C.01.01 – Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

FTHA - Finite-Time Heat Addition Otto Engine Model

Prof. C. Naaktgeboren, PhD



https://qithub.com/CNThermSci/ApplThermSci Compiled on 2020-08-14 02h50m21s UTC





Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Melhorando o Ciclo Otto Ideal

O ciclo Otto ideal, da termodinâmica aplicada:

- Assume todas as hipóteses padrão a ar;
- Assume entrada de calor isocórica;
- Possui parâmetros r e k, e
- Solução analítica, hip. padrão a ar frio:

$$\eta_t = 1 - r^{1-k} \quad \rightarrow \quad$$

• $\eta_t : \eta_t(r,k)$ apenas!

- Gás ideal;
- Processos internamente reversíveis;
- Entrada de calor modela a combustão;
- Saída de calor modela a exaustão;
- Modelo em ciclo fechado;
- Calores específicos constantes.





C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Desvios do ciclo Otto ideal—incluem, mas não limitados a:

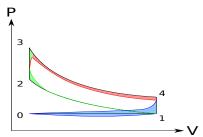


Diagrama P-V ilustrativo de perdas por (i) combustão não instantânea—verde, (ii) transferência de calor-vermelho-e de (iii) bombeamento-azul. Fonte: adaptado de Wikimedia Commons.

https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/6/6c/P-V_diagram_deviations_to_Otto_cycle.svg.

Ciclo Otto padrão a ar de tempo finito de adição de calor—FTHA

- Modela combustão (adição de calor) de forma não instantânea:
 - Interações simultâneas de calor e trabalho;
 - Tempos de motor discretizados em sub-processos;
 - Elemento computacional: sub-processo localmente politrópico;
 - Remoção de calor permanece isocórica (instantânea).
- Mantém-se como modelo padrão a ar:
 - Transferência de calor para bloco inclui irreversibilidades;
 - Perdas de bombeamento envolvem sistema e ciclo abertos.
- Mantém-se como modelo de substância pura:
 - Evita combustão e equilíbrio químico;
 - Evita modelagem termodinâmica de misturas reativas.









Ciclo Otto padrão a ar de tempo finito de adição de calor—FTHA

- Inclui todos os parâmetros do ciclo Otto ideal:
 - Razão de compressão do motor;
 - Calores específicos do fluido de trabalho.
- Inclui parâmetros construtivos do motor:
 - Conjunto pistão-cilindro;
 - Mecanismo biela-manivela.
- Inclui parâmetros operacionais do motor:
 - Velocidade angular (rotação);
 - Ângulo de ignição e
 - Duração da combustão.

UTFPR









C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

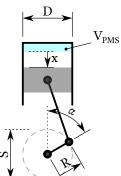
Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

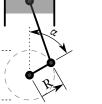
Parâmetros do mecanismo

- Posição do pistão (rel. PMS), x;
- Ângulo do virabrequim (rel. PMS), α;
- Volume instantâneo, V;

$$x(\alpha) = L\left(1 - \sqrt{1 - \frac{R^2}{L^2}\sin^2\alpha}\right) + R(1 - \cos\alpha)$$

$$V(\alpha) = \frac{\pi x(\alpha)}{4} D^2 + V_{\text{PMS}} \quad \rightarrow \quad v(\alpha) = \frac{V(\alpha)}{m_0}$$







Parâmetros do mecanismo

• Raio da manivela, R;

• Curso do pistão, S = 2R;

• Comprimento da biela, L;

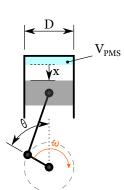
• Diâmetro do pistão/cilindro, D;

• Volume morto (do PMS), V_{PMS};

• Volume máximo (do PMI), V_{PMI};

• Razão de compressão, $r = \frac{V_{\rm PMS}}{V_{\rm PMI}}$.

- Ângulo de ignição (rel. PMS), θ;
- Duração da combustão, Δt_c ;
- Velocidade angular, $\omega \equiv \frac{d\alpha}{dt} = 2\pi N/60$;
- "Duração angular" da combustão, $\delta = \omega \Delta t_c$;
- Casos de ω constante—discretização em α:
 - Intervalo de simulação: $-\pi \le \alpha \le +\pi$;
 - Intervalo de adição de calor: $\theta \le \alpha \le \theta + \delta$.
 - $\alpha_i = -\pi + i\Delta\alpha$, $i \in \mathbb{N}$, $0 \le i \le 2I$, with
 - $\Delta \alpha = \pi/I, I \in \mathbb{N}^*$.
- Casos de ω variável—discretização em t.



 V_{PMS}









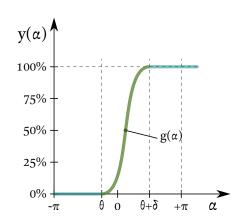
C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Modelo de Adição de Calor, $q(\alpha)$

$$q(\alpha) = q_{ent} \cdot y(\alpha), \quad \text{com}$$

$$y(\alpha) = \begin{cases} 0 & \text{para } \alpha < \theta, \\ g(\alpha) & \text{para } \theta \leqslant \alpha \leqslant \theta + \delta, \\ 1 & \text{para } \alpha > \theta + \delta. \end{cases}$$

- $g(\alpha)$ modela o histórico da ad. de calor:
 - $g(\theta) = 0$ e $g(\theta + \delta) = 1$;
 - Função $g(\alpha)$ deve ser monotônica;
 - $g(\alpha)$ pode basear-se em experimentos;
 - Lit.: $g(\alpha) = \frac{1}{2} \frac{1}{2}\cos(\frac{\pi}{8}(\alpha \theta))$.



UTFPR



C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Equações Termodinâmicas

No *i*-ésimo (sub-)processo politrópico:

- O sistema evolui do estado-i para o estado-(i+1).
- Propriedades P_i , T_i , v_i , u_i , etc., definidas nos estados -i e -(i+1).
- Interações do *i*-ésimo processo são q_i e w_i .

Balanço de energia de processo:

Solução de Sub-Processo

Conjectura (de consistência termodinâmica)

 \rightarrow Tolerâncias de convergência ε_w e ε_u .

$$q_i + w_i = \Delta u_i = u_{i+1} - u_i \quad \neg$$
$$u_{i+1} = u_i + q_i + w_i, \quad \text{com},$$





C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Equações Termodinâmicas

$$q_{i} = q_{ent} \cdot (y_{i+1} - y_{i}) \longrightarrow$$

$$q_{i} = q_{ent} \cdot [y(\alpha_{i+1}) - y(\alpha_{i})], \quad e$$

$$w_{i} = \int_{v_{i}}^{v_{i+1}} (P_{i}v_{i}^{n_{i}})v^{-n_{i}} dv, \quad \longrightarrow$$

$$w_{i} = \begin{cases} \frac{P_{i}v_{i}}{1 - n_{i}} \left[1 - \left(\frac{v_{i}}{v_{i+1}}\right)^{n_{i}-1}\right], & \text{para } n_{i} \neq 1, \\ P_{i}v_{i} \ln \frac{v_{i}}{v_{i+1}}, & \text{para } n_{i} = 1, \\ 0, & \text{para } v_{i} \approx v_{i+1} \longrightarrow |v_{i} - v_{i+1}| \leqslant \varepsilon_{v}. \end{cases}$$









 \rightarrow Processo de estimativa (n_i^0) e j-ésima correção (n_i^j) até a convergência.

Para uma dada interação de calor, q_i , existe um único expoente politrópico, n_i , tal que o processo politrópico $Pv^{n_i} = C_i = \text{const.}$, aplicado entre estados (i) e (i+1) resulta em uma

interação de trabalho, w_i , e em uma variação de energia interna, $\Delta u_i = u_{i+1} - u_i$, que é termodinamicamente consistente com a equação P-v-T de estado da substância de

trabalho em ambos estados finais e que também satisfaz o balanço de energia do processo.

Correção do Expoente Politrópico

- Com n_i^j é possível obter w_i^j e u_{i+1}^j por balanço de energia;
- P_{i+1} pode ser obtida via u_{i+1}^j e o modelo de substância;
- O novo expoente n_i^{j+1} pode ser achado pelo processo politrópico:

$$P_{i}v_{i}^{n_{i}^{j+1}} = P_{i+1}^{j}v_{i+1}^{n_{i}^{j+1}} \quad \rightarrow \quad n_{i}^{j+1} = \frac{\ln\frac{P_{i+1}^{j}}{P_{i}}}{\ln\frac{v_{i}}{v_{i+1}}}.$$









Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor

Algoritmo de Inicialização

REQUER: Parâmetros do motor: $\{\omega, D, L, R, V_{PMS}, e V_{du}\}$;

REQUER: Ângulos θ e δ (via Δt_c);

REQUER: Refinamento da discretização, *I*;

REQUER: Estado inicial (P_0, T_0) e modelo de substância;

REQUER: Função $g(\alpha)$ e q_{ent} ;

REQUER: Tolerâncias de convergência ε_v , ε_w e ε_u .

1: Inicializa todas quant. com índice i como vetores vazios: α_i , v_i , q_i , w_i , n_i , P_i , T_i , and u_i ;

2: Calcula $\Delta \alpha = \pi/I$ e todos $\alpha_i = -\pi + i\Delta \alpha$;

3: $v_0 \leftarrow$ volume específico, de (P_0, T_0) e equação de estado;

4: $m \leftarrow V_0/v_0$;

5: Calcula todos $v_i = V(\alpha_i)/m$;

6: $i \leftarrow 0$;





Algoritmo de Laço do Ciclo

- 1: **PARA** i = 0 até 2*I* **FAÇA**
- 2: Calcula $q_i = q_{ent} \cdot [y(\alpha_{i+1}) y(\alpha_i)];$
- Resolve para w_i , n_i , u_{i+1} , P_{i+1} e T_{i+1} via algoritmo de solução de sub-processo;
- 4: PRÓXIMO
- 5: $i \leftarrow i + 1$;
- 6: $q_i \leftarrow u_0 u_i$;
- 7: $w_i \leftarrow 0$;
- 8: Estado-(i) = Estado-0; {Para todas as funções de estado rastreadas}

Algoritmo de Finalização

- 1: $w_{ent} \leftarrow \sum w_i \ge 0$; {Trabalho que entra no sistema}
- 2: $w_{out} \leftarrow -\sum w_i < 0$; {Trabalho realizado pela sistema}
- 3: $w_{net} \leftarrow w_{out} w_{ent}$; {Trabalho líquido realizado pelo sistema}
- 4: $q_{ent} \leftarrow \sum q_i \geqslant 0$; {Calor que entra no sistema}
- 5: $q_{rej} \leftarrow -\sum q_i < 0$; {Calor rejeitado pelo sistema}
- 6: $\eta_t \leftarrow w_{net}/q_{ent}$; {Eficiência térmica}
- 7: $r_{bw} \leftarrow w_{ent}/w_{out}$; {Fração de consumo de trabalho}
- 8: MEP $\leftarrow w_{net}/(V_{du}/m)$; {Pressão média efetiva}
- 9: Salva dados da simulação para o pós-processamento (relatório).









Algoritmo de Solução de Sub-Processo

```
1: SE |v_i - v_{i+1}| \leq \varepsilon_v ENTÃO
2: {Processo isocórico}
3: u_{i+1} \leftarrow u_i + q_i;
4: Calcula T_{i+1} via u_{i+1} pelo modelo (biblioteca) de substância;
     Calcula P_{i+1} pela equação de estado;
6: SENÃO
7:
      {Processo politrópico}
8:
9: FIM SE
```





Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.01.01 - Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor



AMGH. Porto Alegre. ISBN 978-85-8055-200-3.



DOI 10.1177/0306419016689447.





Algoritmo de Solução de Sub-Processo Politrópico

```
1: j \leftarrow 0;
 2: Inicializa vetores n_i, w_i, u_{i+1}, T_{i+1} e P_{i+1};
3: n_i^j \leftarrow 1 + R_{gas}/c_v(T_i); {Chute inicial isentrópico}
 4: Calcula w_i^j \operatorname{com} n_i = n_i^j;
 5: ENQUANTO j = 0 OU |w_i^{j-1} - w_i^j| \ge \varepsilon_w FAÇA
         u_{i+1}^j \leftarrow u_i + q_i + w_i^j \text{ com } w_i = w_i^j;
Calcula T_{i+1} via u_{i+1} pelo modelo (biblioteca) de substância;
          Calcula P_{i+1} pela equação de estado;
          Corrige n_i^{j+1} pelo processo politrópico;
         j \leftarrow j+1;
11: Calcula w_i^j \operatorname{com} n_i = n_i^j;
12: REVEJA
13: n_i, w_i, u_{i+1}, T_{i+1} \in P_{i+1} \leftarrow \text{seus últimos elementos } j; \{\text{Reverte vetores (linha 3)}\}
```





Prof. C. Naaktgeboren, PhD C.01.01 – Ciclo Otto de Tempo Finito de Adição de Calor



Termodinâmica 7ª Edição. Seções 9–3 a 9–5.



An air-standard finite-time heat addition Otto engine model.

Int. J. Mech. Eng. Educ. 45 (2), 2017.

