## Задания для тренировки

**Задание 1.** На основе представленных ниже данных оценивается парная линейная регрессия y на x.

y	x
7	2
4	4
5	3
10	6
9	7
12	9
8	3
9	6

- Чему равен коэффициент корреляции Пирсона между зависимой переменной и предсказанным на основе модели (см. условие выше) значением отклика? Ответьте на поставленный вопрос без предварительных расчетов предсказанных значений зависимой переменной. Свое решение обоснуйте
- Рассчитайте коэффициент детерминации для указанной регрессионной модели. Проинтерпретируйте полученное значение
- Проверьте значимость коэффициента детерминации

Задание 2. 1. По указанным ниже значениям предиктора и отклика (*x* и *y* соответственно) найдите вектор оценок коэффициентов в регрессионной модели *y* на *x*. Используйте для этого общую формулу оценки коэффициентов в векторноматричном виде (релевантную как для парной, так и для множественной регрессии). Запишите промежуточные расчеты. В качестве ответа запишите сам вектор и полную спецификацию модели, подставив эти оценки коэффициентов.

x	2	5	2	0	1
y	10	3	1	12	5

2. Рассчитайте предсказанное значение зависимой переменной для первого наблюдения.

Задание 3. Ниже представлены результаты оценивания линейной регрессионной модели расходов на здравоохранение в % от ВВП (healthexp), на такие показатели, как

- орр индекс оппозиции, построенный на основе показателей «Freedom of Assembly and Association» (CIRI database), legislative, executive electoral competitiveness (Database of Political Institutions, the World Bank). Непрерывная переменная от 0 до 100, где 100 соответствует более высокому уровню оппозиции
- ji Linzer and Staton's measure of latent judicial independence, большие значения соответствуют более высокой степени независимости
- fh свобода прессы (Freedom of the Press, Freedom House). Шкала перевернута для удобства, так что большему значению соответствует большее значение свободы прессы
- pop rural % сельского населения
- mort и5 коэффициент смертности детей до 5 лет
- ln\_gdp\_pc логарифм ВВП на душу населения

## Coefficients:

```
std. error t Pr>|t| [0.025; 0.975]
              coef
(Intercept) 5.641894
                     1.339102
          -0.001480 0.004568
opp
           5.536259 0.704676
ji
fh
           -0.022972 0.007312
pop_rural
          -0.015421 0.007720
           0.015118 0.002309
mort_u5
         -0.285310 0.133156
ln_gdp_pc
```

Multiple R-squared: \_\_\_\_\_

ANOVA						
	sum_sq	df	mean_sq	f	PR(>F)	
Regression						
Residual	2877.76					
Total	3384.37	637				

- 1. Постройте 95%-ый доверительный интервал для коэффициента при предикторе ji. Так как наблюдений достаточно много, Вы можете использовать при расчете процентных точек нормальную аппроксимацию. Однако в ответе обязательно запишите количество степеней свободы по распределению Стьюдента
- 2. Проверьте гипотезу о незначимости коэффициента при предикторе pop\_rural на фиксированном уровне значимости 0.01 против двусторонней альтернативы. Укажите значение необходимой процентной точки. Так как наблюдений достаточно много, Вы можете использовать при расчете процентных точек нормальную аппроксимацию. Однако в ответе обязательно запишите количество степеней свободы по распределению Стьюдента. Приведите промежуточные расчеты, сделайте вывод
- 3. Рассчитайте коэффициент детерминации

## Задание 4.

Ниже представлены оценки регрессионной модели. Зависимая переменная — доля граждан, имеющих наиболее высокий уровень удовлетворенности жизнью. Качество институтов (исходный показатель) измеряется в непрерывной шкале от 0 до 5, где 5 соответствует максимальному значению качества институтов. В модели используется преобразованное значение качества институтов: центрированный показатель (Inst\_c). Исследователь сравнивает западноевропейские и латиноамериканские страны. Для групп стран введена дамми-переменная (LA), которая принимает значение 0, если страна — западноевропейская, значение 1 — для латиноамериканской страны.

	Life Satisfaction
Inst_c	0.48***
	(5.2)
LA	0.163***
	(6.23)
$LA \times Inst\_c$	0.04***
	(4.24)
Intercept	0.3***
	(9.53)

t-statistics are given in parentheses

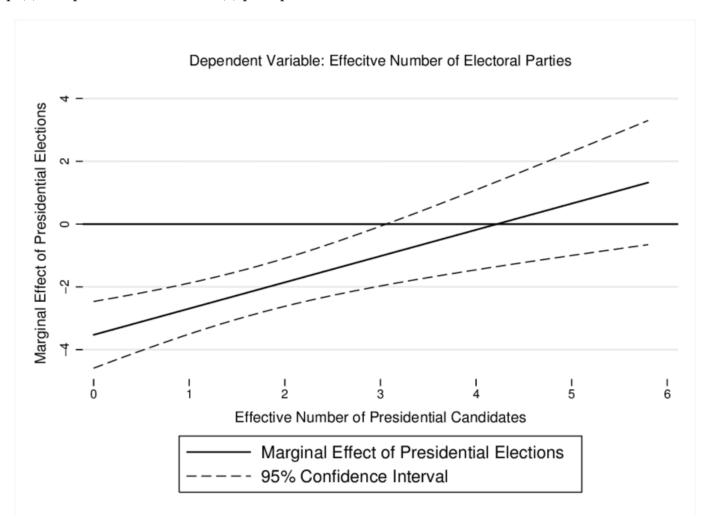
- 1. Проинтерпретируйте оценку коэффициента при переменной LA.
- 2. Проинтерпретируйте оценку коэффициента при переменной взаимодействия.
- 3. Рассчитайте значение предельного эффекта качества политических институтов в случае, если рассматривается латиноамериканская страна.

**Задание 5.** Ниже представлена спецификация модели, отражающая взаимосвязь трат на еду и месячного дохода. Переменные измерены в единицах – «фунтиках».  $food\_exp_i = 20 + 2.5income_i - 0.25income_i^2 + \epsilon_i$ 

- 1. Рассчитайте предельный эффект месячного дохода на траты на еду, если месячный доход составляет 10 «фунтиков».
- 2. Проинтерпретируйте оценку коэффициента при предикторе  $income^2$
- 3. Вычислите «переломную» точку (значение показателя *income*), после которой характер взаимосвязи *income* и зависимой переменной меняет знак. В ответе представьте необходимые расчеты.

<sup>\*</sup> p < 0.05, \*\* p < 0.01, \*\*\* p < 0.001

**Задание 6.** На основе оценивания регрессионной модели с переменной взаимодействия был построен следующий график зависимости предельного эффекта ключевого предиктора от значений модератора:



При каких значениях модератора предельный эффект является значимым (уровень доверия 0.95)? Если таковых значений на графике нет, напишите об этом, кратко пояснив свой ответ.

Задание 7. Объясните нижеприведенное утверждение. А также укажите, на что в таком случае должен опираться исследователь?

«The analyst cannot infer whether X has a meaningful conditional effect on Y from the magnitude and significance of the coefficient on the interaction term.»

Задание 8. Прочитайте нижеприведенный отрывок из статьи и продолжите его, аргументировав позицию авторов:

Much of the concern about multicollinearity arises when the analyst observes that the coefficients from a linear-additive model change when an interaction term is introduced. In the linear-additive world, the sensitivity of results to the inclusion of an additional variable is often taken as a sign of multicollinearity. However, this need not be the case with interaction models.

Задание 9. Ознакомьтесь с нижеприведенной выдачей (корреляционная матрица и оценки коэффициентов линейной регрессии):

```
X
                  z
   1.0000 0.8035 -0.203 -0.216
У
   0.8035 1.0000 -0.717 -0.692
   -0.203 -0.717 1.0000 0.9514
   -0.216 -0.692 0.9514 1.0000
             coef
                      std.error
                                t
                                       Pr>|t|
(Intercept) -10.7762
                     3.5310 -3.052 0.03796 *
                       0.2138 7.218 0.00195 **
             1.5434
            0,1507
                       0.3014
                               0.500 0.64971
z
            0.8212
                       0.4382 1.874 0.09497 .
W
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
Multiple R-squared: 0.9486, Adjusted R-squared: 0.8990
VIF:
2.154286 12.03485 7.954813
```

- 1. Можно ли говорить о том, что модель страдает от мультиколлинеарности? Приведите не менее двух свидетельств из выдачи в качестве обоснования. Можно приводить как прямые, так и косвенные свидетельства мультиколлинеарности.
- 2. Проинтерпретируйте значение VIF для переменной w. Что оно показывает?