

机器人学中的状态估计

Timothy Barfoot 著 高翔, 谢晓佳等 译 Slides by Xiang Gao

2020年春



⇒ 第8讲 位姿和点的估计问题

- 光束平差法
- SLAM



- 前面我们介绍了
 - 通常向量空间的状态估计理论
 - 三维空间的矩阵李群
- 本节课与下节课
 - 该领域内的一些典型问题比如点云配准/SLAM等
 - 上一节重点介绍了点云配准,尤其是ICP的几种解法
 - 本节我们带上Pose,介绍SLAM类方法

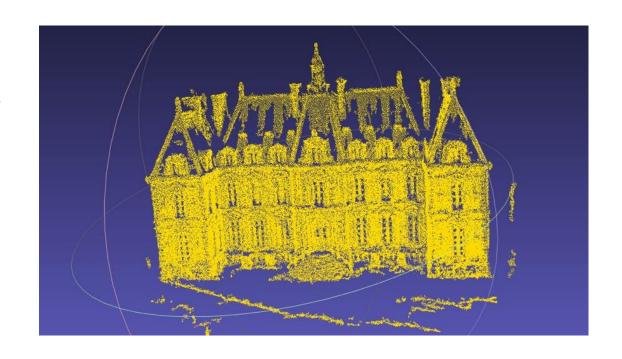


⇒ 第8讲 位姿和点的估计问题

- 光束平差法
- SLAM



- 光東平差法 (Bundle Adjustment)
 - 最早用于航拍图像拼接中
 - 随着计算机视觉的发展,出现在越来越多的商业软件里
 - "光束"是指点通过相机光心,落在成像平面上的过程
 - "平差"是指误差均分,这个概念在测绘学中也用到
 - 下面从状态估计角度介绍光束平差法





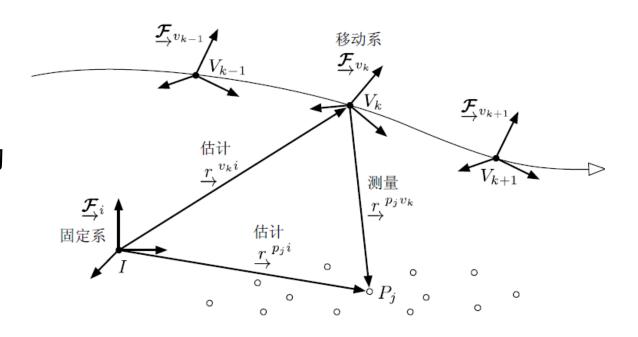
• 问题: $T_k = T_{v_k i}$: 机器人在 k 时刻的变换矩阵

$$p_j = \begin{bmatrix} r_i^{p_j i} \\ 1 \end{bmatrix}$$
 :第 j 个路标点的齐次坐标

• 待估计的状态整体为:

$$x = \{T_1, \cdots, T_K, p_1, \cdots, p_M\}$$

- 即所有时刻的Pose与Point
 - 在上节课里,假设Point坐标是已知的





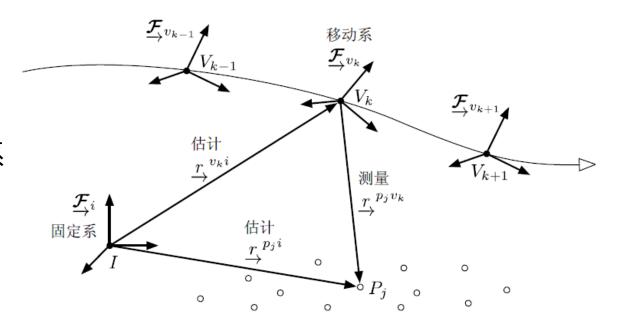
- 测量模型
 - 我们考虑非线性的测量模型(如相机),而不是像上节课那样,直接测量点的位置
 - 定义测量模型:

$$y_{jk} = g\left(x_{jk}\right) + n_{jk} \quad n_{jk} \sim \mathcal{N}\left(0, R_{jk}\right)$$

- 测量中有两处非线性
 - 一是把点从世界系变换到当前机器人系
 - 二是对机器人系下的3D点进行测量

$$z\left(x_{jk}\right) = T_{k}p_{j}$$
 $g\left(x_{jk}\right) = s\left(z\left(x_{jk}\right)\right)$

坐标变换 相机投影





- 对非线性测量模型进行基于扰动的线性化
- 因为一阶的实在太简单了,所以这里用了二阶的扰动:

$$T_k = \exp\left(\epsilon_k^{\wedge}\right) T_{ ext{op},k} pprox \left(1 + \epsilon_k^{\wedge} + rac{1}{2} \epsilon_k^{\wedge} \epsilon_k^{\wedge}
ight) T_{ ext{op},k}$$
 其中: $D = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 1 \ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

• 我们表达整体的状态量与扰动量:



• 对于一次观测, 扰动后为:

$$egin{aligned} z\left(x_{jk}
ight) &pprox \left(1+\epsilon_{k}^{\wedge}+rac{1}{2}\epsilon_{k}^{\wedge}\epsilon_{k}^{\wedge}
ight) T_{ ext{op},k}\left(p_{ ext{op},j}+D\zeta_{j}
ight) \ &pprox T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}+\epsilon_{k}^{\wedge}T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}+T_{ ext{op},k}D\zeta_{j} \ &+rac{1}{2}\epsilon_{k}^{\wedge}\epsilon_{k}^{\wedge}T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}+\epsilon_{k}^{\wedge}T_{ ext{op},k}D\zeta_{j} \ &=z\left(x_{ ext{op},jk}
ight)+Z_{jk}\delta x_{jk}+rac{1}{2}\sum_{i}1_{i}\underbrace{\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{Z}}_{ijk}\delta x_{jk}}_{ ext{fill}} \end{aligned}$$

其中: $z\left(x_{ ext{op},jk}
ight) = T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}$ $Z_{jk} = \left[\begin{array}{cc} (T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j})^{\odot} & T_{ ext{op},k}D \end{array}
ight]$ $\mathcal{Z}_{ijk} = \left[\begin{array}{cc} \mathbf{1}_i^{\odot} \left(T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}\right)^{\odot} & \mathbf{1}_i^{\odot}T_{ ext{op},k}D \\ \left(\mathbf{1}_i^{\odot}T_{ ext{op},k}D\right)^{\mathrm{T}} & 0 \end{array}
ight]$

□ 三阶以上舍去

习题: 推导此处一阶与二阶项系数

点圈与空心圈算子:

$$\begin{bmatrix} \varepsilon \\ \eta \end{bmatrix}^{\odot} = \begin{bmatrix} \eta \mathbf{1} & -\varepsilon^{\wedge} \\ \mathbf{0}^{\mathsf{T}} & \mathbf{0}^{\mathsf{T}} \end{bmatrix}, \quad \begin{bmatrix} \varepsilon \\ \eta \end{bmatrix}^{\odot} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \varepsilon \\ -\varepsilon^{\wedge} & \mathbf{0} \end{bmatrix}$$



• 应用相机模型:

$$egin{aligned} g\left(x_{jk}
ight) &= s\left(z\left(x_{jk}
ight)
ight) \ &pprox s\left(z_{ ext{op},jk} + Z_{jk}\delta x_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{m}}\mathbf{1}_{m}\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{Z}}_{mjk}\delta x_{jk}
ight) \ &pprox s\left(z_{ ext{op},jk}
ight) + S_{jk}\delta z_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{i}}\mathbf{1}_{i}^{\mathsf{T}}\delta z_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{S}}_{ijk}\delta z_{jk} \ &= s\left(z_{ ext{op},jk}
ight) + \sum_{i}\mathbf{1}_{i}\left(\mathbf{1}_{i}^{\mathsf{T}}S_{jk}
ight) \left(Z_{jk}\delta x_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{m}}\mathbf{1}_{m}\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{Z}}_{mjk}\delta x_{jk}
ight) \ &+ rac{1}{2}{\sum_{i}}\mathbf{1}_{i}\left(Z_{jk}\delta x_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{m}}\mathbf{1}_{m}\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{Z}}_{mjk}\delta x_{jk}
ight)^{\mathsf{T}} \ & imes oldsymbol{\mathcal{S}}_{ijk}\left(Z_{jk}\delta x_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{m}}\mathbf{1}_{m}\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{Z}}_{mjk}\delta x_{jk}
ight) \ &pprox g\left(x_{\mathsf{op},jk}
ight) + G_{jk}\delta x_{jk} + rac{1}{2}{\sum_{i}}\mathbf{1}_{i}\underbrace{\delta x_{jk}^{\mathsf{T}}oldsymbol{\mathcal{G}}_{ijk}\delta x_{jk}}_{iointime} \ &rac{i}{\hbar^{\mathsf{T}}}oldsymbol{\mathcal{G}}_{ijk}\delta x_{jk} \ &lac{i}{\hbar^{\mathsf{T}}}oldsymbol{\mathcal{G}}_{ijk}\delta x_{jk} \ & \frac{i}{\hbar^{\mathsf{T}}}oldsymbol{\mathcal{G}}_{ijk}\delta x_{jk}$$

其中:

$$egin{aligned} g\left(x_{ ext{op},jk}
ight) &= s\left(z\left(x_{ ext{op},jk}
ight)
ight) \ G_{jk} &= S_{jk}Z_{jk} \ S_{jk} &= \left.rac{\partial s}{\partial z}
ight|_{oldsymbol{z}\left(x_{ ext{op},jk}
ight)} \ \mathcal{G}_{ijk} &= Z_{jk}^{ ext{T}} \mathcal{S}_{ijk}Z_{jk} + \sum_{m} \underbrace{\mathbf{1}_{i}^{ ext{T}} S_{jk} \mathbf{1}_{m}}_{\overline{k}} \mathcal{Z}_{mjk} \ \mathcal{S}_{ijk} &= \left.rac{\partial^{2} s_{i}}{\partial z \, \partial z^{ ext{T}}}
ight|_{oldsymbol{z}\left(x_{ ext{op},jk}
ight)} \end{aligned}$$

(更常见的) 一阶近似:

$$g\left(x_{jk}
ight)pprox g\left(x_{ ext{op},jk}
ight)+G_{jk}\delta x_{jk}$$



- 线性化之后,可以推导滤波器或者最优化解
- 在有运动方程时,可以类比上一讲,推导EKF与MAP解;
- 无运动方程时,是一个纯BA问题,我们推导最大似然解(无运动先验)
- 误差:
- 目标函数:

$$e_{y,jk}\left(x\right) = y_{jk} - g\left(x_{jk}\right)$$

$$J\left(x
ight) = rac{1}{2} \sum_{j,k} e_{y,jk} \left(x
ight)^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} e_{y,jk} \left(x
ight)$$



- 牛顿法:
 - 对误差函数进行二阶泰勒展开

$$e_{y,jk}\left(x
ight)pprox\underbrace{y_{jk}-g\left(x_{ ext{op},jk}
ight)}_{oldsymbol{e}_{y,jk}\left(oldsymbol{x}_{ ext{op}}
ight)}-G_{jk}\delta x_{jk}-rac{1}{2}{\displaystyle\sum_{i}}\mathbf{1}_{i}\delta x_{jk}^{ ext{T}}oldsymbol{\mathcal{G}}_{ijk}\delta x_{jk}$$

• 合并刚才的相机投影与坐标变换,可以把上式写成:

$$J\left(x
ight)pprox J\left(x_{ ext{op}}
ight)-b^{ ext{T}}\delta x+rac{1}{2}\delta x^{ ext{T}}A\delta x$$

$$b = \sum_{j,k} P_{jk}^{\mathsf{T}} G_{jk}^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} e_{y,jk} \left(x_{\mathsf{op}}
ight) \qquad \qquad A = \sum_{j,k} P_{jk}^{\mathsf{T}} \left(G_{jk}^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} G_{jk} - \sum_{i} \underbrace{1_{i}^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} e_{y,jk} \left(x_{\mathsf{op}} \right)}_{\text{标量}} \mathcal{F}_{jk} \right) P_{jk}$$
 其中: P_{jk} 为投影矩阵

⇒ 光東平差法

- 牛顿法推出的A矩阵 (即Hessian) 为对称正定矩阵, 在高斯牛顿法中会被忽略
- 在重投影误差较小时, 这项基本可以忽略;
- 但如果较大(离最优解远),那么可以用它来改善收敛速度
 - 然而, 虽然收敛快, 但每步的计算变多了
- MLE线性方程: $A\delta x^* = b$ 解得扰动后,更新当前估计

$$T_{ ext{op},k} \longleftarrow \exp\left(\epsilon_k^{\star^{\wedge}}\right) T_{ ext{op},k}$$

$$p_{\mathsf{op},j} \longleftarrow p_{\mathsf{op},j} + D\zeta_j^\star$$

• 高斯-牛顿法: $A\delta x^* = b$

其中:
$$b = \sum_{j,k} P_{jk}^{\mathsf{T}} G_{jk}^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} e_{y,jk} \left(x_{\mathsf{op}}
ight)$$
 $A = \sum_{j,k} P_{jk}^{\mathsf{T}} G_{jk}^{\mathsf{T}} R_{jk}^{-1} G_{jk} P_{jk}$ $\delta x_{jk} = P_{jk} \delta x$

• 可以不算二阶导数: $\underbrace{G^{\mathsf{T}}R^{-1}G}_{A}\delta x^{\star} = \underbrace{G^{\mathsf{T}}R^{-1}e_{y}\left(x_{\mathsf{op}}\right)}_{\mathbf{F}}$



⇒ 光東平差法

- 稀疏性与边缘化
- 在BA中,上述线性方程的解并不是稠密的
 - 这是由于每次观测只关联一个点和一个Pose
- 线性方程的求解过程中,把Pose与Point的变量进行分块:

$$\begin{bmatrix}
A_{11} & A_{12} \\
A_{12}^T & A_{22}
\end{bmatrix}
\begin{bmatrix}
\delta x_1^* \\
\delta x_2^*
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
b_1 \\
b_2
\end{bmatrix}$$
其中x1为Pose部分,x2为Point部分

• 那么实际上,由于纯BA中不存在Pose-Pose和Point-Point类型的观测,该矩阵有稀疏结构



• 这种矩阵称为箭头状(Arrow-head) 矩阵,对应的平差法称为Sparse Bundle Adjustment

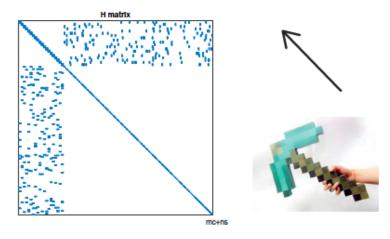
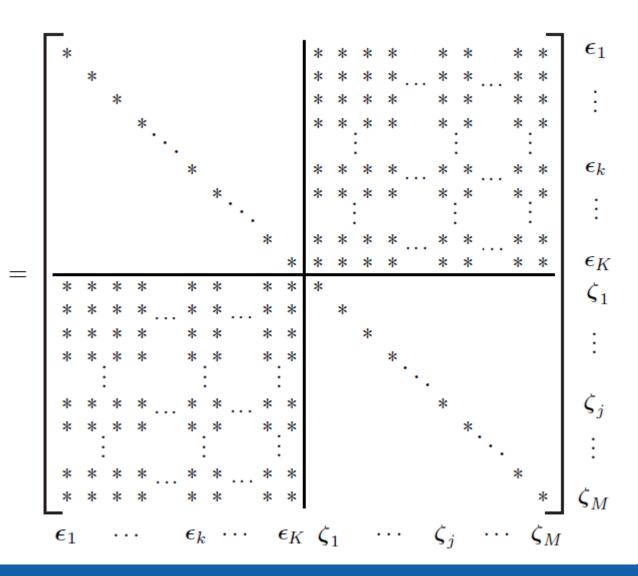


图 10-8 一般情况下的 H 矩阵。

• 解SBA可以用Schur方法和Cholesky 方法





• Schur法:

• 原问题:
$$\begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \ A_{12}^\mathsf{T} & A_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta x_1^\star \ \delta x_2^\star \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \ b_2 \end{bmatrix}$$

左右同乘: $\begin{vmatrix} 1 & -A_{12}A_{22}^{-1} \\ 0 & 1 \end{vmatrix}$

- 于是可以先解第一个,再解第二个
- 第一个中的A22逆并不难算,因为A22是一个对角块矩阵
- □ 注意本书用的Schur法稍有不同
- □ 只有左侧的一半, 大部分书和论文 里还有右侧一半



- Cholesky法
- 对A阵进行Cholesky分解:

$$\begin{bmatrix}
A_{11} & A_{12} \\
A_{12}^{\mathsf{T}} & A_{22}
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
U_{11} & U_{12} \\
0 & U_{22}
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
U_{11}^{\mathsf{T}} & 0 \\
U_{12}^{\mathsf{T}} & U_{22}^{\mathsf{T}}
\end{bmatrix}$$

• 乘法的展开:

$$U_{22}U_{22}^{\mathrm{T}}=A_{22}$$
:由于 A_{22} 是分对角块矩阵,

很容易通过 Cholesky 分解计算 U_{22}

$$U_{12}U_{22}^{\mathrm{T}} = A_{12}$$
:由于 U_{22} 是分对角块矩阵,

很容易计算 U_{12}

$$U_{11}U_{11}^{\mathrm{T}} + U_{12}U_{12}^{\mathrm{T}} = A_{11}$$
:由于 δx_1^{\star} 元素较少,

很容易通过 Cholesky 分解计算 U_{11}

所以U的各个块都很好算,于是解:

$$Uc = b$$

得到c,再解:

$$U^{\mathsf{T}} \delta x^{\star} = c$$

得到扰动量即可



⇒ 光東平差法

• Cholesky法也可以换种方式求解:

$$\begin{bmatrix}
A_{11} & A_{12} \\
A_{12}^{\mathsf{T}} & A_{22}
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
U_{11} & U_{12} \\
0 & U_{22}
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
U_{11}^{\mathsf{T}} & 0 \\
U_{12}^{\mathsf{T}} & U_{22}^{\mathsf{T}}
\end{bmatrix} \qquad
\begin{bmatrix}
U_{11} & U_{12} \\
0 & U_{22}
\end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix}
U_{11}^{-1} & -U_{11}^{-1}U_{12}U_{22}^{-1} \\
0 & U_{22}^{-1}
\end{bmatrix}$$

干是解:

$$oldsymbol{U}^{ ext{T}} \delta oldsymbol{x}^{\star} = oldsymbol{U}^{-1} oldsymbol{b}$$

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{U}_{11}^{\mathrm{T}} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{U}_{12}^{\mathrm{T}} & \boldsymbol{U}_{22}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta \boldsymbol{x}_{1}^{\star} \\ \delta \boldsymbol{x}_{2}^{\star} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{U}_{11}^{-1} \left(\boldsymbol{b}_{1} - \boldsymbol{U}_{12} \boldsymbol{U}_{22}^{-1} \boldsymbol{b}_{2} \right) \\ \boldsymbol{U}_{22}^{-1} \boldsymbol{b}_{2} \end{bmatrix}$$

• 整体上和Schur法大同小异



⇒ 第8讲 位姿和点的估计问题

- 光束平差法
- SLAM



- 通常的SLAM除了包含测量方程之外,还会有运动方程
- 增量/批量/滑窗的方式处理SLAM问题都是很常用的
- 这里介绍以李群李代数来处理的方法
- 状态变量: $x = \{T_0, \cdots, T_K, p_1, \cdots, p_M\}$
- 运动: $\bar{T}_k = \underbrace{\exp(\Delta t_k \bar{\varpi}_k^{\wedge})}_{\Xi_k} \bar{T}_{k-1}$ 测量: $y = \{y_{10}, \cdots, y_{M0}, \cdots, y_{1K}, \cdots, y_{MK}\}$

$$\delta \xi_k = \underbrace{\exp(\Delta t_k \bar{\varpi}_k^{\lambda})}_{\mathrm{Ad}(\boldsymbol{\Xi}_k)} \delta \xi_{k-1} + w_k$$



• 运动误差:
$$e_{v,k}(x) = \begin{cases} \ln(\check{T}_0 T_0^{-1})^{\vee} & k = 0 \\ \ln(\Xi_k T_{k-1} T_k^{-1})^{\vee} & k = 1, \cdots, K \end{cases}$$

$$\begin{split} e_{v,k}(x) &= \ln(\boldsymbol{\Xi}_k T_{k-1} T_k^{-1})^{\vee} \\ &= \ln\left(\boldsymbol{\Xi}_k \exp(\epsilon_{k-1}^{\wedge}) T_{\text{op},k-1} T_{\text{op},k}^{-1} \exp(-\epsilon_k^{\wedge})\right)^{\vee} \\ &= \ln\left(\underbrace{\boldsymbol{\Xi}_k T_{\text{op},k-1} T_{\text{op},k}^{-1}}_{\exp(k_{v,k}(\boldsymbol{x}_{\text{op}})^{\wedge})} \exp\left(\left(\operatorname{Ad}(T_{\text{op},k} T_{\text{op},k-1}^{-1}) \epsilon_{k-1}\right)^{\wedge}\right) \exp(-\epsilon_k^{\wedge})\right)^{\vee} \\ &\approx e_{v,k}(x_{\text{op}}) + \underbrace{\operatorname{Ad}(T_{\text{op},k} T_{\text{op},k-1}^{-1})}_{F_{k-1}} \epsilon_{k-1} - \epsilon_k \end{split}$$



• 测量误差: $e_{y,jk}(x_{op}) = y_{jk} - s(T_{op,k}p_{op,j})$

• 线性化:
$$e_{y,jk}\left(x\right) \approx \underbrace{y_{jk} - g\left(x_{\text{op},jk}\right)}_{e_{y,jk}\left(x_{\text{op}}\right)} - G_{jk}\delta x_{jk} - \frac{1}{2} \sum_{i} 1_{i}\delta x_{jk}^{\text{T}} \mathcal{G}_{ijk}\delta x_{jk}$$

• 保留一阶,那么: $G_{1,jk}=S_{jk}\left(T_{ ext{op},k}p_{ ext{op},j}
ight)^{\odot}$ $G_{2,jk}=S_{jk}T_{ ext{op},k}D$ 对Point的



• 对于整个问题, 定义以下整体变量:

$$\delta x_1 = \left[egin{array}{c} \epsilon_0 \ \epsilon_1 \ dots \ \epsilon_K \end{array}
ight], \quad \delta x_2 = \left[egin{array}{c} \zeta_0 \ \zeta_1 \ dots \ \zeta_M \end{array}
ight] \qquad \delta x = \left[egin{array}{c} \delta x_1 \ \delta x_2 \end{array}
ight]$$

$$e_{v}\left(x_{\mathsf{op}}\right) = \begin{bmatrix} e_{v,0}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \\ e_{v,1}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \\ \vdots \\ e_{v,K}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \end{bmatrix}, \quad e_{y}\left(x_{\mathsf{op}}\right) = \begin{bmatrix} e_{y,10}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \\ e_{y,20}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \\ \vdots \\ e_{v,MK}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \end{bmatrix} \quad e\left(x_{\mathsf{op}}\right) = \begin{bmatrix} e_{v}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \\ e_{y}\left(x_{\mathsf{op}}\right) \end{bmatrix}$$

$$H = \left[egin{array}{cc} F^{-1} & 0 \ G_1 & G_2 \end{array}
ight] \hspace{5mm} W = \left[egin{array}{cc} Q & 0 \ 0 & R \end{array}
ight]$$

$$Q = \operatorname{diag}\left(\check{P}_{0}, Q_{1}, \cdots, Q_{K}\right), \quad R = \operatorname{diag}\left(R_{10}, R_{20}, \cdots, R_{MK}\right)$$



- 那么目标函数的线性方程变为: $A\delta x^* = b$
- 其中: $A = H^{\mathsf{T}}W^{-1}H, \quad b = H^{\mathsf{T}}W^{-1}e\left(x_{\mathsf{op}}\right)$
- 这也就是类似Bundle Adjustment中的大矩阵方程求解
- 用求解结果更新状态变量: $T_{ ext{op},k} \leftarrow \exp\left(\epsilon_k^{\star^{\wedge}}\right) T_{ ext{op},k}, \quad p_{ ext{op},j} \leftarrow p_{ ext{op},j} + D\zeta_j^{\star}$



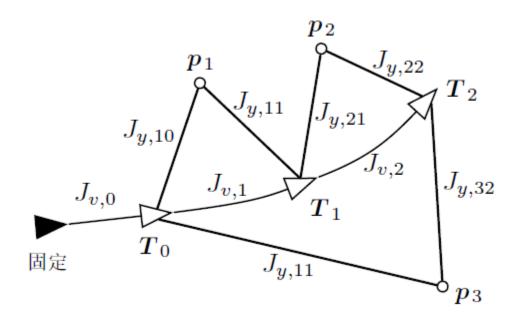
- SLAM的稀疏性
- 由于运动方程只引入相邻时刻Pose-Pose类型的约束,因此在分块时:

$$egin{aligned} A &= \left[egin{array}{ccc} A_{11} & A_{12} \ A_{12}^{\mathsf{T}} & A_{22} \end{array}
ight] = H^{\mathsf{T}} W^{-1} H \ &= \left[egin{array}{ccc} F^{-\mathsf{T}} Q^{-1} F^{-1} + G_1^{\mathsf{T}} R^{-1} G_1 & G_1^{\mathsf{T}} R^{-1} G_2 \ G_2^{\mathsf{T}} R^{-1} G_1 & G_2^{\mathsf{T}} R^{-1} G_2 \end{array}
ight] \end{aligned}$$

- 仅使得A11变为三对角块矩阵, A12、A22均不动
- 即使考虑回环检测,也只是使A11变为稠密矩阵,仍然可以使用前面所述的Sparse方法



- SLAM例子:
- 这种把SLAM问题用图结构来表示的方法称 为图优化方法,一个图对应一个SBA问题
- 图结构与Hessian稀疏结构对应
- 图优化是目前SLAM里用到的主流方法
- 本书介绍的SLAM模型也是SLAM里最为简单的一种模型





理论部分:

推导P9页一次项系数与二次项系数

论述题 (大作业):

给定一个综合的自动驾驶SLAM问题,含有传感器为:

- RTK
- IMU
- 车速计
- 激光传感器

请建立离散场景下车辆SLAM问题的数学模型,给出批量状态估计的MAP解法,使用矩阵李群方法,推导其线性化后模型(可以认为各传感器已符合某个给定的时间同步方案)。

该问题有一定的自由发挥空间,大家可以自己定义系统级别的处理方式。例如,IMU部分可以先与车速组合,得到相对运动估计,再作为系统相对运动的一次观测;或者也可以将IMU原始数据模型考虑进来,估计自身参数。



最后想和大家分享的话



最后想和大家分享的话

- 本门课程已至尾声,通过本课程的学习,我们完成了:
 - 对书上重点内容的深入介绍与亲自推导
 - 熟悉了LG/NLNG系统下的状态估计原理
 - 熟悉了三维空间李群李代数的处理方式
 - 能够自己完成一些公式的推导,对实际问题,能够找到合适的理论进行分析、解决
- 虽然这个课程
 - 全是公式
 - 没有好看的图片 (不像CV类或点云类课程)
 - 非常难懂
- 但实际上我们也完整地学习下来了
- 再回过头看前面几章,是什么感觉?

仿佛就像一场悬疑电影。初看时杂乱无章, 每个人物都是凭空出现,每个情节都没有 来由, 然而当答案揭晓, 蓦然回看, 它们 正以最合适的顺序放在那里, 不偏不倚。

世上无难事,只要肯登攀。



谢谢!

Thanks for your attention!