

Лабораторная работа №1 (4 часа)

Тема: Изучение стандартных средств отображения графической информации интегрированной среды разработки C++ Builder.

Цель: Используя стандартные средства вывода графической информации среды C++ Builder, построить графики кривых высших порядков и обеспечить масштабирование кривых по размерам формы приложения.

Варианты заданий:

Вариант 1. Декартов лист

Уравнение кривой:

$$x^3 + y^3 - 3axy = 0, \quad a > 0.$$

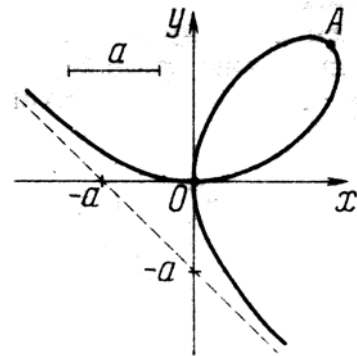
Параметрическое представление:

$$x = 3at / (1 + t^3),$$

$$y = 3at^2 / (1 + t^3),$$

$$-\infty < t < -1 \text{ и } -1 < t < \infty.$$

Вершина: $A(3a/2, 3a/2)$.



Вариант 2. Циссоида

Уравнение кривой:

$$x^3 + (x-a)y^2 = 0, \quad a > 0.$$

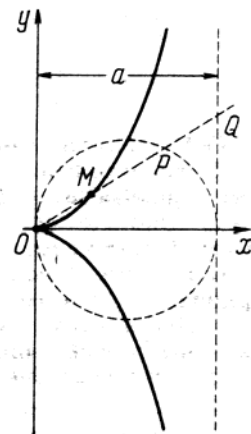
Параметрическое представление:

$$x = at^2 / (1 + t^2),$$

$$y = at^3 / (1 + t^2),$$

$$-\infty < t < \infty, \quad t = \tan \varphi(t),$$

где $\varphi(t)$ - угол между прямой MO и положительным направлением оси X,
 $M(t)$ - текущая точка кривой.



Вариант 3. Улитка Паскаля

Уравнение кривой:

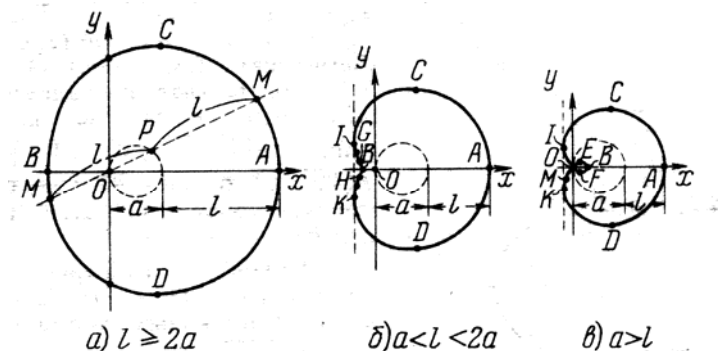
$$(x^2 + y^2 - ax)^2 - l^2(x^2 + y^2) = 0,$$

$$a > 0, \quad l > 0.$$

В параметрической форме (при $a < l$ точка O не включается):

$$x = a \cos^2 t + l \cos t,$$

$$y = a \cos t \cdot \sin t + l \sin t, \quad 0 \leq t < 2\pi.$$



Вариант 4. Кардиоиды

Уравнение кривой:

$$(x^2 + y^2)(x^2 + y^2 - 2ax) - a^2 y^2 = 0, \quad a > 0.$$

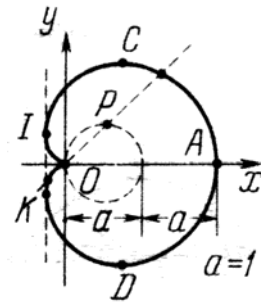
В параметрической форме:

$$x = a \cos t(1 + \cos t), \quad y = a \sin t(1 + \cos t),$$

$$0 \leq t < 2\pi.$$

Вершина: $A(2a, 0)$; координаты точек C и

$$D: x_C = x_D = 3a/4, \quad y_C = -y_D = \sqrt{3} \cdot x_C$$



Вариант 5. Эпициклоиды

Направляющая кривая L – окружность радиуса b , окружность K радиуса a катится без скольжения вне ее.

В параметрической форме:

$$x = (a + b) \cos \varphi - a \cos((a + b)\varphi / a),$$

$$y = (a + b) \sin \varphi - a \sin((a + b)\varphi / a),$$

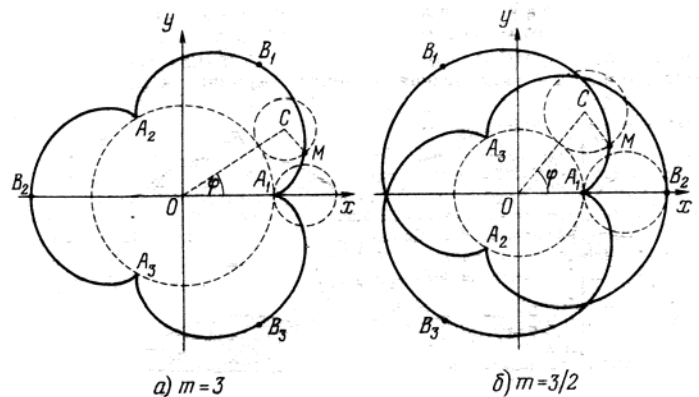
$$-\infty < \varphi < \infty, \quad \varphi = \angle COA_1$$

Вид кривых зависит от отношения $m = b/a$.

а) m – целое положительное число. Кривые состоят из m равных друг другу дуг, «обходящих» направляющую окружность L (а). Достаточно рассмотреть изменение φ от нуля до 2π , так как кривые далее переходят сами в себя.

б) $m = p/q$, p и q – положительные целые взаимно простые числа. Кривые состоят из p равных друг другу пересекающихся дуг (б). Кривые замкнуты. Интервал изменения параметра: $0 \leq \varphi < 2q\pi$.

в) если m – иррациональное, то кривые состоят из бесконечного числа равных друг другу дуг. Кривые не замкнуты. Радиус кривизны $R(\varphi) = (4a(a + b) \sin((b\varphi)/(2a)))/(2a + b)$, в вершинах $B_k: R_{B_k} = 4a(a + b)/(2a + b)$



Вариант 6. Архимедова спираль

Кривая представляет собой путь, описываемый некоторой точкой, движущейся с постоянной скоростью v по лучу, вращающемуся около полюса O с постоянной угловой скоростью w .

Уравнение в полярных координатах:

$$\rho = a\varphi, \quad a = v/w > 0, \quad -\infty < \varphi < \infty.$$

Первая ветвь: $0 \leq \varphi < \infty$; вторая: $-\infty < \varphi < 0$.

Каждый луч OK пересекает кривую в точках $A_1, A_2, \dots, A_n, \dots$, находящихся друг от друга на расстоянии $A_i A_{i+1} = 2\pi a$. Радиус кривизны $R(\varphi) = a(\varphi^3 + 1)^{3/2} / (\varphi^2 + 2)$.

