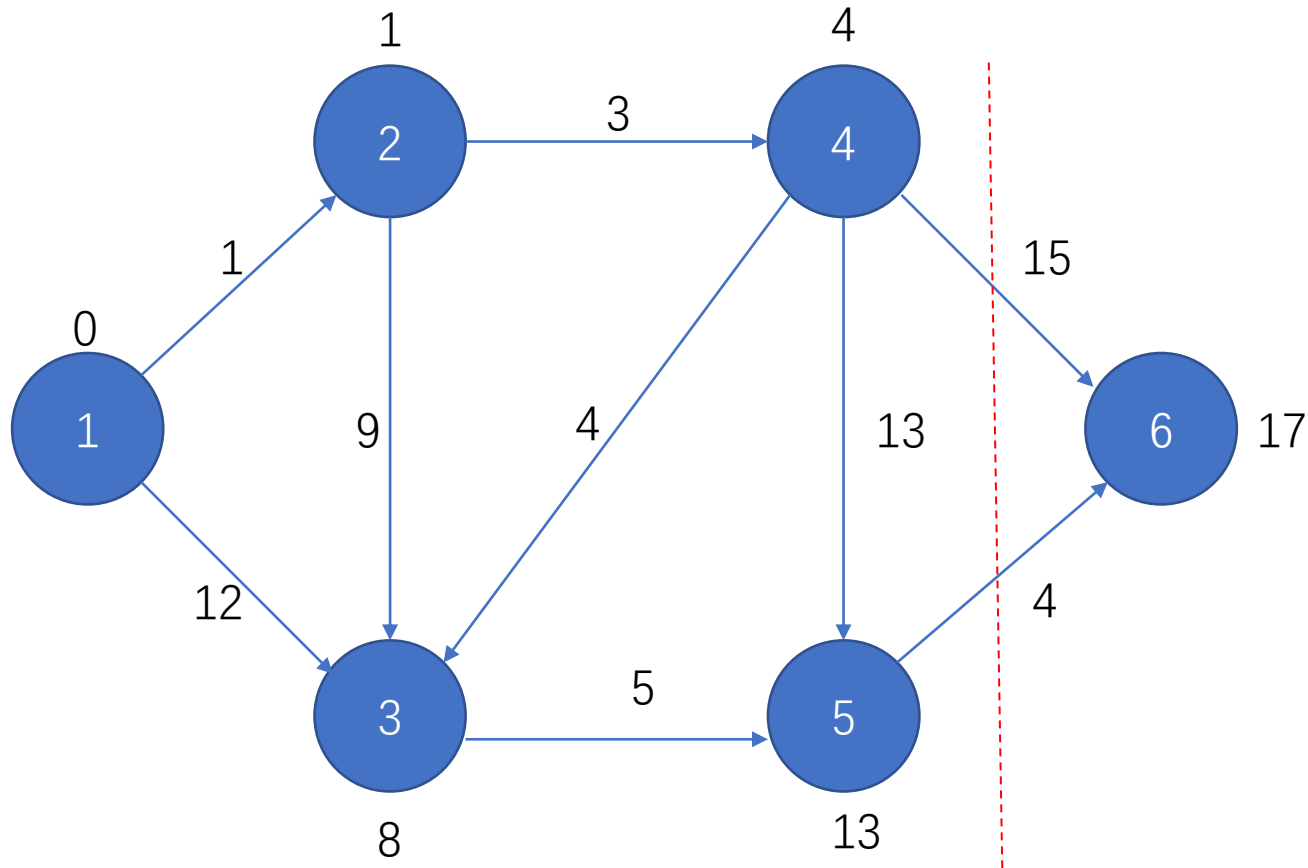
$\lambda[5] = 17$ ,  $\lambda[3] + \text{length}(3,5) = 13$ ,  $13 < 17$ , 更新顶点5到1的最短路径。



3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。

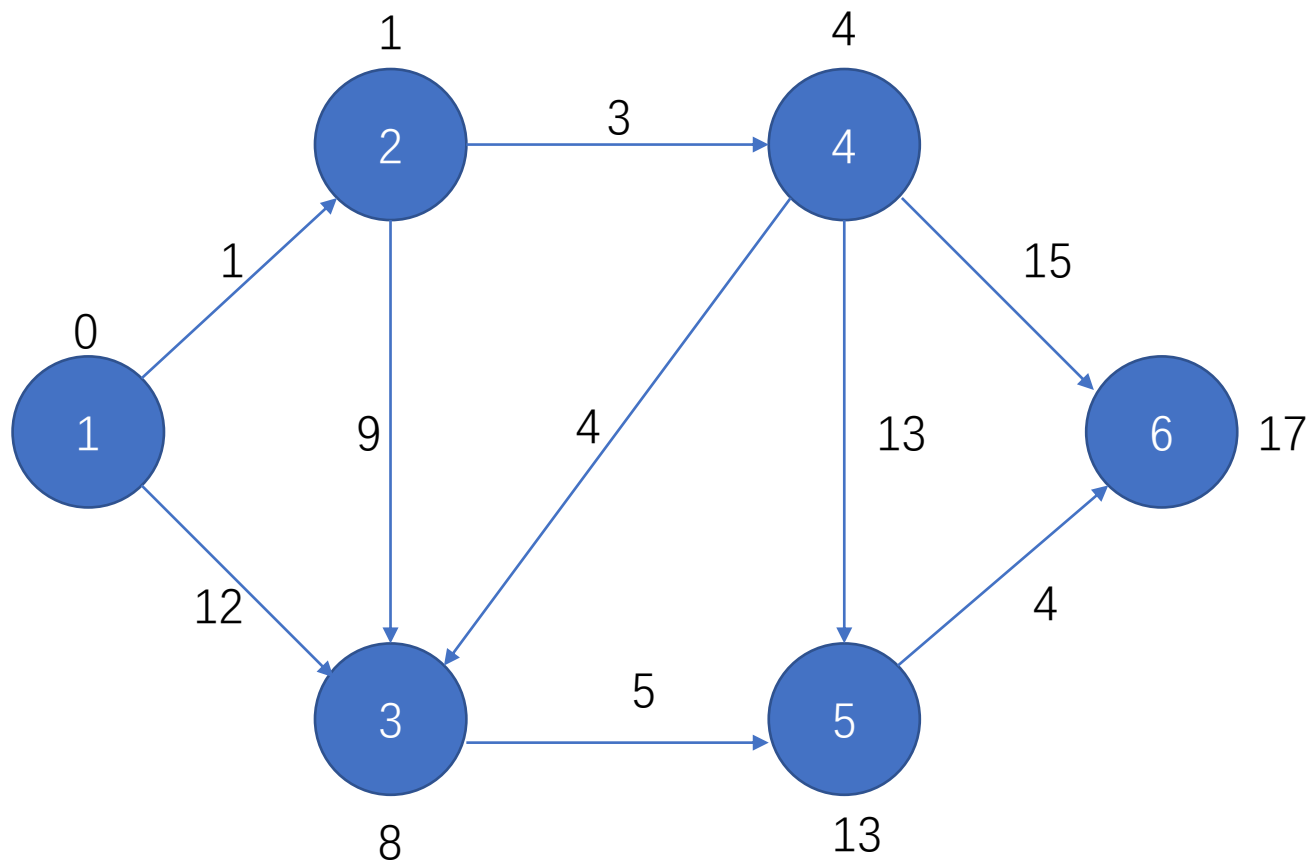
加入顶点5:

$\lambda[6] = 19$ ,  $\lambda[5] + \text{length}(5,6) = 17$ ,  $17 < 19$ , 更新顶点6到1的最短路径。





3. 已知含权有向图如下，采用Dijkstra算法求顶点1的单源最短路径。



4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。

Kruskal算法

输入：包含 $n$ 个顶点的含权连通无向图 $G = \{V, E\}$

输出：由 $G$ 生成的最小耗费生成树 $T$ 组成的边的集合

1. 按非降序权重将 $E$ 中的边排序

2.  $T = \{ \}$

3. while  $|T| < n-1$

4.      $e \leftarrow E$ 中第一个元素

5.     if  $e$ 不会造成回路

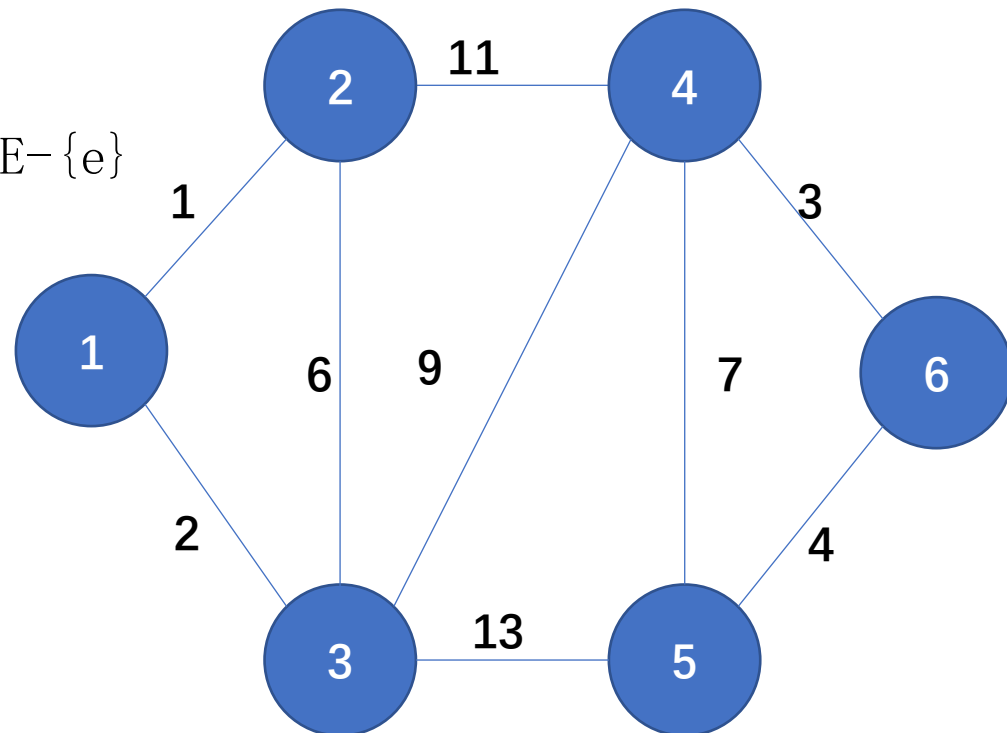
6.         then  $T \leftarrow T + \{e\}$ ,  $E \leftarrow E - \{e\}$

6.     end if

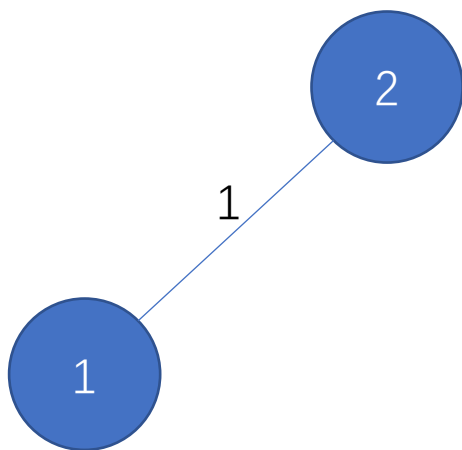
7.     if  $E = \{ \}$  then 算法结束

8.     end if

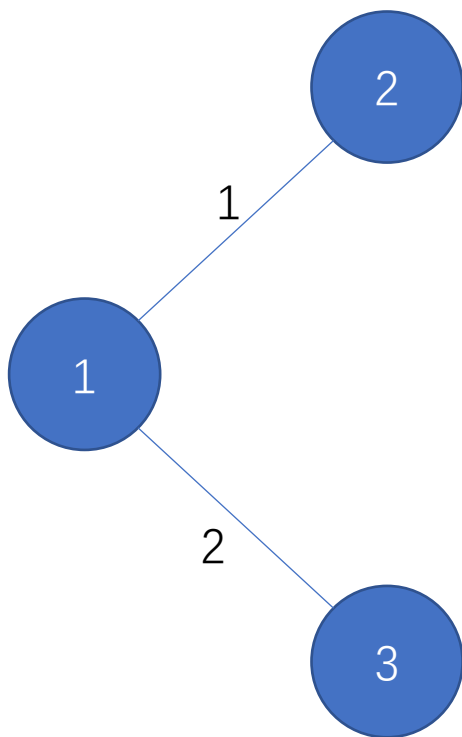
9. end while



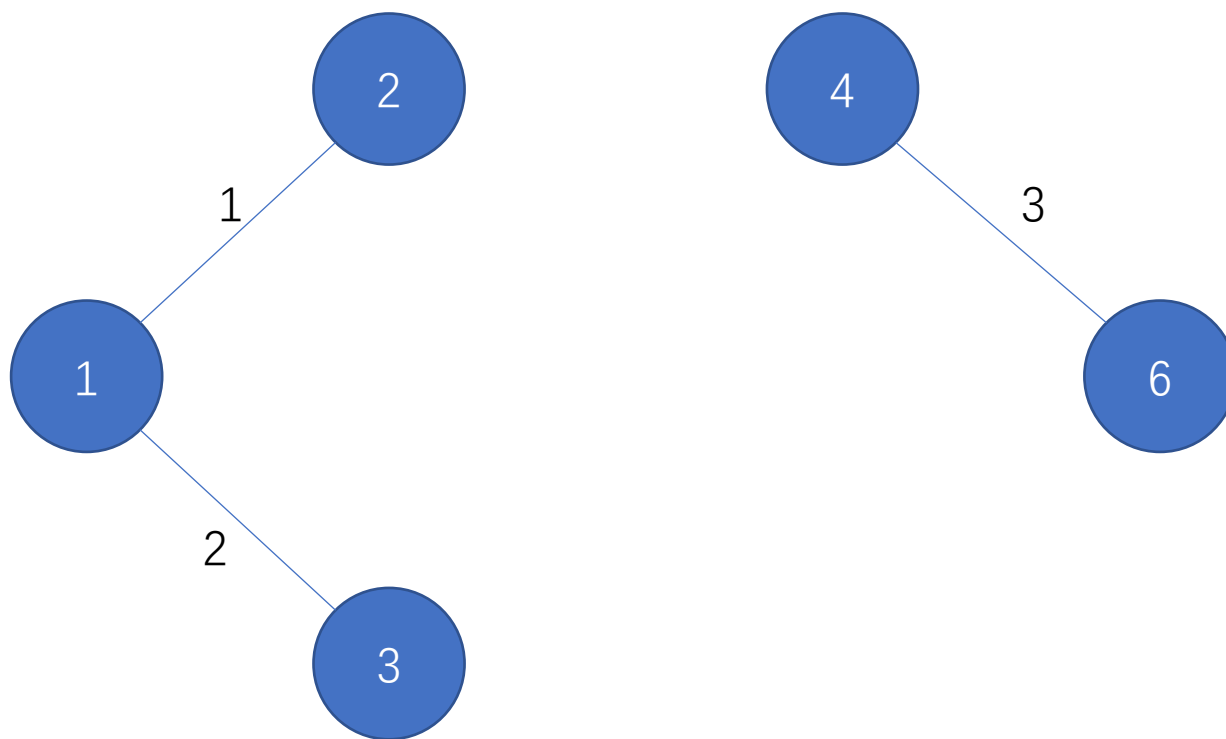
4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。



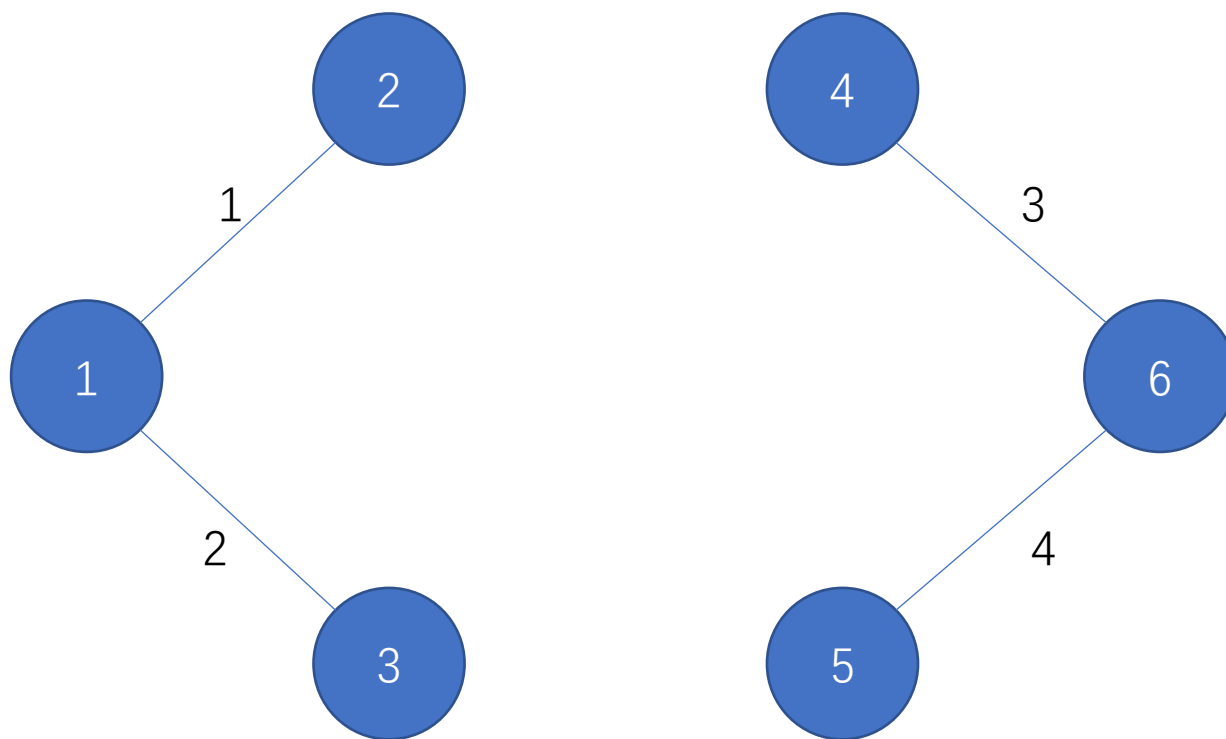
4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。



4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。

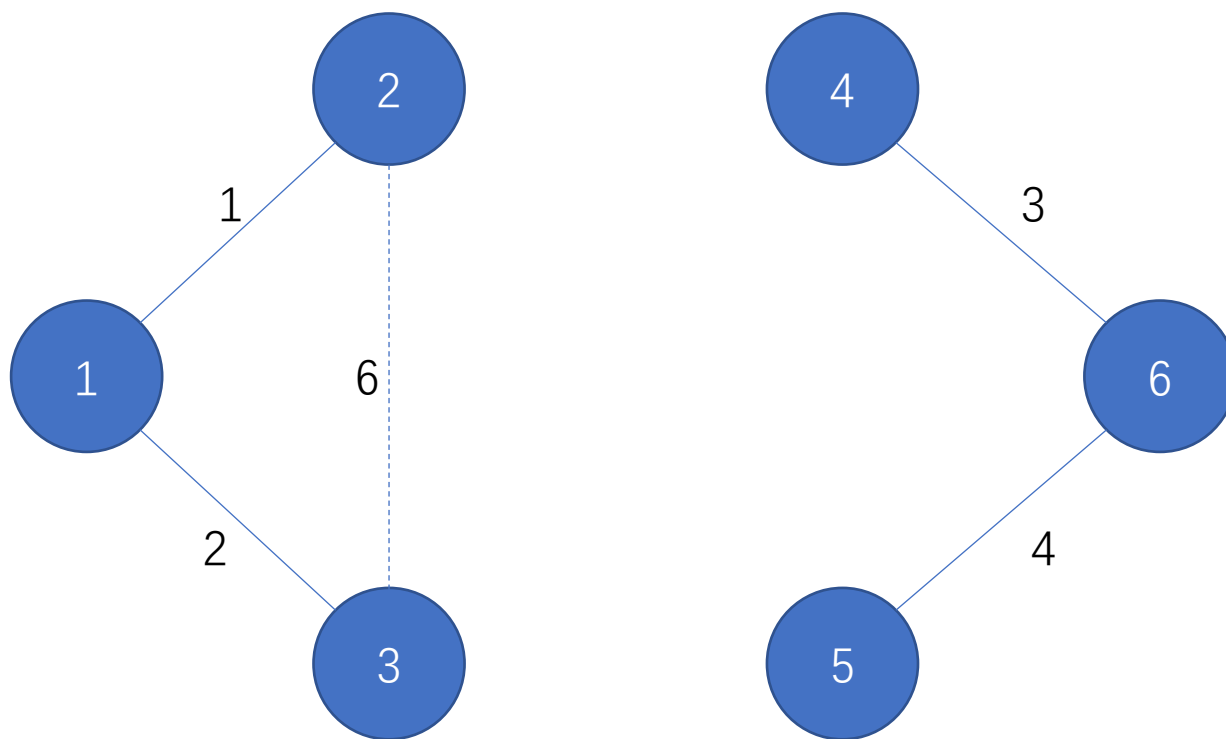


4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。



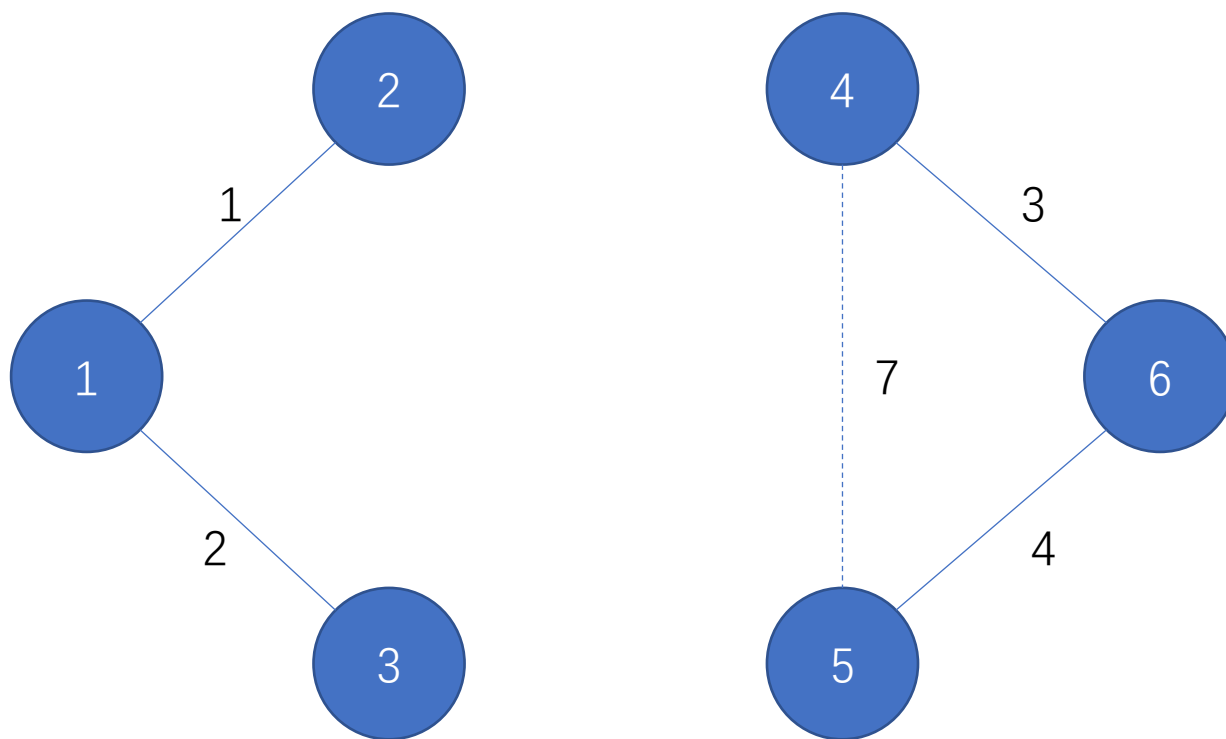
4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。

由于边(2,3)构成回路，舍弃



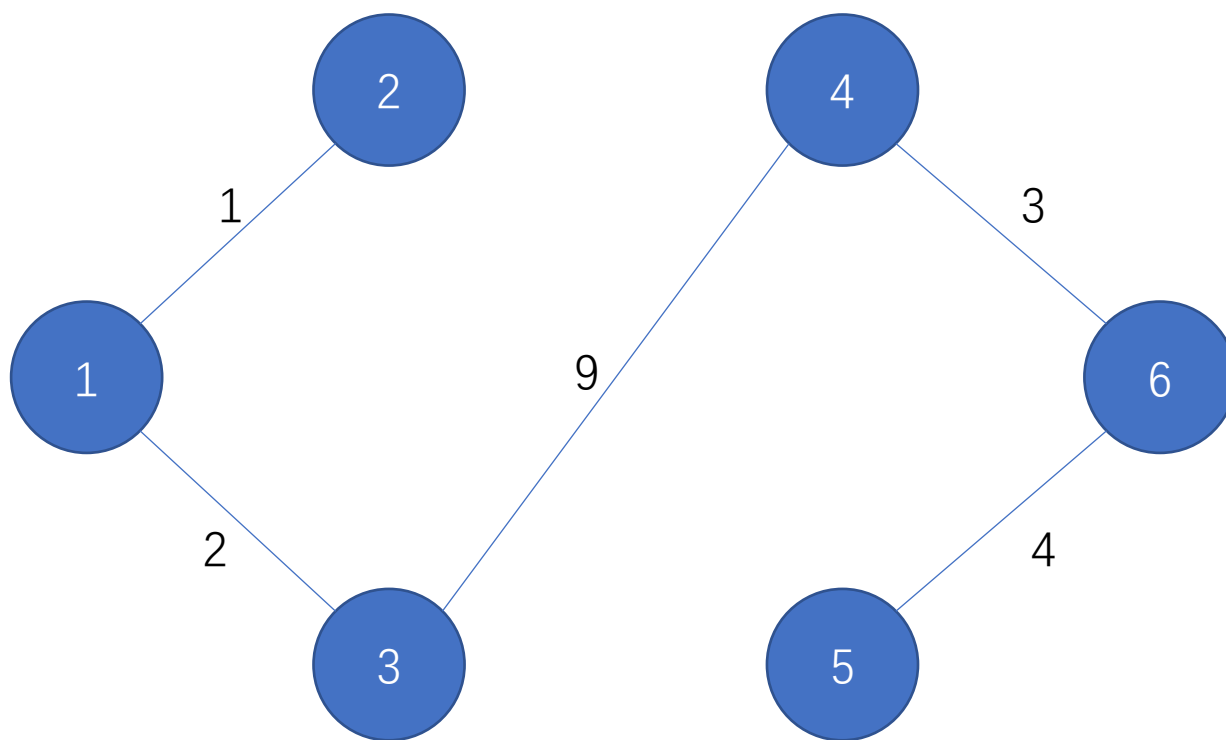
4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。

由于边(4,5)构成回路，舍弃





4. 已知有权无向图如下，根据Kruskal算法画出最小生成树。



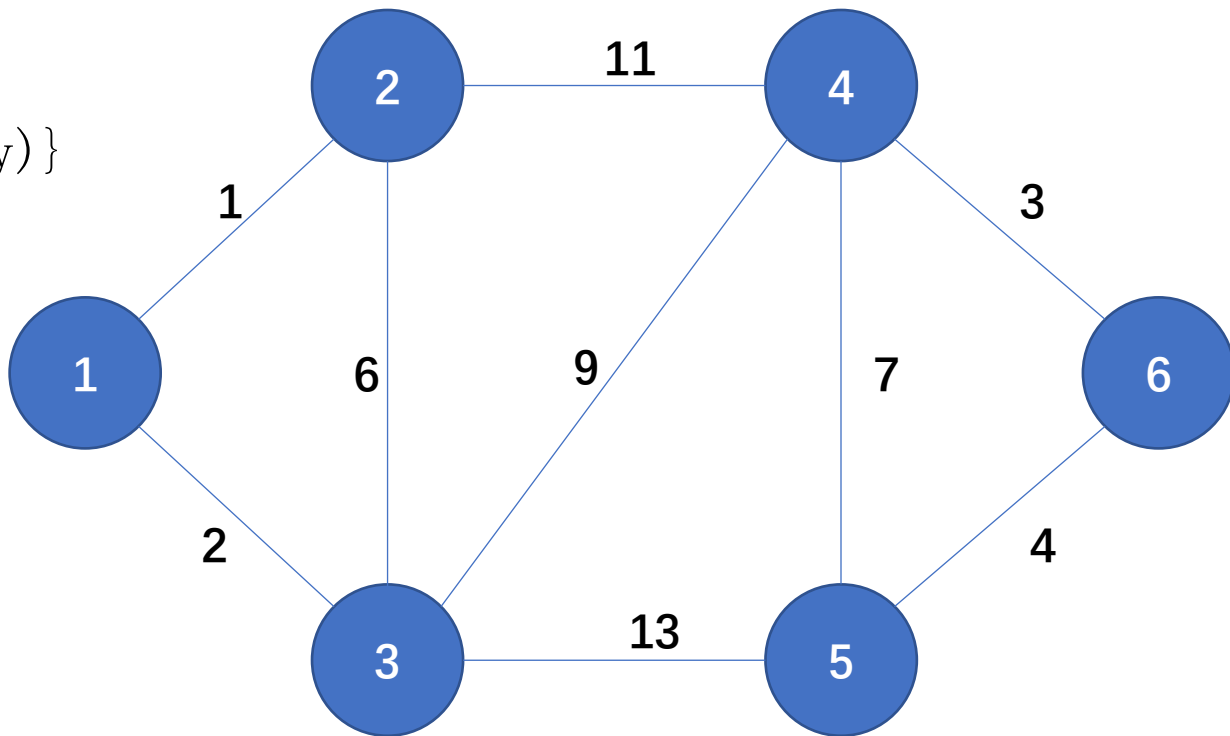
5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

Prim算法

输入：包含 $n$ 个顶点的含权连通无向图 $G=\{V, E\}$

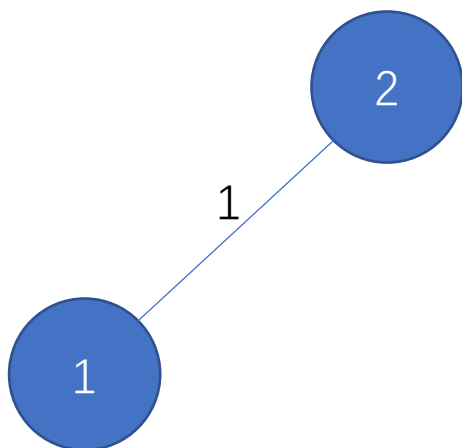
输出：由 $G$ 生成的最小耗费生成树 $T$ 组成的边的集合

1.  $T=\{\}$ ,  $X\leftarrow\{1\}$ ,  $Y\leftarrow V-\{1\}$
2. while  $Y\neq\{\}$
3.     设 $(x, y)$ 是最小权重的边，其中 $x\in X$ ,  $y\in Y$
4.      $X\leftarrow X\cup\{y\}$
5.      $Y\leftarrow Y-\{y\}$
6.      $T\leftarrow T\cup\{(x, y)\}$
7. end while



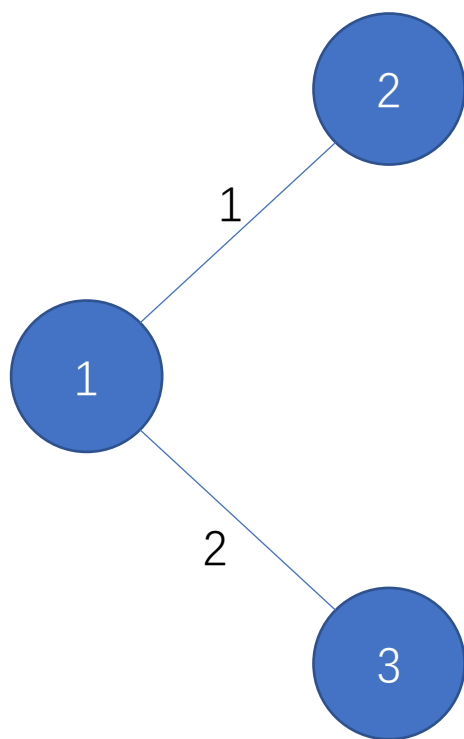
5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

$$X = \{1, 2\}, Y = \{3, 4, 5, 6\}$$



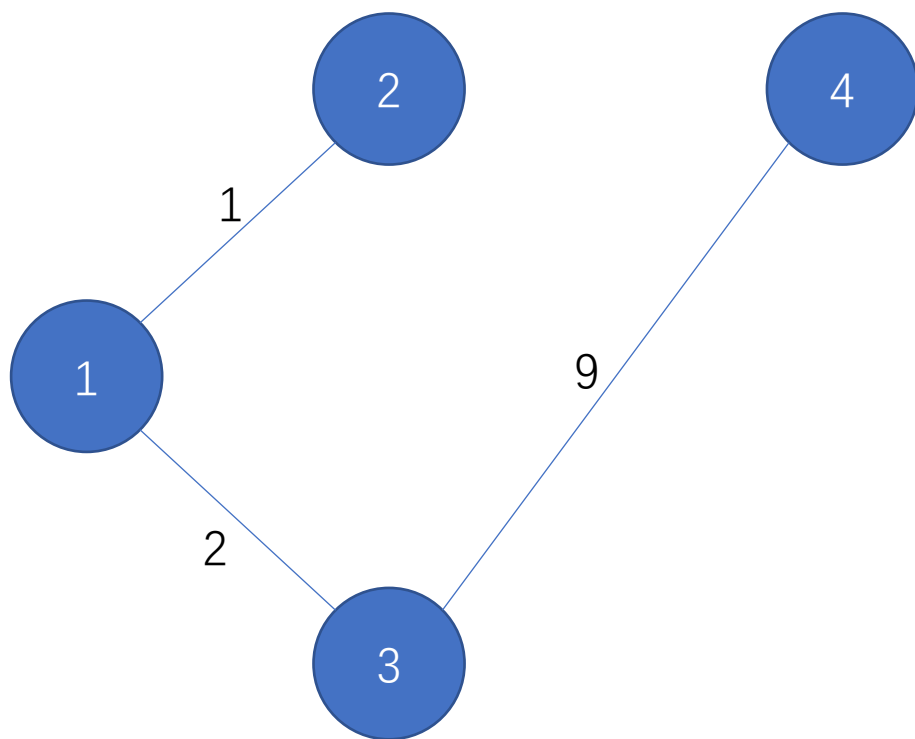
5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

$$X = \{1, 2, 3\} \quad Y = \{4, 5, 6\}$$



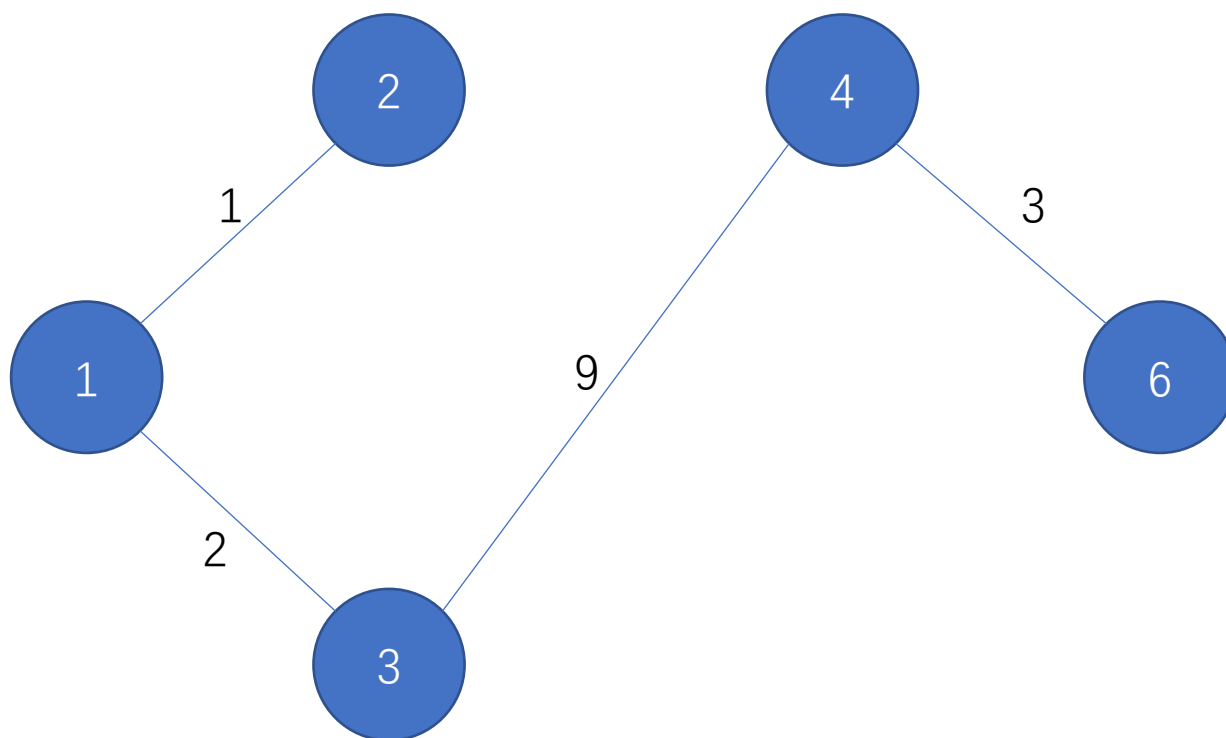
5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

$$X = \{1, 2, 3, 4\} \quad Y = \{5, 6\}$$



5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

$$X = \{1, 2, 3, 4, 6\} \quad Y = \{5\}$$



5. 已知有权无向图如下，根据Prim算法画出最小生成树。

$$X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \quad Y = \{\}$$

