

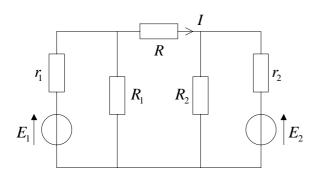
EXERCICE

ELECTROCINETIQUE

-EXERCICE 2.6-

• ENONCE :

« Théorème de superposition »



Déterminer le courant I en utilisant le théorème de superposition .



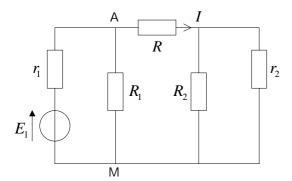
EXERCICE

ELECTROCINETIQUE

• CORRIGE:

« Théorème de superposition »

ullet Pour appliquer le théorème de superposition, nous allons d'abord « éteindre » la source de tension E_2 et calculer le courant $I_{(E_2=0)}$; le schéma équivalent est le suivant :



Le courant $I_{(E_2=0)}$ est égal à :

$$I_{(E_2=0)} = \frac{U_{AM}}{R \oplus (r_2 \parallel R_2)} = \frac{U_{AM}}{R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}}$$

Il reste à calculer $\,U_{{\scriptscriptstyle AM}}$

 \bullet Pour appliquer la relation du « diviseur de tension », on peut considérer que la résistance r_1 est

 $\text{en s\'erie avec le groupement } \left(R_1 \parallel R \oplus (R_2 \parallel r_2)\right) = \frac{R_1 \times \left(R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}\right)}{R_1 + R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}} \; ; \; \text{on en d\'eduit} \; :$

$$U_{AM} = E_1 \times \frac{\frac{R_1 \times \left(R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}\right)}{R_1 + R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}}}{R_1 \times \left(R + \frac{r_2 \times R_2}{r_2 + R_2}\right)} \\ \Rightarrow \text{ après calculs} : I_{(E_2 = 0)} = \frac{E_1 R_1 (r_2 + R_2)}{r_1 R_1 (r_2 + R_2) + (r_1 + R_1) (RR_2 + r_2 R_2 + r_2 R)}$$

ullet On éteint ensuite $E_{\scriptscriptstyle 1}$; les mêmes calculs conduisent à :

$$I_{(E_1=0)} = -\frac{E_2 R_2 (r_1 + R_1)}{r_1 R_1 (r_2 + R_2) + (r_1 + R_1) (RR_2 + r_2 R_2 + r_2 R)}$$

($I_{(E_{\rm I}=0)}$ rentre alors par la borne + de $E_{\rm 2}$, d'où le signe « moins »)

• Finalement, la superposition de ces 2 circuits linéaires fournit:

$$I = \frac{E_1 R_1 (r_2 + R_2) - E_2 R_2 (r_1 + R_1)}{r_1 R_1 (r_2 + R_2) + (r_1 + R_1) (RR_2 + r_2 R_2 + r_2 R)}$$