

自顶向下的分析(Top-Down Parsing)

- > 从分析树的顶部(根节点)向底部(叶节点)方向构造分析树
- ▶ 可以看成是从文法开始符号S推导出词串w的过程

> 例

文法
①
$$E \rightarrow E + E$$

② $E \rightarrow E * E$
③ $E \rightarrow (E)$
④ $E \rightarrow id$
输入
 $id + (id + id)$

推导过程:
$$E \Rightarrow E + E$$

 $\Rightarrow E + (E)$
 $\Rightarrow E + (E + E)$
 $\Rightarrow E + (id + E)$
 $\Rightarrow id + (id + E)$
 $\Rightarrow id + (id + id)$

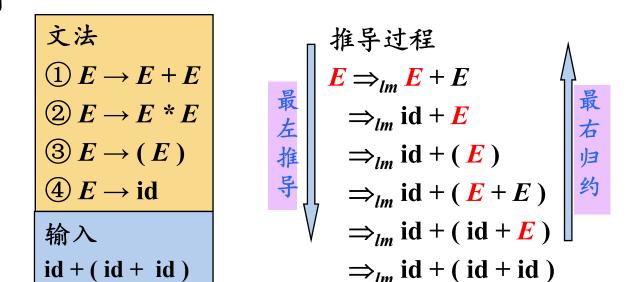
- >每一步推导中,都需要做两个选择
 - ► 替换当前句型中的<mark>哪个非终结符</mark>
 - ► 用该非终结符的<mark>哪个候选式进行替换</mark>

最左推导(Left-most Derivation)

在最左推导中,总是选择每个句型的最左非终结符进行替换 〉例

文法
①
$$E \rightarrow E + E$$
② $E \rightarrow E * E$
③ $E \rightarrow (E)$
④ $E \rightarrow id$

輸入
 $id + (id + id)$

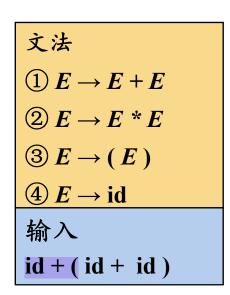


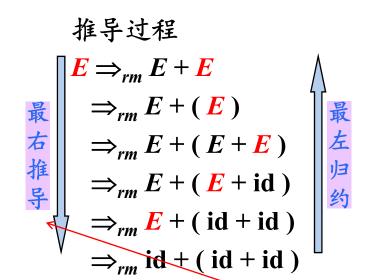
▶如果 $S \Rightarrow^*_{lm} \alpha$, 则称α是当前文法的最左句型(left-sentential form)

最右推导(Right-most Derivation)

》在最右推导中, 总是选择每个句型的最右非终结符进行替换

〉例





户在自底向上的分析中,总是采用最左归约的方式,因此把最左 归约称为规范归约,而最右推导相应地称为规范推导

最左推导和最右推导的唯一性

$$E \Rightarrow E + E$$

$$\Rightarrow E + (E)$$

$$\Rightarrow E + (E + E)$$

$$\Rightarrow E + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + id)$$

$$E \Rightarrow E + E$$

$$\Rightarrow id + E$$

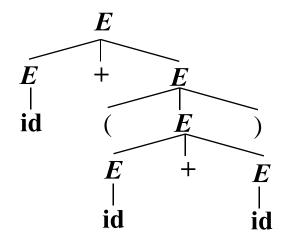
$$\Rightarrow id + (E)$$

$$\Rightarrow id + (E + E)$$

$$\Rightarrow id + (E + id)$$

$$\Rightarrow id + (id + id)$$





$$\begin{array}{c}
E \Rightarrow_{lm} E + E \\
\Rightarrow_{lm} id + E \\
\Rightarrow_{lm} id + (E) \\
\Rightarrow_{lm} id + (E + E) \\
\Rightarrow_{lm} id + (id + E) \\
\Rightarrow_{lm} id + (id + id)
\end{array}$$

$$E \Rightarrow_{rm} E + E$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (id + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} id + (id + id)$$

自顶向下的语法分析采用最左推导方式

均用最左推导/规约

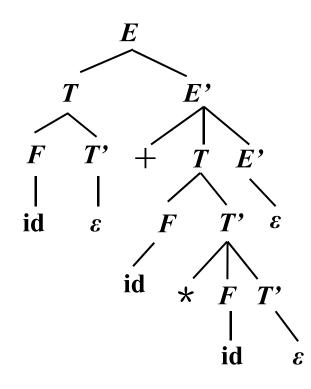
- ▶总是选择每个句型的最左非终结符进行替换
- ▶根据输入流中的下一个终结符,选择最左非终结 符的一个候选式

例

户文法

- ① $E \rightarrow TE'$
- ② $E' \rightarrow + TE' \mid \varepsilon$
- $\textcircled{4} T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
- $\textcircled{5} F \rightarrow (E) \mid id$

▶输入



自顶向下语法分析的通用形式

- ▶ 递归下降分析 (Recursive-Descent Parsing)
 - > 由一组过程组成,每个过程对应一个非终结符
 - ▶ 从文法开始符号S对应的过程开始,其中递归调用文法中其它非终结符对应 的过程。如果S对应的过程体恰好扫描了整个输入串,则成功完成语法分析

可能需要回溯(backtracking), 导致效率较低

如果尝试失败就需要回溯,重新尝试

不确定分析器:需要回溯

预测分析:不需回溯

预测分析 (Predictive Parsing)

- ▶ 预测分析是递归下降分析技术的一个特例,通过在输入中向前看固定个数(通常是一个)符号来选择正确的A-产生式。
 - ▶可以对某些文法构造出向前看k个输入符号的预测分析器,该类文法有时也称为LL(k)文法类
- ▶预测分析<mark>不需要回溯</mark>,是一种确定的自顶向下分析 方法





问题1

〉例

▶ 文法G

同一非终结符的多个候选式存在 共同前缀,将导致回溯现象

$$S \rightarrow aAd \mid aBe$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow b$$

户输入

a b c

问题2

〉例

> 文法G

$$E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$

左递归文法会使递归下降分析器 陷入无限循环

$$E \Rightarrow E + T$$

$$\Rightarrow E + T + T$$

$$\Rightarrow E + T + T + T$$

$$\Rightarrow \dots$$

▶输入

$$id + id * id$$

含有A→Aa形式产生式的文法称为是直接左递归的 (immediate left recursive)

如果一个文法中有一个非终结符A使得对某个串 α 存在一个推导 $A \Rightarrow ^+ A\alpha$,那么这个文法就是左递归的

经过两步或两步以上推导产生的左递归称为是间接左递归的

消除直接左递归

を例
$$E \to E + T \mid T$$
 $E \to T E'$ $\Rightarrow \alpha \alpha A'$ $\Rightarrow \alpha \alpha \alpha A'$

消除直接左递归的一般形式

$$A o A \alpha_1 |A \alpha_2| \dots |A \alpha_n| \beta_1 |\beta_2| \dots |\beta_m|$$
 $(\alpha_i \neq \varepsilon, \beta_j \neq \omega A + \omega)$ $A o \beta_1 A' |\beta_2 A'| \dots |\beta_m A'$ $A' o \alpha_1 A' |\alpha_2 A'| \dots |\alpha_n A'| \varepsilon$

消除左递归是要付出代价的——引进了一些非终结符和&_产生式

消除间接左递归

$$S \rightarrow A \ a \ b$$
 $\Rightarrow S \ da$ $\Rightarrow S \ da$

▶将S的定义代入A-产生式, 得:

$$A \rightarrow A c | A a d | b d | \varepsilon$$

▶消除A-产生式的直接左递归, 得:

$$A \rightarrow b d A' | A'$$

 $A' \rightarrow c A' | a d A' | \varepsilon$

消除左递归算法

- ▶ 输入: 不含循环推导 (即形如 $A \Rightarrow A$) 推导) 和 ϵ -产生式的文法G
- > 输出: 等价的无左递归文法
- > 方法:

```
1) 按照某个顺序将非终结符号排序为A_1, A_2, ..., A_n.
2) for (从1到n的每个i) {
3) for (从1到i-1的每个i) {
4) 将每个形如A_i \to A_j \gamma的产生式替换为产生式组 A_i \to \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid ... \mid \delta_k \gamma, 其中A_j \to \delta_1 \mid \delta_2 \mid ... \mid \delta_k, 是所有的A_j产生式
5) }
6) 消除A_i产生式之间的立即左递归
7) }
```

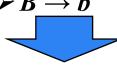
提取左公因子(Left Factoring)

〉例

$$> S \rightarrow aAd \mid aBe$$

$$\triangleright A \rightarrow c$$

$$\triangleright B \rightarrow b$$



▶ 文法G′

$$> S \rightarrow a S'$$

$$\triangleright S' \rightarrow Ad \mid Be$$

$$\triangleright A \rightarrow c$$

$$\triangleright B \rightarrow b$$

通过改写产生式来推迟决定, 等读入了足够多的输入, 获得 足够信息后再做出正确的选择

提取左公因子算法

▶ 输入: 文法G

▶ 输出: 等价的提取了左公因子的文法

> 方法:

对于每个非终结符A,找出它的两个或多个选项之间的最长公共前缀 α 。如果 $\alpha \neq \varepsilon$,即存在一个非平凡的(nontrivial)公共前缀,那么将所有A-产生式

$$A \rightarrow \alpha \beta_1 | \alpha \beta_2 | \dots | \alpha \beta_n | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$

替换为

$$A \rightarrow \alpha A' | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$

 $A' \rightarrow \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_n$

其中, γ_i 表示所有不以α开头的产生式体; **A'**是一个新的非终结符。不断应用这个转换, 直到每个非终结符的任意两个产生式体都没有公共前缀为止





S_文法

假如允许S_文法包含ε产生式, 将会产生什么问题?

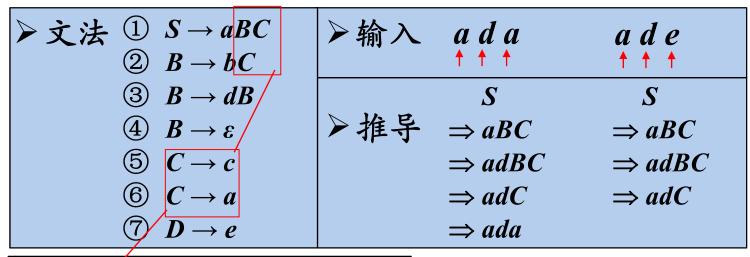
- >预测分析法的工作过程。00
 - ▶从文法开始符号出发,在每一步推导过程中根据当前句型的最左非终结符A和当前输入符号a,选择正确的A-产生式。为保证分析的确定性,选出的候选式必须是唯一的。
- ▶S_文法 (简单的确定性文法, Korenjak & Hopcroft, 1966)

每个产生式的右部都以终结符开始

同一非终结符的各个候选式的首终结符都不同

 $S_{\dot{}}$ 文法不含 ε 产生式

例



可以紧跟B后面出现的终结符: c、a

- ►什么时候使用ε产生式?
 - \triangleright 如果当前某非终结符A与当前输入符a不匹配时,若存在 $A \rightarrow \varepsilon$,可以通过检查a是否可以出现在A的后面,来决定是否使用产生式 $A \rightarrow \varepsilon$ (若文法中无 $A \rightarrow \varepsilon$,则应报错)

非终结符的后继符号集

- > 非终结符A的后继符号集
 - \triangleright 可能在某个句型中紧跟在A后边的终结符a的集合,记为FOLLOW(A) $FOLLOW(A) = \{a \mid S \Rightarrow^* \alpha A \alpha \beta, a \in V_T, \alpha, \beta \in (V_T \cup V_N)^*\}$ 例

则将结束符"\$"添加到FOLLOW(A)中

$$(1) S \rightarrow aBC$$
 输入 如果 A 是某个句型的的最右符号, 如果 A 是某个句型的的最右符号, 则将结束符"\$"添加到 $FOILOW$

(2)
$$B \rightarrow bC_{b}$$

(3)
$$B \rightarrow dB \underline{\hspace{1cm}} d$$

(4)
$$B \rightarrow \varepsilon \leftarrow \{a, c\}$$

(5)
$$C \rightarrow c$$

(6)
$$C \rightarrow a$$

$$FOLLOW(B) = \{a,c\}$$

产生式的可选集

- \triangleright 产生式 $A \rightarrow \beta$ 的可选集是指可以选用该产生式进行推导时对应的输入符号的集合,记为 $SELECT(A \rightarrow \beta)$
 - \triangleright SELECT($A \rightarrow a\beta$) = { a }
 - \triangleright SELECT($A \rightarrow \varepsilon$)=FOLLOW(A)
- ▶q 文法 强于S

与S区别

- \triangleright 每个产生式的右部或为 ε , 或以终结符开始
- >具有相同左部的产生式有不相交的可选集

q_文法不含右部以非终结符打头的产生式

串首终结符集

- > 串首终结符
 - > 串首第一个符号,并且是终结符。简称首终结符
- 〉给定一个文法符号串 α , α 的串首终结符集 $FIRST(\alpha)$ 被定义为可以从 α 推导出的所有串首终结符构成的集合。如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$,那么 ε 也在 $FIRST(\alpha)$ 中
 - \triangleright 对于 $\forall \alpha \in (V_T \cup V_N)^+$, $FIRST(\alpha) = \{ a \mid \alpha \Rightarrow^* a\beta, a \in V_T, \beta \in (V_T \cup V_N)^* \};$
 - \triangleright 如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$, 那么 $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$
- \rightarrow 产生式 $A\rightarrow \alpha$ 的可选集SELECT
 - ▶ 如果 $\varepsilon \notin FIRST(\alpha)$, 那 $\Delta SELECT(A \rightarrow \alpha) = FIRST(\alpha)$
 - \triangleright 如果 ε ∈ FIRST(α), 那 ΔSELECT(A→α)=(FIRST(α)-{ε}) ∪ FOLLOW(A)

LL(1)文法

- \triangleright 文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
- - Da和β至多有一个能推导出ε SELECT(A β)=(FIRST(β)-{ε}) FOLLOW(A)
 SELECT(A α)
 - \triangleright 如果 $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$,则 $FIRST(\alpha) \cap FOLLOW(A) = Φ;$
 - 如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$,则 $FIRST(\beta) \cap FOLLOW(A) = \Phi$;

aim 同一非终结符的各个产生式的可选集互不相交

可以为LL(1)文法构造预测分析器

LL(1)文法

- 文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
 - ▶如果 α 和 β 均不能推导出 ϵ ,则 $FIRST(\alpha)$ ∩ $FIRST(\beta)$ =Φ
 - ρ α 和 β 至多有一个能推导出 ϵ
 - \triangleright 如果 $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$,则 $FIRST(\alpha) \cap FOLLOW(A) = Φ;$
 - 如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$, 则 FIRST (β) \cap FOLLOW(A) = Φ;
- ▶第一个"L"表示从左向右扫描输入
- 》第二个"L"表示产生最左推导
- > "1"表示在每一步中只需要向前看一个输入符号来决定语法分析动作

