2010-2011 学年第一学期《高等数学》期末考试试卷(A)

是	项型	选择题	填空题	计算题	综合题	总分	审核	亥
1	导分							

- 一. 填空题 (满分 30 分)
 - 1. (本题 5分)

阅卷人	得分

$$\lim_{x\to 0} \frac{a^{2x}-1}{4x} \text{ 的值等于 } \frac{1}{2 \ln a}.$$

2. (本题 5 分)

设
$$f(x) = \lim_{n \to \infty} \frac{3nx}{1-nx}$$
,则其连续区间是 (-\omega_0),(\omega_1+\omega_0),\frac{\sigma_0}{2\ldots},\frac{\sigma_0}{2\ldots}.

3. (本题 5 分)

曲线
$$\begin{cases} x = 1 + t^2 \\ y = t^3 \end{cases}$$
 在 $t = 2$ 处的切线方程为 $\frac{y = 1 \times -7}{2t}$.

4. (本题 5 分)

函数
$$y = \ln(x + \sqrt{1 + x^2})$$
 的单调区间为 $(-\infty, +\infty)$.

5. (本题 5 分)

设
$$\int f(x) dx = e^{-x^2} + C$$
, 则 $f'(x)$ 为 $\frac{(4x^2-2)}{(4x)} e^{-x^2}$.

6. (本题 5 分)

$$\int_0^{\pi/4} \cos^5 2x dx = \frac{4}{15} \qquad \text{for } \cos^5 2x dx = \frac{4}{15} \cdot \frac{4}{5} \cdot$$

7. (本题》(分)

$$p$$
为 $p = 1$ 时, $\int_0^1 \frac{1}{x^p} dx$ 收敛.

二. 计算题 (满分 36 分)

1. (本题 6 分)

阅卷人 得分

2. (本题 6 分)

求函数
$$y = \frac{1}{x^2 - 3x + 2}$$
 的 n 阶导数.
 $y = \frac{1}{(x + 1)(x - 2)} = \frac{1}{x - 2} - \frac{1}{x - 1}$
 $y'''' = \frac{1}{(x - 1)^{n+1}} - \frac{1}{(x - 1)^{n+1}}$

3. (本题 6 分)

求由方程
$$y\sin x - \cos(x+y) = 0$$
 所确定的隐函数 $y = y(x)$ 的导数 y' .

$$y' \sin x + y\cos x + \sin(x+y) \cdot (1+y') = 0$$

$$y' = -\frac{y\cos x + \sin(x+y)}{\sin x + \sin(x+y)}$$

4. (本题 6 分)

求函数
$$y = x^3 - 5x^2 + 3x + 5$$
 的图形的拐点及凹凸区间. $y' = 3x^3 - 10x + 3$, $y'' = 6x - 10$
 $x = 3x^3 - 10x + 3$, $y'' = 6x - 10$
 $x = 3x^3 - 10x + 3$, $x = 6x - 10$
 $x = 3x^3 - 10x + 3$
 $x = 6x - 10$
 $x = 6x - 10$

6. (本题 6 分)
$$\vec{A} \cdot \vec{A} \cdot \vec{A} = x \ln^2 x - \int x \cdot 2 \ln x \cdot \vec{A} \cdot \vec{A} \cdot \vec{A}$$

$$= x \ln^2 x - 2 x \ln x + \int_2^2 dx = x \ln^2 x - 2 x \ln x + 2 x + C$$
计算 $\int_0^4 |x^2 - 3x + 2| dx$.

计算
$$\int_{1}^{4} |x^2-3x+2| \, \mathrm{d}x.$$

$$\begin{aligned} \widehat{(\zeta_{7})} &= \int_{1}^{4} |(x_{-1})(x_{-2})| dx = \int_{1}^{2} \widehat{[(x_{-1}^{2}x_{+2})]} dx + \int_{2}^{4} (x_{-1}^{2}x_{+2}) dx \\ &= \widehat{[(\frac{1}{3}x_{-1}^{3} + \frac{1}{3}x_{+2}^{2}x_{+2})]}, + \widehat{[(\frac{1}{3}x_{-1}^{3} + \frac{1}{3}x_{-1}^{2}x_{+2}^{2}x_{+2})]_{2}^{4} \\ &= \frac{1}{6} + \frac{14}{3} = \frac{24}{6} \end{aligned}$$

三. 综合题 (满分 34 分)

1. (本题 6 分)

阅卷人	得分

讨论
$$f(x) = |x - \pi| \sin x$$
 在 $x = \pi$ 处的可导性.

$$\frac{1}{x-\pi} + \frac{1}{x-\pi} = \frac{1}{x-\pi} \cdot \frac{1}$$

2. (本题7分)

设 f(x)定义在 [0,c], f'(x) 存在且单调减少, f(0)=0, 应用拉格 朗日中值定理证明: 对于 $0 \le a < b \le a + b < c$, 恒有 $f(a+b) \le f(a) + f(b)$

$$f_{1aj} = f_{1aj} - f_{10} = f_{1}f_{1} \cdot \alpha$$
, or $f_{1} = a$
 $f_{1a+6j} - f_{16} = f_{1}f_{2} \cdot [(a+b)-b] = f_{1}f_{2} \cdot \alpha$, $b = f_{1} \cdot a + b \geq a$
 $(b \neq x - f_{1} < f_{1} \cdot a - f_{1}f_{1}) > f_{1}f_{2})$. $f_{1a} > f_{1a+6j} - f_{16}$
 $g_{1} = f_{1a+6j} = f_{1aj} + f_{16j}$.

3. (本题 7 分)

当 a 为何值时, 抛物线 $y=x^2$ 与三直线 x=a, x=a+1, y=0 所围 成的图形面积最小.



4. (本题 7分)

求不定积分
$$\int \frac{x dx}{(x+1)(x+2)(x+3)};$$

$$\int \int \frac{-\frac{1}{2}}{x+1} + \frac{2}{x+2} + \frac{-\frac{1}{2}}{x+3} \int dx \qquad (4)$$

$$= -\frac{1}{2} \ln |x+1| + 2 \ln |x+2| - \frac{3}{2} \ln |x+3| + C$$

(本题 7 分)

设由不等式 $0 \le y \le \frac{1}{(1+x)^2}$, $0 \le x \le 1$ 确定一个平面图形,



$$(1) A = \int_{0}^{1} \frac{dF}{(1+X)^{2}} = -\frac{1}{1+X} \Big|_{0}^{1} = \frac{1}{2}$$

$$(1) V = \int_{0}^{1} \frac{dF}{(1+X)^{2}} dX = (-0.1) \cdot \frac{1}{(1+X)^{3}} \Big|_{0}^{1} = \frac{1}{24} \prod_{i=1}^{1} \frac{1}{$$