

Αν για τις συναρτήσεις f και g υπάρχουν τα όρια τους σε ένα κοινό σημείο x_0 των πεδίων ορισμού τους και είναι

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \ell_1 \text{ και } \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \ell_2$$

όπου $\ell_1, \ell_2 \in \mathbb{R}$ τότε αποδεικνύεται ότι:

- $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) + g(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) + \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \ell_1 + \ell_2$
- $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) - g(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) - \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \ell_1 - \ell_2$
- $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \ell_1 \cdot \ell_2$
- $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)}{\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)} = \frac{\ell_1}{\ell_2}$ με $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) \neq 0$.
- $\lim_{x \rightarrow x_0} (f(x))^v = \left(\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \right)^v = \ell_1^v$
- $\lim_{x \rightarrow x_0} \sqrt[v]{f(x)} = \sqrt[v]{\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)} = \sqrt[v]{\ell_1}$, αν $f(x) \geq 0$ κοντά στο x_0 , $\ell_1 \geq 0$ και $v \in \mathbb{N}^*$.