CPE217 - Homework 6

Homework: AVLTree Data Structure and Splay Tree Data Structures

Homework Due Date: 22 November 2016

Patiwet Wuttisarnwattana, Ph.D.

Department of Computer Engineering

- คำชี้แจงการส่งงาน
- ให้นักศึกษาส่งงานเข้าอีเมล class.submissionx@gmail.com เท่านั้น ห้ามส่งงานเข้าเมลของอาจารย์ โปรดจำไว้ว่า อีเมลนี้อาจารย์จะไม่อ่านจนกว่าจะถึงเวลาตรวจ เพราะฉะนั้นถ้านักศึกษามีคำถามจะถามอาจารย์หรือพี่ TA ให้ ส่งอีเมลเข้าอีเมลส่วนตัวอาจารย์หรือพี่ TA ตามที่ให้ไว้
- ในการส่งงานให้ระบุในช่อง Subject ของ email ให้เขียน pattern ดังต่อไปนี้ [CPE217][HWx][core person ID] ตรง x ให้ระบุว่าเป็นการบ้านที่เท่าไหร่และตรง core person ID ให้ระบุรหัสนักศึกษาที่เป็น core person ตัวอย่างเช่น [CPE217][HW6][580610615] หาก core person คือ กนกวรรณ
- แต่ละกลุ่ม ควรให้ core person เป็นคนส่งงาน และในเนื้อความอีเมล ให้ระบุ รหัสประจำตัวนักศึกษาของทุกคนที่ เป็นสมาชิกในกลุ่ม หาก core person ไม่สามารถส่งงานได้ ให้สมาชิกคนใดก็ได้ส่งงานแทน แต่ core person id ต้อง เป็นรหัสเดิมทุกครั้ง
- โค้ดของคุณต้องมีคอมเม้นต์ (comment) เพื่ออธิบายว่าโค้ดดังที่เห็นอยู่นี้ทำงานอะไร หรือ if นี้ทำตรวจหาอะไร หาก<u>กลุ่มไหนไม่มีคอมเม้นต์ในโค้ดจะไม่ได้รับการตรวจ</u> การเขียนคอมเม้นต์ไม่ต้องเขียนแบบละเอียดยิบก็ได้ เท่าที่ คุณต้องการให้ผู้ตรวจทราบก็พอ
- อาจารย์เปลี่ยนใจละ ไม่ต้องส่งคะแนน contribution ของเพื่อนในกลุ่ม หากกลุ่มไหนทนไม่ไหวและอยากรายงาน ความประพฤติของเพื่อนว่าเอาเปรียบ ไม่ช่วยทำงาน ให้ส่งอีเมลแจ้งอาจารย์เป็นกรณีไป อันที่จริงผลกรรมของ การเอาเปรียบจะไปแสดงตอนสอบไฟนอลอยู่ละ คุณสบายใจได้
- งานที่ส่งต้องประกอบด้วย Zip file ของ src folder ที่สามารถกด F6 รันได้เลย หากมี compile error หรือ runtime
 exception งานของนักศึกษาจะไม่ได้รับการตรวจ
- สามารถส่งการบ้านช้าได้ แต่หักคะแนนวันละ 10%

การบ้านนี้ให้นักศึกษา implement AVL Tree และ Splay Tree ตามที่เรียนในห้อง โดยใช้ Java โดยให้มีคลาสดังต่อไปนี้

- 1. ให้สร้าง class Node โดย class Node นี้มีคุณสมบัติดังต่อไปนี้
 - a. ให้ Node แต่ละ Node สามารถบรรจุ data (key) ได้ค่า ๆ หนึ่ง โดยให้เป็นตัวแปรชนิด integer
 - b. ให้ Node แต่ละ Node สามารถต่อกันเพื่อเป็นโครงสร้างข้อมูล Binary Search Tree ตามที่เรียนในห้องได้
 - c. สมาชิกของ class Node ควรที่จะมี reference ซี้ไปยัง ลูกคนซ้าย (left child), ลูกคนขวา (right child) และ parent node
- 2. ให้ class Node มี 1 Constructor คือ Node(int data) ซึ่งทำหน้าที่ กำหนดค่าเริ่มต้นของ key จาก data
- 3. ให้ class Node มี operation ดังต่อไปนี้
 - a. public static int height(Node node) ทำหน้าที่หาว่า Node node นื้อยู่ที่ความสูงที่เท่าไหร่เมื่อเทียบกับลูก ที่อยู่ลึกที่สุด [อาจารย์ implement ให้เรียบร้อยแล้ว ใช้ได้เลย]
 - b. public boolean isImbalance() ทำหน้าที่คืนค่าเพื่อที่จะบอกว่า node ปัจจุบันนี้ สมดุลด้วยความสูง (height balance) หรือไม่ นิยามความสมดุลด้วยความสูงของ Node ให้ใช้ตามที่เรียนในห้อง
- 4. ให้ศึกษา class BSTree ซึ่งทำหน้าที่บรรจุ Node ตามคุณสมบัติของ Binary Search Tree โดยอาจารย์จะ implement ฟังก์ชันส่วนใหญ่ให้หมดแล้ว ให้คุณเติมบางฟังก์ชันที่ไม่ครบถ้วน ดังต่อไปนี้
 - a. ฟังก์ชันที่อาจารย์ implement ให้เรียบร้อยแล้ว ใช้ได้เลย
 - 2 constructor คือ public BSTree() และ public BSTree(Node root) โดย constructor ตัวที่สองทำ หน้าที่กำหนด root node จาก calling function
 - ฟังก์ชัน printTree() ที่จะเรียกฟังก์ชันชื่อเดียวกันของ super class BTreePrinter เพื่อทำหน้าที่
 แสดงแผนภาพต้นไม้ออกมาอย่างคร่าว ๆ ได้
 - ฟังก์ชัน public Node find(int search_key) และ public static Node find(Node node, int search_key) เพื่อทำหน้าที่หา Node ที่บรรจุใน BSTree ที่มี key ดังที่ระบุ
 - ฟังก์ชัน public Node findMin() และ public static Node findMin(Node node) ทำหน้าที่หา Node ที่บรรจุใน Tree ที่มีค่า key น้อยที่สุด
 - ฟังก์ชัน public Node findMax() และ public static Node findMax(Node node) ทำหน้าที่หา Node ที่บรรจุใน Tree ที่มีค่า key มากที่สุด
 - ฟังก์ชัน public void insert(int key) และ public static void insert(Node node, int key) ทำหน้าที่ สร้าง Node ใหม่ที่บรรจุค่า key แล้วนำไปต่อใน BST ตามที่เรียนในห้อง
 - ฟังก์ชัน public void delete(int key) และ public static void delete(Node node, int key) ทำ หน้าที่ค้นหา Node ที่บรรจุอยู่ใน BST แล้วทำการแทนที่ด้วย Node ที่มีค่าน้อยที่สุดจาก Right subtree ตามที่เรียนในห้อง
 - b. ในการบ้านนี้คุณต้องเพิ่มฟังก์ชันดังต่อไปนี้ลงใน BSTree
 - public void singleRotateFromLeft(Node y) ทำหน้าที่ หมุนลูกทางซ้ายของ Node y ขึ้นมาแทน
 Node y ตามที่เรียนในห้อง

- public void singleRotateFromRight(Node y) ทำหน้าที่ หมุนลูกทางขวาของ Node y ขึ้นมาแทน
 Node y ตามที่เรียนในห้อง
- public void doubleRotateFromLeft(Node y) ทำหน้าที่ หมุนหลานของ Node y จากทางด้านซ้าย
 ใน ขึ้นมาแทน Node y ตามที่เรียนในห้อง
- public void doubleRotateFromRight(Node y) ทำหน้าที่ หมุนหลานของ Node y จากทาง ด้านขวาใน ขึ้นมาแทน Node y ตามที่เรียนในห้อง
- public static boolean isMergeable(Node r1, Node r2) ทำหน้าที่ ตรวจสอบว่า ต้นไม้ที่กำหนดให้ อยู่ด้านซ้ายซึ่งมี root เป็น r1 จะสามารถรวมกับต้นไม้ที่มี root เป็น r2 ซึ่งกำหนดให้อยู่ด้านขวา ได้หรือไม่ เงื่อนไขการรวมกันได้หรือไม่ คือ ข้อมูลทุกตัวของต้นไม้ด้านซ้ายจะต้องน้อยกว่า ข้อมูลทุกตัวของต้นไม้ด้านขวา
- public void merge(BSTree tree2) ทำหน้าที่ รวมต้นไม้ปัจจุบัน (this) ซึ่งอยู่ด้านซ้าย กับต้นไม้ที่ อยู่ด้านขวาที่ชื่อว่า tree2 เข้าด้วยกัน โดยฟังก์ชันนี้จะสร้าง root ใหม่ขึ้นมาได้เอง ตามที่เรียน ในห้อง กำหนดให้ root ใหม่คือ Node ที่มี key เป็นค่าสูงที่สุด ของต้นไม้ปัจจุบัน (this) ถ้าต้นไม้ ทั้งสองรวมกันไม่ได้ดังเงื่อนไขข้างบน ให้แจ้งให้ user ทราบว่า "All nodes in T1 must be smaller than all nodes from T2"
- public static Node mergeWithRoot(Node r1, Node r2, Node t) ทำหน้าที่ รวมต้นไม้ที่อยู่ ด้านซ้ายซึ่งมี root node ชื่อว่า r1 และ ต้นไม้ที่อยู่ด้านขวาที่ชื่อว่า r2 เข้าด้วยกัน โดยกำหนดให้ ใช้ Node t เป็น root ที่ใช้ในการเชื่อมต้นไม้ทั้งสองเข้าด้วยกัน ตามที่เรียนในห้อง ถ้าต้นไม้ทั้งสอง รวมกันไม่ได้ดังเงื่อนไขข้างบน ให้แจ้งให้ user ทราบว่า "All nodes in T1 must be smaller than all nodes from T2"
- public NodeList split(int key) และ public static NodeList split(Node r, int key) ทำหน้าที่ แบ่ง ต้นไม้ปัจจุบัน (this) ออกเป็นสองต้น โดยใช้ key ที่กำหนดขึ้นมาเป็นตัวแบ่ง ต้นแรกให้มีสมาชิก ทุกตัวมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ key ต้นที่สองมีสมาชิกมากกว่า key ผลลัพธ์ คือ root node ของ ต้นไม้ต้นแรกกับต้นที่สอง โดยให้ class NodeList ซึ่งมีสมาชิกคือ r1 และ r2 ชี้ไปที่ root ของ ต้นไม้ทั้งสองต้น ตามลำดับ อาจารย์จะ implement class NodeList และ public NodeList split(int key) ให้คุณทำส่วนเป็นที่ recursion ให้เสร็จ
- 5. เมื่อคุณสร้าง class BSTree ตามที่กำหนดเสร็จเรียบร้อยแล้ว ให้ทำการสร้าง class AVLTree ให้มีคุณสมบัติของ Height Balancing ตามที่เรียนในห้อง
 - a. โค้ดดังต่อไปนี้ใน AVLTree จะต้องมีหน้าตาเหมือนกันกับ BSTree ให้คุณ copy โค้ดของฟังก์ชันดังต่อไปนี้ มาเติมลงให้ AVLTree ให้สมบูรณ์
 - public void singleRotateFromLeft(Node y)
 - public void singleRotateFromRight(Node y)
 - public void doubleRotateFromLeft(Node y)

- public void doubleRotateFromRight(Node y)
- public static boolean isMergeable(Node r1, Node r2)
- b. ให้คุณ implement function เพิ่ม ดังต่อไปนี้
 - public static void rebalance(AVLTree tree, Node node) ทำหน้าที่ rebalance node ซึ่งเป็นส่วน หนึ่งใน tree กฎการ rebalance ให้เป็นไปตามที่เรียนในห้อง ฟังก์ชัน rebalance ควรที่จะทำการ เรียกฟังก์ชัน singleRotateFromLeft(Node y), singleRotateFromRight(Node y), doubleRotateFromLeft(Node y) ให้ถูกต้องตามสมควรแก่ สถานการณ์
 - นอกจากนี้ หากฟังก์ชันทั้งสี่ดังกล่าวถูกเรียกโดย rebalance ให้คุณทำการ print ออกทาง Console อีกด้วย ด้วย pattern ดังตัวอย่างต่อไปนี้
 - i. ถ้า Node 5 ถูกหมุนจากลูกทางด้านซ้าย ให้คุณ print ออกไปว่า "Perform SingleRotationFromLeft(Node 5)"
 - ii. ถ้า Node 5 ถูกหมุนจากหลานทางด้านขวาใน ให้คุณ print ออกไปว่า "Perform DoubleRotationFromRight(Node 5)"
 - iii. การเขียนโค้ดการ print นี้ให้ implement ในฟังก์ชัน rebalance
 - ผมได้แยกกรณีเอาไว้ให้คุณแล้วเพียงคุณเติมโค้ดที่ขาดหายไปเท่านั้นเอง ถ้าหากคุณไม่เข้าใจ โค้ดอาจารย์ ผมอนุญาตให้คุณเขียน function นี้ขึ้นมาใหม่ได้เลย โดยไม่ต้องใช้ template function นี้ของอาจารย์
- c. เมื่อทำการ implement rebalance แล้ว ให้คุณปรับปรุงโค้ดดังต่อไปนี้ เพื่อให้ operation ดังกล่าวมี คุณสมบัติของ Self-balancing tree (AVL Tree) โดยปกติแล้วคุณแค่เติมให้มีการเรียกฟังก์ชัน rebalance ในไม่กี่บรรทัด แต่บาง operation คุณอาจจะต้องแก้โค้ดใหม่ และมีบาง operation คุณอาจจะไม่ต้องแก้ไข อะไรเลย ก็เป็นได้
 - public static void insert(AVLTree tree, Node node, int key)
 - public static void delete(AVLTree tree, Node node, int key)
 - public static Node mergeWithRoot(Node r1, Node r2, Node t)
 - public static NodeList split(Node r, int key)
 - public void merge(AVLTree tree2)
- 6. เมื่อคุณสร้าง class SplayTree เพื่อให้มีคุณสมบัติของ Self-Adjusting ตามที่เรียนในห้อง
 - a. ฟังก์ชันดังต่อไปนี้อาจารย์ได้ implement สำเร็จรูปไว้แล้ว สามารถใช้ได้เลย ไม่ต้องแก้ไขเพิ่มเติมอีก รวมทั้งไม่ต้องทำการ splay ด้วย ฟังก์ชันดังกล่าวได้แก่
 - Constructor สองตัว public SplayTree() และ public SplayTree(Node root)
 - public void printTree()
 - private Node findMin()

- private static Node findMin(Node node)
- public static Node findWithoutSplaying(Node node, int search_key)
- private static Node find(Node node, int search_key)
- b. ให้คุณทำการ implement operation ดังต่อไปนี้
 - public void zig(Node node) ทำหน้าที่น้ำ node ขึ้นไปอีกหนึ่งระดับ โดยทำการสลับที่กับ parent ด้านบน หาก node นั้นเป็น root node ให้แจ้งแก่ user ว่า Cannot perform Zig operation on the root node คุณควรแยกกรณีออกเป็น สี่กรณี ได้แก่ (1) กรณีที่ node นั้นเป็นลูกคนซ้ายของ root node (2) กรณีที่ node นั้นเป็นลูกคนซ้ายของ Node ใด ๆ ที่ไม่ใช่ root node (4) กรณีที่ node นั้นเป็นลูกคนขวาของ Node ใด ๆ ที่ไม่ใช่ root node
 - public void zigzig(Node node) ทำหน้าที่นำ node ขึ้นไปอีกสองระดับ ตามแนววงนอก ให้สลับ ที่ parent กับ grandparent ก่อน แล้วจึงสลับตัว node หลังสุด หากไม่เข้าใจ ให้กลับไปดูในสไลด์ อาจารย์ ฟังก์ชันนี้ต้องเรียกฟังก์ชัน zig ในการนำ node ขึ้นไปหนึ่งระดับ
 - public void zigzag(Node node) ทำหน้าที่นำ node ขึ้นไปอีกสองระดับ ตามแนววงใน ให้สลับที่ ตัวมันเอง กับ parent ก่อน แล้วจึงสลับที่กับ grandparent ทีหลัง หากไม่เข้าใจ ให้กลับไปดูใน สไลด์อาจารย์ ฟังก์ชันนี้ต้องเรียกฟังก์ชัน zig ในการนำ node ขึ้นไปหนึ่งระดับ
 - public void splay(Node node) ทำหน้าที่นำ node ขึ้นไปไว้ตรง root แบบ recursive โดยฟังก์ชัน นี้สามารถประเมินได้ว่าควรจะนำ node ขึ้นไปข้างบนได้อย่างไร หากนำขึ้นไปในสองระดับได้ ให้ เรียกใช้ฟังก์ชัน zigzig หรือ zigzag ตามสมควร หากนำขึ้นไปได้แค่หนึ่งระดับก็ให้เรียกใช้ ฟังก์ชัน zig
- c. เมื่อคุณสร้างฟังก์ชัน splay สำเร็จแล้ว ให้คุณทำการปรับปรุงฟังก์ชันดังต่อไปนี้
 - public Node find(int search_key) โดยทุก ๆ ครั้งที่ Node ถูกหาเจอ Node นั้นจะถูก splay ขึ้น ไปอยู่ที่ root
 - private static void insert(SplayTree tree, Node node, int key) หลังจาก insert ตามปกติแล้ว ให้ Node ที่เพิ่งถูกบรรจุเข้ามาใหม่ ถูก splay ขึ้นไปอยู่บน root
 - public void delete(int key) ให้ใช้อัลกอริทึมดังต่อไปนี้ เพื่อลบ Node ใด ๆ สำหรับ SplayTree (วิธีใหม่ ซึ่งแตกต่างจากการลบ Node ใน BST)
 - i. หา Node ที่บรรจุ key ให้เจอ (ถ้าไม่เจอ ให้แจ้ง Error) แล้ว splay Node นั้นขึ้นมาที่ root
 - ii. สร้างต้นไม้ต้นใหม่ โดยแยกลูกด้านขวาของ root (ของต้นไม้ต้นเก่า) ออกมาเป็น root Node ของต้นไม้ต้นใหม่
 - iii. หา Node ที่มีค่าน้อยที่สุดของ ต้นไม้ต้นใหม่ แล้ว splay มันขึ้นมาที่ root
 - iv. นำลูกด้านซ้ายของต้นไม้ต้นเก่ามาต่อเป็นลูกด้านซ้ายของ root ของต้นไม้ต้นใหม่

v. แทนที่ root ของต้นไม้ต้นเก่า (this.root) ด้วย root ของต้นไม้ต้นใหม่

7. ตัวอย่างการทำงาน

```
Java code
public static void main(String[] args) {
      BSTree tree;
      tree = generateTree1();
      tree.printTree();
      System.out.println("---- Test1 singleRotateFromLeft at Lv 3 ----");
      tree.singleRotateFromLeft(tree.find(6));
      tree.singleRotateFromLeft(tree.find(2));
      tree.printTree();
      System.out.println("---- Test2 singleRotateFromRight at Lv 3 ----");
      tree = generateTree1();
      tree.singleRotateFromRight(tree.find(10));
      tree.singleRotateFromRight(tree.find(14));
      tree.printTree();
      System.out.println("---- Test3 singleRotateFromLeft at Lv 2 ----");
      tree = generateTree1();
      tree.singleRotateFromLeft(tree.find(4));
      tree.printTree();
      System.out.println("---- Test4 singleRotateFromRight at Lv 2 ----");
      tree = generateTree1();
      tree.singleRotateFromRight(tree.find(12));
      tree.printTree();
```

```
System.out.println("---- Test5 singleRotateFromLeft at Lv 1 ----");
     tree.singleRotateFromLeft(tree.find(8));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test6 singleRotateFromRight at Lv 1 ----");
     tree.singleRotateFromRight(tree.find(8));
     tree.printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
             8
            /\
           / \
                12
                /\
        / \ / \
         2 6 10 14
        /\ /\ /\ /\
        1 3 5 7 9 11 13 15
        ---- Test1 singleRotateFromLeft at Lv 3 ----
                   8
                  /\
                      ١
                         \
                         12
            /\
                         /\
```

```
/ \ / \
 / \
        / \
    5 10
          14
 \ \ /\ /\
   \ /\ /\
 2 6 9 11 13 15
  \ \
  3
    7
--- Test2 singleRotateFromRight at Lv 3 ----
     8
     /\
    / \
    / \
       \
       \
       \
  4
      12
       /\
  /\
 / \
        / \
 / \
       / \
        / \
 / \
        11 15
 2
    6
/\ /\ / /
/ \ / \ / /
1 3 5 7 10 14
      / /
     9
       13
```

```
---- Test3 singleRotateFromLeft at Lv 2 ----
       8
      /\
      / \
         \
          \
    /
   /
          \
   2
          12
          /\
   /\
  / \
          / \
   \
       / \
   4
       10 14
    /\ /\ /\
    / \ / \ / \
    3 6 9 11 13 15
      /\
      5 7
---- Test4 singleRotateFromRight at Lv 2 ----
       8
      /\
      / \
          ١
          \
```

```
4
            14
   /\
           /\
  / \
           / \
 2
     6 12
               15
/\ /\ /\
/ \ / \ / \
1 3 5 7 10 13
        /\
        9 11
---- Test5 singleRotateFromLeft at Lv 1 ----
                 4
                /\
                / \
                          ١
        2
                           8
       /\
                         /\
```

```
/ \
            \
                              \
                     6
    1
             3
                              14
                     /\
                             /\
                    / \
                             / \
                    / \
                   5
                        7 12
                               15
                           /\
                           / \
                           10 13
                          /\
                           9 11
---- Test6 singleRotateFromRight at Lv 1 ----
                 4
                /\
                / \
                    ١
                       ١
```

```
١
                      \
    2
                      14
                     /\
   /\
                     / \
   / \
                         ١
       \
                          \
        ١
                           \
1
         3
                  8
                            15
                 /\
                 / \
                    12
               /\
                    /\
              / \ / \
               5 7 10 13
                   /\
                  9 11
```

```
Java code

public static void main(String[] args) {

BSTree tree;

tree = generateTree1();
```

```
tree.printTree();
     System.out.println("---- Test7 doubleRotateFromRight at Lv 1 ----");
     tree.doubleRotateFromRight(tree.find(8));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test8 doubleRotateFromLeft at Lv 1 ----");
     tree=generateTree1();
     tree.doubleRotateFromLeft(tree.find(8));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test9.1 doubleRotateFromLeft at Lv 2 ----");
     tree=generateTree1();
     tree.doubleRotateFromLeft(tree.find(4));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test9.2 doubleRotateFromLeft at Lv 2 ----");
     tree=generateTree1();
     tree.doubleRotateFromLeft(tree.find(12));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test10.1 doubleRotateFromRight at Lv 2 ----");
     tree=generateTree1();
     tree.doubleRotateFromRight(tree.find(4));
     tree.printTree();
     System.out.println("---- Test10.2 doubleRotateFromRight at Lv 2 ----");
     tree=generateTree1();
     tree.doubleRotateFromRight(tree.find(12));
     tree.printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
            /\
           / \
           / \
```

```
4
/\
      /\
/ \ / \
2 6 10 14
/\ /\ /\ /\
1 3 5 7 9 11 13 15
---- Test7 doubleRotateFromRight at Lv 1 ----
        10
       /\
      / \
      / \
          12
           /\
           / \
     9 11 14
/\
             /\
            / \
/ \
2 6
           13 15
/\ /\
1357
---- Test8 doubleRotateFromLeft at Lv 1 ----
        6
       /\
       / \
          \
           8
   /\
           /\
```

```
/ \ / \
 / \
        / \
       / \
     5 7 12
/\
             /\
            / \
/ \
1 3
            10 14
            /\ /\
           9 11 13 15
---- Test9.1 doubleRotateFromLeft at Lv 2 ----
       8
      /\
     / \
          12
   3
  /\
          /\
          / \
          / \
         10 14
     \ /\ /\
     \ /\ /\
     6 9 11 13 15
     /\
     5 7
---- Test9.2 doubleRotateFromLeft at Lv 2 ----
       8
      /\
      / \
        \
```

```
11
   /\
            /\
           10
              12
/\ /\
/ \ / \ /
                 ١
1 3 5 7 9
                14
                /\
                13 15
---- Test10.1 doubleRotateFromRight at Lv 2 ----
        8
       /\
           /\
   /\
            / \
           10 14
      \ /\
              /\
      \ / \ / \
       7 9 11 13 15
2
/\
13
---- Test10.2 doubleRotateFromRight at Lv 2 ----
        8
       /\
      / \
```

```
Java code
public static void main(String[] args) {
      AVLTree tree = new AVLTree();
      int[] keyList = {5, 2, 6, 1, 3, 4};
      for (int i=0; i<keyList.length; i++)
         tree.insert(keyList[i]);
      tree.printTree();
      keyList = new int[]{4, 3, 7, 6, 8, 5};
      tree = new AVLTree();
      for (int i=0; i<keyList.length; i++)</pre>
         tree.insert(keyList[i]);
      tree.printTree();
      tree.insert(9);
      tree.printTree();
      tree.insert(2);
      tree.insert(1);
      tree.printTree();
```

,	
}	
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)	
Perform DoubleRotationFromLeft(Node 5)	
3	
/\	
/ \	
2 5	
/ /\	
1 46	
Perform DoubleRotationFromRight(Node 4)	
6	
/\	
/ \	
4 7	
/\ \	
3 5 8	
Perform SingleRotationFromRight(Node 7)	
6	
/\	
4 8	
/\	
3 5 7 9	
Perform SingleRotationFromLeft(Node 3)	
6	
/\	
/ \	
4 8	

Java code [อ้างอิงตัวอย่างที่เรียนในห้อง ถ้าคุณอยากรู้ว่า Tree นี้หน้าตาเป็นอย่างไรให้ไปดูใน Slide]

```
public static void main(String[] args) {
    AVLTree tree = new AVLTree();
    int[] keyList = [51, 30, 69, 18, 42, 63, 87, 12, 24, 36, 45, 57, 66, 81,
        93, 15, 21, 27, 33, 39, 48, 54, 60, 75, 84, 90, 96, 72, 78];
    for (int i=0; i<keyList.length; i++)
        tree.insert(keyList[i]);
    tree.insert(73); // must perform SingleRotationFromLeft(Node 81)
    tree.insert(77); // must perform DoubleRotationFromLeft(Node 87)
    tree.insert(76); // must perform SingleRotationFromLeft(Node 78)
    tree.insert(80); // must perform DoubleRotationFromRight(Node 69)
    tree.insert(74); // must perform SingleRotationFromRight(Node 72)
    tree.insert(64); // do nothing
    tree.insert(55); // must perform SingleRotationFromLeft(Node 69)
    tree.insert(770); // must perform DoubleRotationFromRight(Node 51)
}</pre>
```

Output (ต้นไม้หน้าตาเป็นอย่างไรให้ไปดูใน Slide ที่เรียนในห้อง)

```
Perform SingleRotationFromLeft(Node 81)
Perform DoubleRotationFromLeft(Node 87)
Perform SingleRotationFromLeft(Node 78)
Perform DoubleRotationFromRight(Node 69)
Perform SingleRotationFromRight(Node 72)
Perform SingleRotationFromLeft(Node 69)
Perform DoubleRotationFromRight(Node 51)
```

Java code [อ้างอิงตัวอย่างที่เรียนในห้อง ถ้าคุณอยากรู้ว่า Tree นี้หน้าตาเป็นอย่างไรให้ไปดูใน Slide] public static void main(String[] args) { AVLTree tree = new AVLTree(); int[] keyList = [21, 8, 34, 3, 16, 26, 42, 2, 5, 11, 18, 23, 31, 37, 47, 1, 4, 6, 9, 13, 17, 19, 22, 24, 28, 33, 35, 40, 45, 52, 7, 10, 12, 14, 20, 25, 27, 30, 32, 36, 38, 41, 43, 46, 49, 53, 15, 29, 39, 44, 48, 51, 54, 50]; for (int i=0; i<keyList.length; i++) tree.insert(keyList[i]); tree.delete(1); } Output (ตันไม้หน้าตาเป็นอย่างไรให้ไปดูใน Slide ที่เรียนในห้อง) Perform SingleRotationFromRight(Node 3) Perform DoubleRotationFromRight(Node 21)

```
Java code

public static void main(String[] args) {
    BSTree tree1 = new BSTree();
    int[] keyList = [3, 2, 5, 1, 4, 8, 7, 6];
    for (int i=0; i<keyList.length; i++)
        tree1.insert(keyList[i]);
    BSTree tree2 = new BSTree();
    keyList = new int[][9, 11, 10];
    for (int i=0; i<keyList.length; i++)
        tree2.insert(keyList[i]);
    tree1.printTree();
    tree2.printTree();

    tree1.merge(tree2);
    tree1.printTree();
}</pre>
```

Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)	
3	
/\	
/ \	
/ \	
/ \	
/ \	
/ \	
/	
/ \	
2 5	
/ /\	
1 4 8	
/	
/	
7	
/	
6	
9	
11	
/	
10	
8	
/\	
/ \	
/ \	
/ \	

```
public static void main(String[] args) {
      AVLTree tree1 = new AVLTree();
      int[] keyList = {4, 2, 6, 1, 3, 5, 8, 7, 9};
      for (int i=0; i<keyList.length; i++)</pre>
         tree1.insert(keyList[i]);
      System.out.println("Tree 1");
      tree1.printTree();
      AVLTree tree2 = new AVLTree();
      keyList = new int[]{12, 11};
      for (int i=0; i<keyList.length; i++)</pre>
         tree2.insert(keyList[i]);
      System.out.println("Tree 2");
      tree2.printTree();
      System.out.println("Try to merge tree1 to (the right of) tree2...");
      tree2.merge(tree1);
      tree2.printTree();
```

Java code

```
System.out.println("Try to merge tree2 to (the right of) tree1...");
      tree1.merge(tree2);
      tree1.printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
Tree 1
     4
    /\
  2
         6
 /\
1 3 5 8
           /\
          79
Tree 2
12
11
Try to merge tree1 to (the right of) tree2...
All nodes in T1 must be smaller than all nodes from T2
12
11
Try to merge tree2 to (the right of) tree1...
Perform DoubleRotationFromRight(Node 4)
```

/\

```
Java code
public static void main(String[] args) {
      AVLTree tree1 = new AVLTree();
      int[] keyList = {1, 15, 3, 13, 5, 11, 9, 10, 8, 4, 12, 7, 2, 6, 14];
      for (int i=0; i<keyList.length; i++)</pre>
         tree1.insert(keyList[i]);
      tree1.printTree();
      NodeList list = tree1.split(7);
      (new AVLTree(list.r1)).printTree();
      (new AVLTree(list.r2)).printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
Perform DoubleRotationFromRight(Node 1)
Perform SingleRotationFromLeft(Node 15)
Perform DoubleRotationFromRight(Node 3)
Perform DoubleRotationFromLeft(Node 11)
Perform SingleRotationFromLeft(Node 13)
Perform SingleRotationFromRight(Node 5)
Perform SingleRotationFromLeft(Node 9)
           10
          /\
          / \
```

```
/
    \
 /
 5 13
 /\ /\
     / \
/ \
     / \
/ / /
3 8 11 15
/\ /\ /
/ \ / \ /
1 4 7 9 12 14
\ /
2 6
5
/\
/ \
3 7
/\ /
/ \ /
1 4 6
\
2
10
/\
/ \
/ \
/ \
```

```
Java code
```

```
public static void main(String[] args) {
      SplayTree tree1 = new SplayTree();
      int[] keyList = {1, 2, 3, 4};
      for (int i = 0; i < \text{keyList.length}; i++) {
         tree1.insert(keyList[i]);
      tree1.printTree();
      System.out.println("Zig Node (1)");
      tree1.zig(tree1.findWithoutSplaying(1));
      tree1.printTree();
      System.out.println("Zig Node (3)");
      tree1.zig(tree1.findWithoutSplaying(3));
      tree1.printTree();
      System.out.println("Zig Node (2)");
      tree1.zig(tree1.findWithoutSplaying(2));
      tree1.printTree();
      System.out.println("Zig Node (4)");
      tree1.zig(tree1.findWithoutSplaying(4));
      tree1.printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
     4
```

```
3
/
2
1
Zig Node (1)
    4
 3
1
\
 2
Zig Node (3)
 3
/\
/ \
1 4
\
2
Zig Node (2)
 3
/\
/ \
2 4
```

```
1
Zig Node (4)

4
/
/
/
/
/
/
/
/
/
2
/
1
```

```
Java code
public static void main(String[] args) {
      SplayTree tree1 = new SplayTree();
      int[] keyList = {5, 7, 2, 3, 1, 6, 8};
      for (int i = 0; i < \text{keyList.length}; i++) {
         tree1.insert(keyList[i]);
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZig Node (1)");
      tree1.zigzig(tree1.findWithoutSplaying(1));
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZag Node (5)");
      tree1.zigzag(tree1.findWithoutSplaying(5));
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZag Node (5)");
      tree1.zigzag(tree1.findWithoutSplaying(5));
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZag Node (7)");
      tree 1. zigzag (tree 1. find Without Splaying (7));\\
```

```
tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZag Node (2)");
      tree1.zigzag(tree1.findWithoutSplaying(2));
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZag Node (3)");
      tree1.zigzag(tree1.findWithoutSplaying(3));
      tree1.printTree();
      System.out.println("ZigZig Node (7)");
      tree1.zigzig(tree1.findWithoutSplaying(7));
      tree1.printTree();
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
                        8
```

```
6
  1
  3
  /\
  2 5
ZigZig Node (1)
         8
      6
      /\
     / \
```

```
3 7
    /\
    2 5
ZigZag Node (5)
        8
     5
     /\
    / \
     3 6
    2 7
ZigZag Node (5)
   5
   /\
 1
      8
  \ /
```

```
\ /
  3 6
  2 7
ZigZag Node (7)
   5
   /\
 1 7
  \ /\
    / \
  3 6 8
  /
  2
ZigZag Node (2)
 5
/\
/ \
2 7
/\ /\
1368
ZigZag Node (3)
   3
   /\
 2
    5
      \
```

```
1
        7
        /\
        68
ZigZig Node (7)
          7
         /\
    5
               8
 3
        6
2
1
```

```
Java code

public static void main(String[] args) {
    SplayTree tree1 = new SplayTree();
    for (int i=10; i>=1; i--)
        tree1.insert(i);
    System.out.println("Initial tree height = " + Node.height(tree1.root));
```

```
tree1.find(1);
      tree1.find(3);
      tree1.find(9);
      tree1.find(5);
      tree1.find(7);
      tree1.find(2);
      tree1.printTree();
      System.out.println("Tree height after multiple accesses = " + Node.height(tree1.root));
      tree1.delete(3);
      tree1.printTree();
      System.out.println("Tree height after one deletion = " + Node.height(tree1.root));
Output (แผนภาพต้นไม้ด้านล่างอาจแตกต่างกับผลลัพธ์จริงเล็กน้อย)
Initial tree height = 9
           2
          /\
                  5
               3
                     7
                     /\
                4 6 9
                       /\
                      8 10
```

```
Tree height after multiple accesses = 4
          4
          /\
                5
                   7
  1
                  /\
                  6 9
                    /\
                    8 10
Tree height after one deletion = 4
```

Java code

```
public static void main(String[] args) {
      BSTree tree1 = new BSTree();
      long start = System.currentTimeMillis();
      int N = 13000;
      for (int i = 0; i < N; i++) {
         tree1.insert(i);
      System.out.println("Time for sequentially inserting " + N
             + " objects into BST = " + (System.currentTimeMillis() - start) + " msec");
      start = System.currentTimeMillis();
      for (int i = 0; i < N; i++) {
         tree1.find((int) (Math.random() * (N / 10)));
      System.out.println("Time for finding " + (N/10)
            + " different objects in BST= " + (System.currentTimeMillis() - start) + " msec");
      SplayTree tree2 = new SplayTree();
      start = System.currentTimeMillis();
      for (int i = 0; i < N; i++) {
         tree2.insert(i);
      System.out.println("Time for sequentially inserting " + N
             + " objects into SplayTree = " + (System.currentTimeMillis() - start) + " msec");
      start = System.currentTimeMillis();
      for (int i = 0; i < N; i++) {
         tree2.find((int) (Math.random() * (N / 10)));
      System.out.println("Time for finding " + (N/10)
             + " different objects in SplayTree = " + (System.currentTimeMillis() - start) + " msec");
```

Output

Time for sequentially inserting 13000 objects into BST = 311 msec

Time for finding 1300 different objects in BST= 28 msec

Time for sequentially inserting 13000 objects into SplayTree = 3 msec

Time for finding 1300 different objects in SplayTree = 9 msec

หมายเหตุ

เนื่องจาก มีการสุ่มตัวเลขขึ้น เพราะฉะนั้นผลลัพธ์ของ นศ จะแตกต่างจากผลลัพธ์ของอาจารย์ข้างบน แน่นอน อีกทั้ง Spec เครื่อง นศ กับเครื่องอาจารย์ต่างกัน การประมวลผลย่อมต่างกัน แต่หลักสำคัญคือ Insert และ Find ใน BST จะช้ากว่าของ SplayTree เสมอ ถ้า หาก Netbeans ของ นศ ฟ้อง StackOverflow ให้ นศ ลดค่า N ลง จาก 13000 เป็นค่าที่น้อยลง

8. โปรดใช้ Starter code ที่อาจารย์แนบให้