第3章 栈和队列

本章的基本内容是:

特殊的线性表——栈、队列

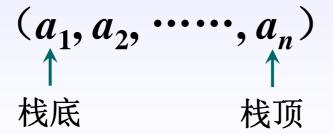
►从数据结构角度看,栈和队列是操作受限的线性表,他们的逻辑结构相同。

栈的逻辑结构

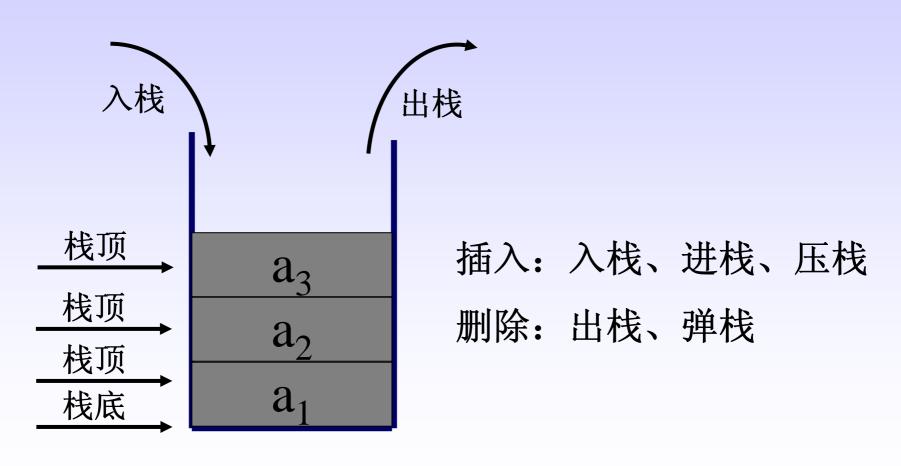
栈: 限定仅在表尾进行插入和删除操作的线性表。

空栈: 不含任何数据元素的栈。

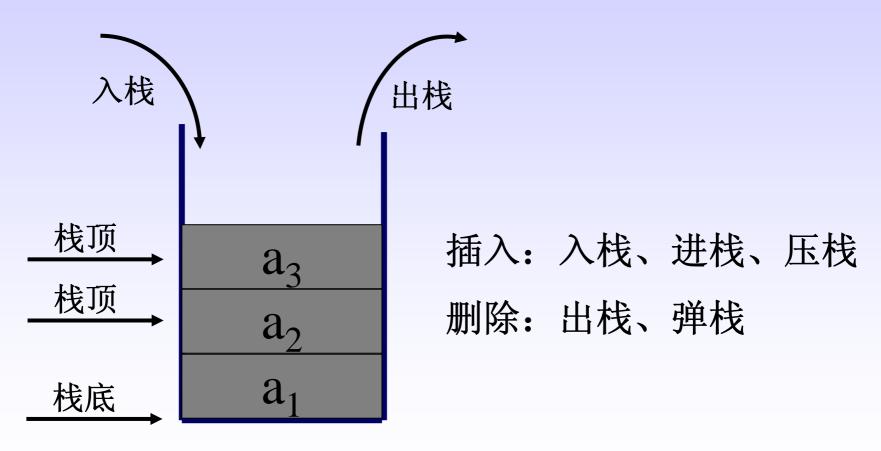
允许插入和删除的一端称为栈顶,另一端称为栈底。



栈的示意图



栈的示意图

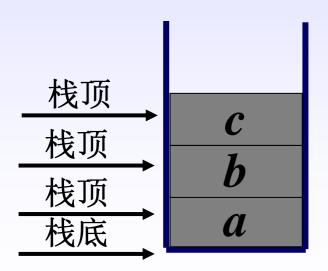


栈的操作特性:后进先出(LIFO)

栈的逻辑结构

例:有三个元素按a、b、c的次序依次进栈,且每个元素只允许进一次栈,则可能的出栈序列有多少种?

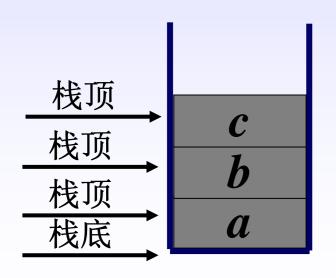
▶ 情况1:



栈的逻辑结构

例:有三个元素按a、b、c的次序依次进栈,且每个元素只允许进一次栈,则可能的出栈序列有多少种?

▶ 情况1:



出栈序列: c

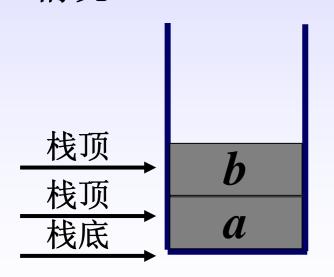
出栈序列: $c \setminus b$

出栈序列: $c \setminus b \setminus a$

栈的逻辑结构

例:有三个元素按a、b、c的次序依次进栈,且每个元素只允许进一次栈,则可能的出栈序列有多少种?

▶ 情况2:

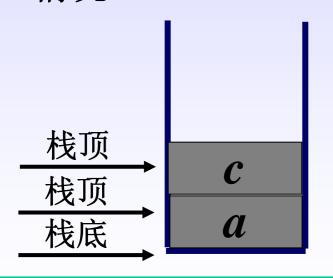


出栈序列: b

栈的逻辑结构

例:有三个元素按a、b、c的次序依次进栈,且每个元素只允许进一次栈,则可能的出栈序列有多少种?

▶情况2:



出栈序列: b

出栈序列: $b \ c$

出栈序列: b、c、a

注意: 栈只是对表插入和删除操作的<mark>位置</mark>进行了限制,并没有限定插入和删除操作进行的时间。

栈的抽象数据类型定义

ADT Stack

Data

栈中元素具有相同类型及后进先出特性,相邻元素具有前驱和后继关系

Operation

InitStack

前置条件: 栈不存在

输入:无

功能: 栈的初始化

输出:无

后置条件:构造一个空栈

栈的抽象数据类型定义

DestroyStack

前置条件: 栈已存在

输入:无

功能: 销毁栈

输出:无

后置条件:释放栈所占用的存储空间

Push

前置条件: 栈已存在

输入:元素值x

功能: 在栈顶插入一个元素x

输出: 如果插入不成功, 抛出异常

后置条件:如果插入成功,栈顶增加了一个元素

栈的抽象数据类型定义

Pop

前置条件: 栈已存在

输入:无

功能: 删除栈顶元素

输出:如果删除成功,返回被删元素值,否则,抛出异常

后置条件:如果删除成功,栈减少了一个元素

GetTop

前置条件: 栈已存在

输入:无

功能: 读取当前的栈顶元素

输出: 若栈不空, 返回当前的栈顶元素值

后置条件: 栈不变

栈的抽象数据类型定义

Empty

前置条件: 栈已存在

输入:无

功能: 判断栈是否为空

输出:如果栈为空,返回1,否则,返回0

后置条件: 栈不变

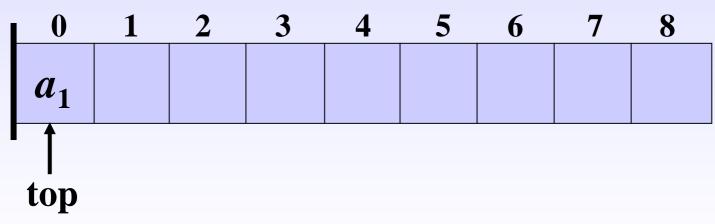
endADT

栈的顺序存储结构及实现

栈的顺序存储结构——顺序栈



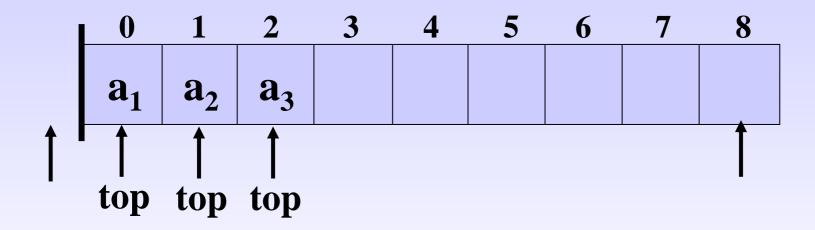
如何改造数组实现栈的顺序存储?



确定用数组的哪一端表示栈底。

附设指针top指示栈顶元素在数组中的位置。

栈的顺序存储结构及实现



进栈: top加1

出栈: top减1

栈空: top= -1

栈满: top= StackSize-1

```
顺序栈类的声明
```

```
const int StackSize=100;
template <class T>
class SeqStack
  public:
    SeqStack (){top=-1; };
    ~SeqStack();
    void Push ( T x );
    T Pop ();
    T GetTop() {if (top!=-1) return data[top];}
    bool Empty(){
      if(top==-1) return 1; else return 0;}
  private:
    T data[StackSize];
    int top;
```

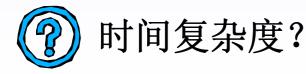
顺序栈的实现——入栈

```
操作接口: void Push(Tx);
   template <class T>
   void SeqStack::Push (T x)
      if (top==StackSize-1) throw "溢出";
      top++;
      data[top]=x;
```



时间复杂度?

顺序栈的实现——出栈 操作接口: T Pop(); template <class T> T SeqStack:: Pop () if (top==-1) throw "溢出"; x=data[top--]; return x;



两栈共享空间

② 在一个程序中需要同时使用具有相同数据类型的 两个栈,如何顺序存储这两个栈?

解决方案1:

直接解决:为每个栈开辟一个数组空间。

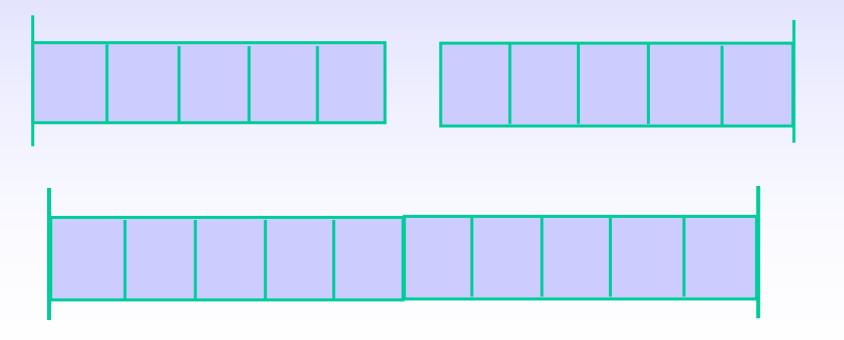
② 会出现什么问题? 如何解决?

解决方案2:

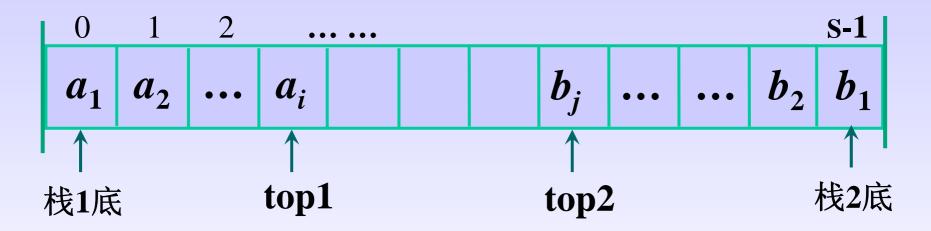
顺序栈单向延伸——使用一个数组来存储两个栈

两栈共享空间

两栈共享空间:使用一个数组来存储两个栈,让一个 栈的栈底为该数组的始端,另一个栈的栈底为该数组 的末端,两个栈从各自的端点向中间延伸。



两栈共享空间



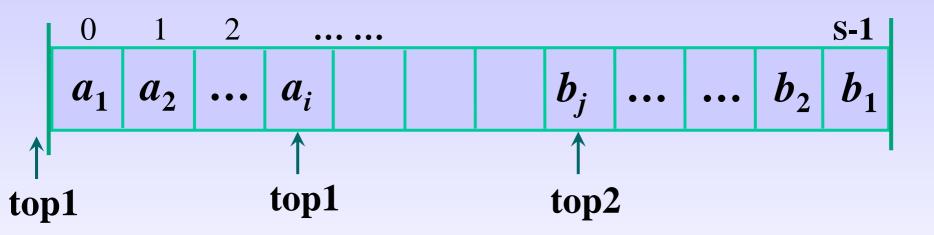
栈1的底固定在下标为0的一端;

栈2的底固定在下标为StackSize-1的一端。

top1和top2分别为栈1和栈2的栈顶指针;

StackSize为整个数组空间的大小(图中用S表示);

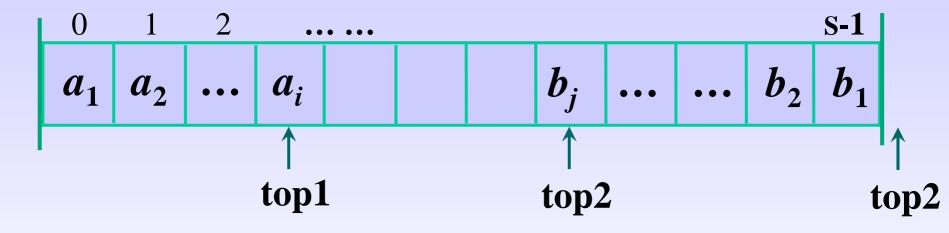
两栈共享空间



什么时候栈1为空?

top1 = -1

两栈共享空间



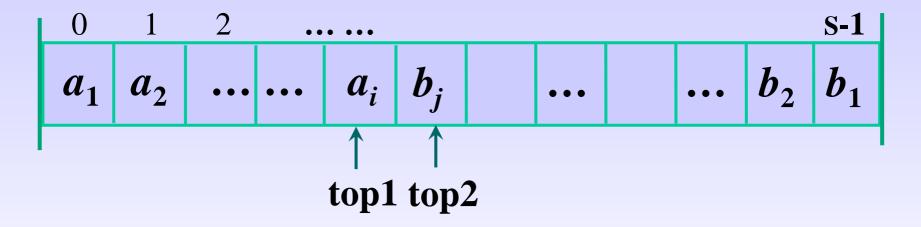
② 什么时候栈1为空?

top1 = -1

⑦ 什么时候栈2为空?

top2= StackSize

两栈共享空间



② 什么时候栈1为空?

top1 = -1

② 什么时候栈2为空?

top2= StackSize

② 什么时候栈满?

top2 = top1 + 1

内 栈 共 享 空 间 类 的 声 明

```
const int StackSize=100;
template <class T>
class BothStack
 public:
    BothStack() {top1=-1; top2=StackSize;}
    ~BothStack();
    void Push (int i, T x);
    T Pop (int i);
    T GetTop (int i);
    bool Empty (int i);
 private:
    T data[StackSize];
    int top1, top2;
};
```

两栈共享空间的实现——插入

操作接口: void Push(int i, T x);

- 1. 如果栈满,则抛出上溢异常;
- 2. 判断是插在栈1还是栈2;
 - 2.1 若在栈1插入,则
 - 2.1.1 top1加1;
 - 2.1.2 在top1处填入x;
 - 2.2 若在栈2插入,则
 - 2.2.1 top2减1;
 - 2.2.2 在top2处填入x;

两栈共享空间的实现——插入

操作接口: void Push(int i, T x);

两栈共享空间的实现——删除

操作接口: T Pop(int i);

- 1. 若是在栈1删除,则
 - 1.1 若栈1为空栈, 抛出下溢异常;
 - 1.2 删除并返回栈1的栈顶元素;
- 2. 若是在栈2删除,则
 - 2.1 若栈2为空栈, 抛出下溢异常;
 - 2.2 删除并返回栈2的栈顶元素;

两栈共享空间的实现——删除

```
操作接口: T Pop(int i);
 T BothStack<T>::Pop(int i)
  if (i==1) //将栈1的栈顶元素出栈
       if (top1== -1) throw "下溢";
     return data[top1--];
  if (i==2) //将栈2的栈顶元素出栈
    { if (top2==StackSize) throw "下溢";
      return data[top2++]; }
```

两栈共享空间的实现——读取栈i当前的栈顶元素

```
操作接口: T GetTop(int i);
 template <class T>
 T BothStack<T>::GetTop(int i)
   if(i==1)
       { if (top1!=-1) return data[top1]; }
   if(i==2)
         if(top2!=StackSize) return data[top2]; }
```

两栈共享空间的实现——判断栈i是否为空栈

```
操作接口: bool Empty(int i);
 template <class T>
 bool BothStack<T>::Empty(int i)
   if(i==1)
       { if(top1==-1) return 1; else return 0;
   if(i==2)
       { if(top2==StackSize) return 1;
         else return 0; }
```

栈的链接存储结构及实现

栈的链接存储结构——链栈

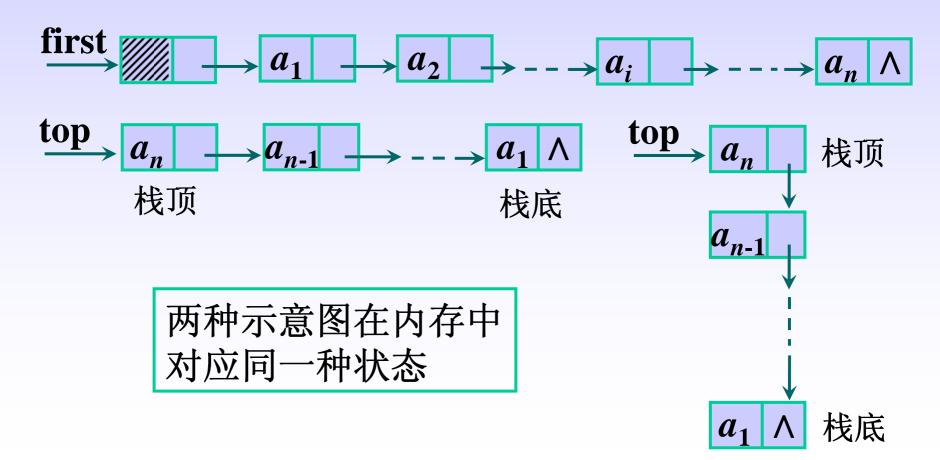
② 如何改造链表实现栈的链接存储?

$$\xrightarrow{\text{first}} a_1 \xrightarrow{a_2} a_2 \xrightarrow{\qquad} a_i \xrightarrow{\qquad} a_n \wedge a_n$$

- ? 将哪一端作为栈顶? 将链头作为栈顶,方便操作。
- 链栈需要加头结点吗?链栈不需要附设头结点。

栈的链接存储结构及实现

链栈: 栈的链接存储结构



```
class LinkStack
      public:
栈的
         LinkStack(){top=NULL; }
         ~LinkStack();
类声
         void Push(T x);
         T Pop();
明
         T GetTop(){if(top!=NULL)return top->data;}
         bool Empty ( ){return(top==NULL? 1: 0); }
      private:
```

Node<T> *top;

template <class T>

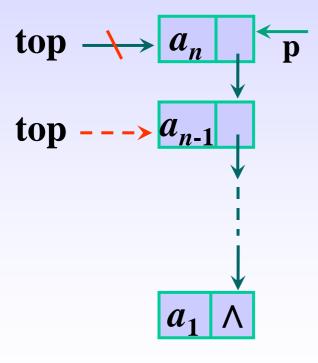
链栈的实现——插入

操作接口: void Push(Tx);

```
算法描述:
template <class T>
void LinkStack::Push (T x)
  s=new Node<T>;
  s->data=x;
  s- next=top;
 top=s;
```

链栈的实现——插入

操作接口: T Pop();



② top++可以吗?

算法描述:

```
template <class T>
T LinkStack::Pop()
  if (top==NULL)
     throw ''下溢'';
  x=top->data;
  p=top;
  top=top->next;
  delete p;
  return x;
```

顺序栈和链栈的比较

时间性能:相同,都是常数时间O(1)。

空间性能:

- >顺序栈: 有元素个数的限制和空间浪费的问题。
- ▶链栈:没有栈满的问题,只有当内存没有可用空间时才会出现栈满,但是每个元素都需要一个指针域,从而产生了结构性开销。

总之,当栈的使用过程中元素<mark>个数变化</mark>较大时,用链栈是适宜的,反之,应该采用顺序栈。

1递归的定义

子程序(或函数)直接调用自己或通过一系列调用语句间接调用自己,是一种描述问题和解决问题的基本方法。

2 递归的基本思想

问题分解:把一个不能或不好解决的大问题转化为一个或几个小问题,再把这些小问题进一步分解成更小的小问题,直至每个小问题都可以直接解决。

3 递归的要素

- (1) 递归边界条件:确定递归到何时终止,也称为递归出口;
- (2) 递归<mark>模式:</mark> 大问题是如何分解为小问题的, 也称为递归体。

例1 阶乘函数

$$n! = \begin{cases} 1 & \exists n=1 \text{ b} \\ n*(n-1)! & \exists n>1 \text{ b} \end{cases}$$

```
递归算法
int fact (int n)
{
    if (n == 1) return 1;
    else return n * fact (n-1);
}
```

求解阶乘 n! 的过程



递归过程与递归工作栈

- 递归过程在实现时,需要自己调用自己。
- 层层向下递归,返回次序正好相反:



递归的经典问题——汉诺塔问题

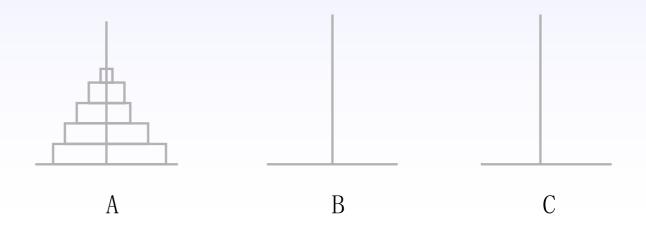
在印度,有一个古老的传说:在世界中心贝拿勒斯 (在印度北部)的圣庙里,一块黄铜板上插着三根宝石针。 印度教的主神梵天在创造世界的时候,在其中一根针上从 下到上穿好了由大到小的64片金片,这就是所谓的汉诺塔。 不论白天黑夜,总有一个僧侣在按照下面的法则移动这些 金片:一次只移动一片,不管在哪根针上,小片必须在大 片上面。

递归的经典问题——汉诺塔问题

僧侣们预言,当所有的金片都从梵天穿好的那根针上移到另外一根针上时,世界就将在一声霹雳中消灭, 而梵塔、庙宇和众生也都将同归于尽。

这个传说的可信度有多大?

考虑一下把64片金片,由一根针上移到另一根针上,始终保持上小下大的顺序。需要多少次移动?



递归的经典问题——汉诺塔问题

这里需要递归的方法。

假设有n片,移动次数是f(n).显然

 $f(1)=1,f(2)=3,f(3)=7, \exists f(k+1)=2*f(k)+1.$

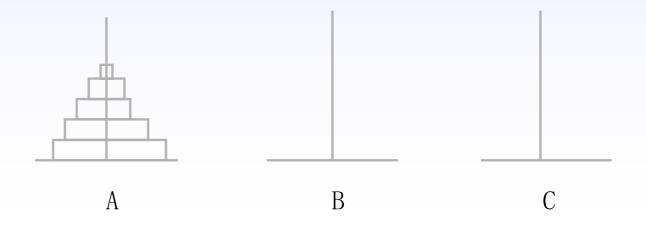
可以证明 $f(n)=2^n-1$ 。

n=64时, $f(64)=2^{64}-1=18446744073709551615$

假如每秒钟一次,共需多长时间?一年大约有 31536926秒,计算表明移完这些金片需要5800多亿年,比 地球寿命还要长,事实上,那时世界、梵塔、庙宇和众生 都早已经灰飞烟灭。

例 汉诺塔问题

有三根针A、B、C。A针上有n个盘子,大的在下,小的在上,要求把这n个盘子从A针移到C针,在移动过程中可以借助B针,每次只允许移动一个盘,且在移动过程中在三根针上都保持大盘在下,小盘在上。



汉诺塔问题的递归求解分析:

将n个盘子从A针移到C针步骤:

如果n=1,则将这一个盘子直接从塔A移到塔C上。

否则,执行以下三步:

- ①将A上n-1个盘子移到B针上(借助C针);
- ②把A针上剩下的一个盘子移到C针上;
- ③将n-1个盘子从B针移到C针上(借助A针);

事实上,上面三个步骤包含两种操作:

- ①将多个盘子从一个针移到另一个针上,这是一个递归的过程。 hanoi函数实现。
- ②将1个盘子从一个针上移到另一针上。用move函数实现。

```
#include <iostream>
using namespace std;
void move(char getone, char putone)
{ cout<<getone<<''-->''<<putone<<endl; }
void hanoi(int n,char one,char two,char three)
{ void move(char getone,char putone);
  if (n==1) move (one,three);
  else
  { hanoi(n-1,one,three,two);
    move(one,three);
    hanoi(n-1,two,one,three);
```

```
int main()
  void hanoi(int n,char one,char two,char three);
  int m;
  cout<<"Enter the number of diskes:";
  cin>>m;
  cout<<"the steps to moving "<<m
   <<" diskes:"<<endl;
  hanoi(m,'A','B','C');
```

运行结果:

Enter the number of diskes:3 the steps to moving 3 diskes:

A-->C

A-->B

 $C \rightarrow B$

A-->C

B-->A

B-->C

A--->C

估计hanoi执行时间

```
int main()
#include <iostream>
#include <ctime>
                                                  void hanoi(int n,char one,char two,char three);
using namespace std;
                                                 int m;
void move(char getone,char putone)
                                                  unsigned start, finish;
                                                  cout<<"Enter the number of diskes:";</pre>
cout<<getone<<"-->"<<putone<<" "<<endl; }
                                                  cin>>m;
void hanoi(int n,char one,char two,char three)
                                                  start=(unsigned)time(0);
   void move(char getone, char putone);
                                                  cout<<"the steps to moving "<<m <<"
   if (n==1) move (one,three);
                                                  diskes:"<<endl;
   else
                                                  hanoi(m,'A','B','C');
   { hanoi(n-1,one,three,two);
                                                  finish=(unsigned)time(0);
     move(one,three);
                                                  cout<<start<<" "<<finish<<endl;
     hanoi(n-1,two,one,three);
                                                  cout<< finish-start<<endl;
                                                  /*double d=104;
                                                 int i;
                                                  for(i=20;i<=64;i++)
    标准库ctime里时间函数
                                                  {d=d*2;}
    time_t time (0)
                                                  cout<<d/d/60/60/24/365;*/
    计算从1970年1月1日到当前系统时间(秒)
```

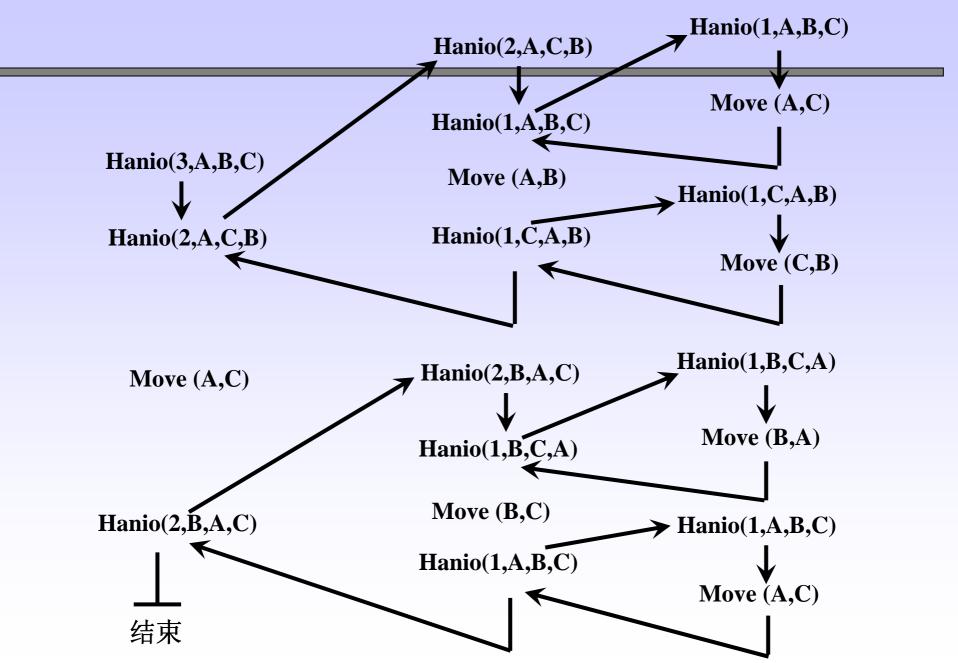
递归函数的内部执行过程

- (1) 运行开始时,首先为递归调用建立一个工作栈,其结构包括值参、局部变量和返回地址;
- (2) 每次执行递归调用之前,把递归函数的值参和局部变量的当前值以及调用后的返回地址压栈;
- (3) 每次递归调用结束后,将栈顶元素出栈,使相应的值参和局部变量恢复为调用前的值,然后转向返回地址指定的位置继续执行。

框架 值 参

递归函数的运行轨迹

- (1) 写出函数当前调用层执行的各语句,并用有向弧表示语句的执行次序;
- (2) 对函数的每个递归调用,写出对应的函数调用, 从调用处画一条有向弧指向被调用函数入口,表 示调用路线,从被调用函数末尾处画一条有向弧 指向调用语句的下面,表示返回路线;
- (3) 在返回路线上标出本层调用所得的函数值。



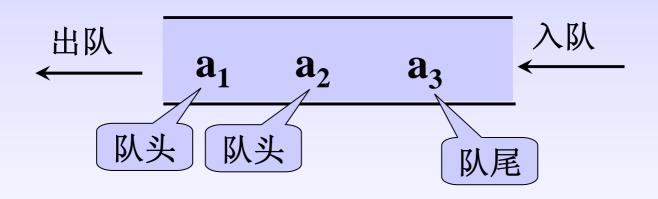
队列的逻辑结构

队列: 只允许在一端进行插入操作,而另一端进行删除操作的线性表。

空队列:不含任何数据元素的队列。

允许插入(也称入队、进队)的一端称为队尾,允许删除(也称出队)的一端称为队头。

队列的逻辑结构



队列的操作特性: 先进先出(FILO)

队列的抽象数据类型定义

ADT Queue

Data

队列中元素具有相同类型及先进先出特性,相邻元素具有前驱和后继关系

Operation

InitQueue

前置条件: 队列不存在

输入:无

功能:初始化队列

输出:无

后置条件: 创建一个空队列

队列的抽象数据类型定义

DestroyQueue

前置条件: 队列已存在

输入:无

功能: 销毁队列

输出:无

后置条件:释放队列所占用的存储空间

EnQueue

前置条件: 队列已存在

输入:元素值x

功能: 在队尾插入一个元素

输出: 如果插入不成功, 抛出异常

后置条件:如果插入成功,队尾增加了一个元素

队列的抽象数据类型定义

DeQueue

前置条件: 队列已存在

输入:无

功能: 删除队头元素

输出: 如果删除成功,返回被删元素值

后置条件:如果删除成功,队头减少了一个元素

GetQueue

前置条件: 队列已存在

输入: 无

功能: 读取队头元素

输出: 若队列不空, 返回队头元素

后置条件: 队列不变

队列的抽象数据类型定义

Empty

前置条件: 队列已存在

输入:无

功能: 判断队列是否为空

输出:如果队列为空,返回1,否则,返回0

后置条件: 队列不变

endADT

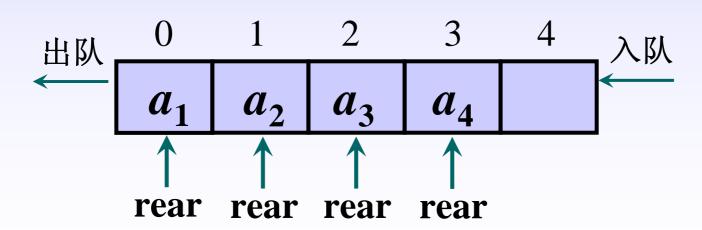
队列的顺序存储结构及实现

队列的顺序存储结构——循环队列



如何改造数组实现队列的顺序存储?

例: $a_1a_2a_3a_4$ 依次入队



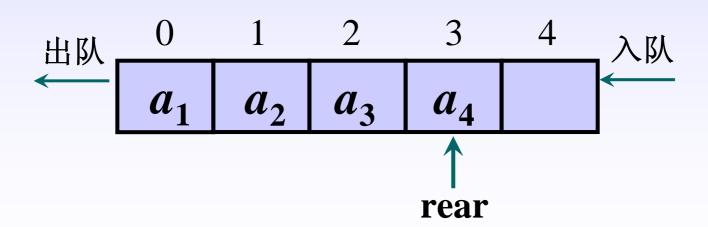
入队操作时间性能为O(1)

队列的顺序存储结构及实现



如何改造数组实现队列的顺序存储?

例: a_1a_2 依次出队

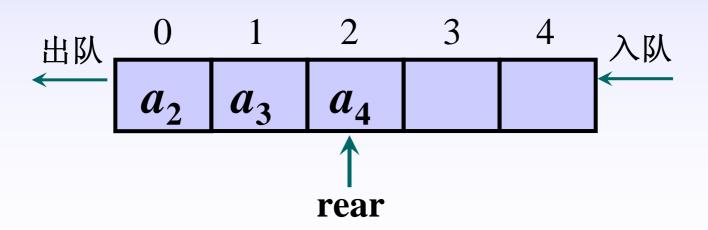


队列的顺序存储结构及实现



如何改造数组实现队列的顺序存储?

例: a_1a_2 依次出队

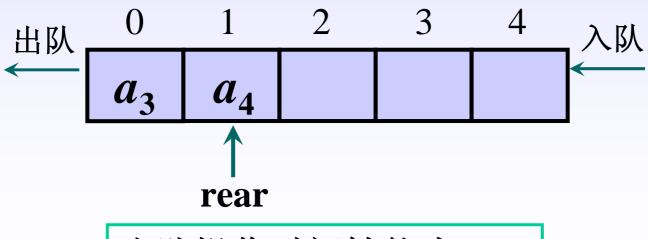


队列的顺序存储结构及实现



如何改造数组实现队列的顺序存储?

例: a_1a_2 依次出队



出队操作时间性能为O(n)

队列的顺序存储结构及实现



如何改进出队的时间性能?

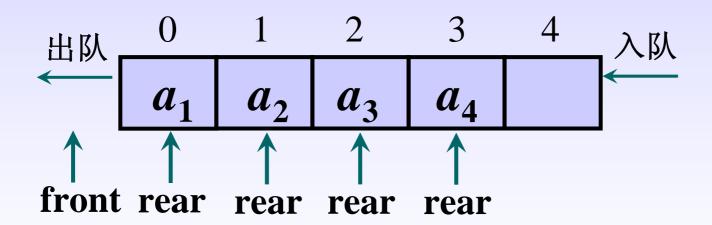
放宽队列的所有元素必须存储在数组的前n个单元这一条件,只要求队列的元素存储在数组中连续的位置。



设置队头、队尾两个指针

队列的顺序存储结构及实现

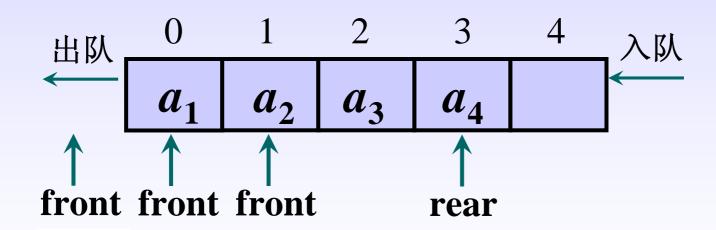
例: $a_1a_2a_3a_4$ 依次入队



入队操作时间性能仍为O(1)

队列的顺序存储结构及实现

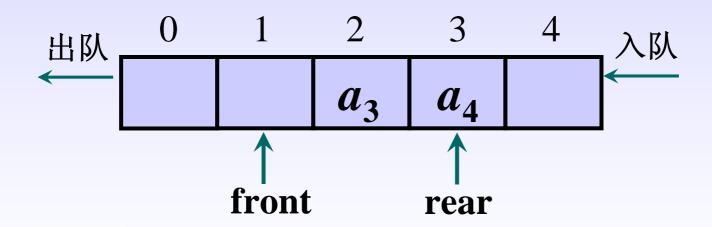
例: a_1a_2 依次出队



出队操作时间性能提高为0(1)

队列的顺序存储结构及实现

例: a_1a_2 依次出队

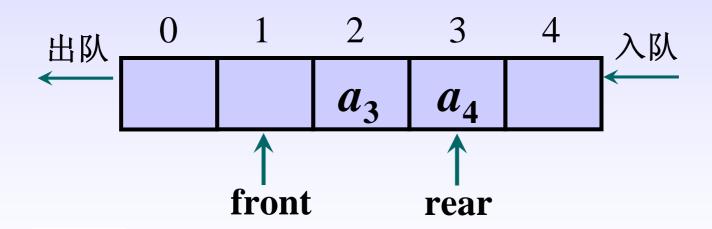




队列的移动有什么特点?

队列的顺序存储结构及实现

例: a_1a_2 依次出队



整个队列向数组下标较大方向移动

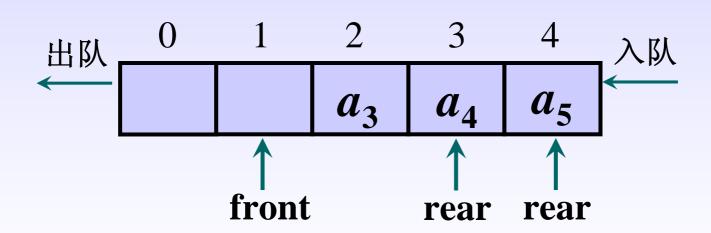


单向移动性

队列的顺序存储结构及实现



继续入队会出现什么情况?

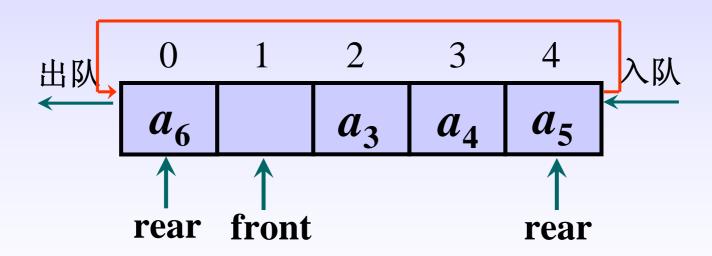


假溢出: 当元素被插入到数组中下标最大的位置上之后, 队列的空间就用尽了, 尽管此时数组的低端还有空闲空间, 这种现象叫做假溢出。

队列的顺序存储结构及实现



如何解决假溢出?

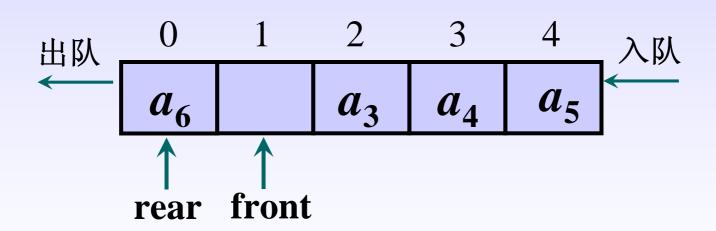


循环队列:将存储队列的数组头尾相接。

队列的顺序存储结构及实现



如何实现循环队列?



不存在物理的循环结构,用软件方法实现。

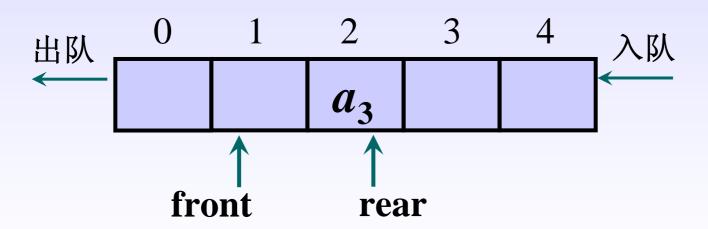
求模: (4+1) mod 5=0

队列的顺序存储结构及实现



如何判断循环队列队空?

队空的临界状态

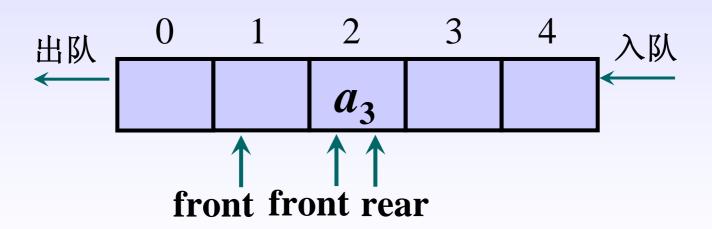


队列的顺序存储结构及实现



如何判断循环队列队空?

执行出队操作



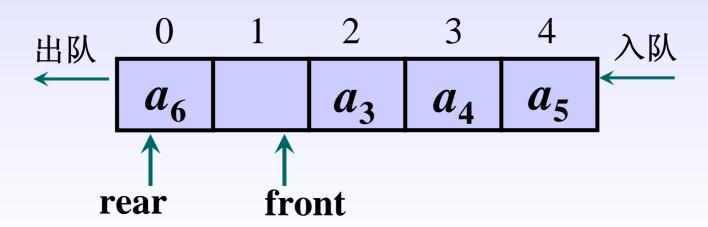
队空: front=rear

队列的顺序存储结构及实现



如何判断循环队列队满?

队满的临界状态

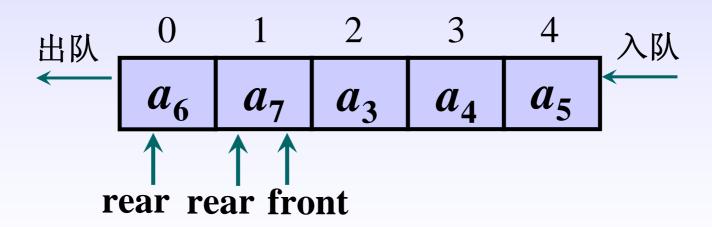


队列的顺序存储结构及实现



如何判断循环队列队满?

执行入队操作



队满: front=rear

特殊线性表-以列

队列的顺序存储结构及实现



如何确定不同的队空、队满的判定条件? 为什么要将队空和队满的判定条件分开?

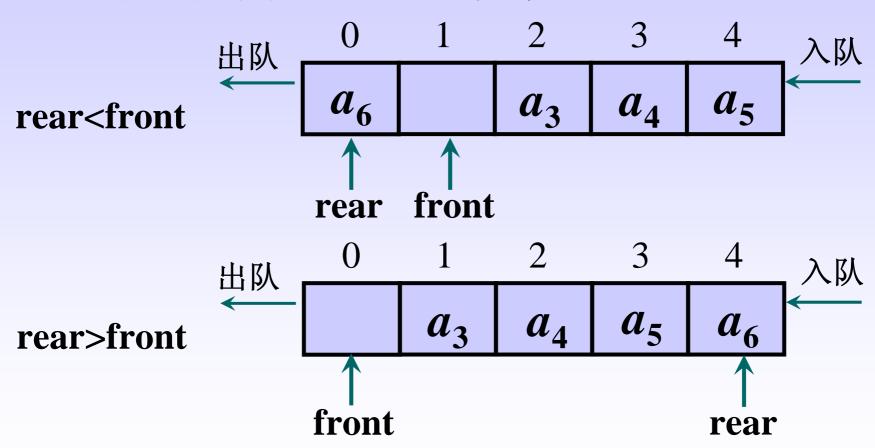
方法一: 附设一个存储队列中元素个数的变量num,

当num=0时队空,当num=QueueSize时为队满;

方法二: 修改队满条件,浪费一个元素空间,队满时 数组中只有一个空闲单元;

方法三:设置标志flag,当front=rear且flag=0时为队 空,当front=rear且flag=1时为队满。

队列的顺序存储结构及实现



队满的条件: (rear+1) mod QueueSize=front

```
循
环
队
列类的
声
明
```

```
const int QueueSize=100;
template <class T>
class CirQueue
 public:
   CirQueue(){front=rear=QueueSize-1;}
   ~ CirQueue();
   void EnQueue(T x);
  T DeQueue();
  T GetQueue();
  bool Empty(){return(front==rear? 1: 0);}
 private:
  T data[QueueSize];
  int front, rear;
```

循环队列的实现——入队

```
template <class T>
void CirQueue::EnQueue (T x)
 if ((rear+1) % QueueSize ==front) throw "上溢";
 rear=(rear+1) % QueueSize;
 data[rear]=x;
                                   a_{4}
                             a_3
                       front
                                   rear
```

循环队列的实现——出队

```
template <class T>
T CirQueue::DeQueue()
  if (rear==front) throw "下溢";
  front=(front+1) % QueueSize;
  return data[front];
          出队
                                 a_5
                            a_4
               front front
```

循环队列的实现——读队头元素

template <class T>

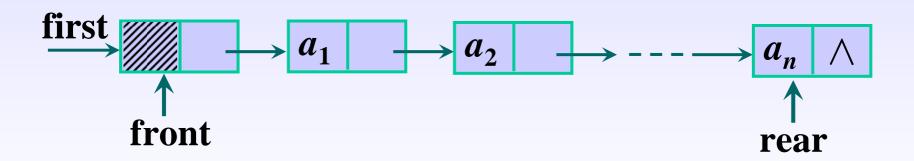
```
T CirQueue::GetQueue()
  if (rear==front) throw "下溢";
  i=(front+1) % QueueSize;
  return data[i];
           出队
                                    a_{5}
                        a_3
                              a_{4}
                 front
```

队列的链接存储结构及实现

队列的链接存储结构——链队列



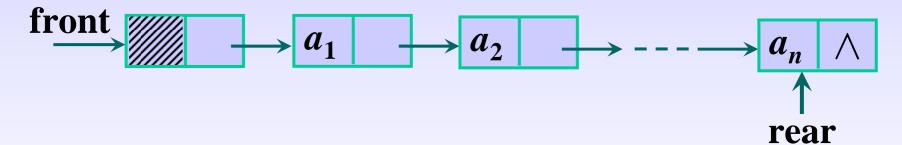
如何改造单链表实现队列的链接存储?



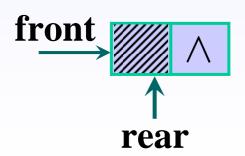
队头指针即为链表的头指针

队列的链接存储结构及实现

非空链队列



空链队列



链队列类的声明

```
template <class T>
class LinkQueue
 public:
   LinkQueue( );
   ~LinkQueue();
   void EnQueue(T x);
   T DeQueue();
   T GetQueue();
   int Empty(){return(front==rear?1:0);}
 private:
   Node<T> *front, *rear;
};
```

链队列的实现——构造函数

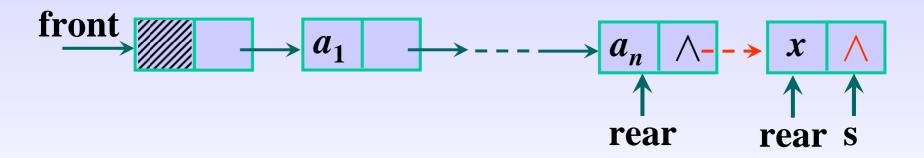
操作接口: LinkQueue();

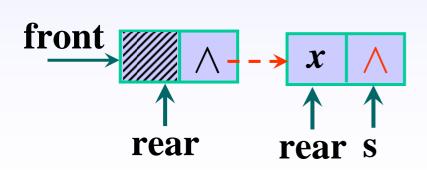
算法描述:

```
template <class T>
LinkQueue::LinkQueue()
{
  front=new Node<T>;
  front->next=NULL;
  rear=front;
}
```

链队列的实现——入队

操作接口: void EnQueue(Tx);



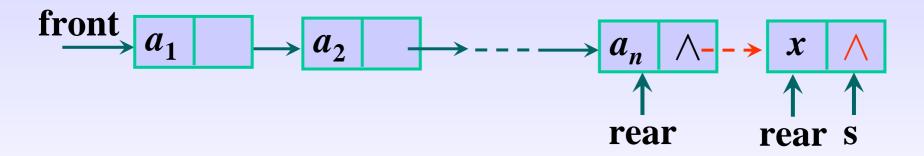


算法描述:

s->next=NULL;
rear->next=s;
rear=s;

链队列的实现——入队

操作接口: void EnQueue(Tx);

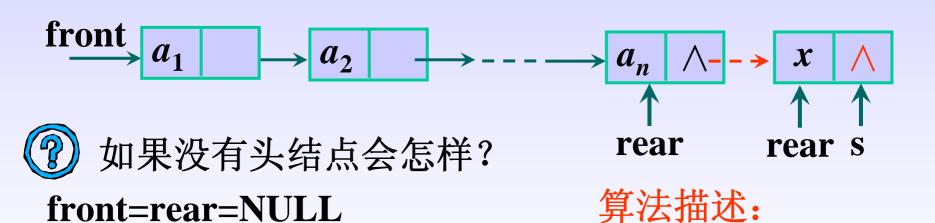


算法描述:

s->next=NULL;
rear->next=s;
rear=s;

链队列的实现——入队

操作接口: void EnQueue(T x);



 $\begin{array}{c|c}
\text{front} & x & \land \\
 & \uparrow & \uparrow \\
\text{rear S}
\end{array}$

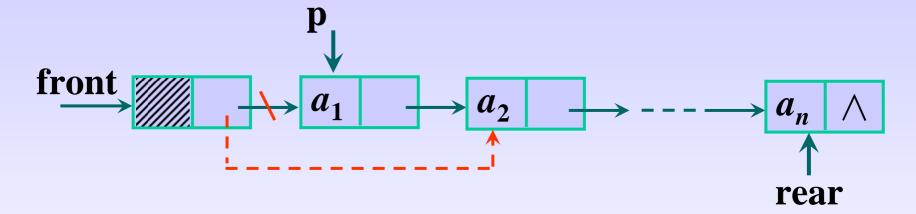
s->next=NULL;
rear=s;
front=s;

入队操作不统一

链队列的实现——入队

```
template <class T>
void LinkQueue::EnQueue (T x)
  s=new Node<T>;
  s->data=x;
  s->next=NULL;
  rear->next=s;
  rear=s;
```

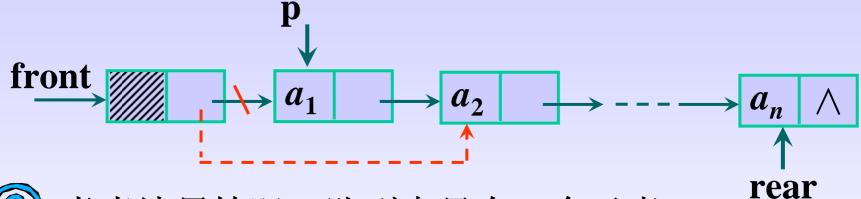
链队列的实现——出队



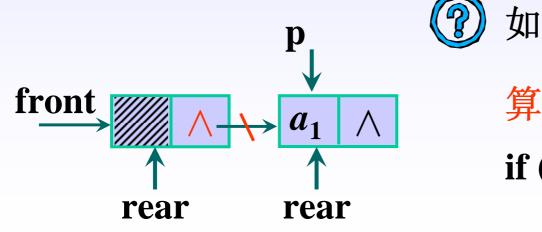
算法描述:

p=front->next; front->next=p->next;

链队列的实现——出队



⑦ 考虑边界情况:队列中只有一个元素?



如何判断边界情况?

算法描述:

if (p->next==NULL)
 rear=front;

链队列的实现——出队

```
template <class T>
T LinkQueue::DeQueue()
  if (rear==front) throw "下溢";
  p=front->next;
  x=p->data;
  front->next=p->next;
  if (p->next==NULL) rear=front;
  delete p;
  return x;
```

循环队列和链队列的比较

时间性能:

循环队列和链队列的基本操作都需要常数时间O(1)。

空间性能:

循环队列:必须预先确定一个固定的长度,所以有存储元素个数的限制和空间浪费的问题。

链队列:没有队列满的问题,只有当内存没有可用空间时才会出现队列满,但是每个元素都需要一个指针域,从而产生了结构性开销。

数制转换 括号匹配的检验

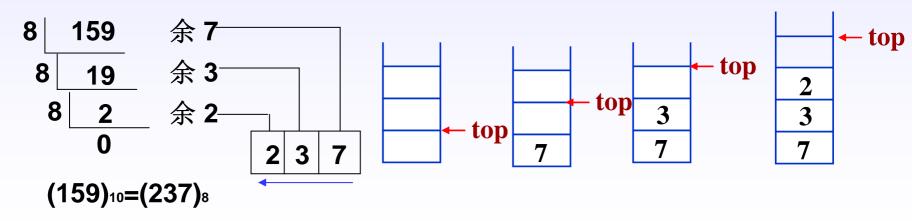
数制转换

十进制N和其它d进制数的转换是计算机实现计算的基本问题。

基于下列原理:

N=(n div d)*d+n mod d (其中:div为整除运算,mod为求余运算)

例 把十进制数159转换成八进制数



数制转换

```
void conversion (int N,int d) {
  SeqStack<int>S; // 构造空栈
      int e;
  while (N) {
   S.Push(N % d); // ''余数''入栈
  N=N/d;//非零商继续运算
  while (!S.Empty()) { //和"求余"所得相逆的顺序输出d进制的各位数
   e=S.Pop();
   cout<<e;
} // conversion
```

括号匹配的检验

```
假设在表达式中
([]())或[([][])]
等为正确的格式,
[(])或([]()或(()))均为不正确的格式
检验括号是否匹配的方法可用"期待的急迫程度"描述:
后出现的"左括号",它等待与其匹配的"右括号"出现的
"急迫"心情要比先出现的左括号高。
```

- •对"左括号"来说,后出现的比先出现的"优先"等待检验,
- •对"右括号"来说,每个出现的右括号要去找在它之前"最后"出现的那个左括号去匹配。

括号匹配的检验

例如: 考虑下列括号序列:

[([] [])] 1 2 3 4 5 6 7 8

- * 这个处理过程恰与栈的特点相吻合。
- ❖ 在算法中设置一个栈,每读入一个括号:
 - ❖若是右括号,则
 - ❖或者使置于栈顶的最急迫的期待得以消解,
 - ❖或者是不合法的情况;
 - ❖若是左括号,则
 - ❖作为一个新的更急迫的期待压入栈中,使原有的在栈中的所有 未消解的期待的急迫性都降了一级。
- ❖ 在算法的 开始和结束时,栈都应该是空的

分析可能出现的不匹配的情况:

- *到来的右括号并非是所"期待"的;
 - [(])
- ▶到来的是"不速之客";
 - [()]) 或)
- 直到结束,也没有到来所"期待"的括号。

这三种情况对应到栈的操作即为:

- ❖和栈顶的左括号不相匹配;
- > 栈中并没有左括号等在哪里;
- 栈中还有左括号没有等到和它相匹配的右括号。

算法思想:

- 1) 凡出现左括号,则进栈;
- 2)凡出现右括号,首先检查栈是否空若栈空,则表明该"右括号"多余, 否则和栈顶元素比较, 若相匹配,则"左括号出栈", 否则表明不匹配。
- 3) 表达式检验结束时, 若栈空,则表明表达式中匹配正确, 否则表明"左括号"有余。

```
bool matching(char exp[]) {
// 检验表达式中所含括号是否正确嵌套,
//若是,则返回TRUE,否则返回FALSE. '#' 为表达式的结束符
int state = 1,i=0;
 char ch,e;
 ch = exp[i++];
 SeqStack <char> S; // 构造空栈
 while (ch!='\0' && state) {
   if(ch=='(' || ch=='[') S.Push(ch); // 凡左括号一律入栈
   else if(ch== ')')
      if (!S.Empty() && S.GetTop()=='(') e=S.Pop(); else state = 0;
      else if(ch==']')
      if (!S.Empty() && S.GetTop()=='[') e=S.Pop(); else state = 0;
   ch = exp[i++];
  // while
if (state && S.Empty()) return 1;
 else return 0;
}//matching
```

栈和队列

