

# Diagonalización Inversa

Juan Carlos Caso Alonso y Francisco Mario Cruz Almeida

11 de enero de 2022

## Abstract

Testar la veracidad del Teorema de Cantor, no debería llevarnos a ningún lado excepto comprobar su solidez. Digamos que en el viaje realizado, buscando formas de ponerlo a prueba, me he encontrado una serie de fenómenos numéricos.

Algunos son solo redescubrimientos de cosas conocidas. Otros son cosas interesantes, aparentemente nuevas, pero sin demasiada relevancia en el campo de la teoría de conjuntos. Por ejemplo: haber encontrado un patrón común entre diversas biyecciones famosas, creando alternativas al uso de números primos.

Pero hay dos fenómenos numéricos bastante curiosos. Por separado, sobre cada uno de ellos, han opinado dos matemáticos diferentes sin conocer la existencia del otro fenómeno. Lo curioso es que las contra-argumentaciones de ambos, se vuelven contradictorias, cuando mezclamos ambos fenómenos en uno: un intento de diagonalización inversa. La contra-argumentación de uno, le quita la razón al otro y viceversa.

Un proceso, la diagonalización inversa, por el cual intentaremos 'afirmar' una consecuencia cardinal entre un conjunto, LCF, con el mismo cardinal que  $\mathbb{N}$  y otro conjunto, SNEIs, con el mismo cardinal que  $P(\mathbb{N})$ . La novedad es que invertiremos los papeles: partiremos de afirmar que SNEIs tiene un cardinal mayor que LCF, y para que eso suceda, debe ser 'posible' hallar una 'muestra', muy concreta, de esa diferencia cardinal. La gracia va a estar en que nos va a resultar totalmente imposible hallarla. Y para 'mostrarlo', dada la singularidad del caso, podremos usar argumentos tremendamente similares a los de la diagonalización.

Al final vamos a obtener un fenómeno con las mismas fortalezas y debilidades que dos técnicas de diagonalización usadas por Cantor. Y uso el término 'debilidades', pues las contra-argumentaciones a este fenómeno tienen 'traducción' directa en las diagonalizaciones cantorianas, donde no se consideran 'debilidades'. Las similitudes van a ser tremendamente asombrosas.

Por eso, este documento consistirá en la exposición de varios fenómenos numéricos, y de explicar como funcionan en equipo para crear la susodicha diagonalización inversa.

A pesar de usar definiciones correctas, siempre comienzan diciéndome que son confusas, para acabar aceptando su validez. Simplemente por su densidad inicial. No siendo, las definiciones, totalmente formales, se entienden rápida y perfectamente. No hay forma de acelerar o suavizar el viaje, así que tendremos que ir con calma, explicando y definiendo los conceptos del contexto de dichos fenómenos. Va a ser triste, por la simpleza de muchos de ellos... pero la experiencia me indica que es un viaje inevitable. Juro que las mismas personas han pasado de decir cosas como 'ininteligible' o 'confuso', a cosas como 'obvio' o 'trivial', simplemente por no haberlo leído bien, dado el tema que 'sobrevuela' a mi trabajo.

Una vez expuestos, que cada cual les encuentre el sentido que desee. Pero su existencia es innegable.

# Índice general

Capítulos	Página
<b>I Parte I: Construcción de la diagonalización inversa</b>	<b>5</b>
1. Introducción	6
2. Contexto	8
2.1. Cadena 'no es mayor que' . . . . .	8
2.2. Esquema general . . . . .	9
2.3. Definiciones . . . . .	10
2.3.1. Cadenas de subconjuntos y particiones . . . . .	10
2.3.2. SNEF . . . . .	10
2.3.3. SNEI . . . . .	10
2.3.4. LCF U previos . . . . .	10
2.4. Sentido cardinal de las soluciones multiverso . . . . .	11
2.4.1. Variante de la función definida por partes . . . . .	11
2.4.2. Fenómeno real . . . . .	11
3. Teorema CA	13
3.1. Relaciones no aplicación . . . . .	14
3.2. Concepto de Pack . . . . .	15
3.3. Teorema CA . . . . .	16
3.4. Interpretación intuitiva . . . . .	17
3.5. Equivalencias con el concepto de inyección . . . . .	18
<b>II Parte II: Anexo de comentarios complementarios</b>	<b>19</b>
4. Ordenados por referencias, no por aparición	20
4.1. Lo que pretendo que se deduzca: . . . . .	20

4.2. 2: Segundo comentario . . . . .	21
--------------------------------------	----

## Parte I

# Parte I: Construcción de la diagonalización inversa

# Capítulo 1

## Introducción

Vamos a intentar explicar a qué tipo de documento se enfrenta el lector.

Lo primero es aclarar que esto no es un paper. Por diversos motivos, como por ejemplo, no tener bibliografía. El motivo radica en que se me crea o no, muchas cosas son re-descubrimientos. Otras referencias me vienen por charlas informales con matemáticos a lo largo de varios años.

Pero en realidad el formato concreto no debería ser importante si el contenido es interesante.

Tampoco va a tener el formato teorema-demostración, aunque al menos si van a haber muchas definiciones. Cuando enunciemos una propiedad, trataremos de explicar por qué funciona. Ya he comprobado que esto tampoco es ningún problema. Quién ha puesto un poco de interés, acaba juzgando muchas de ellas como obvias y triviales. Incluso hay gente que llega a afirmar que es incapaz de señalar dónde está el fallo de las afirmaciones que hago.

El motivo de esta última versión es que SI hay dos personas que han encontrado dos, posibles, fallos diferentes. La gracia está en que sus contra-argumentaciones son contradictorias. El argumento de cada uno, convierte en importante el punto que desconoce, y sirve para negar la contra-argumentación del otro. Y juntando ambos puntos se produce un fenómeno que, espero, sea considerado como extremadamente interesante.

También la experiencia me dicta que muchos van a tratar de insistir en que cite el fallo de las demostraciones de ciertos teoremas. Optar por ejemplos más simples solo es una pérdida de tiempo. No importa que sean correctos porque son parciales. Resumir el fenómeno numérico que realmente pone en jaque a ese teorema, a mi, me resulta imposible. Nada obliga a que un 'error' sea sencillo de explicar o puntualizar. Si lo fuese, ya se hubiese descubierto hace tiempo.

Este documento tiene la intención de presentar dicho fenómeno numérico, y que el lector juzque sus consecuencias. El fenómeno es real, es 'mostrable' y es 'explicable'. Todas sus propiedades, aunque sean muchas, son 'triviales' y 'obvias'. Y no lo digo yo... son palabras de otra gente extraídas a regañadientes. Muchas de las evidencias usadas son innegables. Pero para entender el fenómeno, hay que entender muchos conceptos del contexto que le dio vida.

El contexto del fenómeno numérico es un intento de rebatir el Teorema de Cantor mediante un contra-ejemplo. Ese es su contexto, no el objetivo, por obligación del rigor, de este documento. Deberemos estudiar todas las herramientas diseñadas a tal efecto... para llegados a un punto, construir y explicar el fenómeno numérico.

Producto de críticas previas, cómo un ultimo intento de mejorar la experiencia lectora, añadiremos las marcas:

⟨ comentario complementario: ⟨⟨ Numero :: indicación de tipo ⟩⟩ ⟩

Se supone que dicho comentario contendrá material NO NECESARIAMENTE RIGUROSO, ya que no debería ser tenido en cuenta a la hora de juzgar este trabajo. Ejemplos, anécdotas, experiencias personales sobre ciertas contra-argumentaciones solventadas, orígenes de los conceptos, etc... Para poder leer cada uno, bastará con acudir al capítulo que recopilará dichos comentarios, y buscarlo indicado por su referencia numérica, como un sub-apartado de dicho capítulo.

Así se podrá elegir si tener o no, una experiencia lo más aséptica posible. También lo más rigurosa posible, dadas mis capacidades.

Otro problema al que nos enfrentaremos es que no se trata de un trabajo lineal... es más bien un árbol de ideas. Procuraré ceñirme al hilo argumental de crear el fenómeno numérico, y clasificar el resto como comentarios complementarios. Pero uno de los problemas, que ya he visto en el pasado, es que al no mencionar otras ramas, se piense que lo construido es el límite de lo que se puede lograr, que no se comprenda bien el verdadero potencial de las construcciones LJA, o que se sienta la tentación de usar ciertas contra-argumentaciones. También de que la 'ausencia' de una rama, cree la tentación de afirmar que no existe.

Así que esto pretende ser una recopilación de todos mis escritos, con un proceso nuevo añadido, después de darme cuenta de las contradicciones en ciertas contra-argumentaciones.

El capítulo de las Construcciones LJA, probablemente se divida en dos: lo estrictamente necesario para crear el fenómeno numérico, que de por sí es largo, y otro capítulo, probablemente también complementario, expandiendo la técnica y mencionando técnicas más avanzadas.

En caso de que se considere, el fenómeno numérico, como digno de estudio o de gran valía para la comprensión de las cardinalidades infinitas: hay muchas ramas abiertas, y soluciones a medias, que dependen precisamente de ese juicio. Intentaré alejarlas de la rama principal, pues son dependientes del juicio de la comunidad matemática, aunque yo tenga mi propia opinión al respecto de su valía. Y serán mencionadas con la esperanza de que sirvan como resultados adicionales, o pistas para futuros posibles estudios que cuenten con los recursos adecuados.

Como se dice en el abstract, el fenómeno numérico es una diagonalización inversa. Una construcción de diagonalización entre dos conjuntos, con cardinalidades iguales a  $\mathbb{N}$  y  $P(\mathbb{N})$ , donde intercambian sus papeles tradicionales, generando propiedades tremendamente similares a las diagonalizaciones conocidas.

Mi esperanza es que la existencia de dicho fenómeno lleve a dos posibles conclusiones a todo aquel que tenga la paciencia para estudiarlo:

- 1) El argumento original es erróneo: con él, se puede demostrar lo mismo y lo contrario.
- 2) O la existencia de esta construcción demuestra que tienen el mismo cardinal.

Pero ese juicio no quiero afirmarlo, primero observadlo, y luego decidid por vosotros mismos. Aunque yo pueda estar equivocado con las consecuencias, algunas herramientas que uso presentan ciertas innovaciones. Menos espectaculares que la conclusión que yo deseo que se comparta, pero interesantes en si mismas.

Advierto, en mi intención de ser honesto, que uno de los puntos más débiles será la "solución multiverso" ... que en realidad tiene "sentido cardinal", pero retuerce demasiado las definiciones. Os corresponderá juzgar si las he retorcido demasiado, o entra dentro de parámetros aceptables. Esto y juzgar las similitudes con las propiedades de las construcciones de diagonalización. El resto es tan sólido, que aún enunciado sin rigor, mucha gente se ve obligada a admitir su validez.

Y si un fenómeno, o un ejemplo concreto, lleva a plantearnos la validez de teoremas, o incluso axiomas... es independiente de la validez de su existencia. Ésta debe ser juzgada de forma independiente, siempre y cuando no viole ninguno de ellos, sino que muestre sus posibles contradicciones.

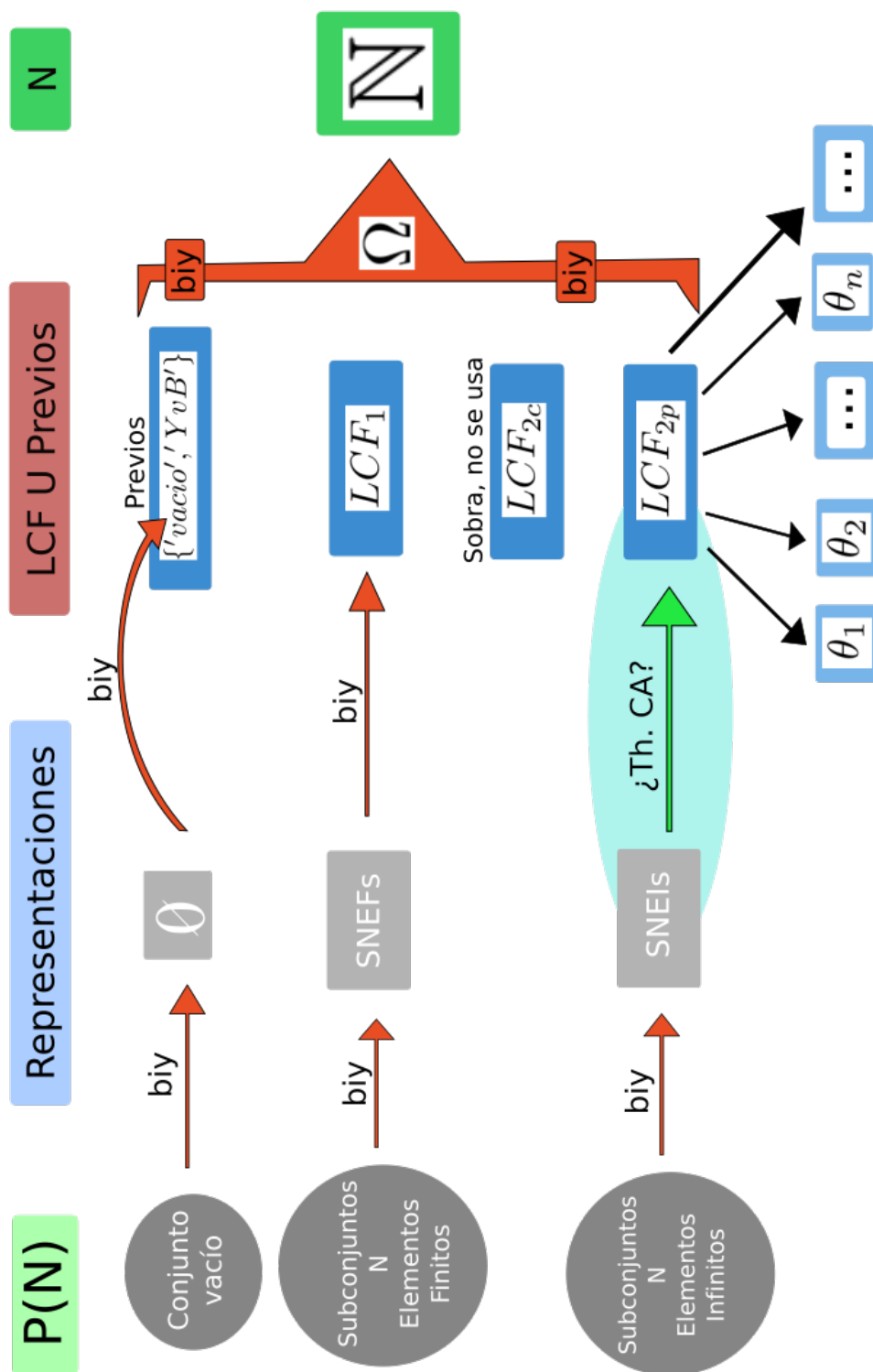
## Capítulo 2

# Contexto

### 2.1. Cadena 'no es mayor que'



## 2.2. Esquema general



## **2.3. Definiciones**

### **2.3.1. Cadenas de subconjuntos y particiones**

### **2.3.2. SNEF**

### **2.3.3. SNEI**

### **2.3.4. LCF U previos**

## 2.4. Sentido cardinal de las soluciones multiverso

### 2.4.1. Variante de la función definida por partes

### 2.4.2. Fenómeno real

En realidad, tratar de explicarlo como una variante de la función definida por partes es sólo una forma de tratar de adaptar el concepto real de mi cabeza a algo que le pueda sonar a un matemático.

Es más bien... como si en una situación de pelea, un grupo fuesen solo dos personas, y el otro veinte personas. De tal forma, que el segundo grupo puede asignar 10 personas a cada persona del primer grupo.

Llamemos grupo de pelea PN al formado por dos personas, y grupo de pelea N al formado por 20 veinte personas. N puede crear dos "Packs" de diez individuos cada uno. Un Pack para cada miembro de A. La proporción es 1 a 10.

De repente, la gente del grupo N, decide quitar 3 miembros de cada Pack. Así que ahora la proporción desciende a, 1 a 7. Por cada miembro de PN hay 7 miembros de N en la pelea.

Luego en otro arrebato de 'indecisión', la gente del grupo N decide quitar dos miembros más de cada Pack. Ahora la proporción de la pelea es de 1 a 5.

UNA VEZ MÁS... en otro arrebato de indecisión... la gente del grupo N, decide quitar un miembro de cada Pack... y la proporción baja a 1 a 4.

El grupo PN sigue en inferioridad numérica!! A pesar de todos los cambios de opinión sobre como crear los Packs, antes de la pelea.

Lo gracioso, quizás por culpa de no saber explicarme bien... es que hay gente que me ha dicho algo equivalente a esto:

PN tiene un cardinal mayor que N, porque no paras de cambiar de opinión, eso es un indicativo de que estás equivocado y que PN, "tiene" (ojo, "tiene", y no "no tiene") un cardinal mayor que N.

Cuando todavía N sigue teniendo una proporción 1 a 4... y la gente del grupo PN está superada en número de forma clara.

El truco "para dudar infinitas veces.<sup>es</sup> crear Packs de tamaño infinito... y asegurarte de que siempre que quitan un grupo de elementos... esta sustracción consista, siempre, en una cantidad finita de elementos. Contando las sustracciones anteriores acumuladas. Si por muchas veces que quites 'algo', las sustracciones acumuladas, son de un total de elementos de cardinal finito, sea cual sea, siempre nos van a sobrar infinitos elementos en cada Pack. Dejando N a PN, en una clara situación de desventaja. PN siempre estaría superado en número, de forma... infinita... en proporción infinita: 1 a infinito. A través de todas las infinitas 'indecisiones'.

Nuestro problema consistirá en que tenemos infinitos Packs.. no uno solo, por cada miembro. Cada Pack "intentará" ser disjunto con todos los demás Packs. La misma persona de N... no 'peleará' con dos personas distintas del otro grupo PN. Cada Pack con infinitos miembros. Por cada miembro de PN, no vamos a tener infinitos miembros de N. Vamos a tener infinitos Packs, y cada Pack va a tener infinitos miembros de N.

Para comprobar esto bastaría con chequear todos los posibles pares de miembros de PN. Si en algún posible par, solo uno, de entre todos los Packs asignados a cada miembro del par, encontramos un solo miembro en común, repetido, habríamos fracasado en nuestro intento.

Y lo que va a suceder va a ser terriblemente curioso. Partimos de afirmar que podemos crear Packs disjuntos para cada miembro de PN. Pero como ya dije, en vez de un solo Pack por cada miembro, crearemos varios Packs: infinitos Packs, realmente.

Y va a suceder que van a encontrar pares de miembros de PN, cuyos Packs, tienen miembros en común. PERO, simplemente quitando una cantidad finita de Packs, de nuestra asociación, los Packs restantes, volverán a ser disjuntos, para ese par.

Se podrá volver a encontrar otros pares... formados incluso por algún miembro del par anterior... que tengan, ahora, con la nueva asignación, después de haber quitado algunos Packs... miembros en común. PERO no pasará nada: quitando otra vez una cantidad finita de Packs, de todos los posibles pares, no solo arreglaremos estos nuevos pares, sino también los anteriores que hayamos mencionado, volviendo a tener todos, una cantidad infinita de Packs, disjuntos entre sí... 'por ahora'.

Hasta que alguien encuentre un nuevo par... quitaremos una cantidad finita de Packs, y los primeros pares, los anteriores y los actuales... volverán a dejar de tener miembros de  $N$  en común.

DE esta forma, el 'por ahora' es eterno y completo. No existirá NINGÚN PAR, que nos impida seguir teniendo, infinitos Packs, con infinitos elementos cada uno, 'aparentemente disjuntos entre sí', si solo observamos los pares actuales, y todos los que quiera que se nos hayan ocurrido en el pasado, sin tener en cuenta su cardinal. Sin tener en cuenta la cantidad de pares que hayas preguntado en el pasado.

Para todo, PARA TODO, posible par, SIEMPRE, nos quedarán 'más allá' Packs, de los infinitos iniciales, de sobra, que NO crean conflictos con miembros en común.

En realidad no estamos reasignando elementos. Al igual que el ejemplo inicial, no reasignamos, quitamos unos, y DEJAMOS OTROS sin tocar que estaban ahí desde el inicio. Manteniendo todo el rato la proporción de desventaja de  $PN$  sobre  $N$ .

Y al conjunto  $PN$ , le resultará imposible encontrar un par, o una lista de pares, que nos obliguen a quitar TODOS los packs.

Excepto en un único caso... solo cuando haya usado TODOS los posibles pares, SOLO usando TODOS, sin dejarse ni uno, podrá dejarnos vacío el conjunto de Packs disponibles.

No es que use unos, y le sobren algunos pares... debe usar el poder combinatorio de absolutamente TODOS sus pares. De tal forma, que a la vez que nos deja vacío el conjunto de Packs disponibles... su conjunto de pares capaces de 'crear conflictos' también debe vaciarse. La única opción que tiene, es generar una situación de doble derrota. De doble vaciamiento de posibilidades... al renunciar a TODAS sus posibilidades, ojo , a TODAS, para poder vaciar nuestro conjunto de Packs disponibles.

Creándose un extraño empate, que genera situaciones muy curiosas.

Primero. La frustrante situación de verse superado uno a infinito constantemente.

Segundo. La única forma de evitarlo es aceptar un empate: Ni  $PN$  tiene pares capaces de dejar vacío el conjunto de Packs de cada miembro de  $PN$ , ni  $N$  tiene un conjunto de Packs capaz de cubrir todos los posibles pares, por sí solo.

Tercero. Para cada posible par, SIEMPRE hay infinitos Packs disponibles que resuelven su conflicto. Y no como casos aislados... para ese par, y todos los anteriores que se te pudiesen haber ocurrido. En realidad incluso más, pero eso lo explicaremos con más detalle más adelante.

Cuarto. Que aunque sea un empate, es un empate de poder de combinatoria, bajo el handicap de siempre mantener la proporción 1 a infinito, no 1 a 1. Y recordemos que el poder de combinatoria es un indicativo del cardinal de un conjunto.

Quinto. Que podemos replicar a la inversa estos fenómenos en las diagonalizaciones de Cantor. Podemos vaciar el conjunto de 'elementos externos construibles', a pesar de que para biyección, exista un elemento externo, al igual que para cada posible par, existe, siempre, digamos... un universo capaz de generar Packs disjuntos para ese par. Y ENCIMA, podemos construir una diagonalización inversa. Si  $PN$  tiene un cardinal mayor que  $N$ , debe existir un par de miembros de  $PN$  que tengan en sus Packs, elementos en común. Pero ese par no existe... negando la primera frase. Siempre tengo disponibles una serie de Packs, más allá de los que quitamos para hacer los pares disjuntos. Así que el razonamiento es incorrecto o tenemos una contradicción.

## Capítulo 3

### Teorema CA

### 3.1. Relaciones no aplicación

Uno de las herramientas de este trabajo van a ser relaciones que no son aplicación: simples correspondencias. Y no serán 'función', porque por cada elemento del conjunto Dominio, a veces, tendremos relacionados más de un elemento del conjunto Imagen. Y no serán varios elementos dentro de un conjunto, sino que serán varios pares de la relación, cuyo elemento del Dominio es el mismo, pero cambian los elementos del conjunto Imagen, en cada par.

Por ejemplo:

Siendo el conjunto  $X = \{a, b, c\}$  y el conjunto  $Y = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , y una relación  $r : X \rightarrow Y$ , los pares no serán del estilo:

$a \rightarrow \{1, 2\}$ , pues esto no sería una relación entre X e Y, sino entre X y un subconjunto de  $P(Y)$ .

Sino que serán del estilo:

$a \rightarrow 1$

$a \rightarrow 2$

Formándose los pares (a,1) y (a,2)

No serán herramientas exclusivas, pues según el caso, usaremos inyecciones, biyecciones, o cualquier otra herramienta que nos permita obtener deducciones sobre los cardinales de los conjuntos envueltos. Siempre explicando el motivo por el cual nos permitimos la licencia de usar esa herramienta y no las conocidas.

NO IMPORTA que las herramientas que usemos sean enrevesadas o poco elegantes, ni incluso que existan alternativas más sencillas... simplemente deben ser correctas y estar lo mejor definidas posible.

### 3.2. Concepto de Pack

Sea  $f : X \rightarrow Y$   
correspondencia entre conjuntos cualesquiera.

Sea  $a \in X$  definimos:  
 $f(a) = \{b \in Y / f(a) = b\}$   
el conjunto imagen mediante la correspondencia  $f$  del elemento  $a$  de  $X$ .

Llamamos 'Pack' de  $a$  a todo subconjunto NO VACÍO de  $f(a)$ .

### 3.3. Teorema CA

Sean los conjuntos con cardinal transfinito cualesquiera:

$$A = \{a_1, a_2, \dots, a_n, \dots\}$$

$$B = \{b_1, b_2, \dots, b_n, \dots\}$$

$$\text{Con } b_i = \{c_{i1}, c_{i2}, \dots, c_{ir}, \dots\}$$

Siendo **todos** los  $b_i$  disjuntos entre sí.

Hacemos la biyección de A en B tal que:

$$f : A \rightarrow B$$

$$a_i \rightarrow f(a_i) = b_i$$

Es evidente que es una biyección.

Está **bien definida**:

$$\forall a_i \in A, \exists f(a_i) = b_i \in B$$

Es **aplicación**:

$$\text{Si } a_i = a_j \Rightarrow i = j$$

Y esto implicaría

$$f(a_i) = b_i = b_j = f(a_j)$$

Por lo tanto es aplicación.

Es **inyectiva**:

$$\text{Si } f(a_i) = f(a_j) \Rightarrow b_i = b_j$$

$$\text{Como los Packs son disjuntos } \Rightarrow i = j \Rightarrow a_i = a_j$$

Es **sobreyectiva**:

$$\forall b_i \in B : b_i = \{c_{i1}, c_{i2}, \dots, c_{ir}, \dots\}$$

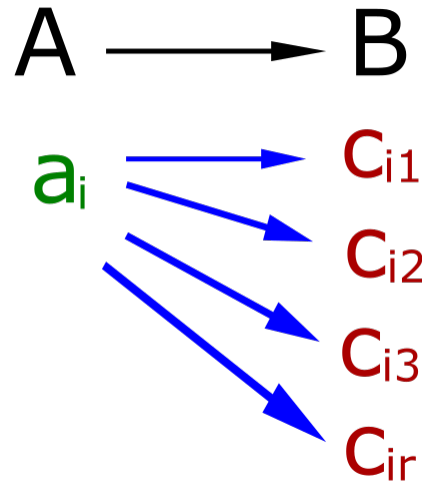
$$\exists a_i : f(a_i) = b_i$$

Por lo tanto es biyectiva.

Como  $f(a_i) = b_i = \{c_{i1}, c_{i2}, \dots, c_{ir}, \dots\}$ . Entonces  $|A| \not\asymp |B|$ , aunque no sea biyección.



Por ejemplo, si con la misma relación:



En este caso partimos de una simple correspondencia, pues desde que  $r \geq 2$  no sería aplicación. Pero tendríamos que  $|A| \not\geq |B|$  pues de cada  $a_i$  sale al menos una flecha, por tanto el número de elementos de  $B$  es, al menos, el mismo que el de  $A$ . Recordemos la regla que obliga a todos los  $b_i$ , a ser todos disjuntos entre sí.

### 3.4. Interpretación intuitiva

Un buen ejemplo sería un cine infinito, con sus clientes, o un gallinero infinito con gallinas mutantes que han puesto infinitos huevos.

En el ejemplo del cine con butacas y clientes infinitos, nos daría igual el cardinal de cada conjunto. Simplemente sabiendo, que cada uno, de todos los posibles clientes, tiene tres butacas para su uso absolutamente exclusivo, podríamos afirmar que el cardinal del conjunto de clientes, no es mayor, que el cardinal del conjunto de las butacas. Daría igual si fuesen 3, 4, o infinitas butacas de uso exclusivo.

En el caso del gallinero, partimos de un gallinero infinito, con infinitas gallinas mutantes, que la noche anterior pusieron infinitos huevos. Sabemos con absoluta seguridad que todos los huevos tienen dos yemas cada uno. Ese es el poder de nuestras gallinas mutantes. Por lo tanto, podemos afirmar con total tranquilidad, que el cardinal del conjunto de los huevos puestos ese día, no es mayor, que el cardinal de las yemas, de los huevos puestos ese mismo día.

En ninguno de los dos casos, necesitamos preguntarnos que cardinal transfinito tiene cada conjunto.

**Partiendo de una relación no aplicación, entre los conjuntos  $A$  y  $B$ :**

- 1) Si para todo elemento de  $A$ , tenemos un Pack de elementos del conjunto  $B$ .
- 2) Y TODOS los Packs son no vacíos y disjuntos entre sí.

$\Rightarrow |A| \not\geq |B|$

⟨Comentario Complementario: ⟨1:Lo que pretendo que se deduzca⟩⟩

### 3.5. Equivalencias con el concepto de inyección

El Teorema CA, ha acabado siendo una generalización no intencionada de la función inyectiva. Igualmente lo usamos para poder afirmar que el cardinal de un conjunto, no es mayor que el cardinal de otro conjunto. La inyectividad, es un caso particular del teorema.

Pero ahí se acaban las similitudes... Sería un error estar buscando constantemente la alternativa inyectiva de las relaciones que usemos. Lo que buscaremos será abusar y retorcer, las capacidades de las propiedades de los Packs con cardinal transfinito.

Hasta tal punto, que dónde matemáticamente fracasan los conceptos de inyectividad o biyectividad, los Packs transfinitos generarán fenómenos numéricos innegables. Fenómenos que espero generen muchas dudas como mínimo.

## Parte II

# Parte II: Anexo de comentarios complementarios

## Capítulo 4

# Comentarios Complementarios

### 4.1. Lo que pretendo que se deduzca:

- 1) Cuando todos los Packs que escogemos, de la relación, tienen cardinal uno, es un caso de equivalencia total con una función inyectiva.
- 2) Los Packs pueden tener cardinales diferentes, y aún así respetarse las condiciones para que se cumpla el Teorema CA.
- 3) Los Packs pueden tener cardinalidad transfinita.

En su día partimos de la sospecha que la diferencia entre  $\mathbb{R}$  y  $\mathbb{N}$  era los Irracionales. Que los números Irracionales formasen cadenas infinitas de símbolos era lo que provocaba que no se pudiesen encontrar biyecciones entre ambos conjuntos. Su diferencia no era realmente cardinal. Con eso en mente, y gracias a las estructuras que se pueden construir con las CLJAs, decidimos asignar un natural diferente a cada 'símbolo' del número Irracional. Si realmente eran únicos, alguna parte de su cadena debía ser única y diferente a la del resto de números Irracionales... y como había un natural por cada símbolo... en esa parte única tendríamos, una serie de naturales únicos, asignados a cada número Irracional.

De ahí que los Packs que usemos tengan cardinal transfinito. Cuando veamos la definición de la correspondencia `flja_abstracta`, junto con la biyección  $\Omega$  (La función `flja` de la `Clja.FTC`), veremos como cada natural está asociado a cada 'etiqueta' de un SNEI (en cada universo). Incluso como la misma etiqueta, en la misma posición, recibe un natural diferente pq depende del resto de etiquetas anteriores. Sucederá que, ante la primera diferencia de etiquetas, aunque el resto sean idénticas en las mismas posiciones, la serie de números naturales asignados comenzará a ser diferente. A ser 'disjuntos'.

La responsable de esta propiedad será la CLJA, que tiene muchas similitudes con un grafo tipo árbol. Aunque dos nodos, tengan el mismo nombre, pero estén en diferentes ramas, en realidad serán nodos diferentes. Y una de las propiedades de la CLJA es poder asignar un natural único a cada uno de sus 'huecos azules' (el concepto equivalente a nodo).

Pero la distribución que genera es TAN caótica... aparte de no tener sentido lexicográfico, ha creado la necesidad del concepto de Pack, y de los universos, por un simple potencial que se descontrola muy fácilmente. Para crear biyecciones hay que afinar muchísimo o generas aberraciones combinatorias. O correspondencias que crean las condiciones para que podamos aplicar el Th CA. O ambas a la vez en un caos maravilloso. Entre los SNEFs y  $LCF_1$ , hay una biyección. Entre los SNEIs y  $LCF_{2p}$ , hay una correspondencia... sobre la que estudiaremos si puede o no cumplir el Th CA. Pero todo parte de la misma CLJA.

## 4.2. 2: Segundo comentario

Segundo comentario :D.