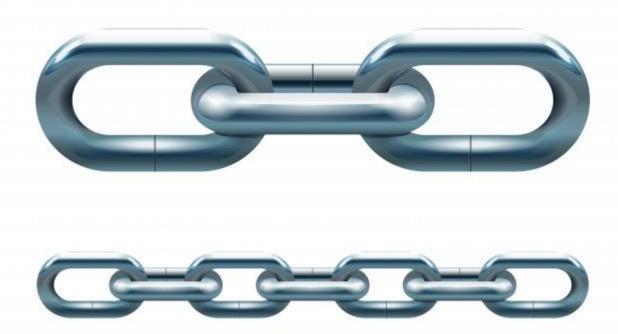


ALGORITHME AVANCE Chapitre 3: Les listes linéaires chaînées

Semestre III Licence 2 Info



Sommaire

- 1.Introduction
- 2. Rappel sur les pointeurs
- 3. Gestion dynamique de la mémoire
- 4. Définition d'une liste chaînée
- 5. Opération sur une liste chaînée
- 6.Les listes chaînées particulières
- 7. Conclusion

1. Introduction

Dans la première partie de ce module (Initiation à l'algorithmique), nous avons vu et manipulé les types simples de données (entier, réel, caractère, booléen), le type Tableau et le type Chaîne de caractères. Ce sont les types prédéfinis d'un langage de programmation (ils existent tels quels).

Tous les langages de programmation offrent à l'utilisateur la possibilité de définir de nouveaux types de données plus sophistiqués, permettant d'imaginer des traitements à la fois plus performants et plus souples. C'est ce que nous étudierons dans ce chapitre.

Nous avons déjà vu comment le tableau permettait de désigner sous un seul nom un ensemble de valeurs de même type, chacune d'entre elles étant repérée par un indice.

L'enregistrement, quant à elle, nous a permis de désigner sous un seul nom un ensemble de valeurs pouvant être de types différents. L'accès à chaque élément de la structure (nommé Champ ou membre) s'effectue, cette fois, non plus par une indication de position, mais par son nom au sein de la structure.

2.Rappel sur les pointeurs

Lorsqu'on déclare une variable et ce, quel que soit le langage de programmation, le compilateur réserve en mémoire l'espace nécessaire au contenu de cette variable à une donnée. Toute variable possède donc une adresse en mémoire. La plupart du temps on ne s'intéresse pas à ces adresses. Mais quelque fois, ce type de renseignement peut s'avérer fort utile.

Un **pointeur** est une **variable** qui au lieu de contenir l'information (donnée, valeur) proprement dite, contient l'**adresse** mémoire d'une autre entité informatique.

Illustration:

Mémoire RAM

| 1000 | 1001 | 1002 | 1003 | 1004 | 1005 |
|------|------|------|------|--------|------|
| | | | | | |
| 1006 | 1007 | 1008 | 1009 | 1010 | 1011 |
| | | | | | |
| 1012 | 1013 | 1014 | 1015 | 1016 | 1017 |
| | | 71 X | | | |
| 1018 | 1019 | 1020 | 1021 | 1022 | 1023 |
| | | | | | |
| 1024 | 1025 | 1026 | 1027 | 1028 | 1029 |
| | | | | 1014 Y | |
| 1030 | 1031 | 1032 | 1033 | 1034 | 1035 |
| | | | | | |

71

Variables X classique

1014

Variables Y déclarée comme pointeur

A la différence de la variable **X** classique qui contient directement l'information « **71** », la variable **Y** déclarer comme pointeur contient son adresse. On dit que Y pointe vers l'information « **71** » grâce à son contenu, qui est l'adresse de cette information.

2.Rappel sur les pointeurs

Syntaxe de déclaration d'une variable pointeur :

```
<NomVariable> : ↑ <Type de donnée pointée>
```

```
Exemple: age: ↑ Entier taille: ↑ Réel
```

Note: Pour affecter une valeur à une variable pointeur, on utilise le symbole & (Et commercial) qui est appelé opérateur d'adressage.

```
    Illustration: a : Entier // a variable de type entier
    taille: ↑ Entier // taille variable pointeur sur un entier
    a ← 17 // affectation d'une valeur à la variable a
    taille ← &a // affectation d'une valeur à la variable pointeur taille
```

3. Gestion dynamique de la mémoire

Deux procédures permettent de gérer dynamiquement la mémoire :

- La procédure **nouveau** (**p** : **pointeur**) qui permet à chaque appel d'obtenir (**allouer** ou **réserver**) un espace mémoire dont l'adresse sera retournée dans la variable **pointeur p**.
- La procédure liberer (p : pointeur) qui permet de libérer (laisser ou abandonner) un espace mémoire d'adresse p dont on a plus besoin.

Ces deux procédures permettent d'obtenir et de rendre un espace mémoire au fur et à mesure des besoins de l'algorithme. On parle de gestion dynamique de la mémoire contrairement à la gestion statique des tableaux (taille ou dimension fixe).

6

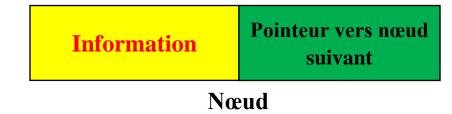
4. Définition d'une liste chaînée

Une **liste chaînée** est un ensemble **d'élément** d'information appelés **nœuds** (ou **maillon**). En plus de l'information dont il est porteur, un nœud possède un champ **pointeur**.

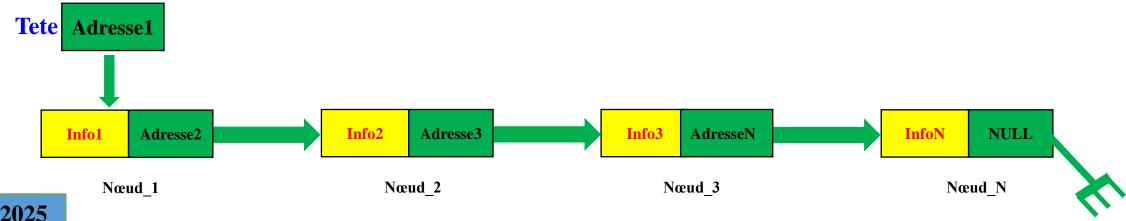
Ce pointeur contient l'adresse du nœud suivant dans la liste.

Une liste chaînée est déterminée grâce à l'adresse de son **premier nœud**. Cette adresse doit être sauvegarder dans une variable pointeur que nous appellerons très souvent **début** ou **tête**.

> Représentation graphique d'un nœud :



Représentation graphique d'une liste chaînée simple :



4. Définition d'une liste chaînée

Une liste chainée n'est pas limitée à un nombre fixe d'élément. On peut insérer et supprimer des éléments de la liste autant que nécessaire, et ce, sans avoir besoin de connaître, à priori, le nombre d'élément de la liste : c'est la gestion dynamique de la mémoire. Elle apporte donc une réponse optimale à bon nombre de problèmes d'implantation de l'information dans un algorithmes

Syntaxe de déclaration d'un nœud :

```
TYPE pointeur = ↑ nœud

nœud = structure

membre_1 : Type1
membre_2 : Type2
.....
membre_n : TypeN
suivant : pointeur

Fin_structure
```

On définit un type nommé **pointeur** sur une variables de type nœud, puis on définit le type nœud. Une variables P de type pointeur contient l'adresse d'une variable de type nœud. La variable P peut être représentée schématiquement par :



Information

L'adresse du nœud est rangée dans la variable P. par abus de langage, on dira : nœud d'adresse P ou nœud pointé par P. Le nœud contient deux parties : La partie information contenant les variables membre1, membre2, ... et le pointeur suivant contenant une adresse.

4. Définition d'une liste chaînée

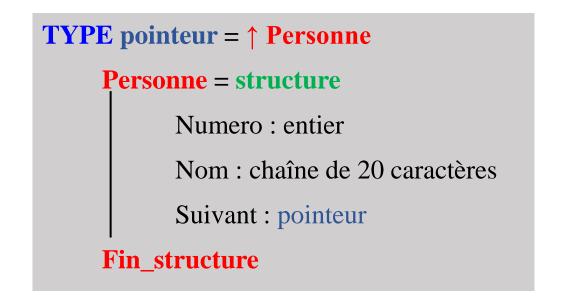
On accède aux variables membres du nœud d'adresse P grâce à l'opérateur point (.) comme suit :

P↑. membre1, **P**↑.membre2, ...

On accède de la même façon à l'adresse contenue dans le nœud d'adresse P:

<mark>P↑.suivant</mark>

Dans ce qui suit, nous allons créer, consulter, insérer et supprimer des éléments d'un liste chaînée. Pour ce faire, considérons que chaque nœud « Personne » de la liste contient deux informations : un entier « numéro » et une chaîne de caractère « nom » de 20 caractères.



10

5.1. Création d'une liste chaînée simple

Principe:

- 1. Déclarer et Initialiser la Tete à vide (Nil);
- 2. Allouer un espace mémoire P pour le premier nœud grâce à la procédure allouer ou nouveau;
- 3. Stocke la valeur dans le champ Information du nœud pointé par P;
- 4. P suivant est Nil, s'il n'y a pas d'élément suivant ;
- 5. Le pointeur **Tete** pointe maintenant sur P.



Supposons que nous voulions créer la liste chaînée qui soit la représentation des nœuds de type « Personne ». On déclare pour cela deux pointeurs « tete » et « courant » de type « Personne » :

- « tete » pour contenir l'adresse du 1^{er} élément de la liste ;
- « courant » pour contenir l'adresse de l'élément en cours (celui qui subit un traitement).

5.1. Création d'une liste chaînée simple

```
Algorithme Création_Liste

TYPE pointeur = ↑ Personne

Personne = structure

Numero : entier

Nom : chaîne de 20 caractères

suivant : pointeur

Fin_structure

Variables :

Tete, courant : pointeur

Reponse : Car
```

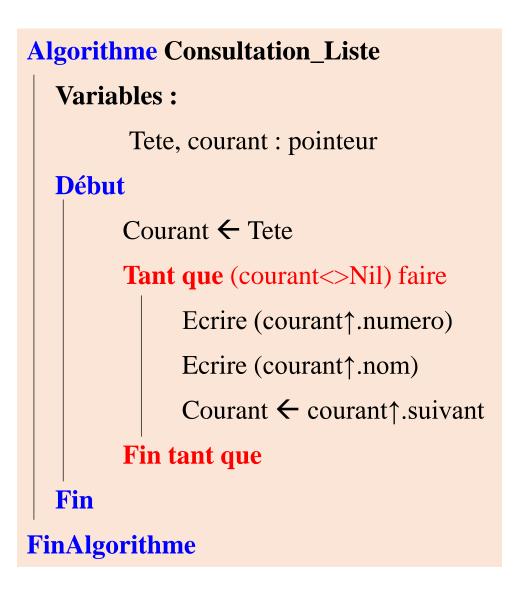
Le contenu de la variable pointeur « tete » est fixe : elle contient la même valeur tout le long du programme, l'adresse du 1er nœud de la liste.

Le contenu de la variable pointeur « courant » change tout au long du programme : elle contient l'adresse du nœud en cours de traitement.

```
Début
            Nouveau(Tete)
            courant ← Tete
            Répéter
                Ecrire ("Entrez le numéro de la personne")
                 Lire (courant \(^1\). Numero)
                 Ecrire (" Entrez le nom de la personne ")
                 Lire (courant \cdot . Nom)
                 Ecrire(" Autre élément o/n?")
                 Lire(Reponse)
                 Si (Reponse == 'o') alors
                     Nouveau(courant\u00e1.suivant)
                     Courant ← courant ↑.suivant
                 Sinon
                     Courant ↑.suivant ← nil
                 Fsi
            Jusqu'à (Reponse == 'n')
   Fin
FinAlgorithme
```

5.2. Consultation (affichage) d'une liste chaînée simple

Pour consulter la liste chaînée que nous avons crée précédemment, il faut se repositionner au début (tête) de la liste, puis la parcourir nœud par nœud jusqu'à la fin.



5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

Dans une liste chaînée, on peut insérer autant d'éléments qu'on souhaite avec seulement la modification d'un ou deux pointeurs sans recopie ni décalage des éléments non par la mise à jour. L'insertion d'un élément peut se faire en tête, en queue ou dans une position k de la liste.

5.3.1. Insertion d'un élément en tête de liste chaînée

Insérer un nouvel élément en tête de la liste se fait en trois étapes :

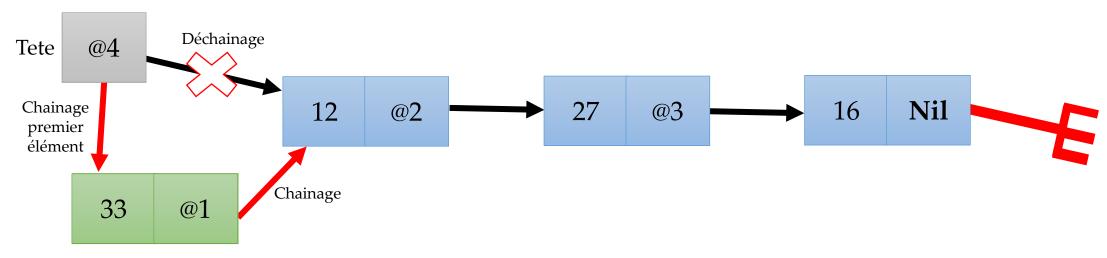
- a) On réserve un nouvel espace mémoire et on récupère son adresse dans un pointeur de type « Personne » appelé, par exemple « NouvElmt » ;
- b) On saisit les informations véhiculées par le nouveau nœud;
- c) On effectue le chaînage du nouveau nœud avec la liste existante. Ce nœud devient le 1er élément de la nouvelle liste.

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément en tête de liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :

On souhaite insérer un nouvel élément en tête de liste.



Réservation d'un espace mémoire

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément en tête de liste chaînée

```
Algorithme Insertion_En_Tete_De_Liste
  Variables:
         Tete, NouvElmt: pointeur
  Début
       Nouveau (NouvElmt)
       Lire (NouvElmt ↑.numero)
       Lire (NouvElmt ↑.nom)
       NouvElmt↑.suivant ← Tete
       Tete ← NouvElmt
  Fin
FinAlgorithme
```

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément en queue de liste chaînée

Insérer un nouvel élément en queue de la liste se fait en quatre étapes :

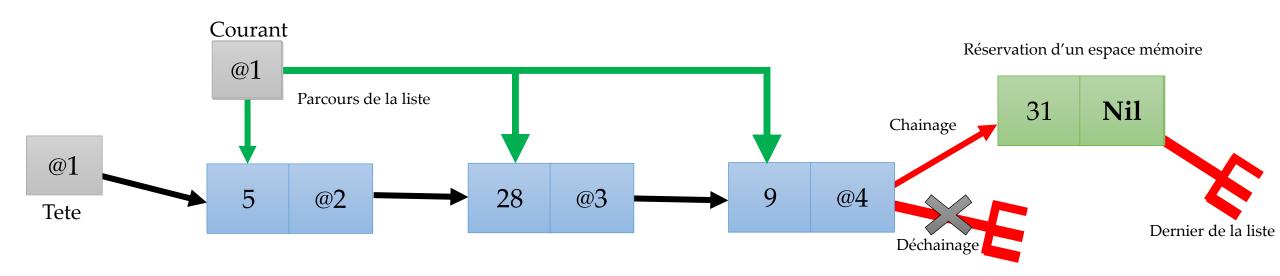
- a) On réserve un nouvel espace mémoire et on récupère son adresse dans un pointeur de type « Personne » appelé, par exemple « NouvElmt » ;
- b) On saisit les informations véhiculées par le nouveau nœud ;
- c) On se positionne sur le dernier élément de la liste. Pour ce faire on la parcourt du début à la fin. Le dernier élément de la liste est celui pour lequel le « suivant » est égal à « Nil »
- d) On effectue le chaînage du nouveau nœud avec la liste existante. Ce nœud devient le dernier élément de la nouvelle liste.

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément en queue de liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :

On souhaite insérer un nouvel élément à la queue de liste.



5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément en queue de liste chaînée

```
Algorithme Insertion_En_Queue_De_Liste
   Variables:
          Tete, Courant, NouvElmt: pointeur
  Début
         Nouveau (NouvElmt)
         Lire (NouvElmt ↑.numero)
         Lire (NouvElmt ↑.nom)
         Courant ← Tete
          Tant que (Courant↑.suivant <>Nil) faire
               Courant ← Courant↑.suivant
          Fin tantque
          Courant↑.suivant ← NouvElmt
         NouvElmt↑.suivant ← Nil
  Fin
```

27/01/2025

FinAlgorithme

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément à une position k dans liste chaînée

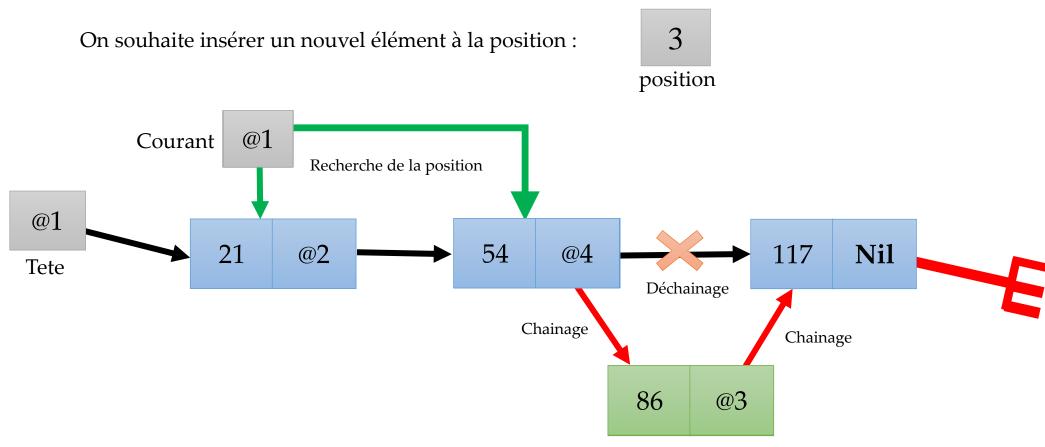
Insérer un nouvel élément en queue de la liste se fait en quatre étapes :

- a) On réserve un nouvel espace mémoire et on récupère son adresse dans un pointeur de type « Personne » appelé, par exemple « NouvElmt » ;
- b) On saisit les informations véhiculées par le nouveau nœud;
- c) On effectue la recherche du nœud après lequel insérer le nouvel élément.
- d) On effectue le chaînage du nouveau nœud avec la liste existante. Ce nœud prend sa place après celui recherché.

5.3. Insertion d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Insertion d'un élément à une position k dans liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :



Réservation d'un espace mémoire

5.3. Insertion d'un élément

5.3.1. Insertion d'un élément à un

```
Algorithme Insertion_Position_k_Dans_Liste
   Variables:
             Tete, Courant, NouvElmt: pointeur
             Num: entier
   Début
             Nouveau (NouvElmt)
             Lire (NouvElmt↑.numero)
             Lire (nom)
             Ecrire ("Entrer le numéro de la personne après lequel insérer")
             Lire (Num)
             Courant ← Tete
             Tant que (Courant <>Nil) faire
                 Si (Num == Courant↑.numero ) alors
                     NouvElmt↑.suivant ← Courant↑.suivant
                     Courant↑.suivant ← NouvElmt
                 Fsi
                 Courant ← Courant ↑.suivant
             Fin tant que
   Fin
FinAlgorithme
```

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

Dans une liste chaînée, on peut supprimer un ou plusieurs éléments avec mise à jour d'un ou deux pointeurs et restitution des espaces mémoires occupés par ces éléments. La suppression d'un élément peut s'effectuer en tête, en queue ou à une position k donnée.

5.3.1. Suppression d'un élément en tête de liste chaînée

Supprimer le premier élément de la liste se fait en deux étapes :

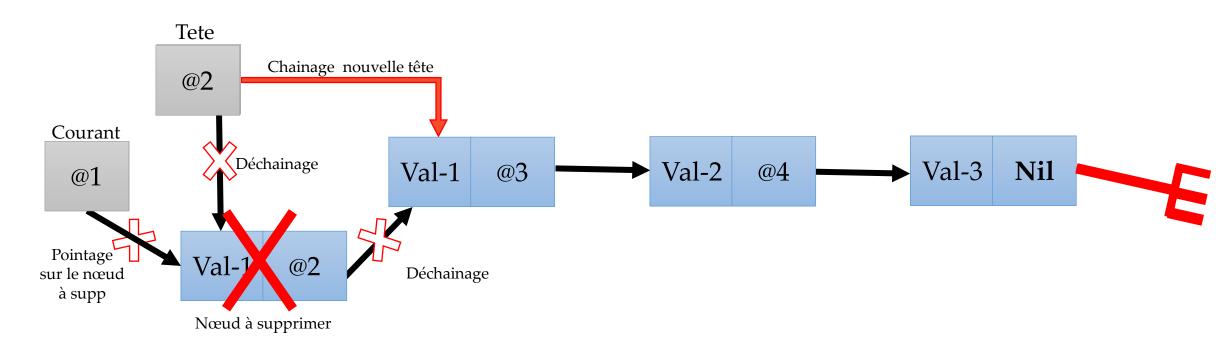
- a) On libère l'espace mémoire occupé par le premier nœud de la liste en utilisant la procédure « Liberer ».
- b) On met à jour l'adresse de la nouvelle tête de la liste.

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément en tête de liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :

On souhaite supprimer un élément à la tête de la liste.



- 5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée
- 5.3.1. Suppression d'un élément en tête de liste chaînée

```
Algorithme Suppression_En_Tete_De_Liste
  Variables:
        Tete, Courant: pointeur
  Début
        Courant ← Tete
        Tete ← Tete↑.suivant
        Liberer (Courant)
  Fin
FinAlgorithme
```

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément en queue de liste chaînée

La suppression du dernier élément d'une liste se fait en trois étapes :

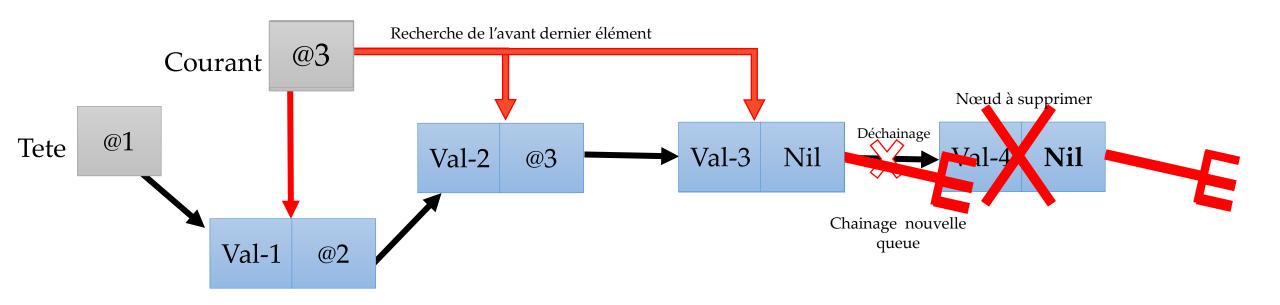
- a) On se positionne sur l'avant dernier élément de la liste. Pour ce faire on la parcourt à partir du début, élément par élément jusqu'à trouver l'avant dernier. L'avant dernier élément d'une liste est celui dont le pointeur « suivant » du « suivant » est égal à « Nil ».
- b) On libère l'espace mémoire occupé par le dernier élément de la liste (qui se trouve être le suivant de l'élément courant).
- c) On fait en sorte que l'avant dernier élément de la liste devienne le dernier.

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément en queue de liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :

On souhaite supprimer un élément en queue de la liste.



5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément en queue de liste chaînée

```
Algorithme Suppression_En_Queue_De_Liste
  Variables:
         Tete, Courant : pointeur
  Début
         Courant ←Tete
         Tant que (Courant↑.suivant↑.suivant <>Nil) faire
             Courant ← Courant ↑.suivant
         Fin tantque
         Liberer (Courant↑.suivant)
         Courant↑.suivant ← Nil
  Fin
FinAlgorithme
```

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément à une position k dans liste chaînée

La suppression d'un élément dans une position donnée dans une liste se fait en trois étapes :

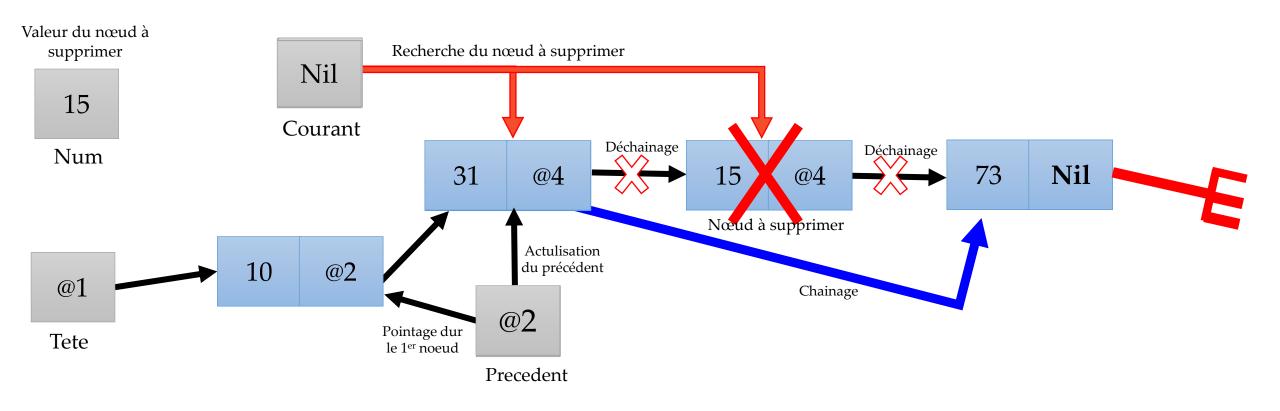
- a) On effectue la recherche du nœud à supprimer. On peut faire la recherche avec le numéro de la personne en commençant par le 2nd élément de la liste.
- b) On libère l'espace occuper par l'élément à supprimer.
- c) On met à jour le pointeur « suivant » de l'élément **précédent** celui à supprimer.

5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément à une position k dans liste chaînée

Simulation sur une liste d'entier :

On souhaite supprimer un élément à une position donnée dans la liste.



5.3. Suppression d'un élément dans une liste chaînée

5.3.1. Suppression d'un élément à une position k dans liste chaînée

```
Algorithme Suppression_Position_k_Dans_Liste
    Variables:
              Tete, Courant, Precedent: pointeur
             Num:entier
   Début
              Ecrire ("Entrer le numéro de la personne a supprimer")
             Lire (Num)
             Precedent ←Tete
             Courant ←Tete↑.suivant
              Tant que (Courant <>Nil) faire
                 Si (Num == Courant↑.numero) alors
                    Precedent↑.suivant ← Courant↑.suivant
                   Liberer (Courant)
                   Courant ← nil // pour quitter la boucle
                 Sinon
                    Precedent ← Courant
                    Courant ← Courant ↑.suivant
                 Fsi
             Fin tantque
   Fin
FinAlgorithme
```

6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

Les listes chaînées que nous avons précédemment peuvent être qualifier de simples ou monodirectionnelles car on ne peut les parcourir que dans un seul sens : de gauche à droite.

Si on veut pouvoir effectuer un parcours de droite à gauche, il faut ajouter un pointeur permettant l'accès au nœud précèdent. On qualifie alors la liste de **bidirectionnelle**. Compte tenu de la place supplémentaire occupée en mémoire. On utilise cette possibilité que dans le cas où on a très souvent besoin d'effectuer un retour en arrière vers la tête de la liste.

Pour faciliter le parcours de droite à gauche, on mémorise l'adresse du dernier nœud dans une variable pointeur que nous appellerons très souvent « fin ».

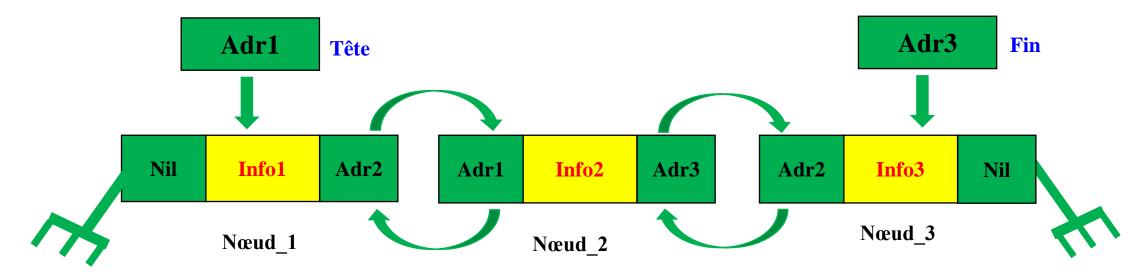
6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

Représentation graphique d'un nœud :



Nœud

Représentation graphique d'une liste chaînée bidirectionnelle :



6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

> Syntaxe de déclaration d'un nœud :

```
TYPE pointeur = ↑ nœud
   nœud = structure
             membre_1 : Type1
             membre_2: Type2
                     . . . . . .
             membre_n: TypeN
             Suivant, Precedent: pointeur
   Fin_structure
```

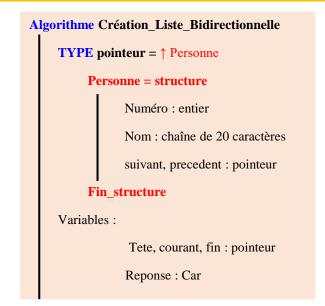
6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

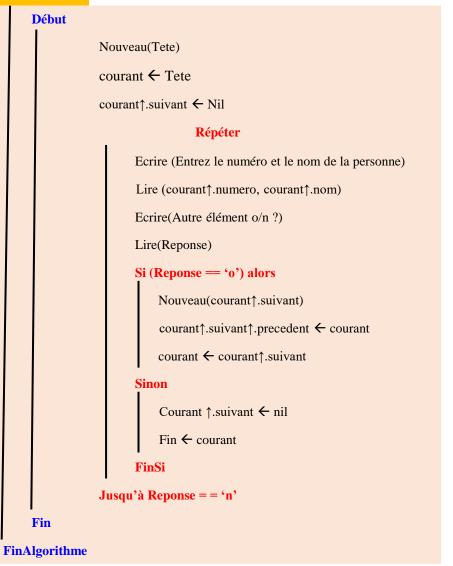
6.1.1. Création d'une listes chaînées bidirectionnelles

- ☐ Le principe reste assez similaire à celui d'une liste simple, sauf qu'il faut gérer le pointeur « **precedent** » de chaque nœud créer.
- ☐ Le pointeur « precedent » du premier nœud ainsi que le pointeur « suivant » du dernier nœud contiennent la valeur « Nil ».

6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

6.1.1. Création d'une listes chaînées bidirectionnelles





6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublen

6.1.2. Consultation d'une listes chaînées bidirect

Une fois la liste doublement chaînée créée, on peut la parcourir de la tête à la fin (gauche-droite) ou de la fin à la tête (droite-gauche). Le principe est le même que pour une liste chaînée simple.

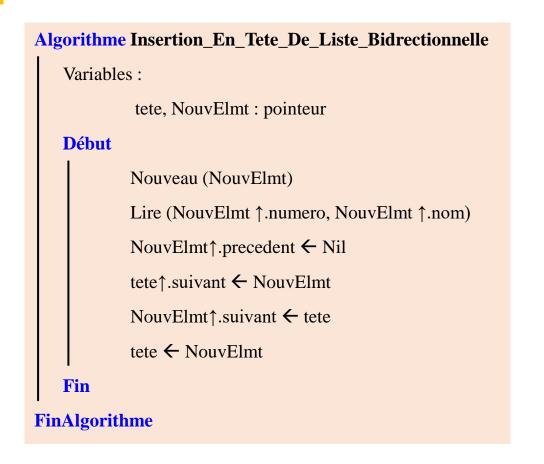
```
Algorithme Consultation Liste Bidirectionnelle
     Variables:
                                  tete, courant, fin: pointeur
                                  choix: entier
     Début
                 Ecrire ("1-Consultation par la gauche 2-Consultation par la droite ")
                 Ecrire ("Entrez votre choix:")
                 Lire (choix)
                 Si (choix == 1) alors
                       courant ← tete
                       Tant que (courant<>Nil) faire
                            Ecrire (courant↑.numero, " ", courant↑.nom)
                            Courant ← courant↑.suivant
                       Fin tantque
                SinonSi (choix == 2) alors
                          courant ← fin
                           Tant que (courant<>Nil) faire
                                Ecrire (courant↑.numero, " ", courant↑.nom)
                                Courant ← courant ↑.precedent
                          Fin tant que
                 FinSi
     Fin
FinAlgorithme
```

6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

6.1.3. Insertion d'un élément en tête d'une listes chaînées bidirectionnelles

L'insertion en tête de la liste d'un nouvel élément se fait comme suit :

- a) On réserve un nouvel espace mémoire à l'adresse « NouvElmt » ;
- b) On saisit les informations véhiculées par le nouveau nœud;
- c) On initialise le pointeur « precedent » du nouveau nœud à Nil.
- d) On effectue le chaînage du nouveau nœud avec la liste existante.
- e) On met à jour l'adresse de la nouvelle tete de liste.



6.1. Listes chaînées bidirectionnelles (listes doublement chaînées)

6.1.3. Suppression d'un élément en tête d'une listes chaînées bidirectionnelles

La suppression du 1^{er} élément de la liste se fait comme suit :

- a) On libère l'espace mémoire occupé par le 1^{er} nœud.
- b) On met à jour l'adresse de la nouvelle tête de la liste.
- c) La nouvelle tête de liste n'a pas de précédent.

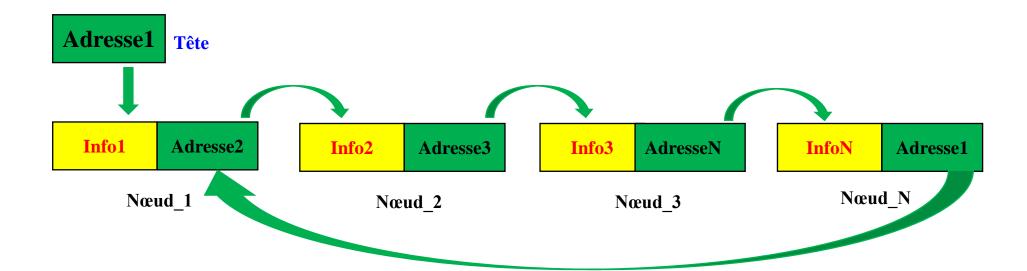
```
Algorithme Suppression_En_Queue_De_Liste_Bidirectionnelle
   Variables:
          tete: pointeur
  Début
         Liberer (tete)
         Tete \leftarrow tete \uparrow. suivant
          tete↑.precedent ← Nil
  Fin
FinAlgorithme
```

6.2. Listes chaînées circulaires

Une liste chaînée peut être circulaire, c'est à dire que le pointeur du dernier élément contient l'adresse du premier.

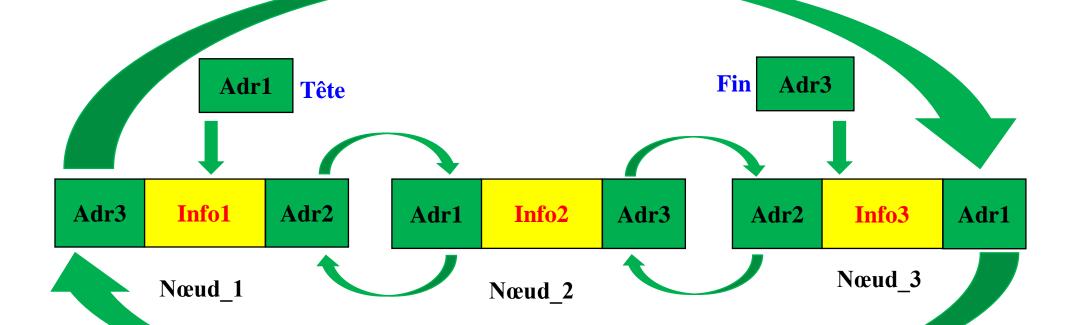
Dans une liste circulaire tous les maillons sont accessibles à partir de n'importe quel autre maillon. Une liste circulaire n'a pas de premier et de dernier maillon. Par convention, on peut prendre le pointeur externe de la liste vers le dernier élément et le suivant serait le premier élément de la liste.

Ci-dessous l'exemple d'une liste simplement chaînée circulaire : le dernier élément pointe sur le premier.



6.2. Listes chaînées circulaires

Puis l'exemple d'une liste doublement chaînée circulaire. : Le dernier élément pointe sur le premier, et le premier élément pointe sur le dernier.



7. Conclusion

L'avantage des listes chaînées est donc de ne plus utiliser des tableaux de pointeurs (**Tableau dynamique**) pour pointer les éléments instanciés. Chaque élément est simplement relié au suivant par un **pointeur**, voire également au précédent si nécessaire par un second pointeur.

Car les tableaux de pointeurs déclarés grâce à l'opérateur new sont toujours de longueur fixe.