# C.02.01.A2 – Combustão e Equilíbrio Químico Aplicação em FTAF – Finite Time Air-Fuel Otto Engine Model

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSc Compiled on 2020-09-13 07h13m35s UTC





rof, C. Naaktgeboren, PhD

C.02.01.A2 - Combustão e Equilíbrio Químico

Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Ar Modelo de Vapor de Combustível

#### Modelo de Combustível

- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores n<sub>C</sub>, n<sub>H</sub>, n<sub>O</sub>, e n<sub>N</sub> são parâmetros ajustáveis;
- $\bullet~$  Seja  $\epsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;

$$\varepsilon^{-1} \equiv n_{\rm C} + \frac{n_{\rm H}}{4} - \frac{n_{\rm O}}{2}.$$

•  $\varepsilon/(1+\psi)$  é a razão combustível-ar estequiométrica.





Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Ar

Modelo de Vapor de Combustível

#### Modelo de Ar

- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio,  $O_2$ , e Nitrogênio,  $N_2$ ;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;
- Todos os demais gases inertes são modelados como sendo N<sub>2</sub>;
- Valor típico para  $\psi$  é de  $79/21 \approx 3,76$ .





Prof. C. Naaktgeboren, PhI

C.02.01.A2 - Combustão e Equilíbrio Químico

Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Ar

s Modelo de Vapor de Combustível

## Razão de Equivalência:

 $\bullet~$  Seja  $\varphi$  a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)}, \qquad \text{assim},$$

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- ♦ > 1 modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e
- $\phi = 1$  modela misturas combustível-ar estequiométricas.





Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Ar Modelo de Vapor de Combustível

#### Mistura Ar-Combustível:

- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_f$  ...
- $\bullet$  ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:

$$n_{\rm f} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{\Phi \varepsilon}{1 + \psi + \Phi \varepsilon},$$

$$n_{\rm air} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{1 + \psi}{1 + \psi + \phi \varepsilon}.$$





Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.02.01.A2 - Combustão e Equilíbrio Químico

Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Equilíbrio Químico

C.02.01.A2 - Combustão e Equilíbrio Químico

## Equilíbrio Químico:

- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \rightleftharpoons CO + H_2O$$
, com

• Constante de equilíbrio da reação, K(T), reduzido por hipótese a uma constante K:

$$K(T) = \frac{n_{\text{H}_2\text{O}}n_{\text{CO}}}{n_{\text{CO}_2}n_{\text{H}_2}} = K(1740 \text{ K}) = 3,5.$$





Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Equilíbrio Químico

#### Reação de Combustão Básica:

A reação de combustão básica é:

$$n_{\rm f}$$
 C $n_{\rm C}$ H $n_{\rm H}$ O $n_{\rm O}$ N $n_{\rm N}$  +  $n_{\rm air}$   $\left(\frac{1}{1+\psi}$ O<sub>2</sub> +  $\frac{\psi}{1+\psi}$ N<sub>2</sub> $\right)$   $\longrightarrow$   $n_{\rm CO_2}$ CO<sub>2</sub> +  $n_{\rm H_2O}$ H<sub>2</sub>O +  $n_{\rm CO}$ CO +  $n_{\rm H_2}$ H<sub>2</sub> +  $n_{\rm O_2}$ O<sub>2</sub> +  $n_{\rm N_2}$ N<sub>2</sub>.

- Hipótese: oxidação mais completa possível:
- ( $\phi \le 1$ ): sem produção de CO e H<sub>2</sub>  $\longrightarrow n_{CO} = n_{H_2} = 0$  kmol, e o sistema fecha;
- $(\phi > 1)$ : todo  $O_2$  é utilizado  $\longrightarrow n_{O_2} = 0$  kmol, e requer-se mais equações!





Prof. C. Naaktgeboren, PhD

C.02.01.A2 - Combustão e Equilíbrio Químico

Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Equilíbrio Químico

## Equilíbrio Químico: Solução em $n_{CO}$ :

• Obtém-se uma equação quadrática em  $n_{CO}$ , cuja solução é:

$$rac{n_{
m CO}}{n_{
m f}} = -eta \pm \sqrt{eta^2 - \gamma}, \qquad {
m com}$$

$$\gamma = \frac{2n_{\rm C}(\phi - 1)}{\phi \varepsilon (K - 1)} \qquad e$$

$$\beta = \frac{\phi \varepsilon [(2 - K)n_{\rm C} - n_{\rm O}] + 2[K(\phi - 1) + 1]}{2(K - 1)\phi \varepsilon}.$$





Modelos de Misturas Reagentes Modelos de Reações Químicas e Misturas Modelo de Combustão Modelo de Equilíbrio Químico Misturas do Modelo Ar-Combustível

# Razão de Equivalência:

• Seja φ a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)}, \qquad \text{assim},$$

- $\bullet$   $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\bullet$   $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e
- $\bullet \phi = 1$  modela misturas combustível-ar estequiométricas.





Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.02.01.A2 – Combustão e Equilíbrio Químico