第二章: 随机变量及其分布

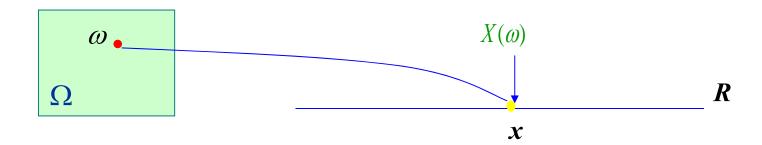


1、有些试验结果本身与数值有关(本身就是一个数).

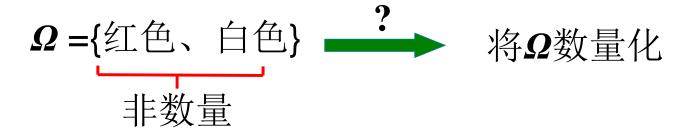
例如,掷一颗骰子面上出现的点数;

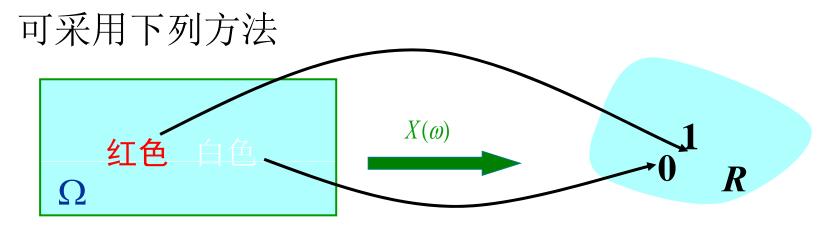
2、在有些试验中,试验结果看来与数值无关例如,掷硬币观察正反面和摸球观察颜色的试验;

为了把试验结果数量化,我们可以引进一个函数。



例 在一装有红球、白球的袋中任摸一个球, 观察摸出球的颜色.





即有 $X(\underline{\text{红色}})=1$, $X(\underline{\text{白色}})=0$.

$$X(\omega) = \begin{cases} 1, & \omega =$$
红色, $0, & \omega =$ 白色.

这样便将非数量的 Ω ={红色,白色} 数量化了.

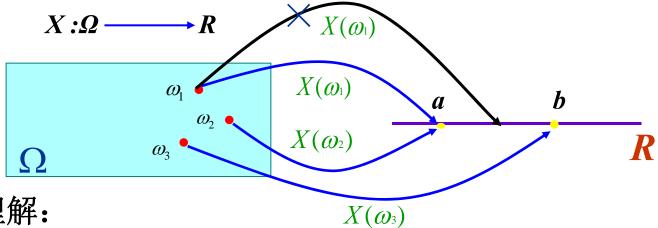
例 掷均匀的骰子,观察出现的点数.

$$X(1)=1, X(2)=2, X(3)=3, X(4)=4, X(5)=5,$$
 $X(6)=6,$ 且有 $P\{X=i\}=\frac{1}{6},$ $(i=1,2,3,4,5,6).$

一. 随机变量(random variable,简写r.v.)的定义:

定义在样本空间 Ω 上的实值函数 $X = X(\omega)$,称此函数 $X(\omega)$ 为随机变量,简写为X.

通常用大写字母X,Y,Z等表示.



二.理解:

(1) 以一定的概率取某一可能取值,具有随机性;

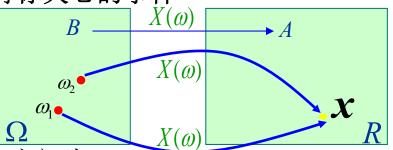
$$y = f(x)$$
 $x = X(\omega)$

(2) 虽然是函数,不能定义极限,所以没有连续性等。

$$\lim_{\boldsymbol{\omega} \to \boldsymbol{\omega}_0} X(\boldsymbol{\omega})$$
 无意义

(3) 随机变量的取值范围能够表示出所有你关心的事件

$$\{X = x\} = \{\omega \mid X(\omega) = x\}$$
$$\{X \in A\} = \{\omega \mid X(\omega) \in A\} = B$$



例如:将一枚均匀的硬币抛掷3次,样本空间为

 Ω ={正正正,正正反,正反正,正反反,反正正,反正反,反反正,反反反} 若X表示3次中出现正面的次数,则

随机事件 $A={$ 正面出现了一次 $}={$ 正反反,反正反,反反正 $}={\{\omega \mid X(\omega)=1\}}={\{X=1\}}$

随机事件 B={3次出现的情况相同}={正正正,反反反}= $\{X=0$ 或3} 随机事件 C={正面至少出现了一次}= $\{X \ge 1\}$

(4) 随机变量具有明确的几何意义

小结