

A. Υπολογίζουμε αρχικά τη μέση τιμή του δείγματος παρατηρήσεων:

$$\bar{x} = \frac{1}{v} \sum_{i=1}^v t_i = \frac{1 + 4 + 5 + 5 + 7 + 8}{6} = \frac{30}{6} = 5$$

Καθώς η μέση τιμή είναι ακέραια τότε για τη διακύμανση θα έχουμε

$$\begin{aligned} s^2 &= \frac{1}{v} \sum_{n=1}^v (t_i - \bar{x})^2 = \frac{(1-5)^2 + (4-5)^2 + (5-5)^2 + (5-5)^2 + (7-5)^2 + (7-5)^2}{6} = \\ &= \frac{16 + 1 + 0 + 0 + 4 + 9}{6} = \frac{30}{6} = 5 \end{aligned}$$

B. Η μέση τιμή του δείγματος θα ισούται με:

$$\bar{x} = \frac{1}{v} \sum_{i=1}^v t_i = \frac{2 + 3 + 4 + 4 + 5 + 6 + 8 + 8 + 9}{9} = \frac{49}{9} = 5,4$$

Η μέση τιμή είναι δεν ακέραια οπότε για τον υπολογισμό της διακύμανσης θα έχουμε

$$s^2 = \frac{1}{v} \left\{ \sum_{n=1}^v t_i^2 - \frac{(\sum_{i=1}^v t_i)^2}{v} \right\}$$

Θα είναι

$$\begin{aligned} \sum_{n=1}^9 t_i^2 &= 2^2 + 3^2 + 4^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2 + 8^2 + 8^2 + 9^2 = \\ &= 4 + 9 + 16 + 16 + 25 + 36 + 64 + 64 + 81 = 315 \end{aligned}$$

άρα

$$s^2 = \frac{1}{9} \left(315 - \frac{49^2}{9} \right) = \frac{1}{9} (315 - 266,77) = \frac{48,23}{9} = 5,358$$