### C.02.01.A2 – Combustão e Equilíbrio Químico

Aplicação em FTAF – Finite Time Air-Fuel Otto Engine Model

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-09-13 07h05m01s UTC





• Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O2, e Nitrogênio, N2;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;
- Todos os demais gases inertes são modelados como sendo N<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;
- Todos os demais gases inertes são modelados como sendo N<sub>2</sub>;
- Valor típico para  $\psi$  é de  $79/21 \approx 3,76$ .





• Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;

$$\varepsilon^{-1} \equiv n_{\rm C} + \frac{n_{\rm H}}{4} - \frac{n_{\rm O}}{2}.$$





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;

$$\varepsilon^{-1} \equiv n_{\rm C} + \frac{n_{\rm H}}{4} - \frac{n_{\rm O}}{2}.$$

•  $\varepsilon/(1+\psi)$  é a razão combustível-ar estequiométrica.





• Seja o a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim,





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

•  $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e





• Seja o a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv rac{n_{
m f}/n_{
m air}}{arepsilon/(1+\psi)}, \qquad {
m assim},$$

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e
- $\phi = 1$  modela misturas combustível-ar estequiométricas.





• Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_{f}$  ...





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_f$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_f$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_f$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:

$$n_{\rm f} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{\Phi \varepsilon}{1 + \psi + \Phi \varepsilon},$$





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{\text{air}}$  e  $n_{\text{f}}$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:

$$n_{\rm f} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{\Phi \varepsilon}{1 + \psi + \Phi \varepsilon},$$

$$n_{\rm air} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{1 + \psi}{1 + \psi + \phi \varepsilon}.$$











$$n_{\rm f}$$
 C $n_{\rm C}$ H $n_{\rm H}$ O $n_{\rm O}$ N $n_{\rm N}$  +





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H_2O}$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H}_2 {\rm O} + n_{\rm CO} {\rm CO}$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H}_2 {\rm O} + n_{\rm CO} {\rm CO} + n_{\rm H_2} {\rm H}_2$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H_2O} + n_{\rm CO} {\rm CO} + n_{\rm H_2} {\rm H}_2 + n_{\rm O_2} {\rm O}_2$$





$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$





A reação de combustão básica é:

$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

Hipótese: oxidação mais completa possível:





$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

- Hipótese: oxidação mais completa possível:
- $(\phi \leqslant 1)$ : sem produção de CO e H<sub>2</sub>  $\longrightarrow n_{CO} = n_{H_2} = 0$  kmol, e o sistema fecha;





$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

- Hipótese: oxidação mais completa possível:
- $(\phi \leqslant 1)$ : sem produção de CO e H<sub>2</sub>  $\longrightarrow n_{CO} = n_{H_2} = 0$  kmol, e o sistema fecha;
- $(\phi > 1)$ : todo  $O_2$  é utilizado  $\longrightarrow n_{O_2} = 0$  kmol, e requer-se mais equações!





• Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;







- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":







- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com





- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com

• Constante de equilíbrio da reação, K(T), reduzido por hipótese a uma constante K:





- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com

• Constante de equilíbrio da reação, K(T), reduzido por hipótese a uma constante K:

$$K(T) = \frac{n_{\text{H}_2\text{O}}n_{\text{CO}}}{n_{\text{CO}_2}n_{\text{H}_2}} = K(1740 \text{ K}) = 3,5.$$





• Seja o a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:





• Seja  $\phi$  a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim,





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim,

•  $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);





Seja φ a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica;

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

- $\phi < 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim,

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e
- $\phi = 1$  modela misturas combustível-ar estequiométricas.





