A.03.03 – Balanço de Energia

(Sistemas Fechados)

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-04-10 15h02m44s





- Balanço de Energia
 - Primeira Lei da Termodinâmica
 - Balanço de Energia

2 Tópicos de Leitura





Enunciado

- A 1ª lei da Termodinâmica estabelece que:
 - Energia é uma quantidade conservada.







Enunciado

- A 1ª lei da Termodinâmica estabelece que:
 - Energia é uma quantidade conservada.

Este princípio da conservação da energia:

• É exaustivamente confirmado em experimentos.





Logo, no universo observável:

• Não há processos físicos que criem energia,







Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.





Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.







Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

A Relatividade Especial de Einstein:

• Unificou as conservações de massa e de energia;





Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

A Relatividade Especial de Einstein:

- Unificou as conservações de massa e de energia;
- Através da equivalência massa-energia expressa por $E_{eq} = c^2 m$.







Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

A Relatividade Especial de Einstein:

- Unificou as conservações de massa e de energia;
- Através da equivalência massa-energia expressa por $E_{eq} = c^2 m$.
- Assim, a quantidade $E_{tot} = c^2 m + E_{outras}$ do universo é conservada.





A 1ª lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

• Princípio em variedade de deduções;







A 1^a lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.







A 1ª lei é central em Termodinâmica.

Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.





A 1^a lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?







A 1^a lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

— Jack P. Holman (SMU)





A 1ª lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

• "Energia é uma quantidade (escalar)

— Jack P. Holman (SMU)







A 1^a lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

- "Energia é uma quantidade (escalar)
- que é conservada na natureza

— Jack P. Holman (SMU)







A 1ª lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

- "Energia é uma quantidade (escalar)
- que é conservada na natureza
- e que possui unidades de kg·m²/s²."
 - Jack P. Holman (SMU)







A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.





40 + 40 + 43 + 43 +

A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.







A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.







A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) =$$





A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação líquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$





A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

Em um processo, o balanço de energia é dado por:

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação l\'iquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$

que matematicamente se escreve:

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
, para um processo 1–2.





A 1^a lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

Em um processo, o balanço de energia é dado por:

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação l\'iquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$

que matematicamente se escreve:

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
, para um processo 1–2.

Assim, se E_1 , E_{ent} e E_{sai} são conhecidos, então: $E_2 = E_1 + E_{ent} - E_{sai}$.





Processo

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$





<ロト <回り < 重り < 重り

Processo
$$\frac{d(}{}$$

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$





Processo

$$\xrightarrow{d()}$$

Diferencial

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$





Processo
$$\xrightarrow{d()}$$
 Diferencial $\xrightarrow{/d}$

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \qquad \xrightarrow{/dt}$$





Processo
$$\xrightarrow{d()}$$
 Diferencial $\xrightarrow{/dt}$ Taxa

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \qquad \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$





Processo
$$\xrightarrow{d()}$$
 Diferencial $\xrightarrow{/dt}$ Taxa
$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \qquad \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

(int.)
$$\downarrow \div m$$





Processo

$$\xrightarrow{d()}$$

Diferencial

$$\xrightarrow{/dt}$$

Taxa

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$

$$\xrightarrow{d()}$$

$$\xrightarrow{/dt}$$

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$ $\xrightarrow{/dt}$ $\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$





$$\xrightarrow{d()}$$

Diferencial

$$\xrightarrow{/dt}$$

Taxa

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$ $\xrightarrow{/dt}$ $\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt}$

$$\xrightarrow{d()}$$

$$\xrightarrow{/dt}$$

$$\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{s}$$

$$\downarrow \div m$$

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1 \qquad \xrightarrow{d()}$$





$$\xrightarrow{d()}$$

Diferencial

$$\xrightarrow{/dt}$$

Taxa

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$ $\xrightarrow{/dt}$ $\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt}$

$$\xrightarrow{d()}$$

$$\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$$

$$\xrightarrow{/ai}$$

$$\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sai}$$

$$| \div m$$

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_{sist}$$

$$\xrightarrow{d()}$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}$





Processo
$$\xrightarrow{d()}$$
 Differencial $\xrightarrow{/dt}$ Taxa
$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \qquad \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sist}$$

 $\downarrow \div m$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
 $\xrightarrow{d()}$ $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}$ $\xrightarrow{/dt}$



(int.)



 $\downarrow \div m$

Processo
$$\xrightarrow{d()}$$
 Differencial $\xrightarrow{/dt}$ Taxa
$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \xrightarrow{d()} \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sist}$$
(int.) $\downarrow \div m$ $\downarrow \div m$ $\downarrow \div m$

 $e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$ $\xrightarrow{d()}$ $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}$ $\xrightarrow{/dt}$ $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai} = \frac{de}{dt}\Big|_{sist}$





Balanço de Energia – Formas

Processo	$\xrightarrow{d()}$	Diferencial	$\xrightarrow{/dt}$	Taxa
$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$	$\xrightarrow{d()}$	$\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$	$\xrightarrow{/dt}$	$\dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \left. \frac{dE}{dt} \right _{sist}$
(int.) $\downarrow \div m$		<i>↓</i> ÷ <i>m</i>		$\mid \div m$
$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$	$\xrightarrow{d()}$	$\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}$	$\xrightarrow{/dt}$	$\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai} = \left. \frac{de}{dt} \right _{sist}$





イロト イプト イミト イミト

Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:





Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:

calor e





Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.





Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.

Assim, no balanço de energia:





Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.

Assim, no balanço de energia:

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$





Em sistemas compressíveis simples, E_{ent} e E_{sai} podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.

Assim, no balanço de energia:

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$

$$E_{sai} = Q_{sai} + W_{sai}$$
.









Em sistemas clássicos (pré-relativísticos) não reativos, $E_{sist} = E_{micro} + E_{macro}$:

① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;





- ① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;
- ② $E_{macro} = E_c + E_p$, a soma das energias cinética, e potencial, em kJ, onde:





- ① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;
- ② $E_{macro} = E_c + E_p$, a soma das energias cinética, e potencial, em kJ, onde:
- ③ $E_c = me_c = mV^2/2$, com $[V] = \sqrt{kJ/kg} = \sqrt{1000} \text{ m/s} \approx 31.6 \text{ m/s} \approx 114 \text{ km/h}$, ou





- ① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;
- ② $E_{macro} = E_c + E_p$, a soma das energias cinética, e potencial, em kJ, onde:
- ① $E_c = me_c = mV^2/2$, com $[V] = \sqrt{kJ/kg} = \sqrt{1000} \text{ m/s} \approx 31.6 \text{ m/s} \approx 114 \text{ km/h}$, ou
- **4** $E_c = me_c = mv^2/2000$, com $[v] = m/s = \sqrt{J/kg}$;







- ① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;
- ② $E_{macro} = E_c + E_p$, a soma das energias cinética, e potencial, em kJ, onde:
- ① $E_c = me_c = mV^2/2$, com $[V] = \sqrt{kJ/kg} = \sqrt{1000} \text{ m/s} \approx 31.6 \text{ m/s} \approx 114 \text{ km/h}$, ou
- **4** $E_c = me_c = mv^2/2000$, com $[v] = m/s = \sqrt{J/kg}$;
- **3** $E_p = me_p = mg\mathbb{Z}$, com $[\![g]\!] = m/s^2$, $[\![\mathbb{Z}]\!] = km$ e $[\![g\mathbb{Z}]\!] = k(m/s)^2 = k(J/kg)$, ou







- ① $E_{micro} \equiv U_{sist}$, a energia interna, em kJ;
- ② $E_{macro} = E_c + E_p$, a soma das energias cinética, e potencial, em kJ, onde:
- **3** $E_c = me_c = mV^2/2$, com $[V] = \sqrt{kJ/kg} = \sqrt{1000}$ m/s ≈ 31.6 m/s ≈ 114 km/h, ou
- **4** $E_c = me_c = mv^2/2000$, com $[v] = m/s = \sqrt{J/kg}$;
- ⑤ $E_p = me_p = mg\mathbb{Z}$, com $[g] = m/s^2$, $[\mathbb{Z}] = km$ e $[g\mathbb{Z}] = k(m/s)^2 = k(J/kg)$, ou
- **6** $E_p = me_p = mg\mathbb{Z}/1000$, com $[\![g]\!] = m/s^2$ e $[\![\mathbb{Z}]\!] = m$.





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \rightarrow$$





<ロト <回り < 重り < 重り

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \rightarrow$$

$$(Q_{ent} + W_{ent}) - (Q_{sai} + W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 + E_{c,2} + E_{p,2}) - (U_1 + E_{c,1} + E_{p,1}) \rightarrow$$





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \rightarrow (Q_{ent} + W_{ent}) - (Q_{sai} + W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 + E_{c,2} + E_{p,2}) - (U_1 + E_{c,1} + E_{p,1}) \rightarrow (Q_{ent} - Q_{sai}) + (W_{ent} - W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 - U_1) + (E_{c,2} - E_{c,1}) + (E_{p,2} - E_{p,1}) \rightarrow (Q_{ent} - Q_{sai}) + (Q_{ent} - Q_{ent} - Q_{ent}) + (Q_{ent} - Q_{ent} - Q_$$







$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
 \neg
 $(Q_{ent} + W_{ent}) - (Q_{sai} + W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 + E_{c,2} + E_{p,2}) - (U_1 + E_{c,1} + E_{p,1})$ \neg
 $(Q_{ent} - Q_{sai}) + (W_{ent} - W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 - U_1) + (E_{c,2} - E_{c,1}) + (E_{p,2} - E_{p,1})$ \neg
 $Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = \Delta U_{sist} + \Delta E_{c,sist} + \Delta E_{p,sist}$ \neg





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \rightarrow (Q_{ent} + W_{ent}) - (Q_{sai} + W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 + E_{c,2} + E_{p,2}) - (U_1 + E_{c,1} + E_{p,1}) \rightarrow (Q_{ent} - Q_{sai}) + (W_{ent} - W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 - U_1) + (E_{c,2} - E_{c,1}) + (E_{p,2} - E_{p,1}) \rightarrow Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = \Delta U_{sist} + \Delta E_{c,sist} + \Delta E_{p,sist} \rightarrow Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2)/2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (expl.)





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \rightarrow (Q_{ent} + W_{ent}) - (Q_{sai} + W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 + E_{c,2} + E_{p,2}) - (U_1 + E_{c,1} + E_{p,1}) \rightarrow (Q_{ent} - Q_{sai}) + (W_{ent} - W_{sai}) = \Delta E_{sist} = (U_2 - U_1) + (E_{c,2} - E_{c,1}) + (E_{p,2} - E_{p,1}) \rightarrow Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = \Delta U_{sist} + \Delta E_{c,sist} + \Delta E_{p,sist} \rightarrow Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2)/2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (expl.)
$$Q - W = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2)/2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (impl.)





4 0 1 4 10 1 4 2 1 4 2 1

Negligenciando as variações das energias macroscópicas do sistema fechado:

•
$$\Delta e_c = 1 \text{ kJ/kg}$$
 implica, p. ex.; em: $(\mathbb{V}_1; \mathbb{V}_2) = (0; \sqrt{2}) \sqrt{\text{kJ/kg}} \approx (0; 161) \text{ km/h};$





Negligenciando as variações das energias macroscópicas do sistema fechado:

•
$$\Delta e_c = 1 \text{ kJ/kg}$$
 implica, p. ex.; em: $(\mathbb{V}_1; \mathbb{V}_2) = (0; \sqrt{2}) \sqrt{\text{kJ/kg}} \approx (0; 161) \text{ km/h};$

•
$$\Delta e_p = 1 \text{ kJ/kg}$$
 implica em: $\Delta \mathbb{Z} \approx 0.102 \text{ km} = 102 \text{ m}$ para $g = 9.81 \text{ m/s}^2$;





Negligenciando as variações das energias macroscópicas do sistema fechado:

•
$$\Delta e_c = 1 \text{ kJ/kg}$$
 implica, p. ex.; em: $(\mathbb{V}_1; \mathbb{V}_2) = (0; \sqrt{2}) \sqrt{\text{kJ/kg}} \approx (0; 161) \text{ km/h}$;

• $\Delta e_p = 1 \text{ kJ/kg}$ implica em: $\Delta \mathbb{Z} \approx 0.102 \text{ km} = 102 \text{ m}$ para $g = 9.81 \text{ m/s}^2$;

$$Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2) / 2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (expl.)





Negligenciando as variações das energias macroscópicas do sistema fechado:

- $\Delta e_c = 1 \text{ kJ/kg}$ implica, p. ex.; em: $(\mathbb{V}_1; \mathbb{V}_2) = (0; \sqrt{2}) \sqrt{\text{kJ/kg}} \approx (0; 161) \text{ km/h}$;
- $\Delta e_p = 1 \text{ kJ/kg}$ implica em: $\Delta \mathbb{Z} \approx 0.102 \text{ km} = 102 \text{ m}$ para $g = 9.81 \text{ m/s}^2$;

$$Q_{liq,ent} - W_{liq,sai} = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2) / 2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (expl.)

$$Q - W = m \left[(u_2 - u_1) + (\mathbb{V}_2^2 - \mathbb{V}_1^2) / 2 + g(\mathbb{Z}_2 - \mathbb{Z}_1) \right].$$
 (impl.)







Tópicos de Leitura I



Çengel, Y. A. e Boles, M. A.

Termodinâmica 7ª Edição. Seções 2-6 e 4-2.

AMGH. Porto Alegre. ISBN 978-85-8055-200-3.





