# A.07.01 – Relações de Propriedades Termodinâmicas Equação de Clapeyron

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-12-04 19h50m45s UTC





- Relações nas Mudanças de Fase
  - Equação de Clapeyron
  - Equação de Clausius-Clapeyron





#### Dedução

Considere a relação de Maxwell com base na energia de Helmholtz:

$$\left(\frac{\partial s}{\partial v}\right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_v.$$

Em uma mudança de fase "1"-"2" a T constante, tem-se  $P: P_{sat}(T_{sat})$ , assim:

$$\left. \frac{dP}{dT} \right|_{sat} = \left( \frac{\partial s}{\partial v} \right)_T.$$





#### Dedução (cont.)

Escrevendo s e v na saturação em termos do título x:

$$s(T_{sat},x) = s_1 + xs_{12} \qquad \rightarrow \qquad (\partial s)_{T=T_{sat}} = s_{12} dx,$$

$$v(T_{sat},x) = v_1 + xv_{12} \qquad \rightarrow \qquad (\partial v)_{T=T_{sat}} = v_{12} dx.$$

Tal que:

$$\left. \frac{dP}{dT} \right|_{sat} = \left( \frac{\partial s}{\partial v} \right)_T = \frac{s_{12}}{v_{12}}.$$





## Dedução (cont.)

Utilizando a equação de Gibbs da entalpia, com dP = 0 no processo:

$$dh = Tds + vdP = Tds$$

$$h_{12} = T_{sat}s_{12}$$

Levando à Equação de Clapeyron:

$$\left. \frac{dP}{dT} \right|_{sat} = \frac{h_{12}}{T_{sat} v_{12}}.$$





## Aplicação

Se "1" for a fase menos entrópica, i.e.,  $s_{12} = s_2 - s_1 > 0$ , com

$$\left. \frac{dP}{dT} \right|_{sat} = \frac{h_{12}}{T_{sat} v_{12}},$$

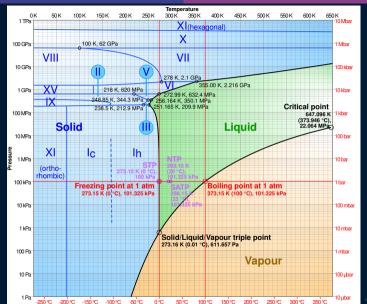
então

$$\operatorname{sgn}\left(\frac{dP}{dT}\right)_{sat} = \operatorname{sgn}(v_{12}),$$

porque  $h_{12} > 0$  e T > 0, com implicações nos diagramas de fase de substâncias puras:











## Aproximação à Baixas Pressões

Para  $v_1 \approx 0$  e vapor saturado como gás ideal, tem-se:

$$\ln\left(\frac{P_{ii}}{P_i}\right)_{sat} \simeq \frac{h_{1\nu}}{R} \left(\frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_{ii}}\right)_{sat}, \quad (\nu_1 \approx 0, \text{ gás ideal}).$$

Onde a fase "1" é sól. ou líq. e estados "i" e "ii" são de saturação.

Esta equação, de Cláusius-Clapeyron, pode ser usada na determinação da pressão de saturação  $P_{ii}$  à partir de um estado de saturação "i" conhecido.





## Tópicos de Leitura I

- Çengel, Y. A. e Boles, M. A. Termodinâmica 7ª Edição. Seção 12-3. AMGH. Porto Alegre. ISBN 978-85-8055-200-3.
- Naaktgeboren, C. Thermodynamic Properties Relations (Handout). Seção 4. Disponibilizado no AVA.







