### Esame di Progettazione di Sistemi Digitali - 05/06/2023

Prof. Massini - canale MZ

Cognome Nome	Matricola	

• Gli studenti con DSA devono svolgere i primi 4 esercizi.

### Esercizio 1 (7 punti)

Si progetti l'automa e la relativa rete sequenziale che riceve un input x e fornisce in output z. L'output z restituisce 1 se e solo se e solo se il numero naturale dato dagli ultimi 3 bit ricevuti è pari e dà resto 1 quando diviso per 3. Non sono ammesse sovrapposizioni.

Esempio: INPUT: 1101100011110

Output: 0000100010010

### Esercizio 2 (5 punti)

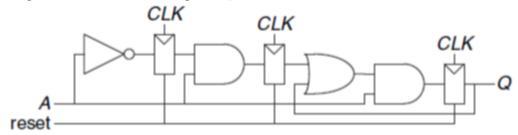
La funzione di 4 variabili f(a,b,c,d) vale 0 quando  $a\bar{b}\bar{c}=1$  oppure  $ab\bar{d}=1$  altrimenti vale 1. La funzione di 4 variabili g(a,b,c,d) vale 1 sia se  $a+\bar{b}+\bar{c}=0$  che se cd=1, mentre risulta non specificata se  $c+\bar{d}=0$ .

- a) Realizzare la tabella di verità di  $f \in g$ .
- b) Esprimere  $f \in g$  in forma SOP minima.
- c) Realizzare la funzione f utilizzando dei multiplexer del tipo 2:1 e la funzione g utilizzando un solo multiplexer del tipo 4:1.

Matricol	а	
IVIALICO	u	

# Esercizio 3 (4 punti)

Analizzare la rete sequenziale mostrata in figura. Stendere la tavola degli stati futuri e di uscita e disegnare l'automa (il diagramma di transizione degli stati).



Matricola		

## Esercizio 4 (4 punti)

a) Usando gli assiomi dell'algebra di Boole, verificare la seguente identità:

$$\bar{a} \oplus b + \overline{(\bar{a}c + b)}(a + b)(a + c) = a + \bar{b}$$

b) Scrivere la funzione in forma POS canonica

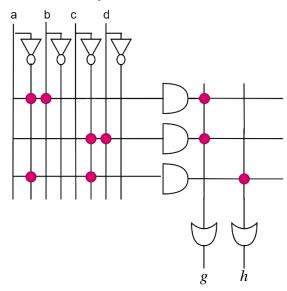
### Esercizio 5 (5 punti)

- a) Si consideri il numero esadecimale C590 e gli si aggiunga in base 16 il numero esadecimale 170.
- b) Si converta poi il risultato in una sequenza binaria di 16 bit, da interpretarsi come un numero X razionale in formato IEEE half-precision.
- c) Si prenda la sequenza binaria di 16 bit 0100'0110'0000'0000<sub>2</sub>, la si interpreti come un numero Y razionale in formato IEEE half-precision. Si effettui la somma X+Y ed il prodotto XY tra questi 2 numeri e si scrivano i risultati in notazione IEEE half-precision.

Matricola		

### Esercizio 6 (5 punti)

- a) Si scriva l'espressione delle funzioni g ed h prodotta dalla PLA in figura.
- b) Si ricavi l'espressione  $f=g\oplus h$ , usando assiomi e regole dell'algebra di Boole.
- c) Si trasformi f in forma **normale** SOP ed in forma **canonica** SOP.
- d) Si stenda la tavola di verità di f.
- e) Si scriva l'espressione minimale POS di f.



Matricola	

Matricola	