#### Σπυρος Φρονιμός - Μαθηματικός

# ΣΗΜΕΙΩΣΕΙΣ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ - ΑΣΚΗΣΕΙΣ ΚΑΙ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ${\bf 18~Martiov~2016}$

#### ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ Α΄ ΛΥΚΕΙΟΥ

### Παράλληλες Ευθείες

## ΑΘΡΟΙΣΜΑ ΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΟΥ /ν-ΓΩΝΟΥ - ΓΩΝΙΕΣ ΜΕ ΠΛΕΥΡΕΣ ΚΑΘΕΤΕΣ

### **ΘΕΩΡΗΜΑΤΑ**

#### ΘΕΩΡΗΜΑ 1: ΑΘΡΟΙΣΜΑ ΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΟΥ

Σε κάθε τρίγωνο το άθροισμα των γωνιών ισούται με 180°.

#### ΘΕΩΡΗΜΑ 2: ΠΟΡΙΣΜΑΤΑ ΓΙΑ ΤΙΣ ΓΩΝΙΕΣ ΤΡΙΓΩΝΟΥ

Για τις γωνίες ενός τριγώνου ισχύουν οι ακόλουθες προτάσεις:

- i. Κάθε εξωτερική γωνία σε ένα τρίγωνο είναι ίση με το άθροισμα των δύο απέναντι εσωτερικών.
- ii. Αν σε δύο τρίγωνα δύο γωνίες είναι μεταξύ τους ίσες μια προς μια, τότε θα είναι και οι τρίτες γωνίες ίσες.
- iii. Σε κάθε ορθογώνιο τρίγωνο οι οξείες γωνίες είναι συμπληρωματικές.
- iv. Οι γωνίες ενός ισόπλευρου τριγώνου ισούνται με 60°.

#### ΘΕΩΡΗΜΑ 3: ΓΩΝΙΕΣ ΜΕ ΚΑΘΕΤΕΣ ΠΛΕΥΡΕΣ

Εαν δύο γωνίες  $x \hat{O} y$ ,  $x' \hat{O}' y'$  έχουν τις πλευρές τους κάθετες τότε

- i. αν είναι και οι δύο οξείες ή και οι δύο αμβλείες είναι ίσες.
- ii. αν είναι μια οξεία και μια αμβλεία τότε είναι παραπληρωματικές.

#### ΘΕΩΡΗΜΑ 4: ΑΘΡΟΙΣΜΑ ΓΩΝΙΩΝ $\nu$ – ΓΩΝΟΥ

Σε κάθε κυρτό ν-γωνο  $A_1A_2\dots A_{\nu}$  ισχύει ότι :

- i. Το άθροισμα των εσωτερικών γωνιών ενός κυρτού  $\nu$ -γωνου ισούται με  $(2\nu 4) \cdot 90^{\circ}$ .
- ii. Το άθροισμα των εξωτερικών γωνιών ενός κυρτού ν-γωνου ισούται με 360°.



