Τριγωνομετρικές συναρτήσεις

ΑΣΚΗΣΕΙΣ

Χάραξη γραφικής παράστασης

- 1. Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \eta \mu(2x)$ με $x \in \mathbb{R}$.
- α. Να βρεθεί η περίοδος καθώς και τα ακρότατα
- β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f σε διάστημα μιας περιόδου.
- 2. Δίνεται η συνάρτηση f(x) = συν(3x) με $x \in \mathbb{R}$.
 - α. Να βρεθεί η περίοδος καθώς και τα ακρότατα της f.
 - β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα $[0, 2\pi]$.
- 3. Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \text{συν}\left(\frac{x}{2}\right)$ με $x \in \mathbb{R}$.
 - α. Να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα της f.
 - β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα [0, 4π].
 - γ. Βρείτε τα σημεία τομής της C_f με τον άξονα x'x.
- 4. Δίνεται η συνάρτηση f(x) = 2ημx με $x \in \mathbb{R}$.
 - α. Να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα της f.
 - β. Σχεδιάστε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα $[0, 2\pi]$.
 - γ. Βρείτε τα σημεία τομής της C_f με τους άξονες x'x και y'y.
- 5. Δίνεται η συνάρτηση f(x) = 3συν (2x) με $x \in \mathbb{R}$.
 - α. Να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα της f.
 - β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα $[0, 2\pi]$.
 - γ. Βρείτε τα διαστήματα μονοτονίας της f.
- 6. Δίνεται η συνάρτηση f(x) = 2συν $\left(\frac{x}{2}\right) + 1$ με $x \in \mathbb{R}$.
 - α. Να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα της f.
 - β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα $[0, \pi]$.
 - γ. Βρείτε τα διαστήματα μονοτονίας της f.
- 7. Δίνεται η συνάρτηση f(x) = 3συν $(\pi x) 2$ με $x \in \mathbb{R}$.

- α. Να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα της f.
- β. Να χαράξετε τη γραφική παράσταση της f στο διάστημα [0, 2].
- γ. Βρείτε τα σημεία τομής της C_f με τους άξονες x'x και y'y.
- 8. Για καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις, να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα.

$$\alpha. \ f(x) = \eta \mu(3x)$$

$$\delta. \ f(x) = \operatorname{ouv}\left(\frac{x}{3}\right)$$

$$\beta. \ f(x) = \sigma v v(4x)$$

$$\epsilon. \ f(x) = \eta \mu(\pi x)$$

$$\gamma. \ f(x) = \eta \mu \left(\frac{x}{4}\right)$$

y.
$$f(x) = \eta \mu \left(\frac{x}{4}\right)$$
 $\sigma \tau$. $f(x) = \sigma \upsilon v \left(\frac{\pi x}{2}\right)$

9. Για καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις, να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα.

$$\alpha$$
. $f(x) = 3\eta \mu x$

$$\delta. \ f(x) = \frac{3\sigma v x}{4}$$

$$β. f(x) = 4συνx$$

$$\epsilon$$
. $f(x) = -3\eta \mu x$

$$\gamma. \ f(x) = \frac{\eta \mu x}{2}$$

$$στ. f(x) = -2συνx$$

10. Για καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις, να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα.

$$\alpha. \ f(x) = 2\eta\mu(3x)$$

$$\alpha. \ f(x) = 2\eta\mu(3x) \qquad \qquad \delta. \ f(x) = -2\sigma v \left(\frac{x}{3}\right)$$

$$\beta. \ f(x) = 2\sigma v(4x)$$

$$\varepsilon. \ f(x) = -3\eta\mu(\frac{\pi x}{2})$$

$$\gamma$$
. $f(x) = 4ημ\left(\frac{x}{2}\right)$ στ. $f(x) = 4συν(πx)$

στ.
$$f(x) = 4$$
συν (πx)

11. Για καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις, να βρεθούν η περίοδος και τα ακρότατα.

$$\alpha. \ f(x) = 2\eta\mu(2x) - 1$$

$$\beta. \ f(x) = 5\sigma v (3x) + 3$$

$$\gamma. f(x) = -3\eta\mu(3x) + 2$$

$$\delta. \ f(x) = -3\sigma v \left(\frac{x}{2}\right) - 1$$

$$\epsilon. \ f(x) = 8\eta\mu(\pi x) - 7$$

1

στ.
$$f(x) = -5$$
συν $\left(\frac{\pi x}{4}\right) + 3$

12. Για καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις, να σχεδιάσετε τη γραφική παράσταση της στο διάστη- $\mu\alpha$ [0, 2 π].

α.
$$f(x) = εφ(2x)$$
 γ. $f(x) = εφ\left(\frac{x}{3}\right)$

β.
$$f(x) = σφ(3x)$$
 δ. $f(x) = σφ\left(\frac{x}{2}\right)$

΄Αρτιες - Περιττές

13. Να εξετάσετε αν οι παρακάτω συναρτήσεις είναι άρτιες ή περιττές.

$$\alpha. \ f(x) = \frac{\eta \mu x}{x^2 + 3}$$

$$\beta. \ f(x) = \frac{\eta \mu x}{x}$$

$$\delta. \ f(x) = \eta \mu (x^3 - x)$$

Περιοδικότητα

14. Να αποδείξετε ότι καθεμία από τις παρακάτω συναρτήσεις είναι περιοδική, με περίοδο τον δοσμένο αριθμό T.

$$\alpha$$
. $f(x) = \eta \mu(2x) + \sigma \nu \nu(4x)$, $\mu \epsilon T = \pi$

β.
$$f(x) = ημ(4x) + εφ(2x)$$
, με $T = \frac{π}{2}$

$$γ. f(x) = συν(4x) + εφ(4x), με T = \frac{\pi}{2}$$

δ.
$$f(x) = \sigma \upsilon v(2x) \cdot \sigma \varphi x$$
, με $T = \pi$

ε.
$$f(x) = σφ(2x) + εφ(8x)$$
, με $T = \frac{\pi}{2}$

στ.
$$f(x) = ημ(2x) \cdot εφx$$
, με $T = π$

ζ.
$$f(x) = \text{sun}(3x) + \text{erf}(4x)$$
, με $T = \frac{2\pi}{3}$

15.