1 Αυγούστου 2016

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Γ΄ ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ

ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΠΟΛΥΩΝΥΜΑ - ΤΑΥΤΟΤΗΤΕΣ

ΘΕΩΡΙΑ (Επιλέγετε 1 Θέμα)

ΘΕΜΑ Α Ερωτήσεις Θεωρίας

Να απαντήσετε στις παρακάτω ερωτήσεις.

- Τι ονομάζεται πολυώνυμο;
- Τι ονομάζεται ταυτότητα;
- iii. Να αποδείξετε τις παρακάτω ταυτότητες:

1.
$$(a - \beta)^2 = a^2 - 2a\beta + \beta^2$$

2.
$$(a + \beta)^3 = a^3 + 3a^2\beta + 3a\beta^2 + \beta^3$$

Μονάδες 6

ΘΕΜΑ Β Σωστό - Λάθος / Πολλαπλής Επιλογής

Α. Να χαρακτηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις ως σωστές (Σ) ή λανθασμένες (Λ).

- i. Το πολυώνυμο $A(x) = 3x^2 x^3 + 5x 1 + x^3$ είναι 3ου βαθμού.
- ii. Η ισότητα $x^2 \cdot x = x^3$ αποτελεί ταυτοτητα.
- iii. Αν το πολυώνυμο P(x) είναι 4ου βαθμού και το πολυώνυμο Q(x) είναι 3ου βαθμού τότε το πολυώνυμο $P(x) \cdot Q(x)$ είναι 12ου βαθμού.
- iv. Το ανάπτυγμα της ταυτότητας $(x-2)^2$ είναι x^2-4x+4 .
- ν. Αν το πολυώνυμο A(x) είναι 2ου βαθμού και το πολυώνυμο B(x) είναι 3ου βαθμού τότε το άθροισμά τους A(x) + B(x) είναι πολυώνυμο 3ου βαθμού.

Μονάδες 3

- Β. Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση σε κάθεμία από τις παρακάτω ερωτήσεις.
 - ί. Ποιά από τις παρακάτω σχέσεις αποτελεί ταυτότητα;

•
$$x + y = 2$$

$$x^3 + x^2 - x^5$$

•
$$x + x = 2x$$

•
$$x + y = 2$$
 • $x^3 + x^2 = x^5$ • $x + x = 2x$ • $(x - 1)^2 = x^2 - 1$

ii. Ποιό από τα παρακάτω πολυώνυμα είναι το ανάπτυγμα της παράστασης $(2x+1)^2$;

•
$$4x^2 + 4x + 1$$
 • $4x^2 + 1$

•
$$4x^2 + 1$$

•
$$2x^2 + 4x + 1$$
 • $4x^2 - 4x + 1$

•
$$4x^2 - 4x + 1$$

iii. Ποιό από τα παρακάτω πολυώνυμα είναι το ανάπτυγμα του γινομένου (3x-2)(2-3x);

•
$$4 - 9x^2$$

$$-0x^2 + 12x = 4$$

•
$$-9x^2 + 12x - 4$$
 • $9x^2 - 12x + 4$ • $9x^2 - 4$

iv. Ποιό από τα παρακάτω πολυώνυμα είναι το ανάπτυγμα της παράστασης $(y-3)^3$;

•
$$v^3 - 3v^2 + 3v - 1$$

$$v^3 - 9v^2 + 27v - 27$$

•
$$v^3 - 3v^2 + 3v - 1$$
 • $v^3 - 9v^2 + 27v - 27$ • $v^3 - 9v^2 - 27v + 27$ • $v^3 - 27v + 27v$

•
$$v^3 - 27$$

Μονάδες 3

ΑΣΚΗΣΕΙΣ (Επιλέγετε 2 Θέματα)

ΘΕΜΑ Α Ταυτότητες

Έστω x, y δύο πραγματικοί αριθμοί για τους οποίους ισχύουν οι σχέσεις $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2$ και $\frac{x}{y} - \frac{y}{x} = 3$.

i. Να αποδειχθεί η ταυτότητα $(a+\beta)^2\cdot(a-\beta)^2+2a^2\beta^2=a^4+\beta^4.$

Μονάδες 4

ii. Να υπολογιστεί η τιμή της παράστασης $\left(\frac{x}{y}\right)^4 + \left(\frac{y}{x}\right)^4$.

Μονάδες 3

ΘΕΜΑ Β Ταυτότητες

Να αναπτύξετε τις παρακάτω παραστάσεις.

i.
$$(4x - 3)^2$$

iii.
$$(x^2 + x)^2$$

ii.
$$(5x - 4)^3$$

iv.
$$(2x^2 - 3y)(3y + 2x^2)$$

Μονάδες 7

ΘΕΜΑ Γ Πολλαπλασιασμός πολυωνύμων - Πολυώνυμα

Δίνονται τα πολυώνυμα $P(x) = x^2 - 5x$ και $Q(x) = 2x^2 - 4x + 3$

i. Να βρεθούν οι τιμές P(-2), P(3) και Q(-3) των πολυωνύμων.

Μονάδες 2

ii. Να βρεθεί το γινόμενο $P(x) \cdot Q(x)$.

Μονάδες 3

iii. Να βρεθεί η παράσταση P(-2x) + Q(-x).

Μονάδες 2