# C.02.01 – Ciclo Otto Ar-Combustível de Tempo Finito de Combustão

FTAF – Finite Time Air-Fuel Otto Engine Model

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://github.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-09-14 23h25m34s UTC







• Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;





- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;





- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:
  - Adiciona combustão, mantendo as demais características do FTHA;







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:
  - Adiciona combustão, mantendo as demais características do FTHA;
  - Obtém tanto as propriedades quanto o calor liberado pelas reações!







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:
  - Adiciona combustão, mantendo as demais características do FTHA;
  - Obtém tanto as propriedades quanto o calor liberado pelas reações!
  - Permite modelar combustão de HC's, H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub>; tanto puros quanto suas misturas!







- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:
  - Adiciona combustão, mantendo as demais características do FTHA;
  - Obtém tanto as propriedades quanto o calor liberado pelas reações!
  - Permite modelar combustão de HC's, H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub>; tanto puros quanto suas misturas!
  - Desenvolvido em um TCC defendido em 2018 (citação nos tópicos de leitura);





- Modelo do livro-texto (tópicos de leitura) adiciona combustão ao Ciclo Otto ideal;
  - Permite variação de combustíveis;
  - Porém, desde que sejam carbonados: norm. em C; excluindo H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub> puros, p. ex.;
  - Ênfase nas propriedades  $\bar{c}_{p,\nu}(T)$ , k(T),  $\bar{u}(T)$ , etc. das misturas;
  - Incorpora combustão e equilíbrio químico;
  - Não emprega o calor liberado na combustão!
- Modelo ar-combustível de tempo finito, FTAF:
  - Adiciona combustão, mantendo as demais características do FTHA;
  - Obtém tanto as propriedades quanto o calor liberado pelas reações!
  - Permite modelar combustão de HC's, H<sub>2</sub> e H<sub>4</sub>N<sub>2</sub>; tanto puros quanto suas misturas!
  - Desenvolvido em um TCC defendido em 2018 (citação nos tópicos de leitura);
  - Não modela a cinética química: tempos de combustão permanecem dados de entrada.







• Modela combustão de forma não instantânea:







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);
  - Requer modelos de mistura e reações não instantâneos!







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);
  - Requer modelos de mistura e reações não instantâneos!
- Não mais um modelo padrão a ar:







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);
  - Requer modelos de mistura e reações não instantâneos!
- Não mais um modelo padrão a ar:
- Não mais um modelo de substância pura:





- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);
  - Requer modelos de mistura e reações não instantâneos!
- Não mais um modelo padrão a ar:
- Não mais um modelo de substância pura:
  - Inclui combustão e equilíbrio químico;







- Modela combustão de forma não instantânea:
  - Interações simultâneas de liberação de energia interna e trabalho;
  - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
  - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico em base extensiva;
  - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea);
  - Requer modelos de mistura e reações não instantâneos!
- Não mais um modelo padrão a ar:
- Não mais um modelo de substância pura:
  - Inclui combustão e equilíbrio químico;
  - Requer modelagem termodinâmica de misturas reativas.







• Inclui todos os parâmetros do FTHA:





- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais







- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais





- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;





- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:





- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;







- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;
  - Composições e proporções do combustíveis;







- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;
  - Composições e proporções do combustíveis;
  - Proporções da mistura ar-combustível em relação à estequiometria.



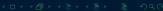




- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;
  - Composições e proporções do combustíveis;
  - Proporções da mistura ar-combustível em relação à estequiometria.
- Balanço de Energia melhorado:







- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;
  - Composições e proporções do combustíveis;
  - Proporções da mistura ar-combustível em relação à estequiometria.
- Balanço de Energia melhorado:
  - Liberação de energia interna pelas reações explícita;







- Inclui todos os parâmetros do FTHA:
  - Todos os do ciclo Otto ideal, mais
  - Todos os parâmetros construtivos do motor, mais
  - Todos os parâmetros operacionais do motor;
- Inclui parâmetros da mistura ar-combustível:
  - Proporções dos gases do ar;
  - Composições e proporções do combustíveis;
  - Proporções da mistura ar-combustível em relação à estequiometria.
- Balanço de Energia melhorado:
  - Liberação de energia interna pelas reações explícita;
  - Com separação conceitual das transferências de calor.







# Modelo de Evolução de Reação:

• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

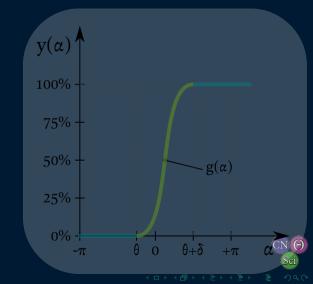




# Modelo de Evolução de Reação:

• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } \alpha < \theta, \ g(\alpha) & ext{para } \theta \leqslant \alpha \leqslant \theta + \delta, \ 1 & ext{para } \alpha > \theta + \delta. \end{cases}$$



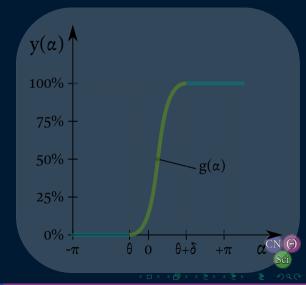


# Modelo de Evolução de Reação:

• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } lpha < heta, \ g(lpha) & ext{para } lpha \leqslant lpha \leqslant heta + \delta, \ 1 & ext{para } lpha > heta + \delta. \end{cases}$$

• g(α) modela o histórico da reação química:



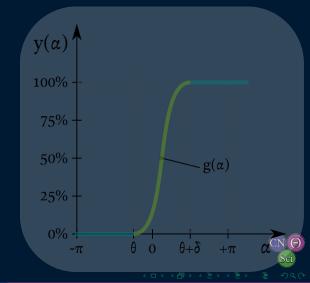


• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } lpha < heta, \ g(lpha) & ext{para } lpha \leqslant lpha \leqslant lpha + \delta, \ 1 & ext{para } lpha > heta + \delta. \end{cases}$$

 g(α) modela o histórico da reação química:

• 
$$g(\theta) = 0$$
 e  $g(\theta + \delta) = 1$ ;

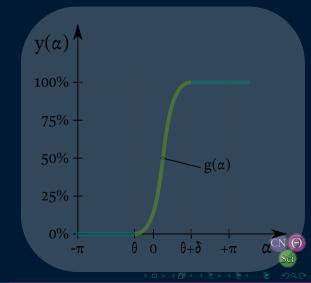




• Reacões evoluem com  $v(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } \alpha < \theta, \ g(\alpha) & ext{para } \theta \leqslant \alpha \leqslant \theta + \delta, \ 1 & ext{para } \alpha > \theta + \delta. \end{cases}$$

- $g(\alpha)$  modela o histórico da reação química:
  - $g(\theta) = 0$  e  $g(\theta + \delta) = 1$ :
  - Função  $g(\alpha)$  deve ser monotônica;



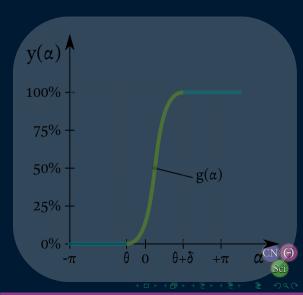


• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } \alpha < \theta, \ g(\alpha) & ext{para } \theta \leqslant \alpha \leqslant \theta + \delta, \ 1 & ext{para } \alpha > \theta + \delta. \end{cases}$$

- g(α) modela o histórico da reação química:
  - $g(\theta) = 0$  e  $g(\theta + \delta) = 1$ ;
  - Função  $g(\alpha)$  deve ser monotônica;
  - $g(\alpha)$  pode basear-se em experimentos;





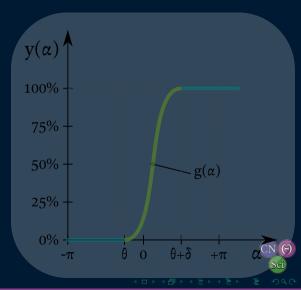
• Reações evoluem com  $y(\alpha)$ :

$$y(\alpha) = egin{cases} 0 & ext{para } \alpha < \theta, \ g(\alpha) & ext{para } \theta \leqslant \alpha \leqslant \theta + \delta, \ 1 & ext{para } \alpha > \theta + \delta. \end{cases}$$

- g(α) modela o histórico da reação química:
  - $g(\theta) = 0$  e  $g(\theta + \delta) = 1$ ;
  - Função  $g(\alpha)$  deve ser monotônica;
  - $g(\alpha)$  pode basear-se em experimentos;

• Lit.: 
$$g(\alpha) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(\frac{\pi}{\delta}(\alpha - \theta))$$
.











$$Q_i - W_i = U_{m,i+1} - U_{m,i},$$







$$Q_i - W_i = U_{m,i+1} - U_{m,i}, \quad \neg$$

$$Q_i + (U_{f,m,i}^0 - U_{f,m,i+1}^0) - W_i = U_{m,i+1}^0 - U_{m,i}^0,$$

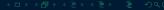




$$Q_i - W_i = U_{m,i+1} - U_{m,i}, \quad o$$
 $Q_i + (U^0_{f,m,i} - U^0_{f,m,i+1}) - W_i = U^0_{m,i+1} - U^0_{m,i}, \quad o$ 
 $U^0_{m,i+1} = U^0_{m,i} + Q_i + \Delta U_{reac,i} - W_i, \qquad ext{com}$ 







$$egin{aligned} Q_i - W_i &= U_{m,i+1} - U_{m,i}, & 
ightharpoonup \ Q_i + (U^0_{f,m,i} - U^0_{f,m,i+1}) - W_i &= U^0_{m,i+1} - U^0_{m,i}, & 
ightharpoonup \ U^0_{m,i+1} &= U^0_{m,i} + Q_i + \Delta U_{reac,i} - W_i, & ext{com} \ \Delta U_{reac,i} &\equiv U^0_{f,m,i} - U^0_{f,m,i+1} & 
ightharpoonup \ &= H^0_{f,m,i} - \mathrm{n}_{m,i} ar{R} T_0 - H^0_{f,m,i+1} + \mathrm{n}_{m,i+1} ar{R} T_0. \end{aligned}$$





$$Q_i = 0 \text{ kJ}$$
 ignorando transf. de calor;





 $Q_i = 0 \text{ kJ}$  ignorando transf. de calor;

$$W_i = egin{cases} rac{P_i V_i}{1-n_i} \left[1-\left(rac{V_i}{V_{i+1}}
ight)^{n_i-1}
ight], & ext{para } n_i 
eq 1, \ P_i V_i \ln rac{V_i}{V_{i+1}}, & ext{para } n_i = 1, \ 0, & ext{para } V_i pprox V_{i+1} & 
ightarrow |V_i - V_{i+1}| \leqslant arepsilon_V. \end{cases}$$





A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:







A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:

$$\mathbb{M}_{\text{sys},i} = (1 - y_i) \mathbb{M}_{\text{re}} + y_i \mathbb{M}_{\text{pr}}, \quad \rightarrow$$





A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:

$$\mathbb{M}_{\text{sys},i} = (1 - y_i) \, \mathbb{M}_{\text{re}} + y_i \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \quad \neg$$

$$\mathbb{M}_{\text{sys},i} = (1 - y_i)(1 - \zeta)\mathbb{M}_{\text{af}} + [(1 - y_i)\zeta + y_i]\mathbb{M}_{\text{pr}},$$







A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:

$$\begin{aligned} \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) \, \mathbb{M}_{\text{re}} + y_i \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, & \rightarrow \\ \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) (1 - \zeta) \, \mathbb{M}_{\text{af}} + [(1 - y_i)\zeta + y_i] \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \end{aligned}$$

com:





A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:

$$\begin{split} \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) \, \mathbb{M}_{\text{re}} + y_i \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \\ \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) (1 - \zeta) \, \mathbb{M}_{\text{af}} + [(1 - y_i)\zeta + y_i] \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \end{split}$$

com:

$$\mathbb{M}_{\text{af}} = n_{\text{f}} C n_{\text{C}} H n_{\text{H}} O n_{\text{O}} N n_{\text{N}} + n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1 + \psi} O_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} N_2 \right)$$







A composição instantânea do sistema, que contém o fluido ativo, é:

$$\begin{split} \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) \, \mathbb{M}_{\text{re}} + y_i \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \quad \rightarrow \\ \mathbb{M}_{\text{sys},i} &= (1 - y_i) (1 - \zeta) \, \mathbb{M}_{\text{af}} + [(1 - y_i)\zeta + y_i] \, \mathbb{M}_{\text{pr}}, \end{split}$$

com:

$$M_{\text{af}} = n_{\text{f}} C n_{\text{C}} H n_{\text{H}} O n_{\text{O}} N n_{\text{N}} + n_{\text{air}} \left( \frac{1}{1 + \psi} O_2 + \frac{\psi}{1 + \psi} N_2 \right)$$

$$M_{pr} = n_{CO_2}CO_2 + n_{H_2O}H_2O + n_{CO}CO + n_{H_2}H_2 + n_{O_2}O_2 + n_{N_2}N_2.$$







## Tópicos de Leitura I

Brunetti, F.

Motores de combustão interna. Capítulos 1 e 2.

Blücher. São Paulo. ISBN 978-85-2120-708-5.

Silva, R. K. de O.

Modelo ar-combustível de tempo finito de adição de calor de motores Otto. Repositório Roca UTFPR.

repositorio.roca.utfpr.edu.br/ispui/handle/1/8786





