### C.02.01.A2 – Combustão e Equilíbrio Químico

Aplicação em FTAF – Finite Time Air-Fuel Otto Engine Model

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-09-14 19h31m10s UTC





• Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O2, e Nitrogênio, N2;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O<sub>2</sub>, e Nitrogênio, N<sub>2</sub>;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O2, e Nitrogênio, N2;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;
- Todos os demais gases inertes são modelados como sendo N<sub>2</sub>;





- Ar é modelado apenas como uma mistura de Oxigênio, O2, e Nitrogênio, N2;
- A proporção é de ψ kmol de N<sub>2</sub> para cada 1 kmol de O<sub>2</sub>;
- Nitrogênio será considerado gás inerte;
- Todos os demais gases inertes são modelados como sendo N<sub>2</sub>;
- Valor típico para  $\psi$  é de  $79/21 \approx 3,76$ .





• Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;

$$\varepsilon^{-1} \equiv n_{\rm C} + \frac{n_{\rm H}}{4} - \frac{n_{\rm O}}{2}.$$





- Molécula de combustível modelada como Cn<sub>C</sub>Hn<sub>H</sub>On<sub>O</sub>Nn<sub>N</sub>;
- Valores  $n_{\rm C}$ ,  $n_{\rm H}$ ,  $n_{\rm O}$ , e  $n_{\rm N}$  são parâmetros ajustáveis;
- Seja  $\varepsilon$  a quantidade de combustível por kmol de  $O_2$  estequiometricamente oxidada;

$$\varepsilon^{-1} \equiv n_{\rm C} + \frac{n_{\rm H}}{4} - \frac{n_{\rm O}}{2}.$$

•  $\varepsilon/(1+\psi)$  é a razão combustível-ar estequiométrica.





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim,





• Seja o a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

•  $\phi < 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e





• Seja • a razão de equivalência, ou a razão combustível-ar real pela estequiométrica:

$$\phi \equiv \frac{n_{\rm f}/n_{\rm air}}{\epsilon/(1+\psi)},$$
 assim.

- $\phi$  < 1 modela misturas combustível-ar com excesso de ar (pobre em combustível);
- $\phi > 1$  modela misturas combustível-ar com excesso de combustível (pobre em ar); e
- $\phi = 1$  modela misturas combustível-ar estequiométricas.





• Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_{f}$  ...





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_f$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_{f}$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_{f}$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:

$$n_{\rm f} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{\Phi \varepsilon}{1 + \psi + \Phi \varepsilon},$$





- Quantidades químicas reais de ar e combustível são  $n_{air}$  e  $n_{f}$  ...
- ... na câmara de combustão fechada ao final da admissão, assumindo  $(P_0, V_0, T_0)$
- com  $P_0 \leqslant P_{\text{atm}}$ ,  $T_0 \approx T_{\text{atm}}$ , para motores aspirados e  $V_0 \approx V_{\text{PMI}}$ . Assim:

$$n_{\rm f} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{\Phi \varepsilon}{1 + \psi + \Phi \varepsilon},$$

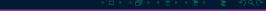
$$n_{\text{air}} = \frac{P_0 V_0}{\bar{R} T_0} \cdot \frac{1 + \psi}{1 + \psi + \phi \varepsilon}.$$











$$n_{\rm f}$$
 C $n_{\rm C}$ H $n_{\rm H}$ O $n_{\rm O}$ N $n_{\rm N}$  +





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H_2O}$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H}_2 {\rm O} + n_{\rm CO} {\rm CO}$$





$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H}_2 {\rm O} + n_{\rm CO} {\rm CO} + n_{\rm H_2} {\rm H}_2$$



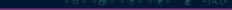


$$n_{\rm f} \, {\rm C} n_{\rm C} {\rm H} n_{\rm H} {\rm O} n_{\rm O} {\rm N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} {\rm O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} {\rm N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} {\rm CO}_2 + n_{\rm H_2O} {\rm H}_2 {\rm O} + n_{\rm CO} {\rm CO} + n_{\rm H_2} {\rm H}_2 + n_{\rm O_2} {\rm O}_2$$







$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$





A reação de combustão básica é:

$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

• Hipótese: oxidação mais completa possível:





$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1+\psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1+\psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

- Hipótese: oxidação mais completa possível:
- $(\phi \le 1)$ : sem produção de CO e H<sub>2</sub>  $\longrightarrow n_{CO} = n_{H_2} = 0$  kmol, e o sistema fecha;





$$n_{\rm f} \operatorname{C} n_{\rm C} \operatorname{H} n_{\rm H} \operatorname{O} n_{\rm O} \operatorname{N} n_{\rm N} + n_{\rm air} \left( \frac{1}{1 + \psi} \operatorname{O}_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} \operatorname{N}_2 \right) \longrightarrow$$

$$n_{\rm CO_2} \operatorname{CO}_2 + n_{\rm H_2O} \operatorname{H}_2 \operatorname{O} + n_{\rm CO} \operatorname{CO} + n_{\rm H_2} \operatorname{H}_2 + n_{\rm O_2} \operatorname{O}_2 + n_{\rm N_2} \operatorname{N}_2.$$

- Hipótese: oxidação mais completa possível:
- $(\phi \leqslant 1)$ : sem produção de CO e H<sub>2</sub>  $\longrightarrow n_{CO} = n_{H_2} = 0$  kmol, e o sistema fecha;
- $(\phi > 1)$ : todo  $O_2$  é utilizado  $\longrightarrow n_{O_2} = 0$  kmol, e requer-se mais equações!





## Equilíbrio Químico:

• Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;





### Equilíbrio Químico:

- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":





## Equilíbrio Químico:

- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com





### Equilíbrio Químico:

- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com

• Constante de equilíbrio da reação, K(T), reduzido por hipótese a uma constante K:





### Equilíbrio Químico:

- Para  $\phi > 1$  o fechamento é obtido por equilíbrio químico;
- Reação de "water-gas shift reaction":

$$CO_2 + H_2 \Longrightarrow CO + H_2O$$
, com

• Constante de equilíbrio da reação, K(T), reduzido por hipótese a uma constante K:

$$K(T) = \frac{n_{\text{H}_2\text{O}}n_{\text{CO}}}{n_{\text{CO}_2}n_{\text{H}_2}} = K(1740 \text{ K}) = 3,5.$$





### Equilíbrio Químico: Solução em $n_{CO}$ :





### Equilíbrio Químico: Solução em $n_{CO}$ :

$$rac{n_{
m CO}}{n_{
m f}} = -eta \pm \sqrt{eta^2 - \gamma}, \qquad {
m com}$$





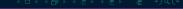
## Equilíbrio Químico: Solução em $n_{CO}$ :

$$\frac{n_{\rm CO}}{n_{\rm f}} = -\beta \pm \sqrt{\beta^2 - \gamma}, \qquad {
m com}$$

$$\gamma = \frac{2n_{\rm C}(\phi - 1)}{\phi \varepsilon (K - 1)} \qquad \epsilon$$







# Equilíbrio Químico: Solução em $n_{\text{CO}}$ :

$$rac{n_{
m CO}}{n_{
m f}} = -eta \pm \sqrt{eta^2 - \gamma}, \qquad {
m com}$$

$$\gamma = \frac{2n_{\rm C}(\phi - 1)}{\phi \varepsilon (K - 1)}$$
 e

$$\beta = \frac{\phi \epsilon [(2-K)n_{\rm C} - n_{\rm O}] + 2[K(\phi - 1) + 1]}{2(K-1)\phi \epsilon}.$$



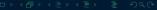


## Solução da Combustão:

$n_k$	rico em ar, $\phi \leqslant 1$	pobre em ar, $\phi > 1$
$n_{\mathrm{CO}_2}$	$n_{\rm C}n_{ m f}=n_{ m C}rac{{ m \phi}\epsilon}{1+{ m \psi}}n_{ m air}$	$n_{\rm C}n_{\rm f} - n_{\rm CO} = n_{\rm C} \frac{\phi \epsilon}{1 + \psi} n_{\rm air} - n_{\rm CO}$
$n_{ m H_2O}$	$\frac{n_{ m H}}{2}n_{ m f}=\frac{n_{ m H}}{2}\frac{\Phi \epsilon}{1+\psi}n_{ m air}$	$(n_{\rm O} - 2n_{\rm C})n_{\rm f} + \frac{2}{1 + \psi}n_{\rm air} + n_{\rm CO}$
$n_{\rm CO}$	0	$n_{\rm CO}$
$n_{ m H_2}$	0	$\frac{2(\phi-1)}{\phi\varepsilon}n_{\rm f}-n_{\rm CO} = \frac{2(\phi-1)}{1+\psi}n_{\rm air}-n_{\rm CO}$
$n_{\mathrm{O}_2}$	$(1 - \phi) \frac{n_{\text{air}}}{1 + \psi} = (1 - \phi) \frac{n_{\text{f}}}{\phi \epsilon}$	0
$n_{ m N_2}$	$\frac{\Psi}{1+\Psi}n_{\rm air} + \frac{n_{\rm N}}{2}n_{\rm f}$	$\frac{\Psi}{1+\Psi}n_{\rm air}+\frac{n_{\rm N}}{2}n_{\rm f}$







• A fração residual,  $\zeta$ , de gases do ciclo anterior fica no sistema,  $V_{\text{PMS}} > 0$ ;





- A fração residual,  $\zeta$ , de gases do ciclo anterior fica no sistema,  $V_{\text{PMS}} > 0$ ;
- Silva, R. K. de O. modelou dados de Heywood, J. B., como  $\zeta:\zeta(P,r)$ :





- A fração residual,  $\zeta$ , de gases do ciclo anterior fica no sistema,  $V_{\text{PMS}} > 0$ ;
- Silva, R. K. de O. modelou dados de Heywood, J. B., como  $\zeta:\zeta(P,r)$ :

$$\begin{split} \zeta(P,r) &= 17.807 + 6.423 \text{g}(r) \\ &- [0.029 + 0.013 \text{g}(r)] P \\ &+ [1.828 + 0.798 \text{g}(r)] \times 10^{-5} \times P^2, \qquad \text{com} \end{split}$$







- A fração residual,  $\zeta$ , de gases do ciclo anterior fica no sistema,  $V_{\text{PMS}} > 0$ ;
- Silva, R. K. de O. modelou dados de Heywood, J. B., como  $\zeta:\zeta(P,r)$ :

$$\begin{split} \zeta(P,r) &= 17.807 + 6.423 \text{g}(r) \\ &- [0.029 + 0.013 \text{g}(r)] P \\ &+ [1.828 + 0.798 \text{g}(r)] \times 10^{-5} \times P^2, \qquad \text{com} \end{split}$$

$$g(r) = (5.25 - 0.5r)e^{(8.5-r)}$$
.







$$\mathbb{M}_{a} = n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1 + \psi} O_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} N_2 \right), \tag{ar}$$





$$\mathbb{M}_{a} = n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1 + \Psi} O_2 + \frac{\Psi}{1 + \Psi} N_2 \right), \tag{ar}$$

$$M_{f} = n_{f} C n_{C} H n_{H} O n_{O} N n_{N}, \qquad (comb.)$$





$$\mathbb{M}_{a} = n_{air} \left( \frac{1}{1+\Psi} O_2 + \frac{\Psi}{1+\Psi} N_2 \right), \tag{ar}$$

$$M_{f} = n_{f} C n_{C} H n_{H} O n_{O} N n_{N}, \qquad (comb.)$$

$$\mathbb{M}_{af} = n_{air} \left( \frac{1}{1+\Psi} O_2 + \frac{\Psi}{1+\Psi} N_2 \right) + n_f C n_C H n_H O n_O N n_N,$$
 (ar-comb.)





$$\mathbb{M}_{a} = n_{air} \left( \frac{1}{1+\Psi} O_2 + \frac{\Psi}{1+\Psi} N_2 \right), \tag{ar}$$

$$M_{f} = n_{f} C n_{C} H n_{H} O n_{O} N n_{N}, \qquad (comb.)$$

$$\mathbb{M}_{\text{af}} = n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1+w} O_2 + \frac{\psi}{1+w} N_2 \right) + n_f C n_C H n_H O n_O N n_N,$$
 (ar-comb.)

$$\mathbb{M}_{pr} = n_{\text{CO}_2}\text{CO}_2 + n_{\text{H}_2}\text{O} + n_{\text{CO}}\text{CO} + n_{\text{H}_2}\text{H}_2 + n_{\text{O}_2}\text{O}_2 + n_{\text{N}_2}\text{N}_2, \quad (produtos)$$





$$\mathbb{M}_{a} = n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1 + \Psi} O_2 + \frac{\Psi}{1 + \Psi} N_2 \right), \tag{ar}$$

$$M_{f} = n_{f} C n_{C} H n_{H} O n_{O} N n_{N}, \qquad (comb.)$$

$$\mathbb{M}_{\text{af}} = n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1+W} O_2 + \frac{\Psi}{1+W} N_2 \right) + n_{\text{f}} C n_{\text{C}} H n_{\text{H}} O n_{\text{O}} N n_{\text{N}}, \tag{ar-comb.}$$

$$M_{pr} = n_{CO_2}CO_2 + n_{H_2O}H_2O + n_{CO}CO + n_{H_2}H_2 + n_{O_2}O_2 + n_{N_2}N_2,$$
 (produtos)

$$M_{re} = (1 - \zeta) M_{af} + (\zeta) M_{pr}, \qquad (reagentes)$$





## Tópicos de Leitura I

Brunetti, F.

Motores de combustão interna. Capítulos 1 e 2.

Blücher. São Paulo. ISBN 978-85-2120-708-5.

Silva, R. K. de O.

Modelo ar-combustível de tempo finito de adição de calor de motores Otto.

Repositório Roca UTFPR.

repositorio.roca.utfpr.edu.br/jspui/handle/1/8786





