## ΑΣΚΗΣΕΙΣ - ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ 3 Νοεμβρίου 2015

## ΑΛΓΕΒΡΑ Α΄ ΛΥΚΕΙΟΥ

## Πραγματικοί Αριθμοί

## ΠΡΑΞΕΙΣ ΚΑΙ ΙΔΙΟΤΗΤΕΣ ΠΡΑΓΜΑΤΙΚΩΝ ΑΡΙΘΜΩΝ

1. Να βρεθούν τα αναπτύγματα από τις παρακάτω ταυτότητες.

i. 
$$(x + 2)^2$$

ii. 
$$(2x + 1)^2$$

iii. 
$$(3x + 2y)^2$$

iv. 
$$(x^2 + x)^2$$

v. 
$$(4x + 5y)^2$$

vi. 
$$(x^2 + 3x)^2$$

vii. 
$$\left(\frac{x}{2} + 2\right)^2$$

viii. 
$$\left(\frac{1}{x} + \frac{x}{2}\right)^2$$

ix. 
$$(\sqrt{x} + \sqrt{y})^2$$

2. Να βρεθούν τα αναπτύγματα από τις παρακάτω ταυτότητες.

i. 
$$(x-3)^2$$

ii. 
$$(2x - 5)^2$$

iii. 
$$(3x - y)^2$$

iv. 
$$(x - x^2)^2$$

v. 
$$(4x - 5y)^2$$

vi. 
$$(x^2 - 7x)^2$$

vii. 
$$\left(\frac{x}{4}-1\right)^2$$

viii. 
$$\left(\frac{2}{x} - \frac{x}{3}\right)^2$$

ix. 
$$(\sqrt{x} - 2)^2$$

3. Να βρεθούν τα αναπτύγματα από τις παρακάτω ταυτότητες.

i. 
$$(x + 3)^3$$

ii. 
$$(2x + 3)^3$$

iii. 
$$(4x + 3y)^3$$

iv. 
$$(x^2 + 1)^3$$

v. 
$$\left(\frac{x}{2} + \frac{2}{x}\right)^3$$

vi. 
$$\left(y + \frac{1}{y}\right)^3$$

4. Να βρεθούν τα αναπτύγματα από τις παρακάτω ταυτότητες.

i. 
$$(x-4)^3$$

ii. 
$$(3x-1)^3$$
  
iii.  $(4x-5y)^3$ 

iv. 
$$(z^2 - 1)^3$$

v. 
$$\left(\frac{y}{3} - \frac{3}{y}\right)^3$$

vi. 
$$\left(a - \frac{1}{a}\right)^3$$

5. Να βρεθούν τα αποτελέσματα.

i. 
$$x^2 - 9$$

iii. 
$$9x^2 - 16$$

v. 
$$64y^2 - 81z^2$$

ii. 
$$4x^2 - 25$$

iv. 
$$36y^2 - 49$$

vi. 
$$x^4 - 1$$

**6.** Να βρεθούν τα αποτελέσματα.

i. 
$$x^3 + 27$$

iii. 
$$z^3 + 64$$

ii. 
$$y^3 + 125$$

iv. 
$$8x^3 + 125$$

7. Να βρεθούν τα αποτελέσματα.

i. 
$$x^3 - 8$$

iii. 
$$27x^3 - 64$$

ii. 
$$125 - z^3$$

iv. 
$$8x^3 - 125z^3$$