

## Departamento de Ciencias Básicas - División Matemática Primer parcial Matemática Discreta (11073)

4 de Octubre de 2023

Comisión 1

TEMA 1

APELLIDO y NOMBRE......LEGAJO......LEGAJO.......

NÚMERO DE HOJAS ENTREGADAS ......

1	2	3	4	5	Nota

En todos los ejercicios es necesario explicar como se llega al resultado. No serán tenidos en cuenta ejercicios sin la justificación correspondiente. El examen se aprueba con el equivalente a tres ejercicios bien hechos.

## Ejercicio 1

Dadas las matrices 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$
 y  $B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$  Calcular:  $\operatorname{Det}(2.A^{-1}.B^t.B^2)$ 

Ejercicio 2 Hallar el número de divisores <u>positivos</u> de 7560 que a su vez son múltiplos de 126. No es necesario que los enumere a todos, pero exhiba dos de ellos.

**Ejercicio 3** Hallar los  $x \in \mathbb{R}$  que cumplen que |3.x + 3| - |x + 1| > 8.

Ejercicio 4 Demostrar, aplicando el principio de inducción completa, la proposición

$$1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots + n(n+1) = \frac{n(n+1)(n+2)}{3} \quad \forall n \in \mathbb{N}$$

**Ejercicio 5** Determinar si la siguiente ecuación diofántica tiene solución y, en caso afirmativo, encontrar la infinitas soluciones enteras de la misma: 306.x - 98.y = 8