Álgebra de Boole

1. Simplificar a seguinte função:

$$F = (A.0).(B+B) + (B+\overline{B}).(A.A) + (B+1).(C.\overline{C})$$

Resposta: F = A

2. Simplificar a seguinte expressão:

$$F = A.\overline{B} + A.B.C + A.\overline{B}.C + A.B$$

Resposta: F = A

3. Simplificar a seguinte função:

$$F = C.D + A.C.\overline{D}$$

Resposta: F = C.(D+A)

4. Determinar a tabela de verdade da seguinte equação:

$$F = A.\overline{B} + A.B.C + \overline{A}.\overline{B}.E + A.\overline{B}.D$$

5. Determinar a tabela de verdade da seguinte função:

$$F = A.B.E + \overline{B}.D.\overline{E} + \overline{B}.C.E + B.\overline{E}.A$$

6. Construir com contactos o circuito correspondente às seguintes funções e representar a tabela de verdade de cada uma delas:

a)
$$F_1 = A.\overline{B} + \overline{A}.B$$

b)
$$F_2 = \left(A.B.\overline{C} + \overline{A}.C\right).D$$

Álgebra de Boole

7. Obter a primeira e a segunda forma canónica das seguintes tabelas:

Α	0	0	1	1
В	0	1	0	1
F ₁	0	1	1	0

Α	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1
В	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
С	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1
D	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
F ₂	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0

Resposta:

1ª Forma canónica:

$$F_{1} = \overline{A}.B + A.\overline{B}$$

$$F_{2} = \overline{A}.\overline{B}.C.D + \overline{A}.B.C.D + A.B.\overline{C}.D$$

2ª Forma canónica:

$$\begin{split} F_1 &= \left(A+B\right).(\overline{A}+\overline{B}) \\ F_2 &= \left(A+B+C+D\right).\left(A+B+C+\overline{D}\right).\left(A+B+\overline{C}+D\right).\left(A+\overline{B}+C+D\right).\left(A+\overline{B}+C+\overline{D}\right). \\ \left(A+\overline{B}+\overline{C}+D\right).\left(\overline{A}+B+C+D\right).\left(\overline{A}+B+C+\overline{D}\right).\left(\overline{A}+B+\overline{C}+D\right).\left(\overline{A}+B+\overline{C}+D\right). \\ \left(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}+D\right).\left(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}+D\right). \\ \left(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}+D\right).\left(\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}+D\right). \\ \end{split}$$

8. Construir um circuito para cativação de uma lâmpada, usando três interruptores, de maneira que a lâmpada se acenda somente quando está ligado um interruptor ou os três simultaneamente.