Συνάρτηση 1-1 - Αντίστροφη συνάρτηση

ΑΣΚΗΣΕΙΣ

Συνάρτηση 1 – 1

1. Να εξετάσετε αν οι ακόλουθες συναρτήσεις είναι 1 - 1.

$$\alpha. \ f(x) = 3x - 4$$

$$\delta. \ f(x) = \frac{1}{\ln x}$$

$$\beta. \ f(x) = e^{x-2} + 1$$

β.
$$f(x) = e^{x-2} + 1$$
 ε. $f(x) = \sqrt{e^x + 1}$

$$\gamma. \ f(x) = \frac{x+1}{x-2}$$

$$f(x) = \frac{x+1}{x-2}$$
 or. $f(x) = \frac{x\sqrt{x}}{x+1}$

2. Να εξετάσετε αν οι ακόλουθες συναρτήσεις είναι 1 - 1.

$$\alpha. \ f(x) = x^3 + 2x - 4$$
 $\delta. \ f(x) = e^x \sqrt{x}$

$$\delta. \ f(x) = e^x \sqrt{x}$$

β.
$$f(x) = \sqrt{x-1} + e^x$$
 ε. $f(x) = 2^x + 3^x$

$$\epsilon. \ f(x) = 2^x + 3^x$$

$$\gamma. \ f(x) = x^2 + \ln x$$

$$f(x) = x^2 + \ln x$$
 $\sigma \tau$. $f(x) = \frac{3}{x} - 2 \ln x$

Αντίστροφη συνάρτηση

3. Να ορίσετε την αντίστροφη συνάρτηση f^{-1} , της συνάρτησης f σε καθένα από τα παρακάτω ερωτήματα.

$$\alpha. \ f(x) = 4x + 9$$

$$\delta. \ f(x) = \frac{1 - 3x}{5}$$

$$\beta. \ f(x) = -3x + 5$$

β.
$$f(x) = -3x + 5$$
 ε. $f(x) = \frac{x}{2} + 3$

$$\gamma. \ f(x) = \frac{x-3}{4}$$

$$y. \ f(x) = \frac{x-3}{4}$$
 $\sigma \tau. \ f(x) = 2 - \frac{3x}{4}$

4. Να ορίσετε την αντίστροφη συνάρτηση f^{-1} , της συνάρτησης f σε καθένα από τα παρακάτω ερωτήματα.

$$\alpha. \ f(x) = \frac{3}{x} + 2$$

$$\beta. \ f(x) = \frac{2}{x - 1}$$

$$\beta. \ f(x) = \frac{2}{x-1}$$
 $\delta. \ f(x) = \frac{4-x}{2x+1}$

$$\varepsilon. \ f(x) = \frac{1}{x} + \frac{3}{1-x}$$

$$\sigma\tau. \ f(x) = \frac{3}{x+2} - \frac{1}{x-3}$$

5. Να ορίσετε την αντίστροφη συνάρτηση f^{-1} , της συνάρτησης f σε καθένα από τα παρακάτω ερωτήματα.

$$\alpha$$
. $f(x) = e^{x-2} + 1$

y.
$$f(x) = \ln(2-x) - 3$$

$$\beta$$
. $f(x) = 2 - e^{x+3}$

$$\delta. \ f(x) = \ln(x+1) - 2$$

$$\epsilon. \ f(x) = \frac{e^x - 2}{e^x + 1}$$

$$στ. f(x) = ln x - ln (x - 2)$$

6. Να ορίσετε την αντίστροφη συνάρτηση f^{-1} , της συνάρτησης f σε καθένα από τα παρακάτω ερωτήματα.

$$\alpha. \ f(x) = \sqrt{x-2} + 1 \ \gamma. \ f(x) = \sqrt{1-x} + 4$$

β.
$$f(x) = 4 - \sqrt{x+3}$$
 δ. $f(x) = 2 - \sqrt{3-x}$

7. Να ορίσετε την αντίστροφη συνάρτηση f^{-1} , της συνάρτησης f σε καθένα από τα παρακάτω ερωτήματα.

$$\alpha. \ f(x) = \ln \sqrt{x}$$

$$\alpha. \ f(x) = \ln \sqrt{x} \qquad \qquad \delta. \ f(x) = e^{\sqrt{x}} - 2$$

β.
$$f(x) = \sqrt{e^x - 1}$$
 ε. $f(x) = \ln(e^x - 1)$

$$f(x) = \ln(e^x - 1)$$

$$f(x) = \sqrt{\ln x + 1}$$
 or. $f(x) = 2 - e^{\frac{1}{x}}$