### TECHNICAL UNIVERSITY OF CRETE

### DIPLOMA THESIS

# Design and Implementation of a Low Cost Embedded System for Localization of Drones Flying in Swarms

Author:

Thesis Committee:

Christos Spyridakis

Prof. Apostolos Dollas (Supervisor) Asst. Prof. Eftychios Koutroulis Asst. Prof. Panagiotis Partsinevelos



A thesis submitted in fulfillment of the requirements for the diploma of Electrical and Computer Engineer in the

School of Electrical and Computer Engineering Microprocessor and Hardware Laboratory

December 20, 2020

### TECHNICAL UNIVERSITY OF CRETE

# Abstract

School of Electrical and Computer Engineering

Electrical and Computer Engineer

Design and Implementation of a Low Cost Embedded System for Localization of Drones Flying in Swarms

by Christos Spyridakis

TODO: ...

#### ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ ΚΡΗΤΗΣ

# Περίληψη

Σχολή Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Μηχανικών Υπολογιστών

Ηλεκτρολόγος Μηχανικός και Μηχανικός Υπολογιστών

Σχεδίαση και Υλοποίηση Ενσωματωμένου Συστήματος Χαμηλού Κόστους για Εύρεση Θέσης μη Επανδρωμένων Αεροσκαφών που Πετούν σε Σχηματισμό

από τον Χρήστο ΣΠΥΡΙΔΑΚΗ

TODO: ...

# Acknowledgements

TODO:

# Contents

$\mathbf{A}$	bstra	ct		iii
$\mathbf{A}$	bstra	ıct		v
A	ckno	wledge	ements	vii
C	ontei	nts		ix
Li	st of	Figur	es	xi
Li	st of	<b>Table</b>	${f s}$	xiii
Li	st of	Algor	rithms	xv
Pl	hysic	al Cor	nstants	xvii
Li	st of	Symb	ools	xix
Li	st of	Abbr	eviations	xxi
1	Inti	roduct	ion	1
	1.1	Unma	anned aerial vehicles	. 2
		1.1.1	History and drone types	. 2
		1.1.2	Characteristics	. 4
	1.2	Motiv	ration	. 5
		1.2.1	Nature	. 5
		1.2.2	Swarms and Applications	. 5
	1.3	Scient	cific Goals and Contributions	. 6
	1.4	Thesis	s Outline	. 7
2	The	eoretic	al Background	9
	2.1	Distar	nce/Angle Estimation	. 11
		2.1.1	Distance	. 11
			Received Signal Strength	. 12
			Propagation Time	13

	2.1.2 Angle	16
4	2.2 Position Computation	16
	Trilateration	17
	Bounding Box	18
	Triangulation	18
	Multilateration	18
	Probabilistic approaches	18
	2.3 Localization Algorithm	18
3	Related Work	19
	3.1 Thesis Approach	19
4	Design Features and Implementation	21
<b>5</b> .	Applications and Usage Examples	23
6	Experiments and Results	25
7	Conclusions and Future Work	27
Ref	erences	29

# List of Figures

1.1	UAV Examples	3
1.2	UAV principal axes	4
2.1	Localization System components	10
2.2	Localization-system-overview	11
2.3	Ideal RSSI over distance	12
2.4	Time of Arrival cases	13
2.5	Time Difference of Arrival cases	14
2.6	Position Computation using distance	16

# List of Tables

1.1	Κατηγοριοποίηση των UAV βάση της δομή τους [8].	 2
2.1	Nodes' names definitions	g

# List of Algorithms

# **Physical Constants**

```
Speed of Light in vacuum c_0 = 2.997\,924\,58 \times 10^8\,\mathrm{m\,s^{-1}} (exact)
Pi, Archimedes' constant \pi = 3.14159\,26535 (approximation)
```

xix

# List of Symbols

distance d $\mathbf{m}$ wavelength  $\lambda$  $\mathbf{m}$ time t $\rm m\,s^{-1}$ Vspeed  $\rm m\,s^{-1}$ speed $W (J s^{-1})$ power P

 $\omega$  angular frequency rad

## List of Abbreviations

AoA Angle of Arrival

BS Base Station

ESC Electronic Speed Control

FPV First Person View

GNSS Global Navigation Satellite System

GPS Global Positioning System
IMU Intertial Measurement Unit

ISR Intelligence, Surveillance, and Reconnaissance

LoS Line of Sight

LPWAN Low Power Wide Area Network

MAV Micro Aerial Vehicle
 MCU Micro Controller Unit
 MPU Micro Processor Unit
 NLoS Non-Line of Sight
 RF Radio Frequency

RSSI Received Signal Strength Indicator

S&R Search & Rescue

TDoA Time Difference of Arrival

ToA Time of Arrival

UAS Unmanned Aircraft SystemUAV Unmanned Aerial Vehicle

UCAV Unmanned Combat Aerial Vehicle

UGV Unmanned Ground VehicleUSV Unmanned Surface Vehicle

VTOL Vertically Hover, Take-off, and Land

WSN Wireless Sensor Networks

Dedicated to those people who have helped me be the person I am today...

## Chapter 1

## Introduction

"Alone we can do so little, together we can do so much"

Hellen Keller

Τα τελευταία χρόνια η ανάπτυξη της επιστήμης έχει επιφέρει την απόκτηση των τεχνολογικών επιτευγμάτων από το ευρύ κοινό με ένα πολύ οικονομικό αντίτιμο. Αυτό σημαίνει ότι ο καθένας πολύ εύκολα μπορεί να έχει στην κατοχή του ακόμα και προϊόντα τα οποία θεωρούνται state-of-the-art χωρίς να χρειάζεται να δαπανήσει μεγάλα ποσά. Το ίδιο φυσικά, συμβαίνει και με τον κλάδο των drone και την - κατά επέκταση - χρήση αυτών · ακόμα και για ψυχαγωγικό σκοπό.

Κατά το τέλος του έτους 2019 μόνο στις Ηνωμένες Πολιτείες της Αμερικής υπήρχαν πάνω από 990 χιλιάδες εγγεγραμμένοι χειριστές drone με πάνω από 1.32 εκατομμύρια drone ψυχαγωγικού χαρακτήρα να χρησιμοποιούνται [1]. Ενώ μέχρι το 2025 υπολογίζεται ότι το μέγεθος αγοράς των υπηρεσιών drone θα κοστολογείται στα 63.6 εκατομμύρια δολάρια [2].

Φυσικά η χρήση τους δεν περιορίζεται μόνο στην ψυχαγωγία, εταιρίες όπως η Απαzon έχουν αποκτήσει ήδη τα απαραίτητα πιστοποιητικά και εγκρίσεις, με σκοπό να χρησιμοποιήσουν drone για παράδοση των δεμάτων αρκετά σύντομα [3], καθώς προς το παρόν η διαδικασία βρίσκεται σε στάδιο δοκιμών. Συνεπώς είναι εύκολο να κατανοηθεί ότι ο συγκεκριμένος κλάδος πρόκειται να έχει ακόμα μεγαλύτερη άνθιση, με αρκετά μεγάλο ερευνητικό ενδιαφέρον να του αναλογεί.

Με την αύξηση των drone και την αύξηση των εφαρμογών, υπάρχει η ανάγκη συνεργασίας και η δημιουργία drone swarms για την επιτυχή ολοκλήρωση των στόχων που έχουν οριστεί. Όμως για να καταφέρουν τα drone να συνεργαστούν χρειάζεται πρώτα να μπορούν να ξεπεράσουν τα προβλήματα τα οποία υπάρχουν.

### 1.1 Unmanned aerial vehicles

Είναι σημαντικό από τα πρώτα βήματα, να έχει γίνει κατανοητό με τον όρο drone σε τι παραπέμπουμε - όπως επίσης πότε θεωρείται ότι ένα σμήνος από drone πετάει σε σχηματισμό (drone swarm).

### 1.1.1 History and drone types

Όταν αναφερόμαστε στον όρο Unmanned aerial vehicle (UAV) ή απλούστερα drone κάνουμε αναφορά για ένα μη επανδρωμένο ιπτάμενο αεροσκάφος το οποίο ελέγχεται είτε απομακρυσμένα από έναν άνθρωπο, είτε είναι τελείως αυτόνομο. Τα UAV μαζί με ένα Base Station (BS) και την από κοινού επικοινωνίας του σταθμού - drone, δημιουργούν αυτό που ονομάζουμε Unmanned aircraft system (UAS) [4] [5].

Η πρώτη εμφάνιση των UAV έγινε κατά το 1849 στα πλαίσια μάχης, ενώ οι πρώτες καινοτομίες πάνω σε αυτά ξεκίνησαν ήδη από τις αρχές του 20ου αιώνα. Το 2013 τουλάχιστον 50 χώρες χρησιμοποιούσαν UAVs για κάποιον σκοπό, με μερικές από αυτές φυσικά να σχεδιάζουν τα δικά τους [5]. Αυτήν την στιγμή υπάρχουν πάνω από 1000 διαφορετικά μοντέλα UAV που χρησιμοποιούνται ανά τον κόσμο, με τα περισσότερα από αυτά να μην έχουν ψυχαγωγικό χαρακτήρα [6].

Είναι λοιπόν ξεκάθαρο ότι το πλήθος των drone είναι τόσο μεγάλο, λόγω των διαφορετικών αναγκών - και ότι κάποια έχουν καλύτερα αποτελέσματα από ότι άλλα σε συγκεκριμένες αποστολές. Για αυτό, έχουν γίνει ήδη προσπάθειες για την κατηγοριοποίηση των UAVs σύμφωνα με τα διάφορα χαρακτηριστικά που μπορεί να έχουν. Ενδεικτικά με βάση το μέγεθος, την αυτονομία, το βάρος ή το μηχανολογικό σχεδιασμό των UAV να είναι μερικές από τις υπάρχουσες [4] [7] [8]. Στο Table 1.1 υπάρχει μία απλουστευμένη κατηγοριοποίηση η οποία προτάθηκε από τους συγγραφείς του [8] σύμφωνα με τη βασική μηχανολογική δομή που μπορεί να έχει ένα drone καθώς και τα πλεονεκτήματα της κάθε δομής.

ΤΑΒΙΕ 1.1: Κατηγοριοποίηση των UAV βάση της δομή τους [8].

Drones	Main features
Fixed-Wing	long endurance and fast flight speed
Fixed-Wing Hybrid	VTOL and long endurance flight
Single Rotor	VTOL, hover, and long endurance flight
Multirotor	VTOL, hover, and short endurance flight



FIGURE 1.1: UAV Examples

Τυπικά τα Fixed-Wing drones είναι αρκετά ακριβά, χρειάζονται εξειδικευμένους χειριστές για να λειτουργήσουν, όπως επιπλέον και περισσότερο χώρο για την απογείωση και την προσγείωση. Είναι ιδανικά για εφαρμογές που χρειάζεται να καλύψουμε μεγάλες περιοχές και συχνά έχουν αυτονομία τουλάχιστον μερικών ωρών. Για αυτούς τους λόγους χρησιμοποιούνται κυρίως από κυβερνήσεις, στρατιωτικές μονάδες ή επιχειρήσεις για την γρήγορη επίβλεψη μεγάλων εκτάσεων [9].

Τα Fixed-Wing Hybrid προσπαθούν να λύσουν τα μειονεχτήματα που έχουν τα Fixed-Wing drones, την μη ικανότητα δηλαδή για Vertically Hover, Take-off, and Land (VTOL) όμως είναι ακόμα σε αρχικά στάδια [8].

Τα Single Rotor είναι επίσης αρκετά ακριβά, πολύπλοκα μηχανολογικά μηχανήματα, που δέχονται πολλούς κραδασμούς, απαιτούν εξειδικευμένους χειριστές όμως μπορούν να μεταφέρουν αρκετά βαριά payloads, θετικό στην χρήση τους ότι μπορούν να πραγματοποιήσουν VTOL [8].

Τα Multirotor είναι ίσως τα πιο ευρέως διαδεδομένα. Καθώς είναι τα πιο οικονομικά από τα παραπάνω και εύκολο να κατασκευαστούν. Μπορούν να βρεθούν στο εμπόριο με διάφορο πλήθος από έλικες και είναι το κύριο είδος που χρησιμοποιείται από ερασιτέχνες ή χομπίστες για λόγους αναψυχής [8].

Στο Figure 1.1 δίνονται κάποια ενδεικτικά παραδείγματα UAVs με βάση την κατηγοριοποίηση του Table 1.1. Φυσικά αυτή η κατηγοριοποίηση δεν περιλαμβάνει όλα τα είδη drone, είναι όμως ικανοποιητική για να γίνουν ξεκάθαρες δύο βασικές ιδέες. Αρχικά ανάλογα με την εφαρμογή που μας ενδιαφέρει, θα πρέπει να επιλέξουμε την χρήση του πλέον κατάλληλου τύπου drone. Όπως επίσης με βάση την επιλογή του συγκεκριμένου τύπου - αυτόματα έχουμε να διαχειριστούμε τα πλεονεκτήματα ή τα μειονεκτήματα που έχει.

Σε περίπτωση που μας ενδιαφέρει, οι συγγραφείς του [7] παρουσιάζουν με εκτενέστερο τρόπο διάφορες κατηγοριοποιήσεις και είδη drone τα οποία δεν εμπίπτουν στα πλαίσια αυτής της διπλωματικής και κυμαίνονται από smart dust, bio-drones, hybrid drones και άλλα πολλά.

#### 1.1.2 Characteristics

Σε όποια από τις κατηγορίες και αν αντιστοιχεί ένα drone από την στιγμή που είναι ένα ιπτάμενο αντικείμενο, θα πρέπει να έχει την δυνατότητα να κινείται - φυσικά - στον αέρα. Στο Figure 1.2 παρουσιάζονται στους 3 άξονες, οι βαθμοί ελευθερίας κίνησης ενός UAV [10] καθώς και το όνομα που δίνεται στην κίνηση ανάλογα με τον άξονα που πραγματοποιείται.



FIGURE 1.2: UAV principal axes (URL)

Ζούμε σε μία ψηφιαχή εποχή, όπου έξυπνες συσχευές γεμάτες με αισθητήρες βρίσχονται γύρω μας. Τέτοια τεχνολογικά επιτεύγματα όπως τα drones είναι επίσης εξοπλισμένα με Micro Controller Units (MCU) [11] ή Micro Processor Units (MPU) [12]

1.2. Motivation 5

για τον έλεγχο τους, ενώ δεν θα μπορούσαν να μην περιλαμβάνουν πλέον και ένα μεγάλο πλήθος και εύρος διαφορετικών τύπων sensors on-board. Με δύο από τους πιο σημαντικούς να είναι το Electronic Speed Control (ESC) [13] και το Inertial Measurement Unit (IMU) [14] τα οποία χρησιμοποιούνται ώστε το drone να μπορεί να διατηρεί μία σταθερή και ελεγχόμενη πτήση [8]. Εκτός από αυτούς βέβαια, ένα drone μπορεί να διαθέτει Global Positioning System (GPS), camera για λήψη οπτικού υλικού ή ελέγχου μέσω First Person View (FPV), Obstacle avoidance sensors ή ακόμα και άλλους. Με κύριο περιορισμό τα αισθητήρια όργανα να βρίσκονται στο εύρος βάρος του payload που μπορεί να μεταφέρει το drone.

Σε αυτό το section πραγματοποιήθηκε μία πρώτη οριοθέτηση του όρου drone, παρόλα αυτά δεν αναφέρθηκαν λόγοι ύπαρξης τους, καθώς και εφαρμογές τους. Η ύπαρξης των swarms είναι ουσιαστικά η κάλυψη των αναγκών από των individual drones σε μεγαλύτερη κλίμακα, για αυτό μερικές από τις εφαρμογές των drone βρίσκονται στο Section 1.2.2.

### 1.2 Motivation

Ξεκινώντας από τα individual drones, αξίζει να σημειωθεί ότι το Πολυτεχνείο Κρήτης έχει ένα ενεργό ερευνητικό ιστορικό στον τομέα των αεροχημάτων. Το SenseLab στο οποίο υπεύθυνος καθηγητής είναι ο κύριος Παρτσινέβελος της Σχολής Μηχανικών Ορυκτών Πόρων να είναι ένα από αυτά - και μάλιστα με πολλαπλές διακρίσεις σε διεθνείς διαγωνισμούς [15] [16].

#### 1.2.1 Nature

Στην φύση είναι αρχετά συχνή η ύπαρξη έμβιων οργανισμός που χινούνται σε ομάδες, με μεριχά από αυτά ως παράδειγμα, τα σμήνη από πουλιά χαι έντομα, χοπάδια ψαριών ή χαι αγέλες ζώων. Σχοπός της συνεργασίας τους είναι χυρίως η προστασία από θηρευτές ή άλλοι σχετιχοί με την επιβίωση. Αρχετές έρευνες έχουν γίνει εμπνευσμένες σε αυτό, αχόμα χαι στον τομέα των fleet of drones [17] [18] [19].

### 1.2.2 Swarms and Applications

Από μόνο του ένα UAV σε πολλές περιπτώσεις θα μπορέσει να φέρει εις πέραν την αποστολή που του έχει ανατεθεί. Πολύ εύχολα όμως μπορούν να δημιουργηθούν

ζητήματα αξιοπιστίας, όταν ένα μεμονωμένο drone χρειάζεται ως παράδειγμα να χαρτογραφήσει σε μικρό χρονικό διάστημα ένα άγνωστο και μεγάλης έκτασης περιβάλλον. Όπως επίσης, εάν θα θέλαμε να διαθέτει πολλαπλούς αισθητήρες για να έχουμε πιο λεπτομερείς δεδομένα σε μία αποστολή, όμως αυτό να είναι αδύνατον διότι υπερβαίνουν το δυνατόν payload που μπορεί να μεταφέρει το drone. Η ακόμα, και για το ενδεχόμενο αποτυχίας της αποστολής, σε κάποιο πιθανό malfunction που θα πραγματοποιηθεί στο ιπτάμενου όχημα. Μπορούμε να πούμε λοιπόν σε μία abstract σύγκριση με αυτή των ζώων, ότι ωθούμαστε για ανάλογους σκοπούς στην χρήση των swarms ώστε να ξεπεράσουμε αυτά τα προβλήματα [20].

Με τον όρο swarm συχνά αναφερόμαστε στην μεθοδολογία που αχολουθούμε ώστε να συντονίζουμε πολλαπλές ανεξάρτητες ρομποτιχές οντότητες να συμπεριφέρονται συνεργατιχά ως ένα ενιαίο σύστημα [21]. Με τον όρο συνεργατιχά, αυτό σημαίνει είτε να μπορούν να χινηθούν ως ομάδα [22] [23] [24], είτε να επιχοινωνούν ώστε γνώση πληροφορίας την οποία έχει συλλέξει ένα από αυτά να μεταδίδεται χαι στα υπόλοιπα (π.χ. σε περίπτωση που θέλουμε να χάνουμε 3D reconstruction μίας περιοχής ή γνώση της θέσης από την οποία λαμβάνεται - με χρήση της χάμερας - υλιχό είναι σημαντιχή για την δημιουργία του ψηφιαχού μοντέλου [25]).

Σήμερα τα drones καθώς και τα fleet of drones χρησιμοποιούνται σε ένα μεγάλος εύρος εφαρμογών. Έχει γίνει αναφορά είδη από την αρχή του chapter ότι χρησιμοποιούνται για λόγους αναψυχής, με μερικά παραδείγματα, την διεκπεραίωση shows [26] [27] [28] και την καταγραφή οπτικού υλικού για δημιουργία ταινιών [29]. Άλλες πιο ζωτικής σημασίας χρήσεις τους, είναι σχετικές με environment mapping [30], police surveillance [31], natural disaster inspection [32], Search & Rescue (S&R) [33], light cargo transportation [34] και πολλές άλλες. Ακόμα και στρατιωτικές επιχειρήσεις χρησιμοποιούν drones. Συνήθως σε αυτές τις περιπτώσεις αναφερόμαστε στην χρήση Unmanned Combat Aerial Vehicle (UCAV) [35] [36] και πολλές από τις εφαρμογές στο συγκεκριμένο τομέα έχουν να κάνουν με Intelligence Surveillance, and Reconnaissance (ISR) [37].

Για περισσότερες εφαρμογές των drones/swarms [38] ή λεπτομέρειες σχετικά με αυτές, μπορούμε να ανατρέξουμε στην υφιστάμενη βιβλιογραφία [39] [40] [41].

### 1.3 Scientific Goals and Contributions

Όπως μπορεί να γίνει εύχολα αντιληπτό η γνώση της σχετιχής θέσης ενός UAV σε σχέση με τα υπόλοιπα του σμήνους, είναι αρχετά σημαντιχή για ένα πολύ μεγάλο πλήθος εφαρμογών. Σχοπός της συγχεχριμένης διπλωματιχής εργασίας είναι να γίνει

1.4. Thesis Outline 7

η απαραίτητη ερευνητική αναζήτηση, ώστε να επιτευχθεί ο σχεδιασμός καθώς και η υλοποίηση ενός ενσωματωμένου συστήματος - το οποίο να είναι σε θέση με όσο το δυνατόν πιο οικονομικό τρόπο να υπολογίζει την θέση των μεμονωμένων αεροχημάτων όταν αυτά πετούν σε σχηματισμό.

### 1.4 Thesis Outline

- Chapter 2 Theoretical Background: Σε αυτό το κεφάλαιο παρουσιάζεται το απαραίτητο μαθηματικό υπόβαθρο, καθώς και βασικές μεθοδολογίες εύρεσης τοποθεσία, που προέρχονται από τον τομέα των Wireless Sensor Networks (WSN).
- Chapter 3 Related Work: Στην συγκεκριμένη ενότητα γίνεται μία συνοπτική αναφορά σε τεχνικές που χρησιμοποιούν ήδη τα drones για την εύρεσης θέσης μέσα στα swarms.
- Chapter 4 Design Features and Implementation: Σε αυτό το σημείο παρουσιάζεται η διαδικασία σχεδιασμού του ενσωματωμένου συστήματος που σχετίζεται αυτή η διπλωματική.
- Chapter 5 Applications and Usage Examples:
- Chapter 6 Experiments and Results: Στο παρόν κεφάλαιο παρουσιάζονται οι απαραίτητοι έλεγχοι που έγιναν για την επαλήθευση της ορθής λειτουργίας του συστήματος.
- Chapter 7 Conclusions and Future Work: Στο συγκεκριμένο κεφάλαιο παρουσιάζονται τα τελικά συμπεράσματα τα οποία βγήκαν από το σύνολο της διπλωματικής καθώς και κάποιες από τις πιθανές μελλοντικές εξελίξεις της.

## Chapter 2

## Theoretical Background

"Let no one ignorant of geometry enter"

Plato

Ο χώρος των WSN έχει και αυτός τα τελευταία χρόνια υψηλό ερευνητικό ενδιαφέρον. Θα μπορούσε να πει κανείς - λόγο το ότι αποτελεί ένα πιο γενικό κλάδο - περισσότερο από ότι αυτό των drones. Συνεπώς θα μεταφερθούμε σε πρώτο επίπεδο στο πιο γενικό φάσμα, αυτό των WSN για να προσεγγίσουμε το localization problem.

Όταν μιλάμε για WSN, αναφερόμαστε σε αυτόνομα ηλεκτρονικά συστήματα, χωρικά διασκορπισμένα σε ένα πεδίο - τα οποία συχνά περιλαμβάνουν αισθητήρες και επικοινωνούν με τα γειτονικά τους ή σταθμούς βάσης για να μεταφέρουν πληροφορία [42] [43].

Το καθένα από αυτά τα ανεξάρτητα συστήματα ονομάζεται **Node**. Ενώ για το κάθε μεμονωμένο node μπορεί να έχουμε στην διάθεση μας location information ή όχι. Μία πρώτη σκέψη θα ήταν κάθε node ενός συστήματος αισθητήρων να περιλαμβάνει GPS ώστε να γνωρίζουμε την θέση του. Αυτό μπορεί γρήγορα να καταρριφθεί σαν σκέψη, αν αναλογιστούμε αρχικά ότι το Global Navigation Satellite System (GNSS) δεν είναι διαθέσιμο σε κάθε περιβάλλον λειτουργίας (π.χ. εσωτερικούς χώρους), όπως επίσης μπορεί να μην είναι δυνατή η χρήση του σε όλους τους κόμβους ενός συστήματος, λόγο περιορισμών όπως το κόστος, μέγεθος του node και energy consumption [43].

Table 2.1: Nodes' names definitions

Node name	Definition		
Unknown/Free/Dumb/Non-anchors	Their position is unknown		
Beacons/Anchors/Landmarks	Nodes with known location information		
Settled	Initial unknown nodes with estimated position		

Στην υπάρχουσα βιβλιογραφία [43] [44] [45] βρίσχουμε ότι nodes των οποίων η θέση είναι γνωστή ή άμεσα υπολογίσιμη, συχνά ονομάζονται Beacons. Πληροφορία σχετικά με την θέση αυτών των nodes είναι γνωστή, είτε γιατί έχουν τοποθετηθεί από εμάς σε προκαθορισμένες θέσεις, είτε μέσου ενός εξωτερικού συστήματος όπως το GPS [46]. Αντίθετα κόμβοι για τους οποίους δεν έχουμε αρχικά πληροφορία της θέσης τους, ονομάζονται Non-anchors. Άλλος ένας σημαντικός ορισμός, που θα πρέπει να αναφερθεί είναι ότι συχνά ονομάζουμε Settle nodes, αυτά τα οποία αρχικά δεν γνωρίζαμε την θέση τους αλλά στην συνέχεια την εκτιμήσαμε. Στο Table 2.1 παρουσιάζονται συνοπτικά τα διάφορα ονόματα που έχουν δοθεί ανά καιρούς για το κάθε τύπο node.

Σκοπός ενός localization system είναι, με χρήση της γνώσης που έχουμε για τα beacon nodes να εκτιμήσουμε την θέση όσο περισσότερων unknown nodes ώστε να τα μετατρέψουμε σε settled nodes και η εκτίμηση της κάθε θέσης να είναι με όσο το δυνατόν μικρότερο error απόκλισης.



FIGURE 2.1: Localization System components based on [44] (URL)

Οι συγγραφείς του [44] επιχειρούν να χωρίσουν ένα localization system, ώστε αυτό να αποτελείται από τρία διαχριτά components. Πρώτο μπορεί να θεωρηθεί αυτό του Distance/Angle Estimation, που σχοπό έχει να υπολογίσει την απόσταση ή γωνία που έχουν δύο nodes του συστήματος μεταξύ τους. Η πληροφορία που θα παραχθεί από αυτό το component θα χρησιμοποιηθεί στα άλλα μέρη του συστήματος. Στην συνέχεια υπάρχει το Position Computation, δουλειά του οποίου είναι να υπολογίσει την θέση ενός node με βάση την γνώση που έχουμε για τα beacons και την πληροφορία που λάβαμε από το πρώτο component. Ενώ τέλος είναι το χύριο μέρος του συστήματος, με όνομα Localization Algorithm και ουσιαστικά είναι ο προχαθορισμένος τρόπος που θα αχολουθηθεί για να υπολογιστεί η θέση των unknown nodes με βάση όλες τις πληροφορίες που έχουμε. Στο Figure 2.1 δίνεται η απειχόνιση που έδωσαν οι συγγραφείς του [44] για να εξηγήσουν το παραπάνω. Ενώ

στο Figure 2.2 έχει γίνει μία προσπάθεια να κατηγοριοποιηθούν τα κομμάτια καθώς και τεχνικές των Localization Systems, με βάση τα [43] [44] [45] και αναλύονται στην συνέχεια του κεφαλαίου.

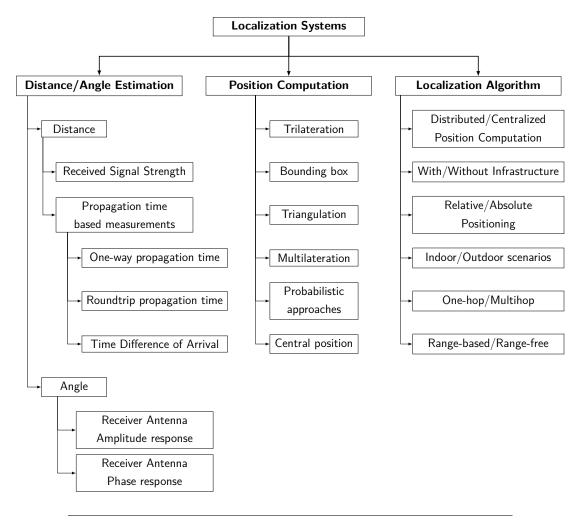


Figure 2.2: Localization system overview

Με βάση τον παραπάνω διαχωρισμό των Localization Systems σε τρία διακριτά μέρη, μπορούμε να καταλάβουμε ότι η απόκλιση της εκτίμησης του συνολικού συστήματος, εξαρτάται από τα σφάλματα του κάθε μεμονωμένου μέρους.

### 2.1 Distance/Angle Estimation

#### 2.1.1 Distance

Θα ξεχινήσουμε με μία σύντομη ανάλυση των τεχνιχών εχτίμησης της απόστασης μεταξύ δύο nodes που χρησιμοποιούνται ήδη.

#### Received Signal Strength

Η πρώτη τεχνική η οποία έχει χρησιμοποιηθεί για τον υπολογισμό απόστασης στα WSN είναι αυτή με όνομα Received Signal Strength Indicator (RSSI) και έχει ως αρχή, την χρήση της έντασης ενός σήματος που λαμβάνουμε στον δέκτη, ως τρόπο υπολογισμού της απόστασης του πομπό από αυτόν. Στον ελεύθερο χώρο η λαμβανόμενη ισχύς  $P_r(d)$  που ανιχνεύει ο πομπός μπορεί να περιγραφεί από την σχέση (2.1) [45].

$$P_r(d) = \frac{P_t G_t G_r \lambda^2}{(4\pi)^2 d^2}$$
 (2.1)

Όπου  $P_t$  είναι η ισχύς που στέλνει ο πομπός,  $G_t$  είναι το gain της κεραίας του πομπού,  $G_r$  το gain της κεραίας του δέκτη, λ είναι το μήκος κύματος του σήματος το οποίο μεταδίδουμε και d η απόσταση του πομπού από τον δέκτη. Αν θεωρήσουμε ότι τα  $G_t$ ,  $G_r$  και λ είναι μη μεταβλητές τιμές - με  $C_f = \frac{G_t G_r \lambda^2}{(4\pi)^2}$  - τότε μπορούμε να καταλήξουμε στην (2.2) [47]

$$P_r(d) = C_f \frac{P_t}{d^2} \tag{2.2}$$

Αυτό που μπορούμε να δούμε από την παραπάνω σχέση είναι ότι, ιδανικά στον ελεύθερο χώρο σε Line of Sight (LoS) μετάδοση - η ισχύς του σήματος που λαμβάνει ο πομπός εξαρτάται από το αντίστροφο τετράγωνο της απόστασης των δύο nodes. Το Figure 2.3 περιγράφει σχηματικά αυτήν την εξάρτηση.

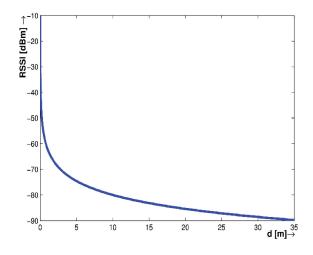


FIGURE 2.3: Ideal RSSI over distance based on [48]

Αυτή η μέθοδος παρόλο που είναι αρχετά δημοφιλής και οικονομική για τον υπολογισμό της απόστασης - λόγω του ότι δεν απαιτεί επιπλέον αισθητήρες - σε πραγματικές συνθήκες αντιμετωπίζει αρχετά προβλήματα, καθώς οι μετρήσεις μπορούν να επηρεαστούν από θόρυβο, ανακλάσεις του σήματος, διαθλάσεις, δυναμικά περιβάλλοντα ή εμπόδια σε αυτά, ή ακόμα και errors στο hardware [44] [48]. Σε ένα βαθμό μπορεί να βελτιωθεί η απόδοση με στατικό ή δυναμικό calibration του συστήματος όμως μέχρι τώρα δεν χρησιμοποιείται για εκτίμηση απόστασης σε εφαρμογές όπου nodes έχουν μεγάλη απόσταση μεταξύ τους ή μας ενδιαφέρει να έχουμε μεγάλη ακρίβεια προσέγγισης της απόστασης [48].

#### Propagation Time

Σε αυτήν την κατηγορία εκτίμησης απόστασης μεταξύ nodes - η οποία βασίζεται σε χρονικές μετρήσεις της διάδοσης του σήματος - κατά κύριο λόγο χρησιμοποιούνται δύο βασικές τεχνικές, η Time of Arrival (ToA) και η Time Difference of Arrival (TDoA) [44].

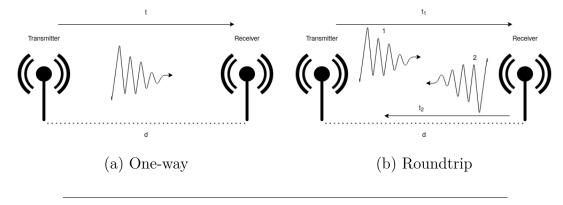


FIGURE 2.4: Time of Arrival cases

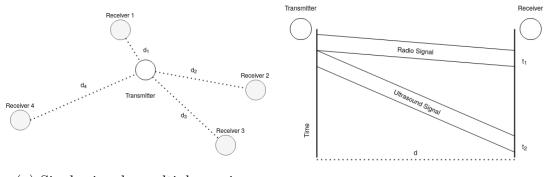
Θα ξεκινήσουμε με μία σύντομη περιγραφή της ToA. Από την κινηματική γνωρίζουμε την σχέση (2.3), η οποία συσχετίζει την ταχύτητα κίνησης ενός σώματος V ως το πηλίκο της μεταβολής της θέσης ds - που έκανε το σώμα, προς τον χρόνο dt που χρειάστηκε για να πραγματοποιηθεί η μεταβολή [49].

$$V = \frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} \tag{2.3}$$

$$d = s(t_b - t_a) \tag{2.4}$$

Αξιοποιώντας την (2.3) ως αρχή, μπορούμε να καταλήξουμε στην (2.4) για να εκτιμήσουμε την απόσταση d που βρίσκονται δύο nodes μεταξύ τους, αν ένα κύμα κινείται με ταχύτητα s και χρειάστηκε χρόνο t για να μεταδοθεί από το ένα node στο άλλο. Στο Figure 2.4 (a) απεικονίζεται σχηματικά αυτό, όπου  $t=t_b-t_a$  με  $t_b$  η χρονική στιγμή που φτάνει το κύμα στο receiver και  $t_a$  η χρονική στιγμή η οποία ξεκινάει από τον transmitter. Σε περίπτωση που μιλάμε για Radio Frequency (RF) η ταχύτητα μετάδοσης του κύματος είναι ίση με την ταχύτητα μετάδοσης του φωτός  $c_o$ , το οποίο σε  $1\mu s$  διανύει περίπου 300m. Με βάση αυτό, μπορούμε εύκολα να καταλάβουμε ότι για να έχουμε ακριβή αποτελέσματα είναι αρκετά σημαντικό τα clocks των δύο nodes να είναι απόλυτα συγχρονισμένα για να μην έχουμε error απόκλισης, πράγμα που απαιτεί να κάνουμε το συνολικό σύστημα αρκετά πιο πολύπλοκο σχεδιαστικά ώστε η απόκλιση μας να είναι σε ανεκτά σημεία για την εφαρμογή [44] [45].

Μπορούμε να το παραχάμψουμε αυτό, με το να γίνει η μέτρηση σε roundtrip μετάδοση, Figure 2.4 (b). Σε αυτήν την περίπτωση το ένα node στέλνει ένα σήμα, και μόλις το λάβει ένα γειτονικό node, απαντάει πίσω στο πρώτο. Με αυτόν τον τρόπο η μέτρηση του χρόνου εχκίνησης και άφιξης του σήματος γίνονται στο ίδιο node - άρα δεν χρειάζεται συγχρονισμός, και η πραγματική απόσταση είναι η μισή από αυτή που θα υπολογιστεί. Ο κύριος παράγοντας σφάλματος σε αυτή την μέθοδο, είναι ο υπολογισμός του χρόνου που χρειάστηκε το δεύτερο node για να διαχειριστεί το σήμα που έλαβε και να απαντήσει. Αυτό το internal delay μπορεί να είναι είτε γνωστό από ένα a priori calibration, είτε μπορεί να μετριέται και να στέλνεται μαζί με το σήμα απάντησης - ώστε να αφαιρείται από τον χρόνο μετάδοσης του κύματος [45].



(a) Single signal - multiple receivers

(b) Multiple signals - single receiver

Figure 2.5: Time Difference of Arrival cases

Όσον αφορά την τεχνική ΤDoA, και σε αυτήν την περίπτωση υπάρχουν δύο παραλλαγές της [44] - όπου και οι δύο είναι βασισμένες στην αρχή το ότι δεν μας ενδιαφέρει η χρονική στιγμή που ξεκίνησε η αποστολή ενός σήματος, αλλά μόνο οι χρονική στιγμή που το λάβαμε. Η πρώτη περίπτωση σχετίζεται με single signal και multiple

receivers και παρουσιάζεται στο figure 2.5 (a), η οποία χρησιμοποιείται συνήθως στα cellular network και απαιτεί την ύπαρξη τουλάχιστον 4 beacons για τον υπολογισμό της θέσης ενός free node στον τρισδιάστατο χώρο. Υπολογίζει την χρονική διαφορά που έφτασε σε καθένα από τα beacons το σήμα που έστειλε το free node, για τον υπολογισμό της απόστασης του free node από το καθένα από αυτά. Σημαντικό σε αυτήν την περίπτωση είναι και εδώ, να είναι απόλυτα συγχρονισμένα τα beacons. Η γενική ιδέα σε αυτήν την περίπτωση περιγράφεται στην εξίσωση (2.5) [45] [50] - και αυτό που θέλουμε, είναι να υπολογίσουμε την θέση του  $r_t$  (free node) γνωρίζοντας για κάθε δύο διαφορετικά  $r_i$  και  $r_j$  beacon nodes την χρονική στιγμή  $t_i$  και  $t_j$  που έφτασε το σήμα στο καθένα - εάν αυτό κινούταν με ταχύτητα s.

$$\Delta t_{ij} \triangleq t_i - t_j = \frac{1}{s} (\|r_i - r_t\| - \|r_j - r_t\|), \quad i \neq j$$
 (2.5)

Η δεύτερη εκδοχή της χρήσης TDoA - η οποία είναι πιο συχνή στα WSN και αναλύεται παρακάτω, χρησιμοποιεί multiple signals με single receiver και παρουσιάζεται στο figure 2.5 (b). Αρχή λειτουργίας έχει ότι ο transmitter θα στείλει πολλαπλά διαφορετικού είδους σήματα και ο δέκτης θα μετρήσει την χρονική διαφορά που τα έλαβε. Ως παράδειγμα μπορεί το ένα σήμα να είναι σε RF και να κινείται με ταχύτητα  $s_r=c_o$  και το άλλο ηχητικό με ταχύτητα  $s_s\approx 340m/s$ . Αν  $t_1$  τη χρονική στιγμή που λαμβάνει το RF σήμα ενώ  $t_2$  το ηχητικό, μπορούμε να υπολογίσουμε την απόσταση μεταξύ των κόμβων από την εξίσωση (2.6) [44].

$$d = (s_r - s_s)(t_2 - t_1) \tag{2.6}$$

Θετικό σε αυτήν την μέθοδο είναι ότι το error μπορεί να είναι της τάξης των μερικών cm, όμως αρχικά απαιτεί επιπλέον εξοπλισμό στο node - ώστε να μπορεί να στείλει και να λάβει πολλαπλά είδη σήματος - πράγμα που μπορεί να το κάνει αντιοικονομικό ή αρκετά μεγαλύτερο σε διαστάσεις από το επιθυμητό. Όπως επίσης - και μάλιστα σημαντικότερο - η απόσταση η οποία μπορεί να χρησιμοποιηθεί, επηρεάζεται σε μεγάλο βαθμό από τα χαρακτηριστικά του δεύτερου σήματος. Ως παράδειγμα τα ηχητικά σήματα δεν μπορούν να μεταφερθούν σε μεγάλες αποστάσεις ή το ότι η ταχύτητα τους μπορεί να επηρεαστεί σημαντικά από περιβαλλοντολογικούς παράγοντες [43].

#### 2.1.2 Angle

Άλλη μία χρήσιμη μέτρηση η οποία μας ενδιαφέρει, είναι η εκτίμηση της γωνίας από την οποία λαμβάνουμε το σήμα ενός γειτονικού node σε σχέση με έναν άξονας αναφοράς. Ο άξονας αυτός μπορεί να είναι είτε κοινώς για όλα τα nodes (π.χ. ως προς το βόρειο γεωγραφικό πόλο), είτε μπορεί να είναι για το κάθε node ξεχωριστός, ως παράδειγμα με βάση τον προσανατολισμό του ίδιου του node ή με βάση την γωνία λήψης ενός επιπλέον σήματος [44].

TODO:

#### 2.2 Position Computation

Αν έχουμε δύο nodes, οι μετρήσεις που λάβαμε από το section 2.1 είναι αρχετές για να γνωρίζουμε την θέση του καθενός, συνεπώς ενδιαφέρον βρίσκεται στην ύπαρξη τριών ή παραπάνω nodes σε ένα σύστημα. Με βάση τις πληροφορίες που έχουμε συλλέξει - μέσω των τεχνικών που περιγράφτηκαν στο προηγούμενο κεφάλαιο - θα προσπαθήσουμε πλέον να εκτιμήσουμε την θέση ενός node. Στην συνέχεια αυτού του section περιγράφονται μέθοδοι οι οποίοι μπορούν να χρησιμοποιηθούν για να το επιτύχουν αυτό. Κύρια διαφορά τους είναι η απόδοση που μπορεί να έχουν, η οποία όμως σχετίζεται με την αύξηση της πολυπλοκότητας στους υπολογισμούς που θα χρειαστούν καθώς επίσης και ποιες από τις παραπάνω πληροφορίες θα εκμεταλλευτούν.

Για την εύρεση της θέσης ενός unknown node στο τρισδιάστατο χώρο ως ελάχιστο χρειαζόμαστε τέσσερα επιπλέον nodes. Στις παρακάτω περιγραφές όμως, και χωρίς βλάβη της γενικότητας θα χρησιμοποιηθούν τρία για την απλούστευση της περιγραφής, με την παραδοχή ότι μας ενδιαφέρει η δισδιάστατη ανάλυση.

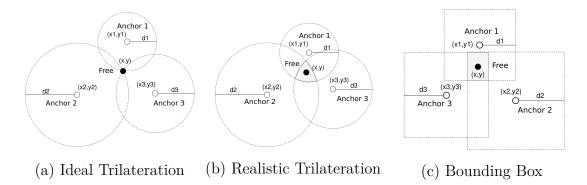


Figure 2.6: Position Computation using distance

#### **Trilateration**

Η συγκεκριμένη μέθοδος είναι ίσως η πιο απλή διαισθητικά, βασίζεται στην γεωμετρία κύκλων, είναι αυτή που χρησιμοποιείται από τα GPS για τον υπολογισμό θέσης, ενώ αξιοποιεί μόνο πληροφορία απόστασης και όχι γωνίας [51]. Η εξίσωση ενός κύκλου από την γεωμετρία γνωρίζουμε ότι περιγράφεται από την εξίσωση (2.7) όπου  $(x_i, y_i)$  οι συντεταγμένες του κέντρο του κύκλου με ακτίνα  $d_i$ .

$$(x - x_i)^2 + (y - y_i)^2 = d_i^2 (2.7)$$

Εάν χρησιμοποιούμε μη κατευθυντήριες κεραίες και υπολογίσουμε την απόσταση ενός beacon από το node στο οποίο θέλουμε να υπολογίσουμε την θέση του - τότε μπορούμε να συμπεράνουμε ότι το free node είναι κάπου πάνω στην περιφέρεια ενός κύκλου, με κέντρο το beacon και ακτίνα την απόσταση μεταξύ του beacon και του free node. Επαναλαμβάνοντας αυτό για ακόμα δύο beacons, τελικά το free node στο δισδιάστατο επίπεδο θα πρέπει να βρίσκεται στην τομή των τριών κύκλων, πράγμα που γραφικά απεικονίζεται στο figure 2.6 (a).

$$x^{2} - 2x_{1}x + x_{1}^{2} + y^{2} - 2y_{1}y + y_{1}^{2} = d_{1}^{2}$$
(2.8)

$$x^{2} - 2x_{2}x + x_{2}^{2} + y^{2} - 2y_{2}y + y_{2}^{2} = d_{2}^{2}$$
(2.9)

$$x^{2} - 2x_{3}x + x_{3}^{2} + y^{2} - 2y_{3}y + y_{3}^{2} = d_{3}^{2}$$
(2.10)

Οι εξισώσεις (2.8), (2.9) και (2.10) περιγράφουν πλήρως τους κύκλους του κάθε node από το παράδειγμα του figure 2.6 (a), όπου  $(x_i,y_i)$  το κέντρο του κύκλου,  $d_i$  η ακτίνα του - για κάθε beacon i=1,2,3 και τελικά (x,y) οι συντεταγμένες του free nodes τις οποίες και ψάχνουμε. Ένας τρόπος να υπολογίσουμε τις συντεταγμένες αυτές είναι να αφαιρέσουμε από την (2.9) την (2.8) και όμοια από την (2.10) την (2.9) ώστε να καταλήξουμε στις παρακάτω δύο εξισώσεις [52].

$$(-2x_1 + 2x_2)x + (-2y_1 + 2y_2)y = d_1^2 - d_2^2 - x_1^2 + x_2^2 - y_1^2 + y_2^2$$
$$(-2x_2 + 2x_3)x + (-2y_2 + 2y_3)y = d_2^2 - d_3^2 - x_2^2 + x_3^2 - y_2^2 + y_3^2$$

Ο λόγος που κάναμε το παραπάνω βήμα είναι διότι πλέον μπορούμε εύκολα να θεωρήσουμε τους παρακάτω πίνακες.

$$A = \begin{bmatrix} -2x_1 + 2x_2 & -2y_1 + 2y_2 \\ -2x_2 + 2x_3 & -2y_2 + 2y_3 \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} d_1^2 - d_2^2 - x_1^2 + x_2^2 - y_1^2 + y_2^2 \\ d_2^2 - d_3^2 - x_2^2 + x_3^2 - y_2^2 + y_3^2 \end{bmatrix}$$

Με την χρήση των οποίων καταλήγουμε ότι έχουμε να λύσουμε το γραμμικό σύστημα πινάκων που περιγράφεται από την εξίσωση (2.11) για τον υπολογισμό των συντεταγμένων (x,y) του free node οι οποίες μας ενδιαφέρουν.

$$AX = B \tag{2.11}$$

Όπως αναφέρθηκε και στις προηγούμενες ενότητες, ο υπολογισμός της απόστασης πολύ πιθανόν να περιλαμβάνει μια μικρή απόκλιση  $d_i'=d_i-\varepsilon$ , με το ε συχνά να θεωρείται μία ανεξάρτητη κανονική τυχαία μεταβλητή με μηδενικό μέσο. Αυτό σημαίνει ότι τότε οι κύκλοι δεν έχουν ένα κοινό σημείο τομής, αλλά το free node βρίσκεται κάπου μέσα στο χωρίο επικάλυψης των τριών κύκλων, σχηματικά αυτό παρουσιάζεται στο figure 2.6 (b) και σε αυτήν την περίπτωση καταλήγουμε σε ένα μη πεπερασμένο πλήθος λύσεων, με τη συνάρτηση του κάθε κύκλου να περιγράφεται από την εξίσωση (2.12) [44].

$$(x - x_i)^2 + (y - y_i)^2 = d_i^2 - e (2.12)$$

**Bounding Box** 

Triangulation

Multilateration

Probabilistic approaches

#### 2.3 Localization Algorithm

# Related Work

"This is where technology is now, imagine where we can go in the future"

Timothy Chung

### 3.1 Thesis Approach

This should be the last section

# Design Features and Implementation

Applications and Usage Examples

# **Experiments and Results**

## Conclusions and Future Work

#### References

- [4] Suraj G Gupta, Dr Ghonge, Pradip M Jawandhiya, et al. "Review of unmanned aircraft system (UAS)". In: International Journal of Advanced Research in Computer Engineering & Technology (IJARCET) Volume 2 (2013). URL: http://refhub.elsevier.com/S0376-0421(16)30134-8/sbref2.
- [7] M. Hassanalian and A. Abdelkefi. "Classifications, applications, and design challenges of drones: A review". In: *Progress in Aerospace Sciences* 91 (2017), pp. 99-131. ISSN: 0376-0421. DOI: https://doi.org/10.1016/j.paerosci. 2017.04.003. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0376042116301348.
- [8] Anam Tahir et al. "Swarms of Unmanned Aerial Vehicles A Survey". In: Journal of Industrial Information Integration 16 (2019), p. 100106. ISSN: 2452-414X. DOI: https://doi.org/10.1016/j.jii.2019.100106. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S2452414X18300086.
- [25] S. Milani and A. Memo. "Impact of drone swarm formations in 3D scene reconstruction". In: (2016), pp. 2598–2602. DOI: 10.1109/ICIP.2016. 7532829.
- [39] Axel Bürkle, Florian Segor, and Matthias Kollmann. "Towards Autonomous Micro UAV Swarms". In: *Journal of Intelligent & Robotic Systems* 61.1 (2011), pp. 339–353. ISSN: 1573-0409. DOI: 10.1007/s10846-010-9492-x. URL: https://doi.org/10.1007/s10846-010-9492-x.
- [40] Eleftheria Mitka and Spyros Mouroutsos. "Classification of Drones". In: American Journal of Engineering research 6 (July 2017), pp. 36–41.
- [43] Muhammad Farooq i Azam and Muhammad Naeem Ayyaz. Location and Position Estimation in Wireless Sensor Networks. 2016. arXiv: 1611.03420 [cs.NI].
- [44] A. Boukerche et al. "Localization systems for wireless sensor networks". In: *IEEE Wireless Communications* 14.6 (2007), pp. 6–12. DOI: 10.1109/MWC. 2007.4407221.
- [45] Guoqiang Mao, Barış Fidan, and Brian D.O. Anderson. "Wireless sensor network localization techniques". In: *Computer Networks* 51.10 (2007), pp. 2529 –2553. ISSN: 1389-1286. DOI: https://doi.org/10.1016/j.comnet.2006.

30 References

11.018. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1389128606003227.

- [46] R. Peng and M. L. Sichitiu. "Angle of Arrival Localization for Wireless Sensor Networks". In: 2006 3rd Annual IEEE Communications Society on Sensor and Ad Hoc Communications and Networks. Vol. 1. 2006, pp. 374–382. DOI: 10.1109/SAHCN.2006.288442.
- [47] K. Benkic et al. "Using RSSI value for distance estimation in wireless sensor networks based on ZigBee". In: (2008), pp. 303–306. DOI: 10.1109/IWSSIP. 2008.4604427.
- [48] Miroslav Botta and Milan Simek. "Adaptive Distance Estimation Based on RSSI in 802.15.4 Network". In: *Radioengineering* 22 (Dec. 2013), pp. 1162–1168.
- [50] Brian O'Keefe. "Finding Location with Time of Arrival and Time Difference of Arrival Techniques". In: *ECE Senior Capstone Project* (2017). URL: https://sites.tufts.edu/eeseniordesignhandbook/files/2017/05/FireBrick\_OKeefe\_F1.pdf.

#### External Links

- [1] Matt Satell. *Ultimate List of Drone Stats for 2020*. July 2020. URL: https://www.phillybyair.com/blog/drone-stats/ (visited on 11/2020).
- [2] Business Insider Intelligence. Drone market outlook: industry growth trends, market stats and forecast. Mar. 2020. URL: https://www.businessinsider.com/drone-industry-analysis-market-trends-growth-forecasts (visited on 11/2020).
- [3] Concepción de León. Drone Delivery? Amazon Moves Closer With F.A.A. Approval. Aug. 2020. URL: https://www.nytimes.com/2020/08/31/business/amazon-drone-delivery.html (visited on 11/2020).
- [5] Unmanned aerial vehicle. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Unmanned\_aerial\_vehicle (visited on 11/2020).
- [6] List of unmanned aerial vehicles. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/List\_of\_unmanned\_aerial\_vehicles (visited on 11/2020).
- [9] A Guide to Fixed Wing Drones. URL: https://www.coptrz.com/a-guide-to-fixed-wing-drones/ (visited on 11/2020).
- [10] Aircraft principal axes. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Aircraft\_principal\_axes (visited on 11/2020).
- [11] *Microcontroller*. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Microcontroller (visited on 11/2020).
- [12] *Microprocessor*. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Microprocessor (visited on 11/2020).
- [13] Electronic speed control. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Electronic\_speed\_control (visited on 11/2020).
- [14] Inertial measurement unit. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/ Inertial\_measurement\_unit (visited on 11/2020).
- [15] SenseLAB Research. URL: http://senselab.tuc.gr/ (visited on 11/2020).
- [16] TUC Researcher's Night 2020: Drones, Satellites, and more ... Nov. 2020.

  URL: https://www.youtube.com/watch?v=9ZZW-XQKGlw&feature=youtu.

  be&fbclid=IwAR2VdxWuFOwiCbEdEGJcBDxapixuPtExsViDCoBEPQLnU8YQLg3hGRBn47w

  (visited on 11/2020).

32 External Links

[17] Optimized flocking of autonomous drones in confined environments. July 2018. URL: https://www.youtube.com/watch?v=E4XpyG4eMKE (visited on 11/2020).

- [18] An autonomous swarm of flying robots. Feb. 2014. URL: https://www.youtube.com/watch?v=W7yJx\_IY9Mg (visited on 11/2020).
- [19] Drone Swarm performance and applications. 6. URL: https://www.embention.com/news/drone-swarm-performance-and-applications/ (visited on 11/2020).
- [20] Malek Murison. The Potential of Drone Swarms. Apr. 2019. URL: https://blog.dronebase.com/the-potential-of-drone-swarms (visited on 11/2020).
- [21] Swarm robotics. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Swarm\_robotics (visited on 11/2020).
- [22] Controlling Robotic Swarms. Dec. 2014. URL: https://www.youtube.com/watch?v=stzQNjtDgOg (visited on 11/2020).
- [23] Kargu The Kamikaze Drones Getting Ready For The Swarm Operation. July 2019. URL: https://www.youtube.com/watch?v=3d28APIfwSI (visited on 11/2020).
- [24] A Swarm of Nano Quadrotors. Pennsylvania, Jan. 2012. URL: https://www.youtube.com/watch?v=YQIMGV5vtd4 (visited on 11/2020).
- [26] How Intel Made Its World Record-Breaking Drone Show. July 2018. URL: https://www.youtube.com/watch?v=zdLjoqa\_oUs (visited on 11/2020).
- [27] Ford Motor Company | Firefly Drone Shows. Aug. 2019. URL: https://www.youtube.com/watch?v=Bdsr1cojSxo (visited on 11/2020).
- [28] A swarm of mini drones makes ... magic! / Marco Tempest. URL: https://www.youtube.com/watch?v=u2bQSKvZ2qI (visited on 12/2020).
- [29] Hollywood welcomes drones to the set. Jan. 2015. URL: https://www.youtube.com/watch?v=GXhlgNHK14s (visited on 12/2020).
- [30] 3D MAPPING with a DJI Phantom & Drone Deploy. Aug. 2016. URL: https://www.youtube.com/watch?v=SATijfXnshg (visited on 12/2020).
- [31] DJI M300 RTK Coordinating Police Missions from the Sky. May 2020. URL: https://www.youtube.com/watch?v=FpkEsmU1NEo (visited on 12/2020).
- [32] Drones for Disaster Management (Nepal Earthquake). Aug. 2015. URL: https://www.youtube.com/watch?v=xYrhAoX2H8I (visited on 12/2020).
- [33] Drone Search and Rescue Wake Forest Fire Department. June 2018. URL: https://www.youtube.com/watch?v=Ih\_ayi318X0 (visited on 12/2020).

External Links 33

[34] Amazon gets FAA approval to operate a fleet of delivery drones. Aug. 2020. URL: https://www.youtube.com/watch?v=beZ8iKGuDeo (visited on 12/2020).

- [35] Unmanned combat aerial vehicle. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/ Unmanned\_combat\_aerial\_vehicle (visited on 11/2020).
- [36] Military robot. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Military\_robot (visited on 11/2020).
- [37] ISR Unmanned Aerial Vehicles. URL: https://www.militaryfactory.com/aircraft/uav-intelligence-surveillance-reconnaissance.asp (visited on 12/2020).
- [38] List of unmanned aerial vehicle applications. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/List\_of\_unmanned\_aerial\_vehicle\_applications (visited on 11/2020).
- [41] Drone Swarms: The Buzz of the Future. Nov. 2015. URL: https://www.youtube.com/watch?v=0so5Fc6B7W4 (visited on 11/2020).
- [42] Wireless sensor network. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Wireless\_sensor\_network (visited on 12/2020).
- [49] Kinematics. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Kinematics (visited on 12/2020).
- [51] Trilateration vs Triangulation How GPS Receivers Work. Dec. 2020. URL: https://gisgeography.com/trilateration-triangulation-gps/ (visited on 12/2020).
- [52] John Wedding. Find X location using 3 known (X,Y) location using trilateration. 7. URL: https://math.stackexchange.com/questions/884807/ find-x-location-using-3-known-x-y-location-using-trilateration (visited on 12/2020).