A. 雷神之怒

题意

一条长n的道路,道路中有若干地雷,每一步只能走1、2、3的长度,问有多少种方法走到终点。n最大为1e18

Time Limit: 10000 MSMemory Limit: 32768 K

分析

- 1. 矩阵优化dp转移。
- 2. 如果不用矩阵优化,空间和时间都无法接受。

思考

- 1. 处理地雷时注意前三是否有地雷。
- 2. 矩阵求幂时使用矩阵快速幂。

B. Snowdrop修长廊

题意

给出n个点,使用一些线段使得将所有点都覆盖的最小的代价。n最大为2e5 Time Limit: 4000 MSMemory Limit: 32768 K

分析

- 1. 斜率优化。
- 2. 如果朴素地转移,时间复杂度为 $O(n^2)$,必然超时。

思考

- $1. \; dp[j]$ 转移到dp[i]使用的点是j+1而不是j。
- 2. 注意细节。

C. TaoSama与煎饼

题意

有n个工作台,每个工作台有一个位移量和美味值,求最后最大的美味值。 Time Limit: 3000 MSMemory Limit: 65536 K

分析

- 1. 四维Dp记忆化搜索。
- 2. 无。

思考

- 1. 没有坑。
- 2. 没有技巧。

D. 任务

颞意

有两台机器和一些任务,较后任务必须较前的任务已经完成或正在执行才能执行。问最后最小的时间。

Time Limit: 1000 MSMemory Limit: 65536 K

分析

- $1. \ dp[i][j][k]$ 表示完成第i个任务时两台机器的时间差值,k为差值的正负 。
- 2. 正常建立状态需要3e13的空间,显然不行。

思考

- 1. 在较高的一方再放任务的话,需要将较低的一方提高,因此j最大为最长单个任务的时间。
- 2. 无。

E. Goozy的积木

题意

D题弱化版

Time Limit: 3000 MSMemory Limit: 32768 K

分析

- 1. D题弱化版
- 2. 无。

思考

- 1. 无。
- 2. 无。

F. 先锋看烟花

颞意

一共有n个房子,m个烟花,而且知道了每个烟花放出的地点ai和时间ti,每个烟花有观赏值bi,对于每个烟花,贡献bi-|ai-cur|,其中cur表示放第i个烟花时先锋所处的位置,每秒最多运动d距离,问最大幸福度。n最大为1.5e5

Time Limit: 4000 MSMemory Limit: 32768 K

分析

- 1. 线段树或单调队列优化。
- 2. 不进行优化时间复杂度为 $O(n^3)$, 必然超时。

思考

- 1. 无。
- 2. 在遇到需要求前面的状态的最小或最大值时,很容易想到优化。

H. 又见背包

题意

单调队列优化裸题。

Time Limit: 3000ms Memory Limit: 32768K

分析

- 1. 无。
- 2. 无。

思考

- 1. 无。
- 2. 无。

L. 来签个到吧

题意

给你 $n(2 \le n \le 60,000)$ 个球,每球上都写有互不相同的数字 $t(0 \le t \le 100,000)$,这些球放在一个盒子里.开始你能执行一种加球操作:选择任意两个球: x 和y,然后看|x - y|在已经有的球中是否存在,如果不存在,就把|x - y|写在一个球上,把这个球加入这个盒子,这里就成功完成了一次加球操作.

你就一直加球,直到盒子中任意两个数的差,在集合中已经存在....

然后你把这个盒子蒙上黑布,你可以执行一种摸球操作:把手伸入盒子中,任意摸一个球出来,看一下数字,然后放回盒子.每次摸球操作每个球被摸到的概率都相同.你就一直执行摸球操作,直到所有的球都被你摸出来过的时候,好玩的游戏结束.

那么问题来了,从游戏开始到游戏结束,你执行操作的期望次数向下取整是多少?

Time limit: 1000ms Memeory limit: 332768 kb

分析

- 1. 第一部分直接求出gcd, 再与最大值相除就行了, 第二部分利用期望公式转移求得。
- 2. 转移公式不容易想到。

思考

- 1. 注意有0的情况。 2. 无。