ARQUITECTURA DEL COMPUTADOR

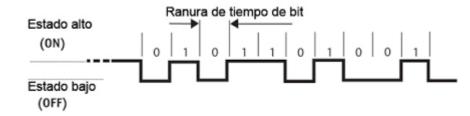
bit

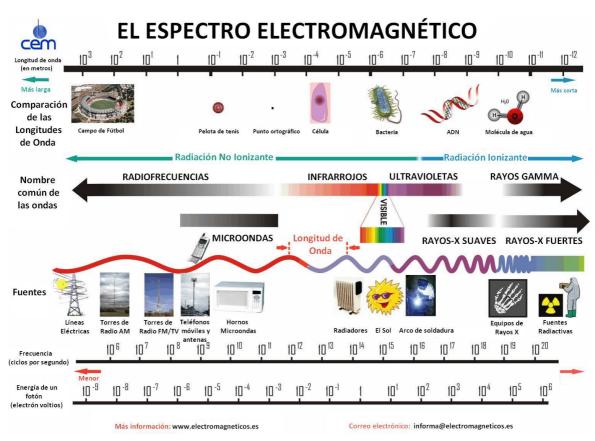
La palabra bit fue utilizada por primera vez en la década de los 30, sorprendentemente, para designar partes de información (bits of information). Simplificando, un bit es exactamente eso: una combinación de dos dígitos que se junta con otros dígitos del mismo tipo para generar la información completa.

Leer https://www.bell-labs.com/claude-shannon/

USA (30/abril/1916 – 24/febrero/2001) https://es.wikipedia.org/wiki/Claude_Elwood_Shannon

Toda la memoria del ordenador se compone de dispositivos electrónicos que pueden adoptar únicamente dos estados, que representamos matemáticamente por 0 y 1. Cualquiera de estas unidades de información se denomina **bit**, contracción de **«binary digit»** en inglés.





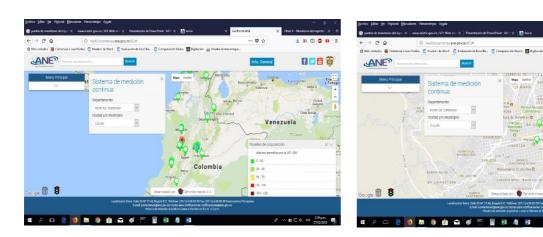
IMPORTANTE espectro en COLOMBIA

Las frecuencias del espectro electromagnético usadas para los servicios de difusión y servicios móviles, de policía, bomberos, radioastronomía, meteorología y fijos." Este "(...) no es un concepto estático, pues a medida que avanza la tecnología se aumentan (o disminuyen) rangos de frecuencia utilizados en comunicaciones, y corresponde al estado de avance tecnológico.

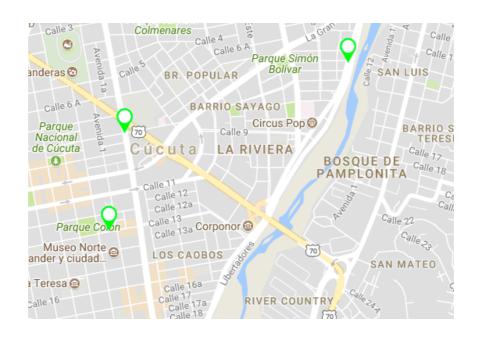
f 💆 🖺 👸

http://www.ane.gov.co/index.php

Puntos de Monitoreo del Espectro en Colombia (CNM centro nacional de monitoreo)



http://medicionantenas.ane.gov.co:82/





Material de Apoyo

www.roblestecnologia.com

REPRESENTACIÓN DE UN BIT (MEDIDAS)



NIBBLE: 4 bits

BYTE



Cada grupo de 8 bits se conoce como byte u octeto. Es la unidad de almacenamiento en memoria, la cual está constituida por un elevado número de posiciones que almacenan bytes. La cantidad de memoria de que dispone un sistema se mide en: (24 Oct 1922 – Aleman - Leer Werner Buchholz en 1957) "Mordisco"





- Kilobytes (1 Kb = 1024 bytes)
- Megabytes (1 Mb = 1024 Kb)
- Gigabytes (1 Gb = 1024 Mb)
- Terabytes (1 Tb = 1024 Gb)
- Petabytes (1 Pb = 1024 Tb).
- Exabytes (1 Eb = 1024 Pb).
- Zetabytes (1 Zb = 1024 Eb).
- Yotabytes (1 Yb = 1024 Zb).
- Brontobytes = (1Bb = 1024 Yb)
- GeopBytes = (1 Gpb = 1024 Bb)
- Saganbytes = (1 Sb = 1024 Gbp)
- Jotabyte = (1Jb = 1024 Sb)

Unidad	Unidades básicas de información (en bytes)					
Prefijos del Sist	ema Interna	Prefijo binario)			
Múltiplo - (Símbolo)	Estándar S	l Binario	Múltiplo - (Símbolo)	Valor		
kilobyte (kB)	10 ³	210	kibibyte (KiB)	210		
megabyte (MB)	10 ⁶	220	mebibyte (MiB)	220		
gigabyte (GB)	10 ⁹	230	gibibyte (GiB)	230		
terabyte (TB)	10 ¹²	240	tebibyte (TiB)	240		
petabyte (PB)	10 ¹⁵	250	pebibyte (PiB)	250		
exabyte (EB)	10 ¹⁸	2 ⁶⁰	exbibyte (EiB)	260		
zettabyte (ZB)	10 ²¹	270	zebibyte (ZiB)	2 ⁷⁰		
yottabyte (YB)	1024	280	yobibyte (YiB)	280		

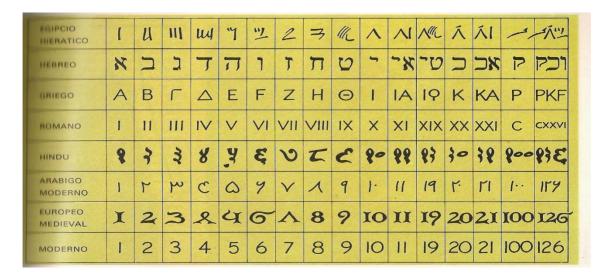
PALABRA: 2 Bytes o a partir de la arquitectura del PC se puede decir que es 4 u 8 Bytes, para nuestra materia sería 16 bits, o 32 o 64 bits.

PALABRA DOBLE: 4 Bytes PARRAFO: 16 Bytes

IMPORTANTE LEER:

https://cs.stackexchange.com/questions/67684/does-a-byte-contain-8-bits-or-9/67688

SISTEMAS NUMERICOS



0 _{hex}	=	0 _{dec}	=	0 _{oct}	0	0	0	0
1 _{hex}	=	1 _{dec}	=	1 _{oct}	0	0	0	1
2 _{hex}	=	$2_{\rm dec}$	=	2 _{oct}	0	0	1	0
3 _{hex}	=	3 _{dec}	=	3 _{oct}	0	0	1	1
4 _{hex}	=	4 _{dec}	=	4 _{oct}	0	1	0	0
5 _{hex}	=	5 _{dec}	=	5 _{oct}	0	1	0	1
6 _{hex}	=	6 _{dec}	=	6 _{oct}	0	1	1	0
7 _{hex}	=	7 _{dec}	=	7 _{oct}	0	1	1	1
8 _{hex}	=	8 _{dec}	=	10 _{oct}	1	0	0	0
9 _{hex}	=	9 _{dec}	=	11 _{oct}	1	0	0	1
A _{hex}	=	10 _{dec}	=	12 _{oct}	1	0	1	0
B _{hex}	=	11 _{dec}	=	13 _{oct}	1	0	1	1
C _{hex}	=	12 _{dec}	=	14 _{oct}	1	1	0	0
D _{hex}	=	13 _{dec}	=	15 _{oct}	1	1	0	1
E _{hex}		14 _{dec}		16 _{oct}	1	1	1	0
F _{hex}	=	15 _{dec}	=	17 _{oct}	1	1	1	1

Método Decimal

Sistema tradicional utilizado por todos los países a nivel mundial como estándar de economía, finanzas, comercio, etc. Trabaja en base 10, por tanto utiliza diez dígitos para representarse Dígitos del 0 al 9.

Ejemplo:
$$1234_{(10)} = 1*10^3 + 2*10^2 + 3*10^1 + 4*10^0 = 1*1000 + 2*100 + 3*10 + 4*1$$

 $1000 + 200 + 30 + 4$

Esta forma de representación se conoce como notación expandida y cualquier número se puede representar en este tipo de notación.

Material de Apoyo

www.roblestecnologia.com

Otros ejemplos: 12(10), 23456(10)

Los números decimales de clasifican en unidades, decenas, centenas, etc por tanto siempre leemos de izquierda a derecha mas no su valor de posición el cual de lee de derecha a izquierda.

Ejemplo: 694(10) Descripción en notación expandida sin valor decimal solo potencias.

6= 102 9=10 4= por tanto los valores de posición son:

Para el número 6 es de 10², para el número 9 es de10¹ y para el número 4 es de 10⁰

Valor facial es aquel valor del número decimal en si, ósea el mismo número pero sin base.

Leyes de potencia

Todo número elevado ala potencia 1 da como resultado el mismo número de base.

Todo número elevado a una potencia 0 da como resultado uno.

Operaciones: Suma, Resta, Multiplicación y División.

SISTEMAS BINARIO (SISTEMA DIADICO)

Sistema utilizado por todos los computadores, debido a que toda la información la maneja a través de código binario el cual conforma el lenguaje de máquina (Assembler o emsamblador). Trabaja en base 2, por tanto utiliza solo dos dígitos para representarse El cero (0) y el uno (1).

Este sistema es el manejado además por dispositivos eléctricos, mecánicos, electrónicos, etc, representando dos estados posibles en cualquier sistema (abierto y cerrado) ON/OFF. Sistema abierto es todo aquel que no conduce o no permite el flujo de corriente eléctrica, mientras que un

Sistema abierto es todo aquel que no conduce o no permite el flujo de corriente eléctrica, mientras que un circuito cerrado si los permite, debido a que todos sus dispositivos se encuentran en linea.

Ejemplo:
$$10011_{(2)} = 1*2^4 + 0*2^3 + 0*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0 = 1*16 + 0*8 + 0*4 + 1*2 + 1*1$$
 $16 + 0 + 0 + 2 + 1$ $19_{(10)}$

Los valores de posición son: 24 23 22 21 20

Otros ejemplos: 111(2), 1000(2)

Tabla de potencias

20	21	2 ²	2 ³	24	2 ⁵	2 ⁶	27	28	2 ⁹	210
1	2	4	8	16	32	64	128	256	512	1024

Tipo	Sin signo
1 byte	255
2 bytes	65.535
4 bytes	4.294.967.295
8 bytes	18.446.744.073.709.551.615

Tipo	Positivo	Negativo
1 byte	127	-128
2 bytes	32.767	-32.768
4 bytes	2.147.483.647	-2.147.483.648
8 bytes	9.223.372.036.854.775.807	-9.223.372.036.854.775.808

Operaciones

SUMA

Tabla de adición binaria

Ejemplos: $10111_{(2)} + 110_{(2)} = 11101_{(2)}$ $11101_{(2)} + 1111_{(2)} = 101100_{(2)}$ Ejercicios $11011111_{(2)} + 10000_{(2)} =$

 $10011111_{(2)} + 1110_{(2)} = 10111_{(2)} + 110_{(2)} + 11101_{(2)} =$

RESTA

Tabal de sustracción binaria

0-0=0 0-1=1 y resto 1 a la izquierda 1-0=1 1-1=0

Para realizar la resta binaria se puede hacer de dos formas, por el método tradicional o por el método de complementos.

Método Tradicional

Ejemplos: $10111_{(2)} - 110_{(2)} = 10001_{(2)}$

 $11101_{(2)}$ - $1111_{(2)}$ = $1110_{(2)}$

Ejercicios $11011111_{(2)} - 10000_{(2)} =$

 $10011111_{(2)} - 1110_{(2)} = 10111_{(2)} - 110_{(2)} = 10111_{(2)}$

Método Complementos

Para realizar este método debemos seguir los siguientes pasos:

- A) Hallar el complemento del sustraendo (Cambiar unos por ceros y ceros por unos).
- B) Sumar el minuendo con el complemento del sustraendo.
- C) Transferir el primer uno que se encuentre más a la izquierda (en caso sobrante) y lo sumamos a la derecha.

Ejemplos:

```
10111_{(2)} - 110_{(2)} = 10001_{(2)}
```

Paso A Como faltan números para igualar tamaño rellenamos de ceros 00110= 11001

Paso B 10111 + 11001 = 110000

Paso C 10000 + 1 = 10001

 $11101_{(2)} - 1111_{(2)} = 1110_{(2)}$

Paso A 01111 = 10000

Paso B 11101 + 10000 = 101101

Paso C 01101 + 1 = 1110

Ejercicios 11011111₍₂₎ - 10000₍₂₎

 $10011111_{(2)} - 1110_{(2)} = 10111_{(2)} - 110_{(2)} =$

MULTIPLICACIÓN

Se realiza de forma idéntica al sistema decimal a excepción de la suma de los resultados de la multiplicación la cual se debe realizar en forma binaria.

$$10111_{(2)} * 110_{(2)} = 10001010_{(2)}$$

DIVISIÓN

Se realiza a través de restar sucesivas del divisor, ya que el único digito no cero es uno.

Material de Apoyo

www.roblestecnologia.com

 $1010001_{(2)}$ / $11_{(2)}$ = 11011 ₍₂₎

NÚMEROS NEGATIVOS BINARIOS

Un número negativo posee el bit más a la izquierda con valor de 1, el cual indica su estado o valor (+/-). Para esto no es que a todo número le cambiemos su valor del bit izquierdo para ser negativo ya que 11111111(2) es 255 y no es negativo, para saber si es negativo debemos basarnos en el complemento a dos. Este método consiste en invertir todos los números y sumarle un 1.

Ejemplo: 0.11111111(2) = 255

Invertido 0.0000000(2) Sumamos 1 1(2)

Resultado 1.00000001(2) = -255 algo parecido a 256 -1 = 255

Tabla de los números negativos

00000011 = +3

00000010 = +2

00000001 = +1

00000000 = 0

111111111 = -1

11111110 = -2

111111101 = -311111100 = -4

11111011 = -5

CASO IMPORTANTE es el número 128, por ejemplo:

128 en 1 Bytes es igual a 1000000 (2)

Si lo queremos convertir a -128 tendríamos:

Primero: Complemento 1 de 128 que es igual a 01111111(2)

Segundo: Complemento 2 del mismo número, que sería sumarle 1 a este resultado del paso

Primero, por lo tanto

0111111(2)

+ 1(2)

10000000(2) que es -128, siendo este resultado igual a 128 positivo, por lo tanto se puede diferenciar estos dos número pero con un tamaño más grande de 2 Bytes. Por ejemplo:

00000000 10000000 (2)

Complemento 1: 11111111 01111111(2) Complemento 2: + 1(2)

11111111 10000000 (2)

En caso de Octal y Hexadecimal sería de la siguiente manera

35(8) el 3 le presta 8 unidades al 5 para convertir en 13 y así poder restarle 7

77(8) luego el 3 pasa a ser 2 a quien se le debe restar 7 pero como no tiene quien le preste el 0 pasa a ser 7

77736 (8) RTA que es un número negativo por el 7 con que inicia el número, serían tantos 7 como el tamaño de la

variable que la guarda lo permita

MÉTODO OCTAL

Sistema numérico que trabaja en base 8, por tanto utiliza solo 8 dígitos para representarse Entre el cero (0) y el siete (7).

La cantidad de dígitos representados el cual es igual a 8 hace representativo este numero e potencias de 2 como 2 elevado a la tres, por tanto su representación en sistema binario hace que sea en grupo de tres bits.

Material de Apoyo

www.roblestecnologia.com

UFPS	Ing. Sistemas	Mati Epp Is Ing. Migu	uel Fabian Robles A.
Sistema octal	Sistema binario	Sistema octal	Sistema binario
0	000	4	100
1	001	5	101
2	010	6	110
3	011	7	111

Ejemplo:
$$21341_{(8)} = 2*8^4 + 1*8^3 + 3*8^2 + 1*8^1 + 1*8^0 = 2*4096 + 1*512 + 3*64 + 4*8 + 1*1 \\ 8192 + 512 + 192 + 32 + 1 \\ 8929_{(10)}$$

Tabla de potencias

80	8 ¹	8 ²	8 ³	8 ⁴	8 ⁵	86
1	8	64	512	4096	32768	262144

Operaciones

SUMA

Se realiza sumando los dos números a trabajar, teniendo el resultado de la anterior suma le restamos a ese resultado el múltiplo (no la potencia) de la base octal que se aproxime más a esta cantidad sin sobrepasar su valor, y el valor a que se llevo el múltiplo de la base octal lo sumamos al operando del lado derecho de la operación.

Ejemplos: $75462_{(8)} + 2564_{(8)}$ $= 100246_{(8)}$ $456612_{(8)} + 335264_{(8)} = 1014076_{(8)}$ **Ejercicios** $653211_{(8)} + 15642_{(8)} = 671053_{(8)}$

RESTA

Para realizar la resta octal se puede hacer de dos formas, por el método tradicional o por el método de complementos.

Método Tradicional

Ejemplos: 67452 (8) - 3215 (8) = 64235 (8) Cuando se va a prestar se presta una cantidad, ocho unidades

56743 (8) - 42531 (8) = 14212 (8)

Método Complementos

Para realizar este método debemos seguir los siguientes pasos:

- A) Le resto a un número de 7 igual al sustraendo, y luego al resultado le sumamos 1 para obtener el complemento del sustraendo.
- B) Sumar el minuendo con el complemento del sustraendo.
- C) Eliminamos el primer uno que se encuentre más a la izquierda (en caso sobrante).

Ejemplos:

```
65423_{(8)} - 4445_{(8)} = 10001_{(8)}
Paso A 7777 - 4445 = 3332 + 1 = 3333
Paso B 65423 + 3333 = 60756
```

MULTIPLICACIÓN

Se realiza de forma idéntica al sistema decimal a excepción de la suma de los resultados de la multiplicación la cual se debe realizar en forma octal y teniendo en cuenta que al multiplicar el valor resultante no existe en este sistema se debe restar el múltiplo mas cercano y sumar la posición del múltiplo

$$7456541_{(8)} * 235_{(8)} = 2247642175_{(8)}$$

DIVISIÓN

Se realiza a través de la conversión al sistema decimal del dividendo momentáneo y el divisor general, en la cual el valor obtenido en el cociente de la división decimal es el valor que se coloca como cociente de Material de Apoyo www.roblestecnologia.com Fuente Internet, Libros y Documentos

la división octal. Este Cociente lo multiplicamos por el divisor octal aplicando las propiedades del multiplicación y dicho valor obtenido se lo restamos al dividendo aplicando también las propiedades de la resta octal.

MÉTODO HEXADECIMAL

Sistema numérico que trabaja en base 16, por tanto utiliza solo 16 dígitos para representarse Entre el cero (0) - nueve (9) y A hasta la F.

La cantidad de dígitos representados el cual es igual a 16 hace representativo este numero e potencias de 2 como 2 elevado a la cuatro, por tanto su representación en sistema binario hace que sea en grupo de cuatro bits.

Ejemplo:
$$2351_{(16)} = 2*16^3 + 3*16^2 + 5*16^1 + 1*16^0 = 2*4096 + 3*256 + 5*16 + 1*1$$

 $8192 + 768 + 80 + 1$
 $9041_{(10)}$

Operaciones

SUMA

Se realiza sumando los dos números a trabajar, teniendo el resultado de la anterior suma le restamos a ese resultado el múltiplo (no la potencia) de la base hexadecimal que se aproxime más a esta cantidad sin sobrepasar su valor, y el valor a que se llevo el múltiplo de la base hexadecimal lo sumamos al operando del lado derecho de la operación.

```
Ejemplos: CB3467 _{(16)} + AF _{(16)} = CB3516 _{(16)} 2FDCA8 _{(16)} + 458FE_{16)} = 3435A6 _{(16)}
```

RESTA

Para realizar la resta hexadecimal se puede hacer de dos formas, por el método tradicional o por el método de complementos.

Método Tradicional

Ejemplos: 5FE2 (16) -98D (16) =5655 (16) Cuando se va a prestar se presta una cantidad, 16 unidades FFFF (16) -EEA2 (16) =115D (16)

Método Complementos

Para realizar este método debemos seguir los siguientes pasos:

- A) Le resto a un número de 15 igual al sustraendo, y luego al resultado le sumamos 1 para obtener el complemento del sustraendo.
- B) Sumar el minuendo con el complemento del sustraendo.
- C) Eliminamos el primer uno que se encuentre más a la izquierda (en caso sobrante).

Ejemplos:

```
72A4_{(16)} - 4E86_{(16)} = 241E_{(16)}
Paso A 15151515 - 4E86 = 11179 + 1 = 111710 = B17A
Paso B 72A4 + B17A = 241E_{(16)}
```

MULTIPLICACIÓN

Se realiza de forma idéntica al sistema decimal a excepción de la suma de los resultados de la multiplicación la cual se debe realizar en forma hexadecimal.

$$5641_{(16)} * 35_{(16)} = 11DB75_{(16)}$$

DIVISIÓN

Se realiza a través de la conversión al sistema decimal del dividendo momentáneo y el divisor general, en la cual el valor obtenido en el cociente de la división decimal es el valor que se coloca como cociente de la división hexadecimal. Este Cociente lo multiplicamos por el divisor octal aplicando las propiedades del multiplicación y dicho valor obtenido se lo restamos al dividendo aplicando también las propiedades de la resta octal.

 $ABCDF_{(16)} / 9_{(16)} = 1316E_{(8)}$

1. A=10 9=9 10/9=1

2. 9*1=9 A-9=1

3. 1B=27 27/9=3

4. 9*3= 1B(27) 1B-1B=0

5. C= 12 12/9=1

6. 9*1=9 C-9=3

7. 3D=60 60/9= 6

8. 9*6=36 (54) 3D-36=7

9. 7F=127 127/9=E(14)

10. 9*E=7F 7F-7F=0

Potencias de 2	Valor decimal
2 ₁₀	1024
29	512
28	256
27	128
26	64
25	32
24	16
23	8
22	4
21	2
20	1
2_1	1/2=0.5
2_2	1/4=0.25
2_3	1/8=0.125
2_4	1/16=0.0625
2-5	1/32=0.03125
2 ₋₆	1/64=0.015625

Potencias de 8	Valor decimal
8_3	1/512=0.001953125
8-2	1/64=0.015625
8-1	1/8=0.125
80	1
81	8
82	64
83	512
84	4096
85	32768

Potencias de 16	Valor decimal
16_3	1/4096=0.000244
16-2	1/256=0.003906
16 ₋₁	1/16=0.125
160	1
16 ₁	16
162	256
163	4096
164	65536
165	1048576

CONVERSIONES ENTRE LOS DISTINTOS SISTEMAS NUMERICOS

BINARIO-DECIMAL

Se realiza utilizando la expresión en notación expandida

Ejemplo: :
$$10011_{(2)} = 1*2^4 + 0*2^3 + 0*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0 = 1*16 + 0*8 + 0*4 + 1*2 + 1*1$$

$$16 + 0 + 0 + 2 + 1$$

$$19_{(10)}$$

DECIMAL-BINARIO

Se realiza a través de divisiones sucesivas entre dos (2), tomando el residuo como parte de la conversión y el cociente como dividendo de la próxima división. El resultado es la agrupación de los residuos y en forma inversa es su resultado.

Ejemplo: 98 = 1100010

BINARIO-OCTAL

Se realiza agrupando de izquierda a derecha en grupo de tres bits consecutivos el número binario para luego utilizando la tabla de tres bits del sistema binario darle a cada uno su representación octal.

Ejemplo: 7654 = 111 110 101 100 = 111110101100

OCTAL-BINARIO

Se realiza utilizando la tabla de tres bits del sistema octal, con el valor correspondiente a cada uno de los elementos del sistema octal se escribe su representación binaria.

Ejemplo: 7654 = 111 110 101 100 = 111110101100

BINARIO-HEXADECIMAL

Se realiza agrupando de izquierda a derecha en grupo de cuatro bits consecutivos el número binario para luego utilizando la tabla de cuatro bits del sistema binario darle a cada uno su representación hexadecimal. Ejemplo: 101010010111100 = 0010 1010 1010 1100 = 2A5C

HEXADECIMAL-BINARIO

Se realiza utilizando la tabla de cuatro bits del sistema hexadecimal, con el valor correspondiente a cada uno de los elementos del sistema hexadecimal se escribe su representación binaria.

Ejemplo: 2A5C = 0010 1010 0101 1100 = 10101001011100

OCTAL-DECIMAL

Se realiza utilizado la expresión en notación expandida Ejemplo: $: 5725_{(8)} = 5*8^3 + 7*8^2 + 2*8^1 + 5*8^0 = 3029$

DECIMAL-OCTAL

Se realiza a través de divisiones sucesivas entre ocho (8), tomando el residuo como parte de la conversión y el cociente como dividendo de la próxima división. El resultado es la agrupación de los residuos y en forma inversa es su resultado.

Ejemplo: 98 = 1100010

OCTAL-HEXADECIMAL

Se realiza representando el número octal en forma binaria (agrupación en tres bits), dicho valor en binario se pasa a forma hexadecimal (agrupando en cuatro bits).

Ejemplo: 47231 = 100 111 010 011 001 = 0100 1110 1001 1001 = 4E99

HEXADECIMAL-OCTAL

Se realiza representando el número hexadecimal en forma binaria (agrupación en cuatro bits), dicho valor en binario se pasa a forma octal (agrupando en tres bits).

Ejemplo: 4E99 =0100 1110 1001 1001 = 100 111 010 011 001 = 47231

HEXADECIMAL-DECIMAL

Se realiza utilizado la expresión en notación expandida

Ejemplo: $2351_{(16)} = 2*16^3 + 3*16^2 + 5*16^1 + 1*16^0 = 2*4096 + 3*256 + 5*16 + 1*1 = 9041$

DECIMAL-HEXADECIMAL

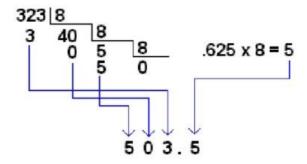
Material de Apoyo ww

www.roblestecnologia.com

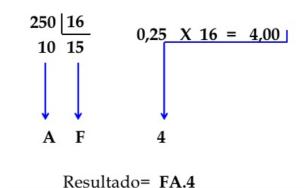
Se realiza por medio de divisiones sucesivas entre diez y seis, tomando el residuo como parte de la conversión y el cociente como dividendo de la próxima división. El resultado es la agrupación de los residuos y en forma inversa es su resultado. Ejemplo: 9041 = 2351

PARTE DECIMAL ENTRE SISTEMAS

Convertir 323.625 a Octal



Transformar = 250.25



Websites para conversiones

http://www.periodni.com/es/sistema_de_numeracion_convertidor.html

http://wims.unice.fr/wims/es_tool~number~baseconv.es.html

Websites complementarias

https://es.khanacademy.org/math/pre-algebra/applying-math-reasoning-topic/alternate-number-bases/v/number-systems-introduction

https://es.wikipedia.org/wiki/Sistema binario

http://www.areatecnologia.com/sistema-binario.htm

https://www.disfrutalasmatematicas.com/numeros/

Videos complementarios

1. UTPL Conversión de sistemas numéricos https://www.youtube.com/watch?v=l6uSJdm-uus

- 2. Conversiones sistemas numéricos #1 Introducción, métodos y conceptos básicos. https://www.youtube.com/watch?v=jdp91beSm5g
- 3. Conversiones entre sistemas numéricos #2 Cifras decimales en cadenas numéricas. https://www.youtube.com/watch?v=h7tEf4pnANc
- 4. Conversiones entre sistemas numericos #3 Metodos alternativos Decimal a binario https://www.youtube.com/watch?v=k-1AK5s6M-k
- 5. Conversiones entre sistemas numéricos #4 Compresión y descompresión Binaria. Hexadecimal y octal. https://www.youtube.com/watch?v=Q2ddN4I89Z4

EJERCICIOS

1) Averigua y escribe el código ASCII correspondiente, tanto en decimal como en binario, a las letras de tu nombre y apellidos. Distinguir entre mayúsculas/minúsculas, y sin acentos.

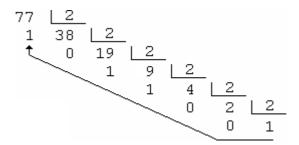
Nota: Al final de este documento podéis encontrar la tabla ASCII de los caracteres imprimibles.

LETRA	DECIMAL	BINARIO
М	77	1001101
a	97	1100001
n	110	1101110
u	117	1110101
е	101	1100101
I	108	1101100

Para cada letra del nombre extraemos su correspondencia en decimal utilizando la tabla ASCII. Una vez tenemos todos los valores decimales del nombre procedemos a convertir cada valor decimal a binario.

Como ejemplo, veamos la conversión de la primera letra del nombre (M) a su valor en binario.

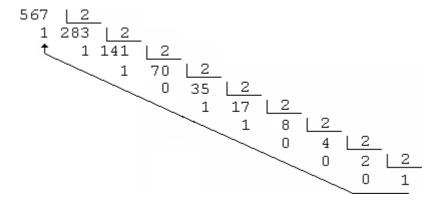
■ Conversión a binario del número 77₁₀



El resultado, siguiendo todos los restos empezando por el cociente de más a la derecha, nos da el resultado final en binario. Es decir, **10011012**. La conversión para el resto de letras se realizaría siguiendo este mismo proceso.

2) Realiza la conversión a binario del número decimal 567.

Siguiendo el mismo proceso que en el ejercicio anterior, tenemos que dividir sucesivamente el 567₁₀ entre 2 hasta que lleguemos a un número que ya no sea divisible entre 2.



Siguiendo todos los restos obtenidos, empezando por el cociente de más a la derecha, nos da el resultado final en binario. Es decir, **10001101112**.

3) Realiza la conversión tanto a decimal como a hexadecimal del número binario 1001110110.

Conversion a decimal

En esta conversión cada cifra será multiplicada por la base del sistema de numeración (b=2) elevada a una potencia que dependerá de la posición de esa cifra en el número a convertir. Empezando por la posición de más a la derecha la primera cifra se multiplica por 2⁰, la segunda por la derecha se multiplica por 2¹, y así sucesivamente.

$$\mathbf{1001110110}_{2} = \mathbf{1} \times 2^{9} + \mathbf{0} \times 2^{8} + \mathbf{0} \times 2^{7} + \mathbf{1} \times 2^{6} + \mathbf{1} \times 2^{5} + \mathbf{1} \times 2^{4} + \mathbf{0} \times 2^{3} + \mathbf{1} \times 2^{2} + \mathbf{1} \times 2^{1} + \mathbf{0} \times 2^{0}$$

$$1001110110_{2} = \mathbf{1} \times 2^{9} + \mathbf{1} \times 2^{6} + \mathbf{1} \times 2^{5} + \mathbf{1} \times 2^{4} + \mathbf{1} \times 2^{2} + \mathbf{1} \times 2^{1} \text{ (obviamos los ceros)}$$

$$1001110110_{2} = 512 + 64 + 32 + 16 + 4 + 2$$

 $1001110110_2 = 630_{10}$

Conversión a hexadecimal

Para la conversión a hexadecimal el número a convertir se divide en grupos de 4 bits (empezando por la derecha). Si el último grupo no tiene 4 bits se le añaden tantos ceros a la izquierda como sea necesario hasta completar el grupo.

Por tanto, el número 10011101102 lo dividimos en 3 grupos de 4 bits cada uno de ellos; a saber: 10, 0111 y 0110. Como el último grupo no llega a los 4 bits lo rellenamos con ceros a la izquierda, quedando los 3 grupos de 4 bits como: 0010, 0111 y 0110.

BINARIO	DECIMAL	HEXADECIMAL
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4

0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7
1000	8	8
1001	9	9
1010	10	Α
1011	11	В
1100	12	С
1101	13	D
1110	14	E
1111	15	F

Tabla 1: Conversión directa entre binario, decimal y hexadecimal

Después de esa división, la conversión es directa (ver Tabla 1) ya que a cada grupo de 4 bits ($2^4 = 16$ posibles valores = los que tiene el alfabeto hexadecimal) le corresponde un valor en el alfabeto hexadecimal.

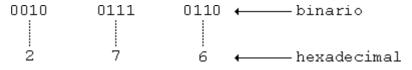
La conversión de cada grupo, si no sabemos la conversión directa entre el binario y el hexadecimal, se haría de la siguiente manera:

$$\mathbf{0010}_2 = \mathbf{0} \times 2^3 + \mathbf{0} \times 2^2 + \mathbf{1} \times 2^1 + \mathbf{0} \times 2^0 = 1 \times 2^1 = 2_{10} = 2_{16}$$

$$\mathbf{0111}_2 = \mathbf{0} \times 2^3 + \mathbf{1} \times 2^2 + \mathbf{1} \times 2^1 + \mathbf{1} \times 2^0 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 4 + 2 + 1 = 7_{10} = 7_{16}$$

$$\mathbf{0110}_2 = \mathbf{0} \times 2^3 + \mathbf{1} \times 2^2 + \mathbf{1} \times 2^1 + \mathbf{0} \times 2^0 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 = 4 + 2 = 6_{10} = 6_{16}$$

Por tanto, como podemos ver en la siguiente figura, al 0010₂ le corresponde el valor hexadecimal 2, al 0111₂ el valor hexadecimal 7 y al 0110₂ el valor hexadecimal 6.



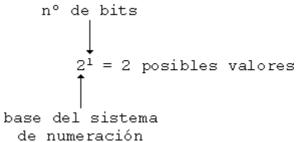
El resultado final es: 10011101102 = 27616.

4) El sistema octal es un sistema de numeración en base 8 (b=8) cuyo alfabeto es { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 }. Construir una tabla con la representación de los 32 primeros números en los sistemas de numeración hexadecimal, decimal, octal y binario.

BINARIO	OCTAL	DECIMAL	HEXADECIMAL	BINARIO	OCTAL	DECIMAL	HEXADECIMAL
0000	00	00	00	10000	20	16	10
0001	01	01	01	10001	21	17	11
0010	02	02	02	10010	22	18	12
0011	03	03	03	10011	23	19	13
0100	04	04	04	10100	24	20	14
0101	05	05	05	10101	25	21	15
0110	06	06	06	10110	26	22	16
0111	07	07	07	10111	27	23	17
1000	10	08	08	11000	30	24	18
1001	11	09	09	11001	31	25	19
1010	12	10	0A	11010	32	26	1A
1011	13	11	ОВ	11011	33	27	1B
1100	14	12	0C	11100	34	28	1C
1101	15	13	0D	11101	35	29	1D
1110	16	14	0E	11110	36	30	1E
1111	17	15	OF	11111	37	31	1F

Tabla 2: Los 32 primeros números en varios sistemas de numeración

Como se puede comprobar en la Tabla 2, hay cierta relación en el número de bits que necesitan los diferentes sistemas de numeración vistos en clase. Con un bit, el sistema binario puede codificar hasta 2 valores; el 0 y el 1.



Con 2 bits se pueden llegar a codificar hasta $2^2 = 4$ posibles valores diferentes:

BINARIO 2 DÍGITOS	DECIMAL		
00	0		
01	1		
10	2		
11	3		

Tabla 3: Los 4 posibles valores que se pueden codificar con 2 bits

Por tanto, un sistema de numeración cuyo alfabeto fuese $\{0, 1, 2, 3\}$ (4 posibles valores diferentes) podría codificarse en un ordenador utilizando únicamente 2 bits. Con 3 bits se pueden codificar hasta $2^3 = 8$ posibles valores diferentes:

BINARIO 3 DÍGITOS	OCTAL 1 DÍGITO	DECIMAL
000	0	0
001	1	1
010	2	2
011	3	3
100	4	4
101	5	5
110	6	6
111	7	7

Tabla 4: Los 8 posibles valores que se pueden codificar con 3 bits

Por tanto, con 3 bits podemos codificar todos los posibles valores del sistema de numeración octal (b=8); es decir, todos los posibles valores de su alfabeto { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 } (8 posibles valores diferentes).

Por último, con 4 bits se pueden codificar hasta $2^4 = 16$ posibles valores diferentes; es decir, los mismos posibles valores que tiene el sistema hexadecimal (b=16). Ver la Tabla 5.

3	•	'	9	9
<i>BINARIO</i> 4 DÍGITOS	<i>HEXADECIMAL</i> 1 DÍGITO		DEC	IMAL

0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
Α	10
В	11
С	12
D	13
E	14
F	15
	1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E

Tabla 5: Los 16 posibles valores que se pueden codificar con 4 bits

Entonces, como podemos ver en las dos tablas anteriores:

Ing. Sistemas

- 3 dígitos binarios equivalen a 1 dígito octal $\rightarrow 2^3 = 8^1 = 8$ posibles valores.
- 4 dígitos binarios equivalen a 1 dígito hexadecimal $\rightarrow 2^4 = 16^1 = 16$ posibles valores.
- 5) Intenta realizar la conversión a decimal del número octal 325.

El proceso de conversión a decimal es igual que si hiciéramos la conversión de binario a decimal, pero en este caso la base del sistema de numeración es 8 (b=8) en lugar de 2.

$$325_8 = 3 \times 8^2 + 2 \times 8^1 + 5 \times 8^0 = 3 \times 64 + 2 \times 8 + 5 \times 1 = 192 + 16 + 5 = 213_{10}$$

6) ¿Serías capaz de escribir el proceso de conversión entre números en octal y binario, y viceversa? (nota: utiliza como punto de partida el proceso que se realiza entre hexadecimal y binario).

En el sistema hexadecimal dividimos el número binario a convertir en grupos de 4 bits ya que, como hemos visto en el ejercicio 4 (ver Tabla 5), con 4 bits podemos representar 16 valores diferentes; es decir, todo el alfabeto de valores hexadecimales.

Por tanto, para la conversión de números binarios al sistema octal (8 posibles valores diferentes) podemos hacerlo dividiendo ese número en grupos de 3 bits, como hemos visto en

Material de Apoyo

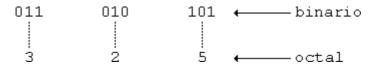
www.roblestecnologia.com Fuente Internet, Libros y Documentos

el ejercicio 4 (ver Tabla 4), y añadiendo al último grupo todos los ceros a la izquierda que sean necesarios.

Pongamos como ejemplo el número binario 11010101. Para su conversión al sistema de numeración octal, vamos dividiendo ese número en grupos de 3 empezando por la derecha; es decir, obtenemos 3 grupos diferentes: 11, 010 y 101. Al último grupo le añadimos un 0 a la izquierda para rellenar ese grupo hasta que tenga 3 dígitos.

Por tanto, tenemos los 3 grupos de 3 dígitos: 011, 010 y 101.

Después de esa división la conversión es directa (ver Tabla 4), obteniendo finalmente, como podemos ver en la siguiente figura, el valor 325 en el sistema octal (mismo valor que en el ejercicio 5).



La conversión de cada grupo, si no sabemos la conversión directa entre el binario y el octal, se haría de la siguiente manera:

$$\mathbf{011}_2 = \mathbf{0} \times 2^2 + \mathbf{1} \times 2^1 + \mathbf{1} \times 2^0 = 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 2 + 1 = 3_{10}$$

$$\mathbf{010}_2 = \mathbf{0} \times 2^2 + \mathbf{1} \times 2^1 + \mathbf{0} \times 2^0 = 1 \times 2^1 = 2_{10}$$

$$101_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^0 = 4 + 1 = 5_{10}$$

7) ¿Cuál es el siguiente número hexadecimal al 19F? a) 2A0 b) 200 c) 1A0

Si empezamos por la cifra de más a la derecha, la F, tenemos que el siguiente número es el **0** ya que la F es la última cifra del alfabeto hexadecimal. Extrapolándolo a nuestro sistema decimal, lo mismo ocurre cuando del número 9 pasamos directamente al 0, debido a que ya no existen más números en el alfabeto decimal.

Al cambiar de la F al 0 tenemos que sumar 1 (el acarreo) a la siguiente cifra; al igual que ocurre en el sistema decimal. En este caso, al 9 le sumamos 1. El resultado en hexadecimal es **A**, que correspondería con el número 10 en decimal. Como pasar del 9 a la A no supone volver al primer valor del alfabeto, la tercera cifra no sufre ninguna modificación (no hay acarreo). Por tanto se quedaría el **1**.

Solución: El siguiente número al 19F₁₆ corresponde con el 1AO₁₆ (**opción C**).

8) ¿Cuántos bytes tienen 16 MB? Y, ¿cuántos bits?

Si 1 MB corresponde a 1024 KB entonces 16 MB serán 16x1024 KB. Es decir, 16 MB corresponden a 16384 KB en total. A su vez, 1 KB corresponde a 1024 bytes; por lo que 16384 KB serán 16384x1024 bytes. Es decir, **16777216 bytes** en total.

Por otro lado, como 1 byte corresponde a 8 bits entonces 16777216 bytes serán 16777216x8 bits. Es decir, 16 MB corresponde a **134217728 bits** en total.

UFPS Ing. Sistemas Mati Epp Is Ing. Miguel Fabian Robles A.

Resumiendo: 16 MB = 16x1024 KB = 16384 KB = 16384x1024 bytes = 16777216 bytes = 16777216x8 bits = 134217728 bits

9) Si tengo 2 módulos de memoria con 512 MB y 1024 MB, ¿cuántos GB de memoria tengo en total?

La suma total de ambos módulos sería 512 MB + 1024 MB = 1536 MB. Por otro

lado, si 1 GB corresponde a 1024 MB entonces 1536 MB serán:

1536 MB / 1024 MB = 1,5 GB

10) Tenemos un disco duro con una capacidad total de 20 GB. Si cada bloque en los que ese disco duro se divide tiene 4 KB, ¿cuántos bloques hay en total?

Lo primero, tendremos que convertir la capacidad del disco duro de GB a KB. Recordemos que 1 GB corresponde a 1024 MB (primera conversión), por lo que 20 GB serán:

 $20 \times 1024 = 20480 MB$

A su vez, 1 MB equivale a 1024 KB (segunda conversión). Por tanto, si tenemos un disco duro de 20480 MB, en total tendremos también:

20480×1024 = 20971520 KB

Finalmente, si cada bloque en los que el disco duro se divide ocupa 4 KB, tendremos un total de: 20971520

KB / 4 KB = **5242880 bloques**

TABLA ASCII

El código 32 es el espacio en blanco. Los códigos del 33 al 126 se conocen como **caracteres imprimibles**, y representan letras, dígitos, signos de puntuación, etc.

DECIMAL	CARÁCTER	DECIMAL	CARÁCTER	DECIMAL	CARÁCTER
32	espacio	64	@	96	`
33	!	65	А	97	a
34	"	66	В	98	b
35	#	67	С	99	С
36	\$	68	D	100	d
37	%	69	E	101	е
38	&	70	F	102	f
39	1	71	G	103	g
40	(72	Н	104	h
41)	73	I	105	i
42	*	74	J	106	j
43	+	75	K	107	k
44	,	76	L	108	1
45	_	77	М	109	m
46	•	78	N	110	n
47	/	79	0	111	0
48	0	80	Р	112	р
49	1	81	Q	113	q
50	2	82	R	114	r
51	3	83	S	115	S
52	4	84	Т	116	t
53	5	85	U	117	u
54	6	86	V	118	V
55	7	87	W	119	W
56	8	88	Х	120	Х
57	9	89	Y	121	У
58	:	90	Z	122	Z
59	;	91	[123	{
60	<	92	\	124	1
61	=	93]	125	}
62	>	94	^	126	~
63	?	95	-	127	delete