**\** 26610 20144 - **\ 2 \ 3 \ 9** 693 232 7283

😝 Φροντιστήριο Φιλομάθεια - 🧿 front\_filomatheia

# Άλγεβρα - Α΄ Λυκείου Ρίζες

#### 21 Νοεμβρίου 2024

#### Υπολογισμός ριζών

- 1. Να υπολογίσετε τις παρακάτω ρίζες.
  - $\alpha$ .  $\sqrt{16}$
- $\epsilon$ .  $\sqrt{4}$
- $\theta$ .  $\sqrt{64}$

- $\beta$ .  $\sqrt{25}$
- $\sigma \tau$ .  $\sqrt{1}$
- 1.  $\sqrt{100}$

- $\gamma$ .  $\sqrt{9}$
- $\zeta$ .  $\sqrt{0}$
- $1\alpha. \sqrt{81}$

- $\delta$ .  $\sqrt{36}$
- $\eta. \sqrt{49}$
- $\iota \beta$ .  $\sqrt{121}$
- 2. Να υπολογίσετε τις παρακάτω ρίζες.
  - $\alpha$ .  $\sqrt[3]{8}$
- $\delta. \sqrt[5]{32}$
- $\zeta. \sqrt[20]{0}$
- $β. \sqrt[4]{16}$  ε.  $\sqrt[4]{81}$  η.  $\sqrt[3]{343}$

- $\nu$ .  $\sqrt[3]{27}$
- στ.  $\sqrt[100]{1}$
- $\theta$ .  $\sqrt[3]{64}$
- 3. Να υπολογίσετε τις παρακάτω παραστάσεις.
- α.  $\left(\sqrt{3}\right)^2$  γ.  $\left(\sqrt{-5}\right)^2$  ε.  $\left(\sqrt{19}\right)^2$

- β.  $\sqrt{(-2)^2}$  δ.  $\sqrt{-3^2}$  στ.  $(\sqrt{-29})^2$
- 4. Να υπολογίσετε τις παρακάτω παραστάσεις.
  - $\alpha. \left(\sqrt[3]{5}\right)^3$   $\delta. \sqrt[3]{(-2)^3}$   $\zeta. \sqrt[4]{-3^4}$   $\beta. \left(\sqrt[4]{2}\right)^4$   $\epsilon. \sqrt[4]{(-2)^4}$   $\theta. \sqrt[21]{(-3)^{21}}$

- $\gamma$ .  $\left(\sqrt[3]{-3}\right)^3$  στ.  $\left(\sqrt[6]{4}\right)^6$

## Ιδιότητες ριζών

- 5. Να υπολογίσετε τις ακόλουθες παραστάσεις.
- $\alpha. \sqrt{2} \cdot \sqrt{8}$
- $\delta. \sqrt{5} \cdot \sqrt{15} \cdot \sqrt{3}$
- $\beta$ .  $\sqrt{3} \cdot \sqrt{27}$
- $\epsilon$ .  $\sqrt{8} \cdot \sqrt{12} \cdot \sqrt{6}$
- $v. \sqrt{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{6}$  ot.  $\sqrt{40} \cdot \sqrt{10}$
- 6. Να υπολογίσετε τις ακόλουθες παραστάσεις.
  - $\alpha. \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{4}$
- y.  $\sqrt[3]{32} \cdot \sqrt[3]{16}$
- $\beta. \sqrt[4]{8} \cdot \sqrt[4]{2}$
- $\delta. \sqrt[5]{27} \cdot \sqrt[5]{9}$
- 7. Να υπολογίσετε τις επόμενες παραστάσεις.

- $\alpha. \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}}$   $\gamma. \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}}$ 
  - $\epsilon. \frac{\sqrt{32 \cdot \sqrt{5}}}{\sqrt{10}}$

- β.  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{12}}$  δ.  $\frac{\sqrt{48}}{\sqrt{3}}$  στ.  $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{24}}$
- 8. Να υπολογίσετε τις τιμές των παρακάτω παραστάσεων.

- $\alpha. \frac{\sqrt[3]{48}}{\sqrt[3]{6}}$   $\gamma. \frac{\sqrt[4]{3}}{\sqrt[4]{48}}$   $\epsilon. \frac{\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{12}}{\sqrt[3]{3}}$

- β.  $\frac{\sqrt[3]{54}}{\sqrt[3]{2}}$  δ.  $\frac{\sqrt[4]{5}}{\sqrt[4]{405}}$  στ.  $\frac{\sqrt[4]{5}}{\sqrt[4]{10}}$

#### Δυνάμεις με ρητό εκθέτη

- 9. Να υπολογίσετε τις τιμές των παρακάτω δυνάμε-
- $\alpha. 9^{\frac{1}{2}}$
- $\gamma. 4^{\frac{3}{2}}$ 
  - $\epsilon. 1^{\frac{21}{20}}$

- $\beta$ .  $8^{\frac{2}{3}}$
- $\delta$ .  $16^{\frac{3}{2}}$
- 10. Να εξετάσετε αν ορίζονται οι ακόλουθες παραστάσεις.

- $\beta. \ (-1)^{\frac{4}{3}}$
- $δ. 0^{-\frac{1}{2}}$  στ.  $0^{\frac{2}{3}}$
- 11. Να υπολογίσετε τις τιμές των παρακάτω παραστάσεων.
- $\alpha. \sqrt[4]{2} \cdot \sqrt[3]{2^2} \cdot \sqrt[12]{2}$   $\beta. \sqrt[3]{5} \cdot \sqrt[5]{5^3}$

## Ιδιότητες ριζών

- 12. Να απλοποιηθούν οι ακόλουθες παραστάσεις.

- α.  $\sqrt{(\sqrt{3}-1)^2}$  δ.  $\sqrt[5]{(\pi-3)^5}$  β.  $\sqrt[3]{(\sqrt{3}-\sqrt{2})^3}$  ε.  $\sqrt[8]{(\pi-4)^8}$
- γ.  $\sqrt[4]{\left(\sqrt{3}-\sqrt{5}\right)^4}$  στ.  $\sqrt[7]{\left(\sqrt{3}-\sqrt{7}\right)^7}$

# Αλγεβρικές παραστάσεις

- 13. Να βρείτε τις τιμές της μεταβλητής  $x \in \mathbb{R}$  ώστε να ορίζονται οι ακόλουθες παραστάσεις.
  - $\alpha$ .  $\sqrt{x-2}$
- $\delta. \sqrt[4]{9-3x}$
- $\beta$ .  $\sqrt{3-x}$
- $\epsilon. \sqrt[3]{|x|}$
- $y. \sqrt[3]{2x-8}$
- στ.  $\sqrt{x^4}$