Σπύρος Φρονιμός - Μαθηματικός

ΣΗΜΕΙΩΣΕΙΣ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ - ΑΣΚΗΣΕΙΣ ΚΑΙ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ${\bf 10~Martiov~2016}$

ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ Α΄ ΛΥΚΕΙΟΥ

Τρίγωνα

ΙΣΟΤΗΤΑ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

ΘΕΩΡΗΜΑΤΑ

ΘΕΩΡΗΜΑ 1: ΜΟΝΑΔΙΚΟΤΗΤΑ ΚΑΘΕΤΟΥ

Από ένα σημείο που βρίσκεται εκτός μιας ευθείας διέρχεται μοναδική κάθετη προς την ευθεία.

ΘΕΩΡΗΜΑ 2: 1° ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΙΣΟΤΗΤΑΣ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

Δύο ορθογώνια τρίγωνα είναι ίσα αν έχουν τις κάθετες πλευρές τους ίσες μια προς μια.

ΘΕΩΡΗΜΑ 3: 2° ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΙΣΟΤΗΤΑΣ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

Δύο ορθογώνια τρίγωνα είναι ίσα αν έχουν μια κάθετη πλευρά ίση και μια προσκείμενη γωνία ίση.

ΘΕΩΡΗΜΑ 4: 3° ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΙΣΟΤΗΤΑΣ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

Δύο ορθογώνια τρίγωνα είναι ίσα αν έχουν ίσες υποτείνουσες και μια προσκείμενη οξεία γωνία ίση

ΘΕΩΡΗΜΑ 5: 4° ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΙΣΟΤΗΤΑΣ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

Δύο ορθογώνια τρίγωνα είναι ίσα αν έχουν μια κάθετη πλευρά ίση και ίσες υποτείνουσες.

1ο Κριτήριο	2ο Κριτήριο
A B Δ E	C A B A E
3ο Κριτήριο	4ο Κριτήριο
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

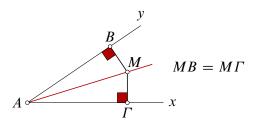
ΘΕΩΡΗΜΑ 6: ΣΥΓΚΕΤΡΩΤΙΚΑ ΚΡΙΤΗΡΙΑ ΙΣΟΤΗΤΑΣ ΟΡΘΟΓΩΝΙΩΝ ΤΡΙΓΩΝΩΝ

Τα παραπάνω τέσσερα κριτήρια συνοψίζονται στα δύο παρακάτω γενικά κριτήρια. Δύο ορθογώνια τρίγωνα είναι ίσα αν έχουν

- i. δύο πλευρές ίσες μια προς μια.
- ii. μια πλευρά και μια προσκείμενη οξεία γωνία ίσες μια προς μια.

ΘΕΩΡΗΜΑ 7: ΔΙΧΟΤΟΜΟΣ ΓΩΝΙΑΣ

Τα σημεία της διχοτόμου μιας γωνίας ισαπέχουν από τις πλευρές της. Αντίστροφα, κάθε σημείο που ισαπέχει από τις πλευρές μιας γωνίας θα ανήκει στη διχοτόμο της.



Προκύπτει λοιπόν ότι η διχοτόμος μιας γωνίας είναι ο γεωμετρικός τόπος των σημείων του επιπέδου που ισαπέχουν από τις πλευρές της γωνίας.

ΘΕΩΡΗΜΑ 8: ΧΟΡΔΗ ΚΑΙ ΑΠΟΣΤΗΜΑ ΚΥΚΛΟΥ

Δύο χορδές ενός κύκλου είναι ίσες αν και μόνο αν τα αποστήματά τους είναι ίσα.

