一、用贪心法求解**部分**背包问题，已知n=3, C=40, (w1,w2,w3)=(28,15,24), (p1,p2,p3)=(35,25,24) 。

一、用贪心法求解**部分**背包问题，已知n=3, C=40, (w1,w2,w3)=(28,15,24), (v1,v2,v3)=(35,25,24) 。

首先，计算单位重量的价值：

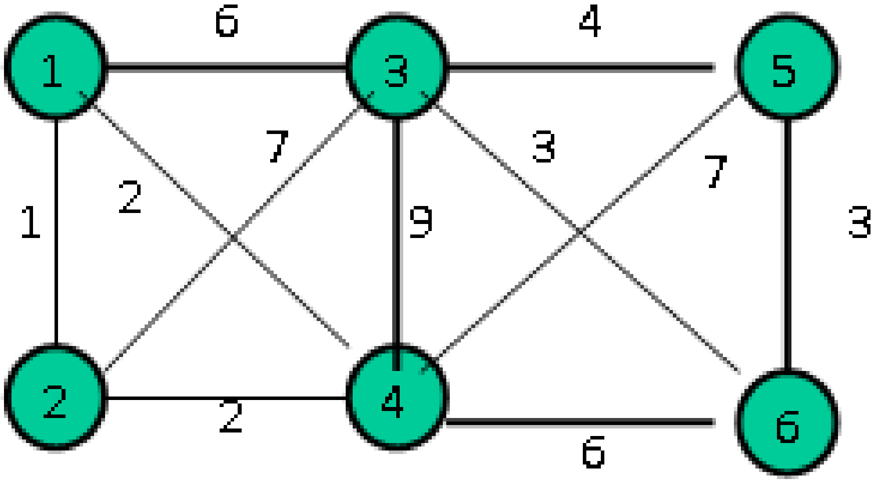
$$r1=35/28=1.25;$$
$$r2=25/15=1.67;$$
$$r3=24/24=1$$

由于r2>r1>r3，故从第二件物品开始贪心选择

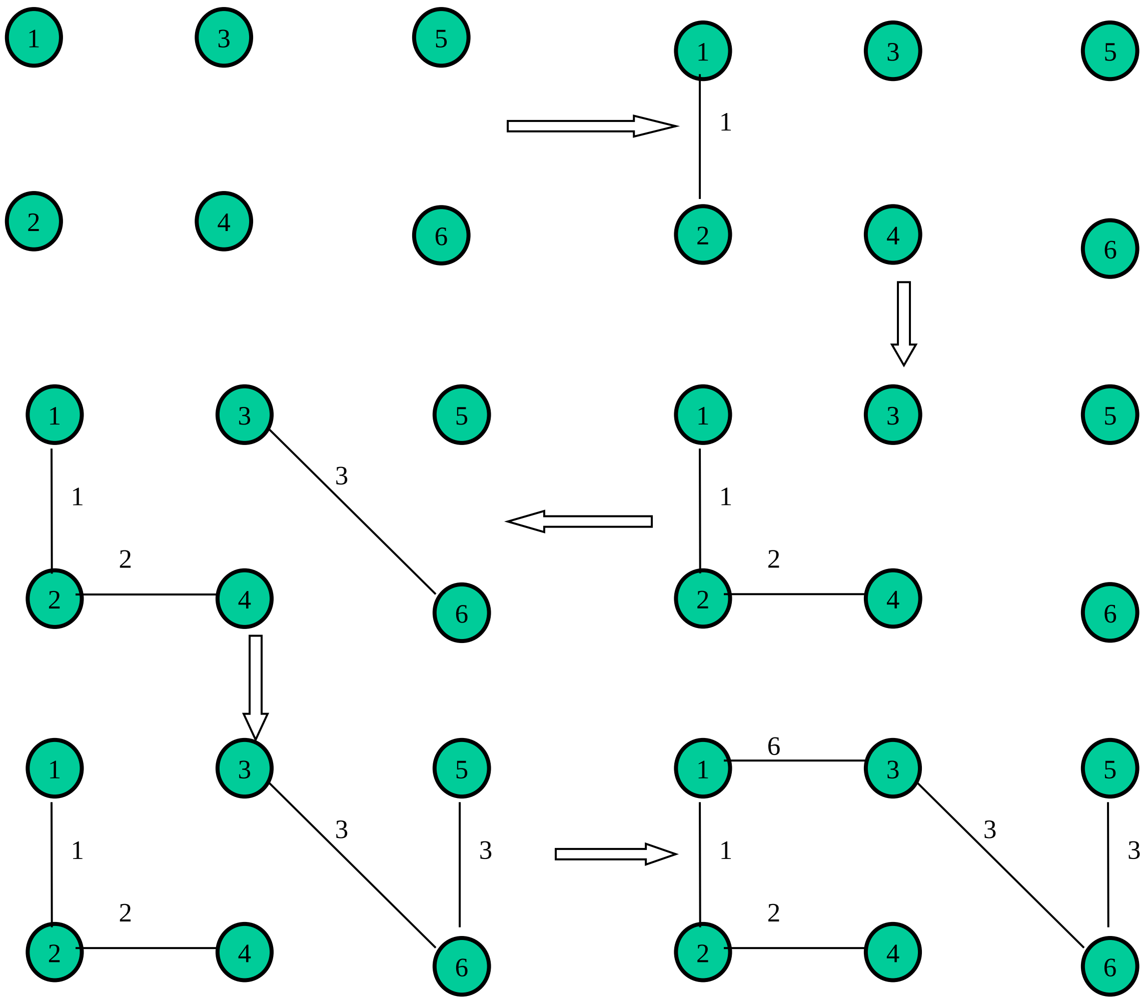
判定条件	背包已用部分	背包剩余部分	背包总价值	物品放入情况
C>w2	15	25	25	(0, 1, 0)
C-w2<w1	40	0	25+(25/28)*35	(0.893, 1, 0)

因此，背包最大价值为56.25，放置情况为(0.893, 1, 0)或(25/28, 1, 0)

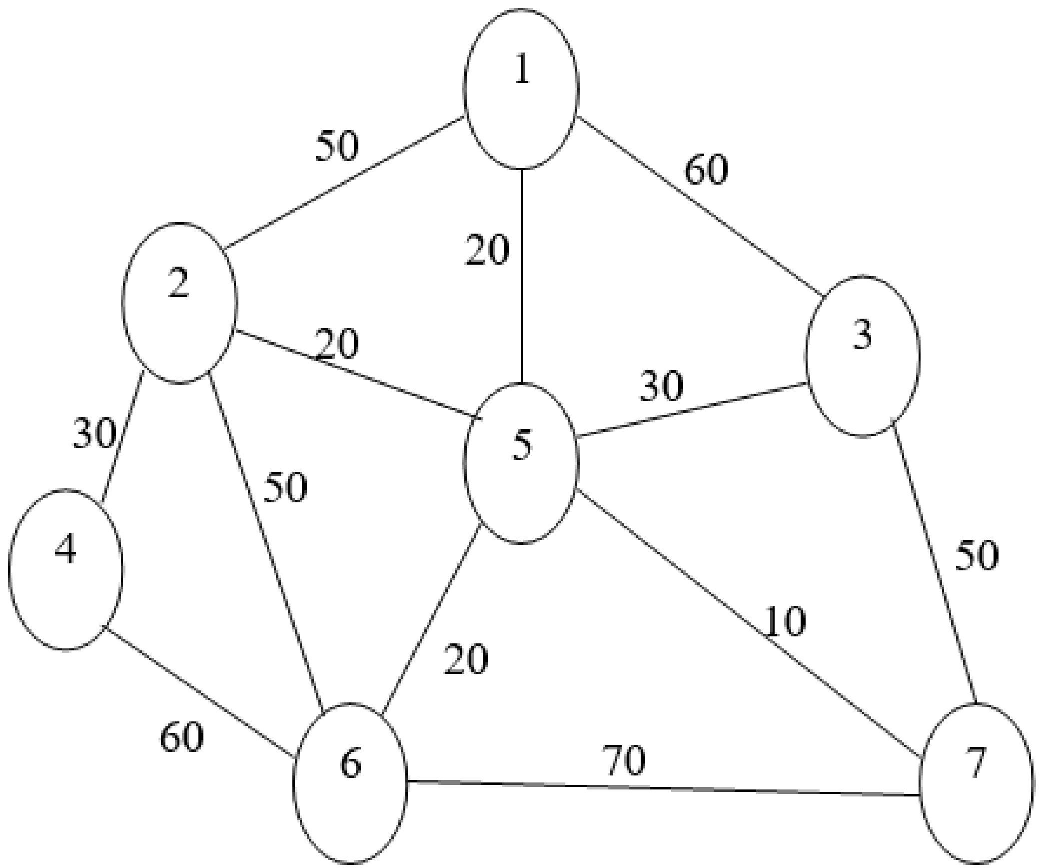
二、用Kruscal方法求下图的最小耗费生成树。



二、用Kruscal方法求下图的最小耗费生成树。

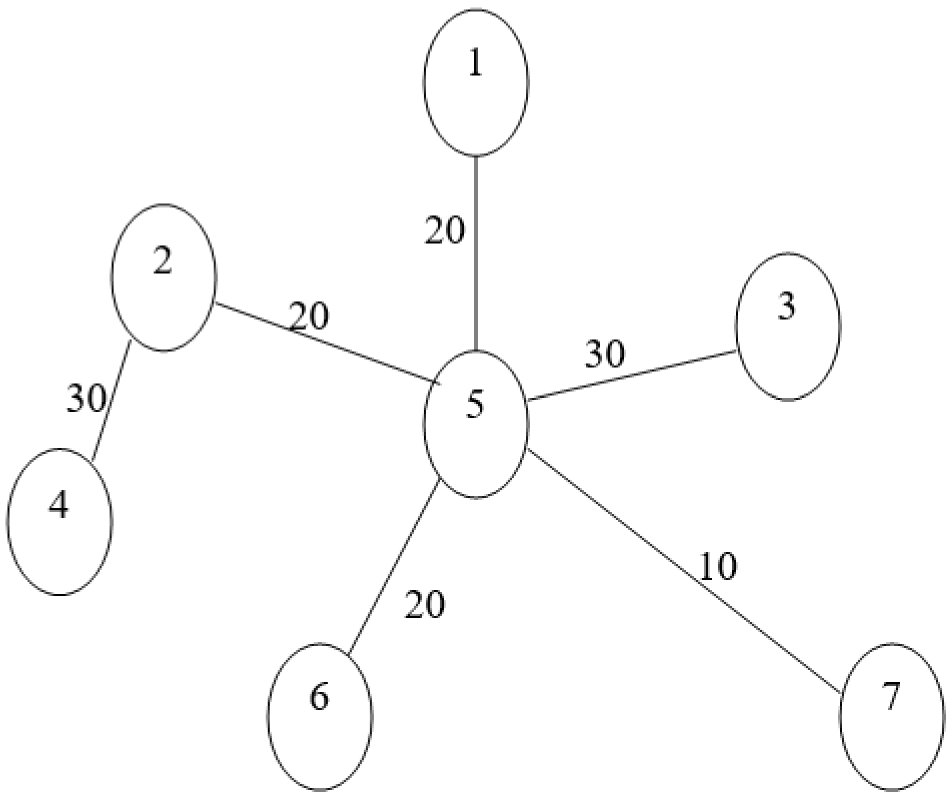


三、给定图如下，求出最小生成树以及以顶点1为源的单源最短路径。



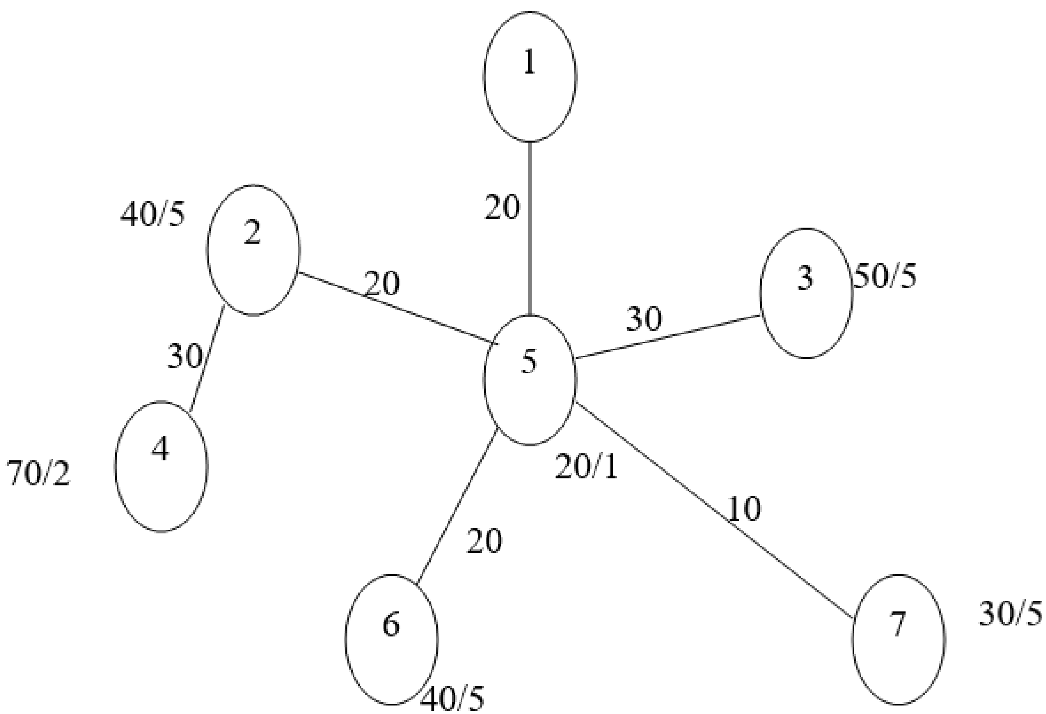
三、给定图如下，求出最小生成树以及以顶点1为源的单源最短路径。

（1）最小生成树:



三、给定图如下，求出最小生成树以及以顶点1为源的单源最短路径。

（2）以顶点1为源的单源最短路径（答案不唯一）：



顶点	路程	路径
1	0	
2	40	1->5->2
3	50	1->5->3
4	70	1->5->2->4
5	20	1->5
6	40	1->5->6
7	30	1->5->7

四、采用动态规划法求下列两个序列的最长公共子序列 A=“xzyzzyx”， B=“zxyyzxz”。

（1）给出递推公式;

（2）画出求解过程的表格，并给出最优解。

四、采用动态规划法求下列两个序列的最长公共子序列
A=“xzyzzzyx”， B=“zxyyzxz”。

（1）给出递推公式；

定义$L[i,j]$为序列$A_{1\ldots i}$和$B_{1\ldots j}$的公共子序列长度，
则有递推式：

$$L[i,j]=\begin{cases} 0 & \text{if } i=0 \text{ or } j=0 \\ \mathrm{L[i-1,j-1]}+1 & \text{if } i\succ 0\ ,\ j\succ 0 \text{ and } a_i=b_j \\ \max\{L[i,j-1],L[i-1,j] & \text{if } i\succ 0\ ,\ j\succ 0 \text{ and } a_i\neq b_j \end{cases}$$

四、采用动态规划法求下列两个序列的最长公共子序列 A="xzyzzzyx"， B="zxyyzxz"。

（2）画出求解过程的表格，并给出最优解。

		y_j		z		x		y		y		z		x		z
		0		1		2		3		4		5		6		7
x_i	0	0		0		0		0		0		0		0		0
				↑	↖								↖			
x	1	0		0		1	←	1	←	1	←	1		1	←	1
			↖								↖					
z	2	0		1	←	1	←	1	←	1		2	←	2	←	2
				↑			↖		↖							
y	3	0		1	←	1		2		2	←	2	←	2	←	2
			↖					↑			↖				↖	
z	4	0		1	←	1		2	←	2		3	←	3		3
			↖					↑			↖				↖	
z	5	0		1	←	1		2	←	2		3	←	3		4
				↑			↖		↖							↑
y	6	0		1	←	1		2		3	←	3	←	3		4
				↑	↖					↑		↑	↖			
x	7	0		1		2	←	2		3		3		4	←	4

其中一个最长公共子序列为：zyyx，长度为4。