



Universidad Simón Bolívar

Departamento de Cómputo Científico y Estadística

Estadística Para Ingenieros CO-3321

Prof. Desiree Villalta

Informe de Laboratorio: Laboratorio 3. Pruebas de hipótesis y pruebas Chi-Cuadrado

Estudiantes:

Carlos Sivira 15-11377

José Barrera 15-10123

1. Pregunta 1: Probar si el método actual es mejor que el método nuevo para la realización de una tarea, a un 93% de nivel de confianza:

- a. Realice una prueba de varianzas: Para ello usamos la función *var.test()* de R sobre los datos. Obtenemos el intervalo: $(0.2378836, 2.8704428)$ el cual contiene al 1. Concluimos que las varianzas pueden ser iguales.
- b. Realice una prueba de medias: Realizamos una prueba de hipótesis donde $H_0 = \mu_1 - \mu_2 = 0$ y $H_a = \mu_1 - \mu_2 > 0$. Para ello usamos la función *t.test()* de R sobre los datos, indicando que las varianzas son iguales y que el nivel de confianza es de 93% ($\alpha = 0.07$). Obtenemos un p-valor = 0.02116 , con lo que se rechaza la hipótesis de que las medias sean iguales para el nivel de significancia dado. Vale la pena destacar que para $\alpha = 0.01$, no hay suficiente evidencia para rechazar la hipótesis nula. Se concluye entonces que el método actual es mejor para la tarea.

2. **En la siguiente tabla se presenta el número de anotaciones de 6 puntos en un partido de rugby americano en la temporada de 1979:**

- a. Con base en los resultados se ajusta una distribución Poisson de parámetro muestral (media) $\lambda = 2,435$. ¿Existe alguna razón para creer que a un nivel de 0.05 el número de anotaciones es una variable de Poisson?

Se define la prueba de hipótesis con

H_0 : Los resultados se ajustan a una distribución Poisson de parámetro muestral $\lambda = 2.435$.

H_a : Los resultados no se ajustan a una distribución Poisson de parámetro muestral $\lambda = 2.435$.

Para el cálculo del estadístico chi-cuadrado, no fue necesario calcular parámetros desde la muestra. Por lo tanto, los grados de libertad no se ven alterados. Se realizaron los siguiente pasos para obtener el estadístico:

- En p_i se calcula la probabilidad Poisson para cada n_i con λ .
- En en se calcula el valor esperado para cada n_i .
- En chi_square es almacenado el valor del estadístico.

Se tiene que $chi_square = 6.05173$. Luego, mediante la función $qchisq(1 - \alpha, k - 1 - r)$ se obtiene que el valor para chi-cuadrado con $\alpha = 0.05$ y $k-1-r$ grados de libertad es 12.59159 . Así mismo, se obtiene un p-valor mediante la función $pchisq(chi_square, k - 1 - r)$ con resultado igual a 0.5825797

En conclusión, como el resultado del estadístico no es mayor al resultado de chi-cuadrado, es decir, $6.05173 < 12.59159$, no se rechaza la hipótesis nula H_0 . Además, para el p-valor obtenido (0.5825797) no existe suficiente evidencia para rechazar la hipótesis nula para cualquier nivel de significancia.

3. **Se realiza un estudio para establecer la relación entre el empleo de las personas y el tipo de cerveza preferida (oscura, clara o ligera).**

- a. ¿Cuál es su conclusión con un nivel de significancia del 1%?

El objetivo de este estudio es determinar si existe alguna relación entre la variables cualitativas dadas. Para realizar la prueba de hipótesis, se propone H_0 : existe independencia entre el empleo de las personas y el tipo de cerveza preferida, y H_a : existe relación entre el empleo de las personas y el tipo de cerveza preferida.

Utilizamos el comando *chisq.test()* sobre la matriz de los datos y obtenemos un p-valor = 0.01059. Con lo cual no hay suficiente evidencia para rechazar H_0 con $\alpha = 0.01$ (99%). Por lo tanto existe independencia entre el empleo de las personas y el tipo de cerveza preferida.