

Examination Scheduling

Alexander Eckl, Maximilian Fiedler, Mickael Grima, Roland
Halbig

Technische Universität München

March 21, 2016

Konstanten

s_i := Anzahl der Studenten, die für Prüfung i angemeldet sind

c_k := Anzahl der nutzbaren Sitzplätze in Raum k

Q := Kollisionsmatrix

$q_{i,j} := \begin{cases} 0, & \text{falls Prüfung } i \text{ und } j \text{ gleichzeitig stattfinden können} \\ 1, & \text{sonst} \end{cases}$

T := Sperrmatrix

$t_{i,j} := \begin{cases} 1, & \text{falls Raum } k \text{ zum Zeitintervall } l \text{ geöffnet ist} \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$

h_l := Anzahl der Stunden von Periode l nach Beginn des Prüfungszeitraums

Variablen

$$x_{i,k} := \begin{cases} 1, & \text{wenn Prüfung } i \text{ im Raum } k \text{ stattfindet} \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$$

$$y_{i,l} := \begin{cases} 1, & \text{wenn Prüfung } i \text{ im Zeitintervall } l \text{ stattfindet} \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$$

Dimensionen:

n : Anzahl der Prüfungen

r : Anzahl der Räume

p : Anzahl der Zeitintervalle

Zielfunktion

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^r s_i x_{i,k} - \gamma \sum_{i=1, j>i} q_{i,j} \left| \sum_{l=1}^p h_l y_{i,l} - \sum_{m=1}^p h_m y_{j,m} \right|$$

Resolving the absolute value: Impossible for $\max |x|$. \Rightarrow Quadratic Program

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^r s_i x_{i,k} - \gamma \sum_{i=1, j>i} q_{i,j} \left(\sum_{l=1}^p h_l (y_{i,l} - y_{j,l}) \right)^2$$

Definiert man $\delta_{i,j} := \sum_{l=1}^p h_l (y_{i,l} - y_{j,l})$, bekommen wir

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^r s_i x_{i,k} - \gamma \sum_{i=1, j>i} q_{i,j} \delta_{i,j}^2$$

Constraints

- 1 Jede Prüfung wird auf genau einem Zeitintervall eingeplant

$$\sum_{l=1}^p y_{i,l} = 1 \quad \forall i \in [n]$$

- 2 Alle Studierenden bekommen einen Platz

$$\sum_{k=1}^r c_k x_{i,k} \geq s_i \quad \forall i \in [n]$$

- 3 Jedem Raum wird je Zeit maximal eine Prüfung zugeteilt

$$\sum_{i=1}^n x_{i,k} y_{i,l} \leq t_{k,l} \quad \forall k \in [r], \forall l \in [p]$$

- 4 Konfliktvermeidung

$$\sum_{i=1, j>i}^n q_{i,j} x_{i,k} x_{j,k} = 0 \quad \forall k \in [r]$$

Linear Constraints

- 1 Jede Prüfung wird auf genau einem Zeitintervall eingeplant

$$\sum_{l=1}^p y_{i,l} = 1 \quad \forall i \in [n]$$

- 2 Alle Studierenden bekommen einen Platz

$$\sum_{k=1}^r c_k x_{i,k} \geq s_i \quad \forall i \in [n]$$

- 3 Jedem Raum wird je Zeit maximal eine Prüfung zugeteilt

$$x_{i,k} + y_{i,l} + x_{j,k} + y_{j,l} \leq 3, \quad \forall i, j \in [n], j > i \forall k \forall l$$
$$x_{i,k} + y_{i,l} \leq 1, \quad \forall i \in [n] \forall k, l \text{ such that } t_{k,l} = 0$$

- 4 Konfliktvermeidung

$$\sum_{j=1, j \neq i}^n q_{i,j} x_{j,k} \leq (1 - x_{i,k}) \|Q\|_2^2 \quad \forall k \in [r] \forall i \in [n]$$