强化学习2024 第5节

涉及知识点:

规划与学习之入门算法和介绍、规划与学习之采样方法、规划与学习之决策时规划

基于规划的强化学习

张伟楠 - 上海交通大学

2024年上海交通大学ACM班强化学习课程大纲

强化学习基础部分

(中文课件)

- 1. 强化学习、探索与利用
- 2. MDP和动态规划
- 3. 值函数估计
- 4. 无模型控制方法
- 5. 规划与学习
- 6. 参数化的值函数和策略
- 7. 规划与学习
- 8. 深度强化学习价值方法
- 9. 深度强化学习策略方法

强化学习前沿部分

(英文课件)

- 9. 基于模型的深度强化学习
- 10. 离线强化学习
- 11. 模仿学习
- 12. 多智能体强化学习基础
- 13. 多智能体强化学习前沿
- 14. 基于扩散模型的强化学习
- 15. AI Agent与决策大模型
- 16. 技术交流与回顾

课程回顾

基于模型的动态规划

- □ 值迭代 $V(s) = r(s) + \max_{a \in A} \gamma \sum_{s' \in S} P_{sa}(s') V(s')$
- □ 策略迭代 $\pi(s) = \arg \max_{a \in A} \sum_{s' \in S} P_{sa}(s')V(s')$

无模型的强化学习

- □ 在线策略蒙特卡洛 $V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha(g_t V(s_t))$
- □ 在线策略时序差分 $V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha(r_{t+1} + \gamma V(s_{t+1}) V(s_t))$
- 在线策略时序差分 SARSA学习

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow Q(s_t, a_t) + \alpha(r_{t+1} + \gamma Q(s_{t+1}, a_{t+1}) - Q(s_t, a_t))$$

□ 离线策略时序差分 Q-学习

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow Q(s_t, a_t) + \alpha(r_{t+1} + \gamma \max_{a'} Q(s_{t+1}, a') - Q(s_t, a_t))$$

"思想总是走在行动的前面,就好像闪电总是走在雷鸣之前。"

德国诗人海涅



温故而知新: 策略评估与策略提升

讲师:张伟楠 - 上海交通大学

策略值函数估计(Policy Evaluation)

给定环境MDP和策略π,策略值函数估计如下

状态价值
$$V^{\pi}(s) = \mathbb{E}[r(S_0, A_0) + \gamma r(S_1, A_1) + \gamma^2 r(S_2, A_2) + \cdots | S_0 = s, \pi]$$

$$= \mathbb{E}_{a \sim \pi(s)} \left[r(s, a) + \gamma \sum_{s' \in S} P_{s\pi(s)}(s') V^{\pi}(s') \right]$$

$$= \mathbb{E}_{a \sim \pi(s)}[Q^{\pi}(s, a)]$$

动作价值
$$Q^{\pi}(s,a) = \mathbb{E}[r(S_0,A_0) + \gamma r(S_1,A_1) + \gamma^2 r(S_2,A_2) + \cdots | S_0 = s, A_0 = a,\pi]$$

$$= r(s,a) + \gamma \sum_{s' \in S} P_{s\pi(s)}(s') V^{\pi}(s')$$

策略提升(Policy Improvement)

- □ 对于两个策略 π , π' , 如果满足如下性质, π' 是 π 的策略提升:
 - 对于任何状态s,有

$$Q^{\pi}(s,\pi'(s)) \ge V^{\pi}(s)$$

以 π 来记回报

- □ 一种特例:给定环境MDP和两个策略 π , π' , 如果满足如下性质:
 - 1. 在某个状态s下,两策略的输出不同,并且有

$$\pi'(s) \neq \pi(s) \qquad Q^{\pi}(s, \pi'(s)) > Q^{\pi}(s, \pi(s)) = V^{\pi}(s)$$

2. 在其他所有状态s'下,两策略输出相同,即

$$\pi'(s') = \pi(s')$$
 $Q^{\pi}(s, \pi'(s)) = Q^{\pi}(s, \pi(s)) = V^{\pi}(s)$

那么 π' 是 π 的一种策略提升

策略提升定理(Policy Improvement Theorem)

- □ 对于两个策略 π , π' , 如果满足如下性质, π' 是 π 的策略提升:
 - 对于任何状态s,有

$$Q^{\pi}(s,\pi'(s)) \ge V^{\pi}(s)$$

以 π 来记回报

□ 进而 , π和π'满足:对任何状态s , 有

也即是 π' 的策略价值(期望回报)超过 π , π' 比 π 更加优秀。

策略提升定理(Policy Improvement Theorem)

- □ 对于两个策略 π , π' , 如果满足如下性质, π' 是 π 的策略提升:
 - 对于任何状态s, 有 $Q^{\pi}(s,\pi'(s)) \ge V^{\pi}(s)$, 因此有 $V^{\pi'}(s) \ge V^{\pi}(s)$

□ 证明:

$$V^{\pi}(s) \leq Q^{\pi}(s, \pi'(s))$$

$$= \mathbb{E}_{\text{Env}}[R_t + \gamma V^{\pi}(S_{t+1})|S_t = s, A_t = \pi'(s)]$$

$$= \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma V^{\pi}(S_{t+1})|S_t = s]$$

$$\leq \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma Q^{\pi}(S_{t+1}, \pi'(S_{t+1}))|S_t = s]$$

$$= \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma \mathbb{E}_{\text{Env}}[R_{t+1} + \gamma V^{\pi}(S_{t+2})|S_{t+1}, A_{t+1} = \pi'(S_{t+1})]|S_t = s]$$

$$= \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma R_{t+1} + \gamma^2 V^{\pi}(S_{t+2})|S_t = s]$$

$$\leq \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma R_{t+1} + \gamma^2 R_{t+2} + \gamma^3 V^{\pi}(S_{t+3})|S_t = s]$$

$$\cdots$$

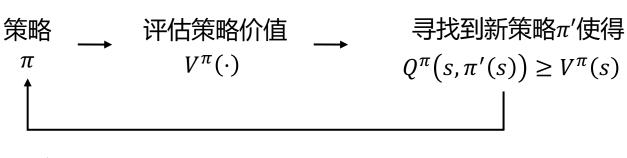
$$\leq \mathbb{E}_{\pi'}[R_t + \gamma R_{t+1} + \gamma^2 R_{t+2} + \gamma^3 R_{t+3} + \cdots |S_t = s]$$

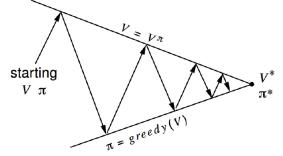
$$= V^{\pi}(s)$$

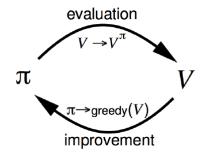
策略提升定理(Policy Improvement Theorem)

- □ 对于两个策略 π , π' , 如果满足如下性质, π' 是 π 的策略提升:
 - 对于任何状态s , 有 $Q^{\pi}(s,\pi'(s)) \geq V^{\pi}(s)$
 - 因此有 $V^{\pi'}(s) \geq V^{\pi}(s)$
- □ 策略提升定理带给我们的启示

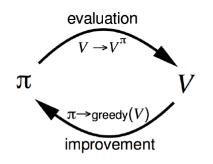
[找到(s, a)使得 $Q^{\pi}(s, a) \ge V^{\pi}(s)$]







价值评估指导 策略提升



价值评估指导策略提升 那么如何更加精准地估计价值呢?

规划与学习: 入门介绍和算法

讲师:张伟楠 - 上海交通大学



Contents

01 模型是什么

02 规划是什么

03 规划和学习

04 Dyna 算法

模型 (Model)

- □ 给定一个状态和动作,模型能够预测下一个状态和奖励的分布: 即 $p(s',r \mid s,a)$
 - s,a: 给定的状态和动作
 - r: 奖励
 - s':下一个状态

模型的分类

- □ 分布模型(distribution model)
 - 描述了轨迹的所有可能性及其概率
- □ 样本模型(sample model)
 - 根据概率进行采样,只产生一条可能的轨迹

模型(Model)

举例

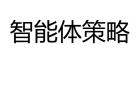
- □ 掷骰子(Dozen Dice Games)
 - 分布模型
 - 得到骰子数字总和的所有可能性及其概率
 - 样本模型
 - 只采样得到一种骰子数字总和



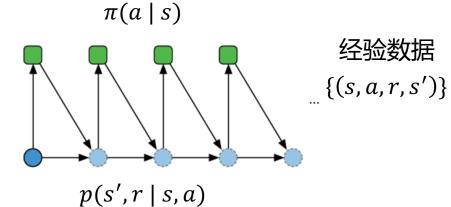
经验数据

模型的作用

□ 得到模拟的经验数据(simulated experiences)







Env. model

规划(Planning)

□ 输入一个模型,输出一个策略的搜索过程

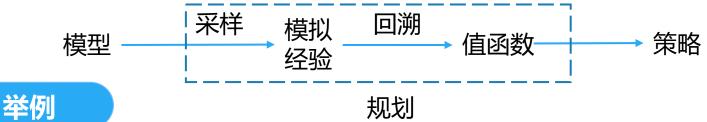
规划的分类

- □ 状态空间的规划 (state-space planning)
 - 在状态空间搜索最佳策略,本课程主要围绕这种
- □ 规划空间的规划 (plan-space planning)
 - 在规划空间搜索最佳策略,包括遗传算法和偏序规划
 - 这时,一个规划就是一个动作集合以及动作顺序的约束
 - 这时的状态就是一个规划,目标状态就是能完成任务的规划

规划(Planning)

规划的通用框架

- □ 通过模型采样得到模拟数据
- □ 利用模拟数据更新值函数从而改进策略



- □ 动态规划
 - 搜索整个状态空间, 生成所有的状态转移分布
 - 状态转移分布回溯更新状态的值函数

规划的好处

- □ 任何时间点可以被打断或者重定向
- □ 在复杂问题下,进行小而且增量式的时间步规划是很有效的

规划与学习(Planning and Learning)

□ 不同点

• 规划:利用模型产生的模拟经验

• 学习:利用环境产生的真实经验

□ 相同点

- 通过回溯(back-up)更新值函数的估计
- 统一来看, 学习的方法可以用在模拟经验上

算法: 一时间步随机采样表格 Q 规划 (Q-planning)

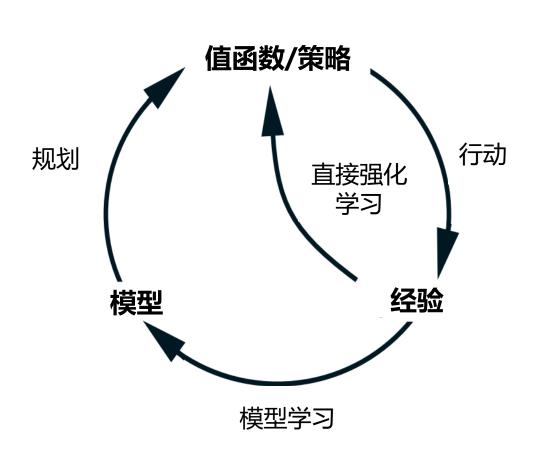
重复以下步骤:

- 1. 随机选择一个状态 $s \in S$ 和一个动作 $a \in A(S)$
- 2. 把 s,a 输入采样模型,然后获得采样得到的奖励 r 和下一个状态 s'
- 3. 对 s, a, r, s' 进行一时间步表格 Q 学习: $Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha \left[r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a) \right]$

Dyna (集成规划、决策和学习)

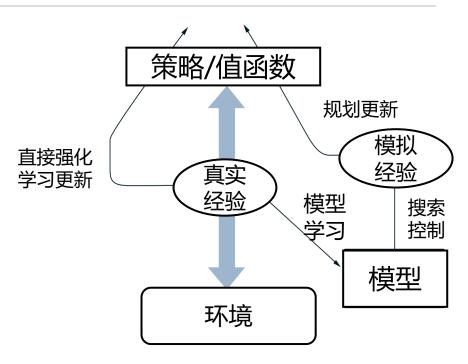
经验的不同用途

- □ 更新模型
 - 模型学习,或间接强化学习
 - 对经验数据的需求少
- □ 更新值函数和策略
 - 直接强化学习(无模型强化学习)
 - 简单且不受模型偏差的影响



Dyna的框架

- □ 和环境交互产生真实经验
- □ 左边代表直接强化学习
 - 更新值函数和策略
- □ 右下角落边代表学习模型
 - 使用真实经验更新模型
- □ 右边代表基于模型的规划
 - 基于模型随机采样得到模拟经验
 - 只从以前得到的状态动作对随机采样
 - 使用模拟经验做规划更新值函数和策略



- □ Model(s,a): 预测 (s,a) 对的下一个状态和奖励
- □ 步骤(5), (6)去掉就是一时间步表格Q学习

算法: 表格 Dyna – Q

对于所有的 $s \in S$ 和 $a \in \mathcal{A}(S)$, 初始化值函数 Q(s,a) 和模型 Model(s,a) 重复以下步骤:

- 1. 令 s ← 当前 (非终止) 状态
- 2. \Leftrightarrow *a* ← ϵ -greedy(s, Q)
- 3. 做动作 a; 得到奖励 r 和状态s'
- 4. $\Leftrightarrow Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \left[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') Q(s,a) \right]$
- 5. $\Diamond Model(s,a) \leftarrow r,s'$ (假设是确定性环境)
- 6. 重复以下步骤n次:
 - a. \Diamond s ← 随机采样之前见过的状态

 - c. $\Leftrightarrow r,s' \leftarrow Model(s,a)$
 - d. $Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \left[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') Q(s,a) \right]$

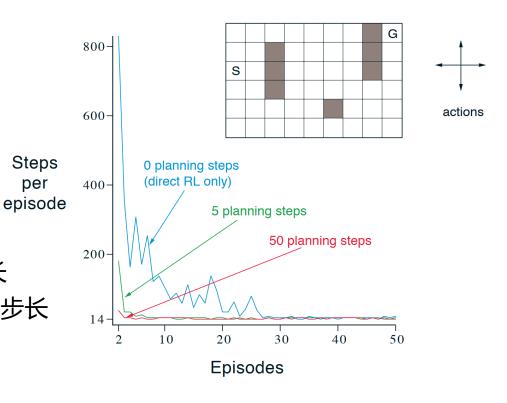
举例 1: 迷宫

□ 环境

- 4个动作(上下左右)
- 碰到障碍物和边界静止
- 到达目标(G),得到奖励+1
- 折扣因子 0.95

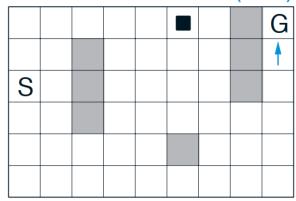
□结果

- 横轴代表游戏轮数
- 纵轴代表到达 G 花的时间步长
- 不同曲线代表采用不同的规划步长
- 规划步长越长,表现收敛越快

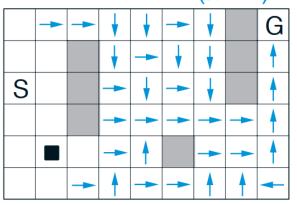


为什么更快

WITHOUT PLANNING (n=0)



WITH PLANNING (n=50)



模型不准了怎么办

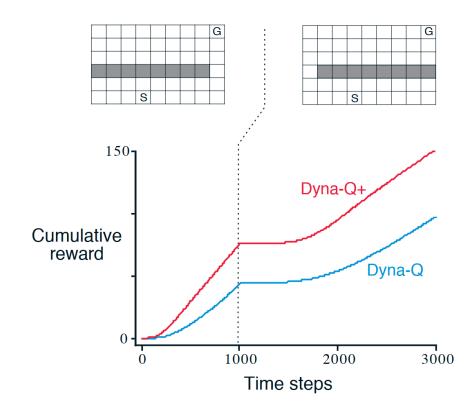
- □ 环境是随机的,并且只观察到了有限的样本
- □ 模型使用了泛化性不好的函数估计
- □ 环境改变了,并且还没有被算法检测到

举例1:阻碍迷宫

- □ 环境:
 - 1000步障碍向右移动
- □ 结果:
 - 横轴代表时间步
 - 纵轴代表累计的收益
 - Dyna-Q+加了探索

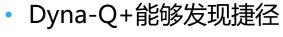
Dyna-Q+

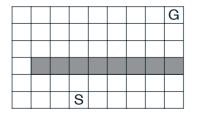
- □ 奖励更改为 $r + \mathcal{K}\sqrt{\tau}$
 - *r*: 原来的奖励
 - 光: 小的权重参数
 - τ: 某个状态多久未到达过了



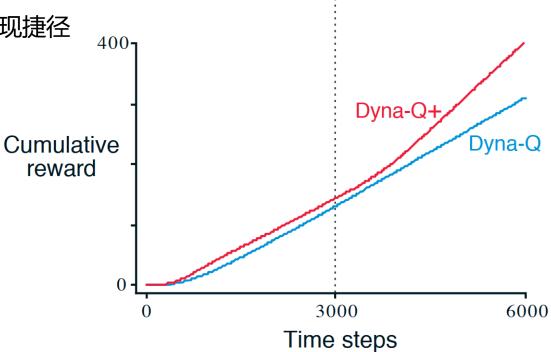
举例2: 捷径迷宫

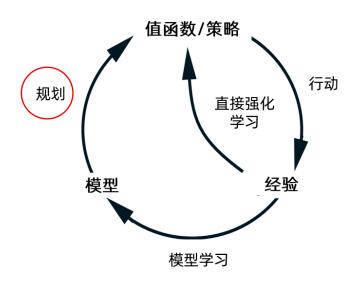
- □ 环境:
 - 3000步出现捷径
- □ 结果:









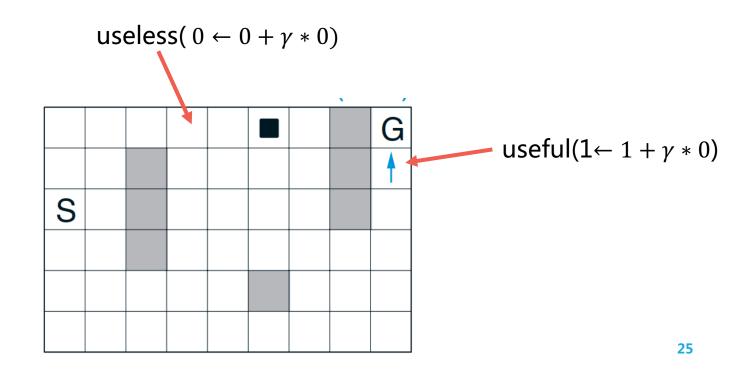


规划与学习: 采样方法

讲师:张伟楠 - 上海交通大学

常用的采样方法

- □均匀随机采样
- □ 模拟的经验和更新应集中在一些特殊的状态动作



更好的采样方法

- □ 后向聚焦 (backward focusing):
 - 很多状态的值发生变化带动前继状态的值发生变化
- □ 有的值改变很多,有的改变很少
 - 因此需要根据紧急程度,给这些更新设置优先度进行更新

优先级采样

- □ 设置优先级更新队列
 - 根据值改变的幅度定义优先级: $P \leftarrow \left| r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') Q(s, a) \right|$

采样方法:优先级采样

算法: 确定性环境中的优先级采样

对于所有的 $s \in S$ 和 $a \in \mathcal{A}(S)$,初始化值函数Q(s,a)和模 Model(s,a);初始化优先级队列PQueue为空

重复以下步骤:

- 1. 令s ← 当前 (非终止) 状态
- 2. $\diamondsuit a \leftarrow \epsilon$ -greedy(s, Q)
- 3. 做动作a;得到奖励r和状态s'

4.
$$\Leftrightarrow P \leftarrow \left| r + \gamma \max_{a'} Q(s', a') - Q(s, a) \right|$$

- 5. 如果 $P > \theta$, 将s, a以优先级P插入PQueue
- 6. 重复以下步骤n次:
 - a. $\diamondsuit s, a \leftarrow PQueue$ 队列头元素
 - b. $\Leftrightarrow r, s' \leftarrow Model(s, a)$

c.
$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha \left[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a)\right]$$

- d. 对于所有能够到达s的 \bar{s} , \bar{a} :
 - a. $令 \bar{r} \leftarrow 模型对于 \bar{s}, \bar{a}, s 预测的奖励$

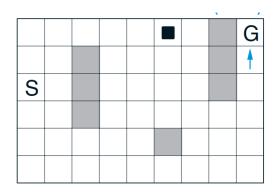
b.
$$\Rightarrow P \leftarrow \left| \bar{r} + \gamma \max_{a'} Q(s, a') - Q(\bar{s}, \bar{a}) \right|$$

c. 如果 $P > \theta$, 将 \bar{s} , \bar{a} 以优先级P插入PQueue

采样方法:优先级采样

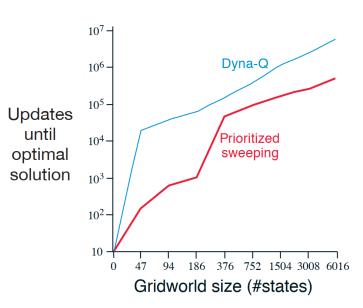
举例: 迷宫

- □ 横轴代表格子世界的大小
- □ 纵轴代表收敛到最优策略的更新次数
- □ 优先级采样收敛更快



局限性及改进

- □ 随机环境中利用期望更新 (expected updates)的方法
 - 浪费很多计算资源在一些低概率的状态转移(transitions)上
- □ 引入采样更新 (sample updates)



采样方法:期望更新和采样更新

- □ 值函数:*V(s)*
- □ 动作值函数:*Q(s,a)*
- □ 期望更新或者采样更新

比较

 $v_*(s)$

 $q_{\pi}(s,a)$

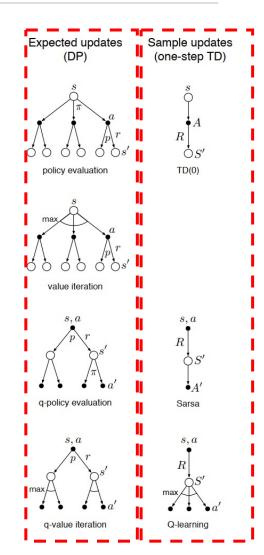
 $q_*(s,a)$

Value

estimated

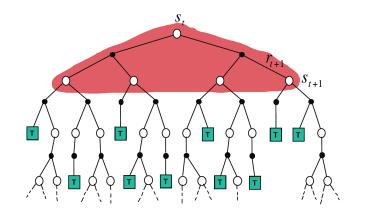
 $v_{\pi}(s)$

- □ 期望更新 $Q(s,a) \leftarrow \sum_{r} \hat{p}(s',r|s,a)[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a')]$
 - 需要分布模型
 - 需要更大的计算量
 - 没有偏差更准确
- □ 采样更新 $Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') Q(s,a)]$
 - 只需要采样模型
 - 计算量需求更低
 - 受到采样误差(sampling error)的影响



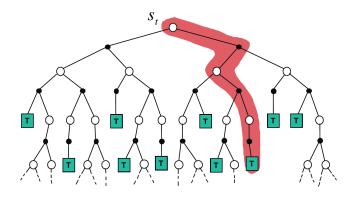
采样方法:轨迹采样

- □ 动态规划
 - 对整个状态空间进行遍历
 - 没有侧重实际需要关注的状态上
- □ 在状态空间中按照特定分布采样
 - 根据当前策略下所观测的分布进行采样



轨迹采样

- □ 状态转移和奖励由模型决定
- □ 动作由当前的策略决定



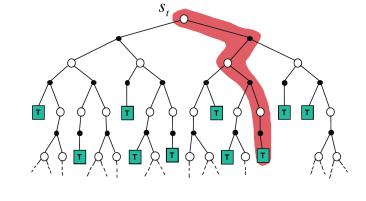
采样方法:轨迹采样

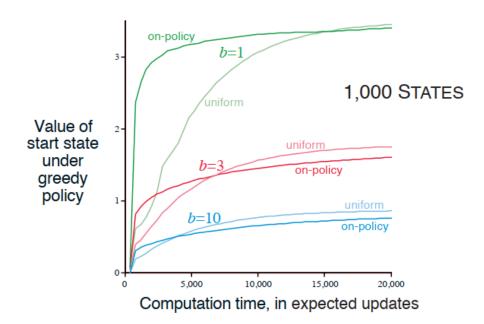
□ 优点

- 不需要知道当前策略下状态的分布
- 计算量少,简单有效

□ 缺点

• 不断重复更新已经被访问的状态





- □ 不同的分支因子下的表现
- □ 确定性环境中表现比较好

小结

- □优先级采样
 - 收敛更快
 - 随机环境使用期望更新, 计算量大
- □期望更新和采样更新
 - 期望更新计算量大但是没有偏差
 - 采样更新计算量小但是存在采样偏差
- □轨迹采样
 - 采样更新, 计算量小
 - 不断重复某些访问过的状态

规划与学习: 决策时规划

讲师:张伟楠 - 上海交通大学



01 实时动态规划

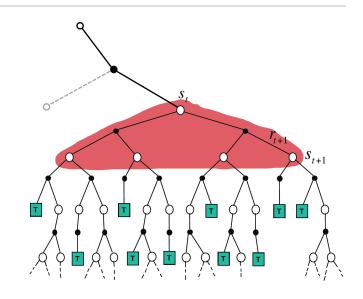
02 决策时规划

实时动态规划

- □ 和传统动态规划的区别
 - 实时的轨迹采样
 - 只更新轨迹访问的状态值

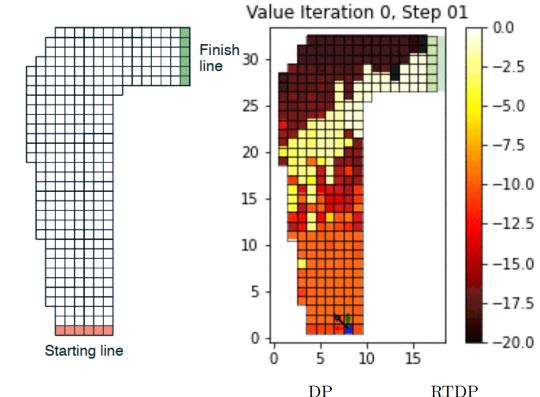


- 能够跳过策略无关的状态
- 在解决状态集合规模大的问题上具有优势
- 满足一定条件下可以以概率1收敛到最优策略



实时动态规划(RTDP)

- 跑道问题 (Racetrack)
- □ 环境:
 - 任务: 从起点跑到终点
 - 状态: 二维坐标、二维速度
 - 动作: 每维速度的+1,-1,不变
- □ 结果:
 - 可到达状态:
 - 随机策略: 9115
 - 最优策略: 599
 - 更新次数少了一半



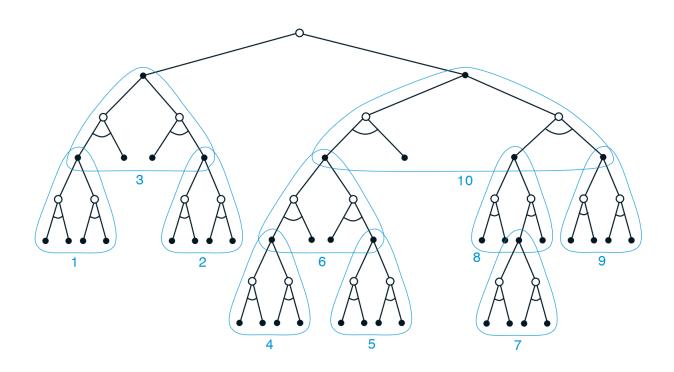
Average computation to convergence	28 sweeps	4000 episodes
Average number of updates to convergence	252,784	$127,\!600$
Average number of updates per episode		31.9
% of states updated ≤ 100 times		98.45
% of states updated ≤ 10 times		80.51
% of states updated 0 times		3.18

决策时规划

- □ 背景规划 (Background Planning)
 - 规划是为了更新很多状态值供后续动作的选择
 - 如动态规划, Dyna
- □ 决策时规划 (Decision-time Planning)
 - 规划只着眼于当前状态的动作选择
 - 在不需要快速反应的应用中很有效,如棋类游戏

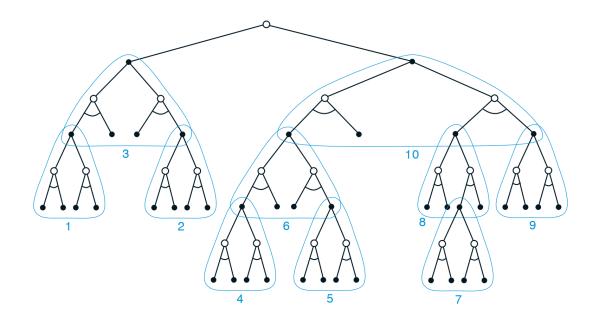
启发式搜索

- □ 访问到当前状态(根节点),对后续可能的情况进行树结构展开
- □ 叶节点代表估计的值函数
- □ 回溯到当前状态(根节点),方式类似于值函数的更新方式



启发式搜索

- □ 决策时规划,着重于当前状态
- □ 贪婪策略在单步情况下的扩展
 - 启发式搜索看多步规划下, 当前状态的最优行动
- □ 搜索越深, 计算量越大, 得到的动作越接近最优
- □ 性能提升不是源于多步更新,而是源于专注当前状态的后续可能



Rollout算法

- □ 从当前状态进行模拟的蒙特卡洛估计
- □ 选取最高估计值的动作
- □ 在下一个状态重复上述步骤

特点

- □ 决策时规划,从当前状态进行rollout
- □ 直接目的类似于策略迭代和改进,寻找更优的策略
- □ 表现取决于蒙特卡洛方法估值的准确性

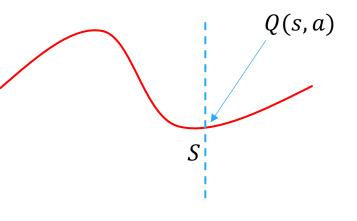
Rollout算法

时间复杂度

- \square $Time = \sum_{t=1}^{N} \sum_{t=1}^{K} [\sum_{a=1}^{A} T_{eval}(S(t), a) + T_{choose}(A)]$
 - A: 决策的动作空间
 - K: rollout 一个轨迹的平均步数
 - $T_{eval}(S(t),a)$: 在第 s 步下,估计 (s,a) 值函数的时间
 - $T_{choose}(A)$: rollout 每步做出决策的时间
 - N: rollout 轨迹的次数

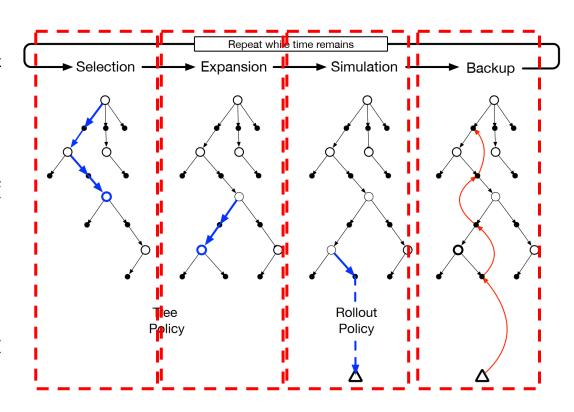
Rollout算法的加速方法

- □多个处理器并行采样
- □ 轨迹截断,用存储的值估计代替回报
- □ 剔除不可能成为最佳动作的动作



蒙特卡洛树搜索

- 1. 选择: 根据树策略(动作值函数) 遍历树到一个叶节点
- 扩展: 从选择的叶节点出发选择 未探索过的动作到达新的状态
- 3. 模拟: 从新的状态出发按照 rollout 策略进行轨迹模拟
- 4. 回溯: 得到的回报回溯更新树策略, *rollout* 访问的状态值不会被保存
- 5. 重复上述步骤直至计算资源耗尽,从根节点选择最优动作
- 6. 得到新状态, 保留原有树的新状态下的部分节点
- 7. 重复上述步骤直至游戏结束



蒙特卡洛树搜索

- □ 蒙特卡洛控制+决策时规划(类似于 rollout)
- □ 保留了过去一部分的经验数据。
 - 下一个状态树的初始树是上一个状态树具有高回报的部分

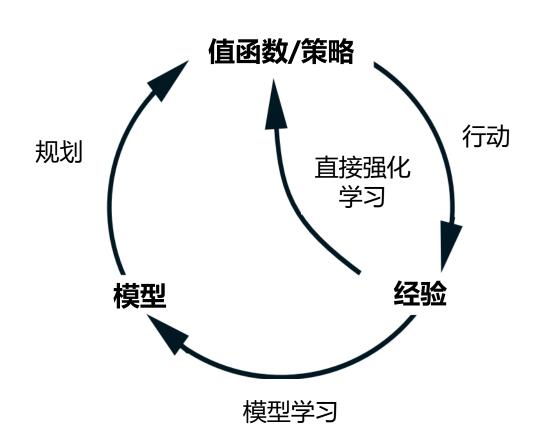
应用

- AlphaGo
 - 16 年五番棋比赛中 4:1 李世石
 - 17 年乌镇围棋峰会中 3:0 柯洁



基于规划的强化学习方法总结

- 模型和规划
- 模型是什么
- 规划是什么
- 基于模型的算法
 - Dyna
 - Dyna-Q+
- 期望更新和采样更新
 - 优先级采样
 - 轨迹采样
- 实时动态规划
- 决策时规划
 - 启发式算法
 - Rollout 算法
 - 蒙特卡洛树搜索



THANK YOU