

# 多传感器融合定位

第2章 基于地图的定位

主讲人 任 乾

北京理工大学本硕 自动驾驶从业者





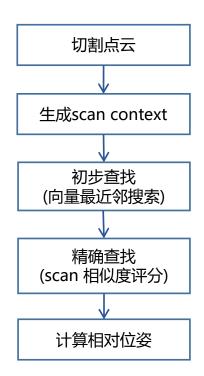


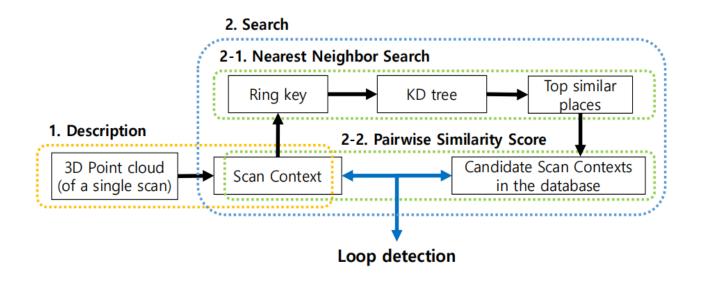


- 1. 回环检测
- 2. 后端优化
- 3. 点云地图建立
- 4. 基于地图的定位



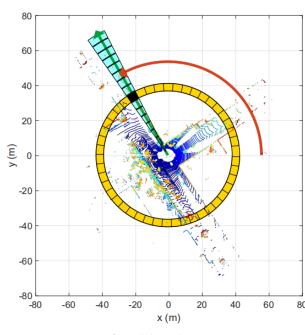








#### 1) 点云切割



点云分割示意图

a) 沿半径增大方向(绿色箭头方向),把点云空间等分成 $N_r$ 个圆环。

每个圆环宽度为:

$$d_r = \frac{L_{\text{max}}}{N_r}$$

其中 $L_{\text{max}}$ 为激光点的最远距离。

b) 把每个圆环切割成N。等份

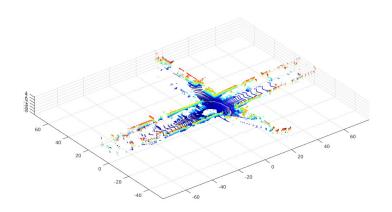
分割后,激光点集合₽可重新表示为:

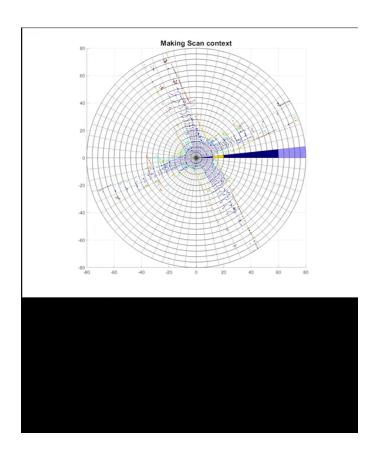
$$\mathcal{P} = igcup_{i \in [N_r], j \in [N_s]} \mathcal{P}_i$$

其中, $\mathcal{P}_{ij}$ 表示第i个圆环第j个扇形的分割单元中点的集合。



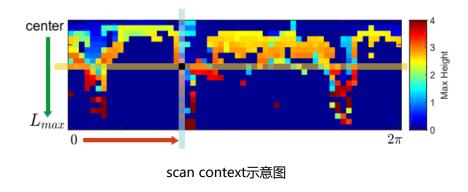
#### 2) 生成scan context







#### 2) 生成scan context



把分割后的点云对应到 $N_r \times N_s$ 的矩阵I(scan context)中:

- a) 矩阵的每一行代表一个圆环;
- b) 矩阵的每一列代表一个扇形;
- c) 矩阵中每个元素的值代表该分割单元 $\mathcal{P}_{ij}$ 中所有三维点的高度最大值。



#### 3) 基于scan context的匹配

 $I^q$  为当前帧的scan context

 $c_i^q$  为  $I^q$ 中的第j列

 $I^c$  为历史帧的scan context

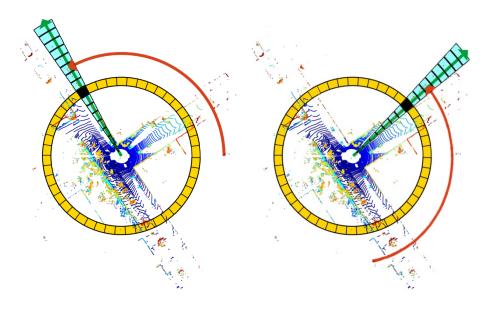
 $c_j^c$  为  $I^c$ 中的第j列

两帧scan context的距离函数定义为:

$$d(I^{q}, I^{c}) = \frac{1}{N_{s}} \sum_{j=1}^{N_{s}} \left( 1 - \frac{c_{j}^{q} \cdot c_{j}^{c}}{\|c_{j}^{q}\| \|c_{j}^{c}\|} \right)$$

两帧scan context间的所有对应的列向量之间越相似,说明两帧点云越相似。距离函数小于某个阈值时,认为该历史帧为回环检测的回环帧。

问题:若当前帧相对于历史帧有旋转,比如同一个地方激光雷达经过时的方向相反,或者该地方为一个十字路口,激光雷达从不同方向经过(如右图所示),此时得到的scan context中列向量的顺序会发生改变,进而导致两帧的距离函数比较大。



当前帧的点云分割

历史帧的点云分割



- 3) 基于scan context的匹配
- $I^q$  为当前帧的scan context
- $I^c$  为历史帧的scan context

#### 方法:

$$D\left(I^{q}, I^{c}\right) = \min_{n \in [N_{s}]} d\left(I^{q}, I_{n}^{c}\right)$$

将历史帧 $I^c$ 按列平移,得到 $[N_s]$ 个scan context,依次与当前帧的 scan context计算距离,选择距离最小的那个。

根据以上方法,找出所有候选相似帧中和当前帧距离最小的,即为闭环匹配的帧。





$$I_n^c$$



#### 4) 计算相对位姿

假设距离最小时,对应的列的平移量为:

$$n^* = \operatorname*{argmin}_{n \in [N_s]} d\left(I^q, I_n^c\right)$$

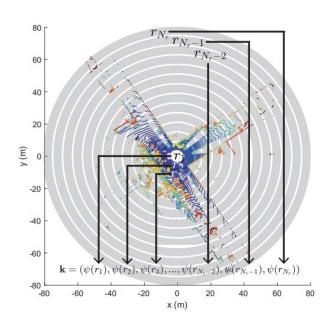
则它代表两帧之间有旋转,旋转的角度为:

$$\phi = \frac{2\pi}{N_s} * n^*$$

以上旋转量则可作为ICP或NDT匹配的初始位姿,用于精确匹配得到闭环约束的相对位姿。



#### 5) 解决时间复杂度问题



**目的:** scan context可以用矩阵对应列的相似度来计算两帧的相似性,但是遍历所有历史帧的相似度计算量较高,需要做一个快速初步筛选。

思路: 相似帧之间, 落在同等半径的圆环中点的数量应相似, 可用来快速查找。

#### 方法:

a) 每帧生成一个向量:

$$\mathbf{k} = (\psi(r_1), \dots, \psi(r_{N_r})), \text{ where } \psi: r_i \to \mathbb{R}$$

其中

$$\psi\left(r_{i}\right) = \frac{\left\|r_{i}\right\|_{0}}{N_{s}}$$

 $||r_i||_0$  表示半径  $r_i$  对应的圆环中非空分割单元的个数。

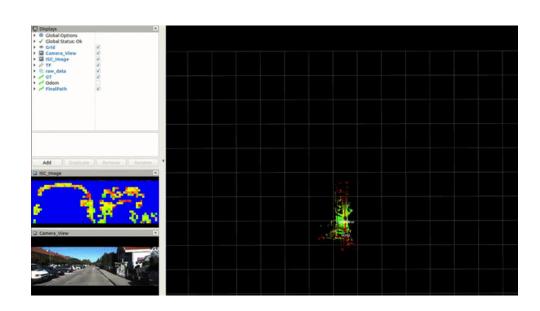
- b) 根据a)中计算的向量, 所有历史帧共同构建KDTree;
- c) 使用当前帧对应的向量,在KDTree中查找,找出n个可能的相似帧,再通过 scan context精确查找。



#### 案例:

方法: LeGO-LOAM + scan context 闭环检测

代码: https://github.com/irapkaist/SC-LeGO-LOAM



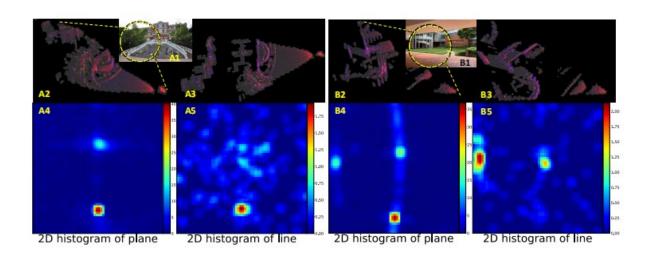


## 基于直方图

论文题目: A fast, complete, point cloud based loop closure for LiDAR odometryand mapping

应用案例: loam livox

开源代码: https://github.com/hku-mars/loam\_livox





- 1. 回环检测
- 2. 后端优化
- 3. 点云地图建立
- 4. 基于地图的定位



#### 1. 后端优化基本原理

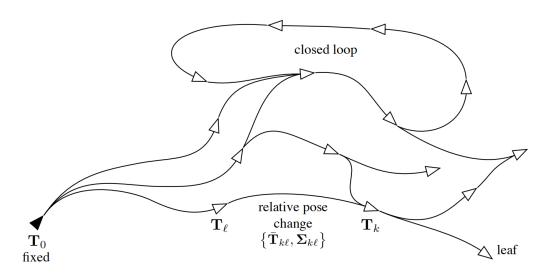
目的: 利用回环检测结果和惯导先验位姿修正里程计误差。

回环在此处提供的是两帧之间的相对位姿。

#### 观测:

- 1) 连续两帧的相对位姿观测
- 2) 闭环匹配得到的相对位姿观测
- 3) 组合导航提供的先验位姿观测

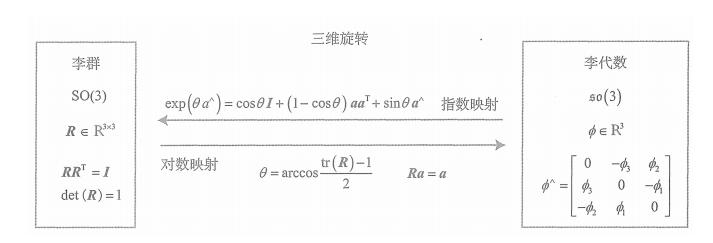
1)和2)的观测构成了基于回环的位姿修正 1)和3)的观测构成了基于先验观测的位姿修正 当然1)2)3)也可以同时使用。



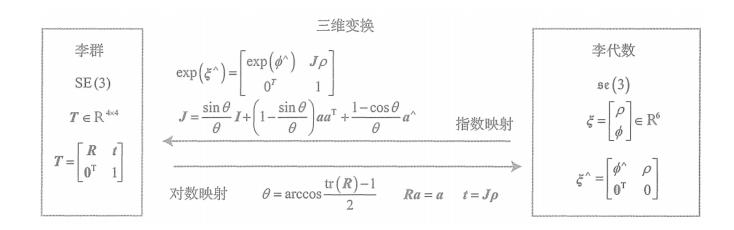
后端优化示意



#### 三维旋转上的定义:



#### 三维变换上的定义:





BCH公式

$$\ln(\exp(A)\exp(B)) = A + B + \frac{1}{2}[A, B] + \frac{1}{12}[A, [A, B]] - \frac{1}{12}[B, [A, B]] + \cdots$$

SO(3)下的李括号定义为

$$[\phi_1, \phi_2] = (\Phi_1 \Phi_2 - \Phi_2 \Phi_1)^{\vee}$$

其中

$$\Phi = \phi^{\wedge} = \begin{bmatrix} 0 & -\phi(3) & \phi(2) \\ \phi(3) & 0 & -\phi(1) \\ -\phi(2) & \phi(1) & 0 \end{bmatrix}$$

SE(3)下的李括号定义为

$$[\xi_1, \xi_2] = (\xi_1^{\wedge} \xi_2^{\wedge} - \xi_2^{\wedge} \xi_1^{\wedge})^{\vee}$$



SO(3)对应的BCH公式

$$\ln\left(\exp\left(\phi_{1}^{\wedge}\right)\exp\left(\phi_{2}^{\wedge}\right)\right)^{\vee} \approx \begin{cases} J_{l}\left(\phi_{2}\right)^{-1}\phi_{1} + \phi_{2} & , \text{ 当 }\phi_{1}\text{ 为小量} \\ J_{r}\left(\phi_{1}\right)^{-1}\phi_{2} + \phi_{1} & , \text{ 当 }\phi_{2}\text{ 为小量} \end{cases}$$

其中左乘雅可比为

$$J_l = \frac{\sin \theta}{\theta} I + \left(1 - \frac{\sin \theta}{\theta}\right) a a^{\mathrm{T}} + \frac{1 - \cos \theta}{\theta} a^{\wedge}$$

即

$$J_l^{-1} = \frac{\theta}{2} \cot \frac{\theta}{2} I + \left(1 - \frac{\theta}{2} \cot \frac{\theta}{2}\right) a a^{\mathrm{T}} - \frac{\theta}{2} a^{\wedge}$$

右乘雅可比仅需要在左乘雅可比的基础上对自变量取负号,即

$$J_r(\phi) = J_l(-\phi)$$



SE(3)对应的BCH公式

$$\ln\left(\exp\left(\boldsymbol{\xi}_{1}^{\wedge}\right)\exp\left(\boldsymbol{\xi}_{2}^{\wedge}\right)\right)^{\vee} \approx \left\{\begin{array}{l} \mathcal{J}_{\ell}\left(\boldsymbol{\xi}_{2}\right)^{-1}\boldsymbol{\xi}_{1} + \boldsymbol{\xi}_{2} \text{ , } \\ \mathcal{J}_{r}\left(\boldsymbol{\xi}_{1}\right)^{-1}\boldsymbol{\xi}_{2} + \boldsymbol{\xi}_{1} \text{ , } \\ \end{array}\right.$$

由于SE(3)上的雅可比形式过于复杂,此处直接给出本章所用到的近似形式如下。详细内容可参考《机器人中的状态估计》中公式7.83的推导过程。

$$\mathcal{J}_r^{-1}(\boldsymbol{\xi}) pprox I + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \phi^{\wedge} & \rho^{\wedge} \\ 0 & \phi^{\wedge} \end{bmatrix}$$

若  $\xi$  非常小,则该雅可比可以直接使用单位阵,此时有

$$\ln\left(\exp\left(\boldsymbol{\xi}_{1}^{\wedge}\right)\exp\left(\boldsymbol{\xi}_{2}^{\wedge}\right)\right)^{\vee}\approx\ln\left(\exp\left(\boldsymbol{\xi}_{1}^{\wedge}+\boldsymbol{\xi}_{1}^{\wedge}\right)\right)^{\vee}$$



SO(3)上的伴随性质

$$R \exp(p^{\wedge}) R^{\mathrm{T}} = \exp((Rp)^{\wedge})$$

SE(3)上的伴随性质

$$T \exp(\xi^{\wedge}) T^{-1} = \exp((\operatorname{Ad}(T)\xi)^{\wedge})$$

其中伴随矩阵的定义如下

$$Ad(T) = \begin{bmatrix} R & t^{\wedge}R \\ 0 & R \end{bmatrix}$$



位姿图优化是把所有的观测和状态放在一起优化,残差项是前面所讲残差项的总和。

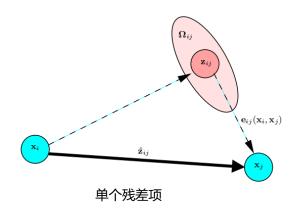
在实际使用中,各残差会被分配一个权重,也就是信息矩阵,它相当于对残差进行加权。

考虑信息矩阵后,总的残差项可以表示为:

$$\mathbf{F}(\mathbf{x}) = \sum_{\langle i,j 
angle \in \mathcal{C}} \underbrace{\mathbf{e}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{e}_{ij}}_{\mathbf{F}_{ij}}$$

此时优化问题可以表示为:

$$\mathbf{x}^* = \underset{\mathbf{x}}{\operatorname{argmin}} \mathbf{F}(\mathbf{x})$$



 $\mathbf{x}_{t}$   $\mathbf{x}_{t}$   $\mathbf{x}_{t}$   $\mathbf{x}_{t}$ 

多个残差项组成位姿图

第i和j帧之间的观测,在李群SE(3)上可以表示为

$$oldsymbol{\Delta T}_{ij} = oldsymbol{T}_i^{-1} oldsymbol{T}_j$$

也可以在李代数上表示为

$$\Delta oldsymbol{\xi}_{ij} = oldsymbol{\xi}_i^{-1} \circ oldsymbol{\xi}_j = \ln \left( oldsymbol{T}_i^{-1} oldsymbol{T}_j 
ight)^{ee}$$

若位姿没有误差,则上面两个式子是精确相等的,但当位姿有误差存在时,便可以使用等式的左右两端计算残差项。

$$egin{aligned} oldsymbol{e}_{ij} &= \ln \left( \Delta oldsymbol{T}_{ij}^{-1} oldsymbol{T}_i^{-1} oldsymbol{T}_j 
ight)^{ee} \ &= \ln \left( \exp \left( \left( -oldsymbol{\xi}_{ij} 
ight)^{\wedge} 
ight) \exp \left( \left( -oldsymbol{\xi}_i 
ight)^{\wedge} 
ight) \exp \left( oldsymbol{\xi}_j^{\wedge} 
ight) 
ight)^{ee} \end{aligned}$$

位姿图优化的思想是通过调整状态量(即位姿),使残差项的值最小化,这就需要用残差项对位姿求雅可比,才能使用梯度下降方法进行优化。

求雅可比的方式是对位姿添加扰动,此时残差表示为:

$$\hat{m{e}}_{ij} = \ln \left( m{T}_{ij}^{-1} m{T}_i^{-1} \exp \left( \left( -m{\delta} m{\xi}_i 
ight)^{\wedge} 
ight) \exp \left( \delta m{\xi}_j^{\wedge} 
ight) m{T}_j 
ight)^{ee}$$

#### 进一步对前面的式子进行化简

$$\begin{split} \hat{\boldsymbol{e}}_{ij} &= \ln \left( \boldsymbol{T}_{ij}^{-1} \boldsymbol{T}_{i}^{-1} \exp \left( \left( -\boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{i} \right)^{\wedge} \right) \exp \left( \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{j}^{\wedge} \right) \boldsymbol{T}_{j} \right)^{\vee} \\ &= \ln \left( \boldsymbol{T}_{ij}^{-1} \boldsymbol{T}_{i}^{-1} \boldsymbol{T}_{j} \exp \left( \left( -\operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{i} \right)^{\wedge} \right) \exp \left( \left( \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{j} \right)^{\wedge} \right)^{\vee} \\ &\approx \ln \left( \exp (\boldsymbol{e}_{ij}) \exp \left( \left( -\operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{i} \right)^{\wedge} + \left( \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{j} \right)^{\wedge} \right)^{\vee} \\ &\approx \boldsymbol{e}_{ij} - \mathcal{J}_{r}^{-1} \left( \boldsymbol{e}_{ij} \right) \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{i} + \mathcal{J}_{r}^{-1} \left( \boldsymbol{e}_{ij} \right) \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{j} \end{split}$$

上面的式子表明, 残差关于7.的雅克比为

$$A_{ij} = \frac{\partial \boldsymbol{e}_{ij}}{\partial \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_i} = -\mathcal{J}_r^{-1} \left( \boldsymbol{e}_{ij} \right) \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_j^{-1} \right)$$

残差关于 $T_i$ 的雅克比为

$$B_{ij} = \frac{\partial \boldsymbol{e}_{ij}}{\partial \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{j}} = \mathcal{J}_{r}^{-1} \left( \boldsymbol{e}_{ij} \right) \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_{j}^{-1} \right)$$

其中

$$\mathcal{J}_r^{-1}\left(\boldsymbol{e}_{ij}\right) pprox I + rac{1}{2} \left[ egin{array}{cc} \phi_e^{\wedge} & \rho_e^{\wedge} \\ 0 & \phi_e^{\wedge} \end{array} 
ight]$$



为了找到梯度方向,需要对残差进行一阶泰勒展开

$$\mathbf{e}_{ij} (\mathbf{x}_i + \Delta \mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j + \Delta \mathbf{x}_j)$$

$$= \mathbf{e}_{ij} (\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x})$$

$$\approx \mathbf{e}_{ij} + \mathbf{J}_{ij} \Delta \mathbf{x}$$

其中  $J_{ij}$  即为前面推导的残差关于位姿的雅可比组成的矩阵

$$\mathbf{J}_{ij} = (0 \cdots 0 \underbrace{\mathbf{A}_{ij}}_{\text{node } i} \mathbf{0} \cdots 0 \underbrace{\mathbf{B}_{ij}}_{\text{node } j} \mathbf{0} \cdots 0)$$

对于每一个残差块, 便有

$$\begin{aligned}
\mathbf{F}_{ij}(\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}) \\
&= \mathbf{e}_{ij}(\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x})^T \Omega_{ij} \mathbf{e}_{ij}(\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}) \\
&\approx (\mathbf{e}_{ij} + \mathbf{J}_{ij} \Delta \mathbf{x})^T \Omega_{ij} (\mathbf{e}_{ij} + \mathbf{J}_{ij} \Delta \mathbf{x}) \\
&= \underbrace{\mathbf{e}_{ij}^T \Omega_{ij} \mathbf{e}_{ij}}_{c_{ij}} + 2 \underbrace{\mathbf{e}_{ij}^T \Omega_{ij} \mathbf{J}_{ij}}_{\mathbf{b}_{ij}^T} \Delta \mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}^T \underbrace{\mathbf{J}_{ij}^T \Omega_{ij} \mathbf{J}_{ij}}_{\mathbf{H}_{ij}} \Delta \mathbf{x} \\
&= c_{ij} + 2 \mathbf{b}_{ij}^T \Delta \mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}^T \mathbf{H}_{ij} \Delta \mathbf{x}
\end{aligned}$$

其中

$$\mathbf{H}_{ij} = \left( egin{array}{cccc} \cdot \cdot \cdot & & & & & & & \\ & \mathbf{A}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{A}_{ij} & \cdots & \mathbf{A}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{B}_{ij} \\ dots & \cdot \cdot & dots & & & & \\ & \mathbf{B}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{A}_{ij} & \cdots & \mathbf{B}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{B}_{ij} \\ & \ddots & & & & \end{array} 
ight)$$

$$\mathbf{b}_{ij} = \left(egin{array}{c} dots \ \mathbf{A}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{e}_{ij} \ dots \ \mathbf{B}_{ij}^T \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{e}_{ij} \ dots \end{array}
ight)$$



因此总的残差项可以表示为

$$\mathbf{F}(\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}) = \sum_{\langle i,j \rangle \in \mathcal{C}} \mathbf{F}_{ij}(\mathbf{x} + \Delta \mathbf{x})$$

$$\approx \sum_{\langle i,j \rangle \in \mathcal{C}} \left( \mathbf{c}_{ij} + 2\mathbf{b}_{ij}^T \Delta \mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}^T \mathbf{H}_{ij} \Delta \mathbf{x} \right)$$

$$= \mathbf{c} + 2\mathbf{b}^T \Delta \mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}^T \mathbf{H} \Delta \mathbf{x}$$

若要误差最小,只需使得

$$\mathbf{H}\Delta\mathbf{x} = -\mathbf{b}$$

根据修正量,修正X的值,即完成一次迭代

$$\mathbf{x}^* = \mathbf{x} + \Delta \mathbf{x}$$

多次迭代,直至残差满足收敛条件时,则终止循环,完成优化。





优化后



#### 4. 基于先验观测的位姿修正

先验观测是一元边,它不像前面所述的帧间观测连接两个位姿状态,而是只连接一个位姿状态量,它直接给出的就是该状态量的观测值,因此它对应的残差就是观测值与状态量之间的差异,即

$$egin{aligned} oldsymbol{e}_i &= \ln \left( oldsymbol{Z}_i^{-1} oldsymbol{T}_i 
ight)^ee \ &= \ln \left( \exp \left( \left( -oldsymbol{\xi}_{zi} 
ight)^\wedge 
ight) \exp \left( oldsymbol{\xi}_i^\wedge 
ight) 
ight)^ee \end{aligned}$$

对残差添加扰动, 可得

$$\hat{m{e}}_i = \ln \left( m{Z}_i^{-1} \exp \left( \delta m{\xi}_i^{\wedge} 
ight) m{T}_i 
ight)^{ee}$$

利用伴随性质和BCH公式进行化简,可得

$$\begin{split} \hat{\boldsymbol{e}}_i &= \ln \left( \boldsymbol{Z}_i^{-1} \boldsymbol{T}_i \exp \left( \left( \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_i^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_i \right)^{\wedge} \right) \right)^{\vee} \\ &= \ln \left( \exp \left( \boldsymbol{e}_i \right) \exp \left( \left( \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_i^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_i \right)^{\wedge} \right) \right)^{\vee} \\ &\approx e_i + \mathcal{J}_r^{-1} \left( \boldsymbol{e}_i \right) \operatorname{Ad} \left( \boldsymbol{T}_i^{-1} \right) \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_i \end{split}$$

因此,残差关于 $T_i$ 的雅可比为

$$\frac{\partial \boldsymbol{e}_{i}}{\partial \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\xi}_{i}} = \mathcal{J}_{r}^{-1}\left(\boldsymbol{e}_{i}\right) \operatorname{Ad}\left(\boldsymbol{T}_{i}^{-1}\right)$$

其中

$$\mathcal{J}_r^{-1}\left(e_i\right) \approx I + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \phi_e^{\wedge} & \rho_e^{\wedge} \\ 0 & \phi_e^{\wedge} \end{bmatrix}$$

后面的推导过程,便与相对位姿做观测的推导过程完全一致。

此外,部分场合提供的观测只有位置,没有姿态,比如只有RTK,而没有组合导航,这里的残差便只剩下位置误差。相应的雅可比公式,可自行推导。

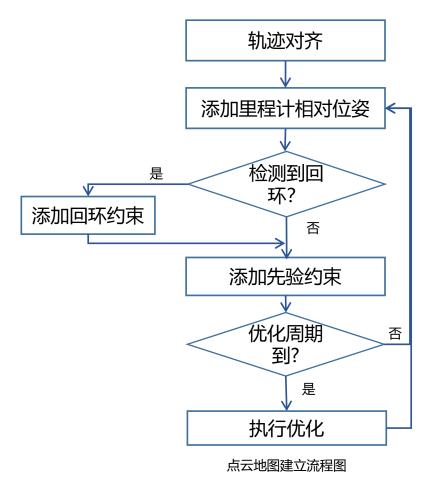


- 1. 回环检测
- 2. 后端优化
- 3. 点云地图建立
- 4. 基于地图的定位



#### 1. 整体流程

建图流程设计的核心原则是准确、高效地把 里程计相对位姿、回环相对位姿、惯导先验 位姿进行融合。





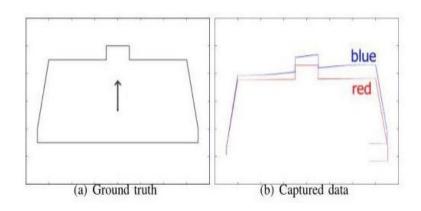
#### 2. 畸变补偿

#### 1) 产生原因

一帧点云中的激光点是不同时刻采集的,激光点的坐标原点是采集时刻的雷达位姿。雷达在不同时刻的位姿有变化时,各激光点原点不一致,拼接成一帧时,点云的形状便和实际物体形状不一致。

#### 2) 补偿方法

对每个激光点坐标做补偿,补偿量为激光点原点(即当时雷达坐标)相对于该帧起始时刻的变化。



## \$ 点云地图建立

#### 2. 畸变补偿

#### 3) 补偿公式

假设一帧点云中, 起始时刻雷达的位姿为

$$T_0 = \begin{bmatrix} R_0 & t_0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

第i个激光点采集时, 雷达的位姿为

$$T_i = \begin{bmatrix} R_i & t_i \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

第i个激光点的坐标为

$$P_i = \begin{bmatrix} p_{ix} & p_{iy} & p_{iz} \end{bmatrix}^T$$

则第i个激光点补偿畸变后的坐标应该为

$$\bar{P}_i = T_0^{-1} T_i P_i$$

上式可以理解为,只需要计算0到*i*时刻,激光雷达的相对旋转和相对平移变化即可。

实际上,雷达点云是局部坐标系下的表示,当以0时刻雷达的位姿为基准坐标系时,此时 $T_0$ 即为单位阵, $T_i$ 即为0到i时刻的相对旋转和平移。

此时有

$$R_i = w \bigtriangledown t$$
$$t_i = V \bigtriangledown t$$

即,只需要知道0到i时刻的平均角速度和平均速度即可。



#### 3. 建图流程代码讲解

基于g2o的代码实现。

对照代码框架, 讲解回环约束和先验观测的添加流程。

#### 最终效果建图



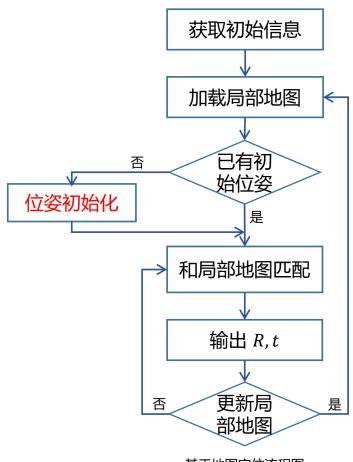


- 1. 回环检测
- 2. 后端优化
- 3. 点云地图建立
- 4. 基于地图的定位

## **拳** 基于地图的定位

#### 1. 整体流程

在地图匹配中,鲁棒性和运行速度更加重要, 因此实际使用中,基于NDT的匹配使用更广 泛。



基于地图定位流程图

## **拳** 基于地图的定位

#### 2. 位姿初始化

由于NDT匹配需要较准确的初始位姿,因此在定位之前需要初始化环节,给出载体的初始位姿。

按照难度由低到高, 常见的初始化需求有这样几种:

- 1) 已知位姿的初始化
- 2) 位置已知而姿态位置的初始化
- 3) 位置和姿态均未知的初始化



#### 1. 闭环修正及精度评价

提供的工程框架中已经给出了闭环的流程和实现,但是是基于ICP的,这是在已知粗略位姿情况下的实现方式。 在未知粗略位姿情况下,闭环检测的实现难度会加大。

要求使用前面讲过的scan context,实现此功能。并和已有的图优化功能完成对接,实现修正。并最终给出修正前后的轨迹精度对比。

#### 2. 位姿初始化

提供的工程框架中已经给出了位姿初始化功能,但是是在起始位置的,并且是基于已知粗略位姿的。

要求实现地图中任意位置的位姿初始化,可以从三种难度等级中任选一种,难度越高,得分越高。



## 感谢聆听 Thanks for Listening

