

1 实验参数设置

1.1 LinkedList

LinkedList中的数据为long类型的单值

1.2 SkipList

SkipList中的数据为形如 $\langle long, long \rangle$ 的键-值对，插入一个新节点时，节点向上分裂的概率为0.5

1.3 BPlusTree

BPlusTree中的数据为形如 $\langle long, long \rangle$ 的键-值对，BPlusTree的阶数为1024

1.4 LongTVList

LongTVList中的数据为形如 $\langle long, long \rangle$ 的时间戳-值对，底层链表的长度不超过128

2 顺序插入结果

将1到 n 的数据顺序插入数据结构，统计插入时间

	10^3	10^4	10^5	10^6
LinkedList	0.2ms	0.7ms	1.7ms	32.6ms
SkipList	0.5ms	1.9ms	14.5ms	172.6ms
BPlusTree	0.9ms	5.3ms	15.5ms	120.2ms
LongTVList	0.4ms	1.0ms	3.6ms	22.1ms

3 随机插入结果

将1到 n 的一个排列插入数据结构，统计插入及维护数据有序的总耗时

	10^3	10^4	10^5	10^6
LinkedList	12.0ms	293.0ms	34929ms	21311685ms
SkipList	0.5ms	2.4ms	32.4ms	779.2ms
BPlusTree	1.0ms	6.4ms	42.0ms	825.7ms
LongTVList(insert)	0.2ms	0.6ms	2.6ms	18.4ms
LongTVList(sort)	1.7ms	7.8ms	60.5ms	747.4ms
LongTVList(total)	1.9ms	8.4ms	63.1ms	765.8ms

4 插入时间分析

实验结果表明，在顺序插入时B+树表现比跳表更好，而随机插入时，跳表表现得比B+树更好，理论分析如下：

新插入一个跳表中的节点，该节点将不断以0.5的概率向上扩展，因此每一层跳表中的节点数期望是下一层的 $\frac{1}{2}$ 。在跳表中插入一个新节点，将从顶层开始，依次遍历每层节点，确定位置后转入下一层。这个过程实际上与二分查找等价，因此跳表中插入一个新节点的复杂度始终为 $O(\log_2 n)$ 。

新插入一个B+树中的节点，当插入数据为升序时，因为新数据总比之前所有数据都大，所以新数据总是插入在当前节点的最后一个子节点所在的子树内，这个特性可以让当前节点省去二分查找，直接确定新节点应该属于的子节点的位置。因此节点度为1024的B+树在插入顺序数据时的效率能达到 $O(\log_{1024} n)$ 。对于随机数据插入，B+树需要在每一层二分查找该数据需要插入的子节点的位置，复杂度为 $O(\log_2 1024)$ ，此外，B+树的层数为 $O(\log_{1024} n)$ 。因此当插入随机数据时，B+树的插入复杂度为 $O(\log_2 1024) \times O(\log_{1024} n) = O(\log_2 n)$ ，与跳表的理论复杂度相当。但是B+树的插入过程是双层二分查找，常数复杂度高于跳表的普通二分查找，而且B+树在插入节点后具有比跳表更复杂的向上分裂过程，故当插入随机数据时，B+树的表现将不如跳表。