### A.03.03 – Balanço de Energia

(Sistemas Fechados)

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-04-09 16h30m42s







- Balanço de Energia
  - Primeira Lei da Termodinâmica
  - Balanço de Energia

2 Tópicos de Leitura





#### Enunciado

- A 1ª lei da Termodinâmica estabelece que:
  - Energia é uma quantidade conservada.







#### Enunciado

- A 1ª lei da Termodinâmica estabelece que:
  - Energia é uma quantidade conservada.

Este princípio da conservação da energia:

• É exaustivamente confirmado em experimentos.





Logo, no universo observável:

• Não há processos físicos que criem energia,







#### Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.





#### Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.







#### Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

#### A Relatividade Especial de Einstein:

• Unificou as conservações de massa e de energia;





#### Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

#### A Relatividade Especial de Einstein:

- Unificou as conservações de massa e de energia;
- Através da equivalência massa-energia expressa por  $E_{eq} = c^2 m$ .







#### Logo, no universo observável:

- Não há processos físicos que criem energia,
- Nem processos físicos que destruam energia.
- Processos físicos podem apenas converter energia de uma forma a outra.

#### A Relatividade Especial de Einstein:

- Unificou as conservações de massa e de energia;
- Através da equivalência massa-energia expressa por  $E_{eq} = c^2 m$ .
- Assim, a quantidade  $E_{tot} = c^2 m + E_{outras}$  do universo é conservada.





A 1ª lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

• Princípio em variedade de deduções;







A 1<sup>a</sup> lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.







A 1ª lei é central em Termodinâmica.

Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.





A 1<sup>a</sup> lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?







A 1<sup>a</sup> lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

— Jack P. Holman (SMU)





A 1<sup>a</sup> lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

• "Energia é uma quantidade (escalar)

— Jack P. Holman (SMU)







A 1<sup>a</sup> lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

- "Energia é uma quantidade (escalar)
- que é conservada na natureza

— Jack P. Holman (SMU)







A 1ª lei é central em Termodinâmica. Suas aplicações são vastas e incluem:

- Princípio em variedade de deduções;
- Instrumental na definição de propriedades.
- Cálculos de processos energéticos.

Exemplo: O que é, afinal, "energia"?

- "Energia é uma quantidade (escalar)
- que é conservada na natureza
- e que possui unidades de kg·m<sup>2</sup>/s<sup>2</sup>."
  - Jack P. Holman (SMU)







A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.





40 + 40 + 43 + 43 +

A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.







A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.







A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) =$$





A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação líquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$





A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

Em um processo, o balanço de energia é dado por:

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação l\'iquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$

que matematicamente se escreve:

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
, para um processo 1–2.





A 1<sup>a</sup> lei é matematicamente expressa por meio de balanço de energia.

Em um processo, o balanço de energia é dado por:

$$\left(\begin{array}{c} \text{Total de energia que} \\ \text{entra no sistema} \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \text{Total de energia} \\ \text{que sai do sistema} \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \text{Variação l\'iquida de} \\ \text{energia no sistema} \end{array}\right),$$

que matematicamente se escreve:

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
, para um processo 1–2.

Assim, se  $E_1$ ,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  são conhecidos, então:  $E_2 = E_1 + E_{ent} - E_{sai}$ .





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$







$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \xrightarrow{d()}$$





イロト イプト イミト イミト

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt}$ 





40 + 40 + 43 + 43 +

$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\overset{\dot{E}_{ent}}{E_{ent}} - \overset{\dot{E}_{sai}}{E_{sai}} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \quad \xrightarrow{d()} \quad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \quad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \quad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$+m$$





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\overset{\dot{E}_{ent}}{E_{ent}} - \overset{\dot{E}_{sai}}{E_{sai}} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sist}$ 

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \frac{d()}{d} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \stackrel{/dt}{\longrightarrow} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \frac{d()}{d} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \frac{d()}{d} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \frac{dE}{dt} \bigg|_{sist}$$

$$\downarrow \div m \qquad \qquad \downarrow \div m \qquad \qquad \downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$\div m$$

$$\div m$$

$$\downarrow \div m$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai}$   $= \frac{de}{dt}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \quad \xrightarrow{d()} \quad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \quad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} = \frac{dE}{dt} \Big|_{sist}$$

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai}$   $= \frac{de}{dt} \Big|_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

 $\downarrow \div m$   $\downarrow \div m$ 

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai}$   $= \frac{de}{dt}\Big|_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$\downarrow \div m$$
  $\downarrow \div m$ 

$$\underbrace{e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1} \qquad \underbrace{d()} \qquad \underbrace{\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist}} \stackrel{/dt}{\longrightarrow} \qquad \dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai} \qquad = \left. \frac{de}{dt} \right|_{sist}$$





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

$$\downarrow \div m$$
  $\downarrow \div m$ 

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai}$   $= \frac{de}{dt}\Big|_{sist}$ 





$$E_{ent} - E_{sai} = \Delta E_{sist} = E_2 - E_1 \qquad \xrightarrow{d()} \qquad \delta E_{ent} - \delta E_{sai} = dE_{sist} \xrightarrow{/dt} \qquad \dot{E}_{ent} - \dot{E}_{sai} \qquad = \left. \frac{dE}{dt} \right|_{sist}$$

 $\downarrow \div m$   $\downarrow \div m$ 

$$e_{ent} - e_{sai} = \Delta e_{sist} = e_2 - e_1$$
  $\xrightarrow{d()}$   $\delta e_{ent} - \delta e_{sai} = de_{sist} \xrightarrow{/dt}$   $\dot{e}_{ent} - \dot{e}_{sai}$   $= \frac{de}{dt}\Big|_{sist}$ 





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:

calor e





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$





Em sistemas compressíveis simples,  $E_{ent}$  e  $E_{sai}$  podem ser apenas nas formas de:

- calor e
- 2 trabalho.

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$

$$E_{sai} = Q_{sai} + W_{sai}$$
.





Balançostde Enlérgicas Inforcativos,  $E_{sist}$  inclui as formas:





40 + 40 + 43 + 43 +

#### Balanços de Enlérsicas $\frac{1}{2}$ não reativos, $E_{sist}$ inclui as formas:

lacktriangle Microscópicas, agrupadas na energia interna,  $U_{sist}$ ,





#### Balançostde Entergias $\frac{1}{2}$ nto reativos, $E_{sist}$ inclui as formas:

lacktriangle Microscópicas, agrupadas na energia interna,  $U_{sist}$ , além das formas macroscópicas:





#### Balanços de Eplérgicas $\frac{1}{2}$ não reativos, $E_{sist}$ inclui as formas:

- lacktriangle Microscópicas, agrupadas na energia interna,  $U_{sist}$ , além das formas macroscópicas:
- 2 Cinética,  $E_c = m \mathbb{V}^2/2$ .
- 3 trabalho.
- 4 trabalho.
- trabalho.





#### Balanços de Eplérgicas $\frac{1}{2}$ não reativos, $E_{sist}$ inclui as formas:

- lacktriangle Microscópicas, agrupadas na energia interna,  $U_{sist}$ , além das formas macroscópicas:
- 2 Cinética,  $E_c = m \mathbb{V}^2/2$ .
- 3 trabalho.
- 4 trabalho.
- trabalho.

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$





#### Balanços de Entergias $\frac{1}{2}$ nto $\frac{1}{2}$ reativos, $E_{sist}$ inclui as formas:

- lacktriangle Microscópicas, agrupadas na energia interna,  $U_{sist}$ , além das formas macroscópicas:
- ② Cinética,  $E_c = m \mathbb{V}^2/2$ .
- 3 trabalho.
- 4 trabalho.
- 5 trabalho.

$$E_{ent} = Q_{ent} + W_{ent},$$
 e

$$E_{sai} = Q_{sai} + W_{sai}.$$





## Tópicos de Leitura I



Çengel, Y. A. e Boles, M. A.

Termodinâmica 7ª Edição. Seções 2-6 e 4-2.

AMGH. Porto Alegre. ISBN 978-85-8055-200-3.





