#### Σπύρος Φρονιμός - Μαθηματικός

# ΣΗΜΕΙΩΣΕΙΣ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ - ΟΡΙΣΜΟΙ ΚΑΙ ΘΕΩΡΗΜΑΤΑ 22 Δεκεμβρίου 2015

## ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Γ΄ ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ

## Αλγεβρικές Παραστάσεις

## ΠΑΡΑΓΟΝΤΟΠΟΙΗΣΗ

## ΟΡΙΣΜΟΙ

#### ΟΡΙΣΜΟΣ 1: ΠΑΡΑΓΟΝΤΟΠΟΙΗΣΗ

Παραγοντοποίηση ονομάζεται η διαδικασία με την οποία μια αλγεβρική παράσταση, μετατρέπεται από άθροισμα σε γινόμενο παραγόντων.

## ΒΑΣΙΚΟΙ ΚΑΝΟΝΕΣ ΠΑΡΑΓΟΝΤΟΠΟΙΗΣΗΣ

#### 1. Κοινός Παράγοντας

Η διαδικασία αυτή εφαρμόζεται όταν σ' όλους τους όρους της παράστασης υπάρχει κοινός παράγοντας.

#### 2. Ομαδοποίηση

Χρησιμοποιείται στην περίπτωση που δεν υπάρχει σε όλους τους όρους μιας παράστασης κοινός παράγοντας οπότε μοιράζονται οι όροι σε ομάδες έτσι ώστε κάθε ομάδα να έχει δικό της κοινό παράγοντα.

#### 3. Διαφορά Τετραγώνων

Κάθε σχέση της μορφής  $a^2 - \beta^2$  παραγοντοποιείται ως εξής:

$$a^2 - \beta^2 = (a - \beta)(a + \beta)$$

#### 4. Διαφορά - Άθροισμα Κύβων

Κάθε σχέση της μορφής  $a^3 - \beta^3$  ή  $a^3 + \beta^3$  παραγοντοποιείται ως εξής:

$$a^{3} - \beta^{3} = (a - \beta) (a^{2} + a\beta + \beta^{2})$$
  
 $a^{3} + \beta^{3} = (a + \beta) (a^{2} - a\beta + \beta^{2})$ 

#### 5. Ανάπτυγμα Τετραγώνου

Κάθε σχέση της μορφής  $a^2 \pm 2a\beta + \beta^2$  παραγοντοποιείται ως εξής :

$$a^{2} + 2a\beta + \beta^{2} = (a + \beta)^{2}$$
  
 $a^{2} - 2a\beta + \beta^{2} = (a - \beta)^{2}$ 

#### 6. Τριώνυμο

Κάθε σχέση της μορφής  $x^2 + (a + \beta)x + a\beta$  παραγοντοποιείται ως εξής:

$$x^2 + (a+\beta)x + a\beta = (x+a)(x+\beta)$$