

Семинар 1

Задание 1. В таблице ниже представлены данные показателя оценки негарантированности занятости (job insecurity) и возраста (в годах) по 10 работникам предприятия. Первый показатель представлен в шкале от 0 до 10, где 10 – наиболее высокий уровень неуверенности работника в сохранении своей занятости.

| Работник предприятия | <i>A</i> | <i>B</i> | <i>C</i> | <i>D</i> | <i>E</i> | <i>F</i> | <i>G</i> | <i>H</i> | <i>I</i> | <i>J</i> |
|---------------------------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| Восприятие job insecurity | 4 | 2 | 1 | 9 | 4 | 6 | 8 | 2 | 5 | 9 |
| Возраст | 40 | 36 | 32 | 45 | 50 | 60 | 62 | 25 | 42 | 58 |

1. Оценивается парная линейная регрессия восприятия job insecurity на возраст работника предприятия. Рассчитайте оценки константы и коэффициента при предикторе (объясняющей переменной)
2. Запишите с помощью полученных оценок спецификацию модели и проинтерпретируйте оценки коэффициентов
3. Определите, являются ли статистически значимыми оценки коэффициентов в указанной модели, приняв 5%-ный фиксированный уровень значимости. Известно, что стандартная ошибка оценки константы равна 2.437, а оценка вариации выборочного коэффициента при предикторе составляет 0.0027. Запишите исходную формулировку нулевой гипотезы. Используйте двустороннюю альтернативу. Реализуйте последовательные шаги проверки гипотезы, сопроводите каждый шаг пояснениями. Определите границы доверительной области. Сделайте на основе полученных результатов вывод
4. Выполните предыдущий пункт, но на основе значений p-value. Сделайте вывод
5. Постройте 95%-ые доверительные интервалы для коэффициентов данной модели и проинтерпретируйте их
6. Рассчитайте коэффициент детерминации (R^2) и проинтерпретируйте полученное значение

Задание 2. В регрессионной модели оценка коэффициента при предикторе составляет 0.15, а оценка константы равна 4. Ниже также дана ковариационная матрица оценок коэффициентов для указанной модели.

| | (Intercept) x | |
|-------------|---------------|---------|
| (Intercept) | 1.6111 | -0.2068 |
| x | -0.2068 | 0.0323 |

В общем виде проинтерпретируйте оценки коэффициентов. На основе значений элементов этой ковариационной матрицы проверьте, значимы ли коэффициенты при предикторе и константа на основании как фиксированного уровня значимости 1%, так и p-value. Используйте нормальную аппроксимацию. Для этого выпишите нулевую гипотезу и альтернативу для каждого коэффициента, статистики для проверки гипотез, распределение статистик при верной нулевой гипотезе. Сделайте вывод.

Задание 3. Построена регрессия индекса потребительских цен на уровень безработицы. Для оценки модели использовались данные 50 стран мира. Несмещенная выборочная оценка дисперсии индекса потребительских цен равна 800, а сумма квадратов остатков регрессии равна 25000. Рассчитайте коэффициент детерминации.