药代转运幺半群 (PKTM) 的算子幂集算法

作者: GaoZheng日期: 2025-10-22

• 版本: v1.0.0

注: "O3理论/O3元数学理论/主纤维丛版广义非交换李代数(PFB-GNLA)"相关理论参见: 作者 (GaoZheng) 网盘分享 或 作者 (GaoZheng) 开源项目 或 作者 (GaoZheng) 主页, 欢迎访问!

摘要

在**药代转运幺半群 (PKTM)** 的框架下,"**幂集算法**"的核心目标是系统性地生成由基本 ADME (吸收、分布、代谢、排泄) 算子通过复合运算所能构成的所有可能的"**复合转运流程**"或"**药物处置路径**"。这在数学上等价于由基本算子集生成的**自由幺半群 (Free Monoid)**,其每一个元素(即一个算子序列)都精确地描述了一条药物在体内随时间发生的、顺序化的完整旅程。本算法旨在生成所有可能的药代动力学历史,并通过 PKTM 公理系统进行过滤,最终得到符合药理学与生理学逻辑的"**可行的**"给药与处置方案,为模拟复杂的给药方案和预测药物相互作用 (DDI) 提供计算基础。

第一步: 定义基本算子集合 (Base Set of Operators)

我们首先从 PKTM 公理系统中定义一组基础的、代表最小药代动力学事件的**基本算子**。这个集合是生成所有复杂药代过程的"字母表",我们称之为($\mathbb{O}_{base-PK}$)。

$$\mathbb{O}_{\text{base-PK}} = \{\mathcal{I}, \mathcal{O}_{\text{dose}}, \mathcal{O}_{\text{absorb}}, \mathcal{O}_{\text{distrib}}, \mathcal{O}_{\text{metab}}, \mathcal{O}_{\text{excrete}}, \mathcal{O}_{\text{bind}}, \mathcal{O}_{\text{induce/inh}}, \mathcal{O}_{\text{transport}}, \dots\}$$

第二步: 生成算子幂集 (生成所有可能的药代路径)

"算子幂集",记为 $\mathbb{P}^*(\mathbb{O}_{base-PK})$,是通过对基本算子进行任意有限次复合 (\circ) 而构成的集合。其生成过程是递归的:

- 路径长度为 0 的集合 ℙ₀:
 - 。 只包含**恒等算子** (\mathcal{I}) 。
 - $\circ \ \mathbb{P}_0 = \{\mathcal{I}\}$
 - 。 药代学意义: 代表"无药物转运"的基线,即药物浓度达到稳态 (steady-state)或系统中无药物。
- 路径长度为 1 的集合 ℙ₁:

- 。 包含所有基本算子自身。
- $\circ \mathbb{P}_1 = \mathbb{O}_{\text{base-PK}}$
- 。 **药代学意义**: 代表所有可能发生的、单一的、最小单元的药代事件(如一次吸收、一次代谢转化)。
- 路径长度为 k 的集合 \mathbb{P}_k :
 - \circ 由一个路径长度为 k-1 的复合算子与一个基本算子复合而成。
 - $\circ \mathbb{P}_k = \{\mathcal{O}_k \circ P_{k-1} \mid \mathcal{O}_k \in \mathbb{O}_{\text{base-PK}}, P_{k-1} \in \mathbb{P}_{k-1}\}$
 - \circ **药代学意义**: 代表所有由 k 个基本药代事件相继发生构成的**药物处置历史**。
- 总算子幂集 ℙ*(◎base-PK):
 - 。 是所有有限长度路径的集合的并集。

$$_{\circ}$$
 $\mathbb{P}^{*}(\mathbb{O}_{ ext{base-PK}}) = igcup_{k=0}^{\infty} \mathbb{P}_{k}$

。 **药代学意义**: 这个集合理论上包含了从"稳态"到任意复杂的、由无数个基本 ADME 事件构成的 **所有可能的药物体内旅程**。

第三步: 公理化过滤 (筛选有意义的路径)

直接生成的幂集 \mathbb{P}^* 包含大量不符合生理学或药理学逻辑的路径。此时,需要应用 PKTM 的公理系统 (特别是 **A6.复合与结合律**、**A7.非交换性** 以及药代动力学知识) 作为"过滤器",筛选出"有意义的"路径 子集 $\mathbb{P}_{\text{meaningful}}$ 。

- 过滤规则示例:
 - i. **因果约束**: 药物的分布($\mathcal{O}_{distrib}$)、代谢(\mathcal{O}_{metab})和排泄($\mathcal{O}_{excrete}$)必须发生在药物进入体系之后。因此,任何在给药算子(\mathcal{O}_{dose})或吸收算子(\mathcal{O}_{absorb})之前出现这些算子的路径都是无意义的。例如,路径 ...。0 dose。0 excrete 是不可能的。
 - ii. **位置约束**: 肠道吸收 ($\mathcal{O}_{\mathrm{absorb}}$) 作用于胃肠道中的药物状态 $\mathrm{s_gut}$,而不能直接作用于血浆状态 $\mathrm{s_plasma}$ 。
 - iii. **DDI 逻辑**: 酶诱导 (\mathcal{O}_{induce}) 或抑制 (\mathcal{O}_{inh}) 是调制型算子,它们作用于代谢算子 (\mathcal{O}_{metab}) ,而不是直接作用于药物状态 s。因此,形如 O_induce(O_metab) 的高阶复合是有意义的,而 O_induce(S_plasma) 则是无意义的。

经过滤后得到的 $\mathbb{P}_{\text{meaningful}}$,就是 PKTM 框架下描述特定药物在特定给药方案下所有可能处置路径的"**药代动力学景观** (Pharmacokinetic Landscape)"。

举例说明

例1: 一次完整的口服给药与首过效应

- 涉及的基本算子:
 - 。 $\mathcal{O}_{\mathrm{dose}}$: 口服给药,药物进入胃肠道。
 - 。 $\mathcal{O}_{
 m absorb}$: 药物从肠道吸收进入门静脉。
 - 。 $\mathcal{O}_{\text{metab}}$: 药物在肝脏被代谢。
 - 。 $\mathcal{O}_{\text{distrib}}$: 药物进入体循环并分布至全身。
- 幂集生成与过滤: 算法会生成这些算子的所有排列组合。但只有符合生理顺序的路径是有意义的。
 - \circ 有意义的路径 P_1 (首过效应):

$$P_1 = \mathcal{O}_{ ext{distrib}} \circ \mathcal{O}_{ ext{metab}} \circ \mathcal{O}_{ ext{absorb}} \circ \mathcal{O}_{ ext{dose}}$$

■ 解读:

$$S_{
m systemic} = P_1(S_{
m initial})$$

这个序列描述了: 1. 给药(dose)药物进入肠道; 2. 药物被吸收(absorb)进入肝门静脉; 3. 在肝脏被部分代谢(metab); 4. 剩余部分进入体循环并分布(distrib)。这完美地描述了口服药物的首过效应 (first-pass effect)。

。 **无意义的路径** P_2 : o_absorb。 o_distrib。 . . . 。这个路径会被过滤掉,因为药物不可能先分布到全身组织,再从肠道吸收。

例2: 药物相互作用 (DDI) 的非交换性

- 场景: 给予药物A(一种需要酶X代谢的底物)和药物B(一种酶X的强抑制剂)。
- 涉及的基本算子: \mathcal{O}_{dose_A} , \mathcal{O}_{dose_B} , \mathcal{O}_{metab_A} .
- 幂集生成 (两种给药顺序):
 - 。 路径1 (先给抑制剂): $P_{\mathrm{B}
 ightarrow \mathrm{A}} = \mathcal{O}_{\mathrm{metab_A} \; (\mathrm{inhibited})} \circ \mathcal{O}_{\mathrm{dose_A}} \circ \mathcal{O}_{\mathrm{dose_B}}$
 - 。 路径2 (先给底物): $P_{\mathrm{A}
 ightarrow \mathrm{B}} = \mathcal{O}_{\mathrm{metab_A~(inhibited)}} \circ \mathcal{O}_{\mathrm{dose_B}} \circ \mathcal{O}_{\mathrm{metab_A~(normal)}} \circ \mathcal{O}_{\mathrm{dose_A}}$
- 公理化过滤与解读: 这两条路径都是有意义的,但由于非交换性 (Axiom A7),它们导致了截然不同的临床结果:
 - 。 $P_{\mathrm{B}\to\mathrm{A}}$: 先给予抑制剂B,酶X被充分抑制。随后给予药物A,其代谢速率从一开始就非常缓慢,导致血药浓度(AUC)**显著升高**。
 - 。 $P_{A \to B}$: 先给予药物A,其在正常状态下被代谢。一段时间后给予抑制剂B,此时部分药物A已被清除,剩余药物的代谢才被减缓。这导致药物A的AUC**升高幅度较小**。
 - 。 **结论**: 最终的药物暴露量 $\mu(P_{\mathrm{B}\to\mathrm{A}}(S_0))$ 远大于 $\mu(P_{\mathrm{A}\to\mathrm{B}}(S_0))$ 。这精确地展示了PKTM的非交换性是量化 DDI 风险的核心。

例3: 多次给药方案 (Multiple Dosing Regimen)

- 场景: 每日一次,口服给药,连续5天。
- 涉及的基本算子:
 - 。 $\mathcal{O}_{\text{dose}}$: 单次给药算子。
 - 。 $\mathcal{C}_{\mathrm{ADME-24h}}$: 一个复合算子,代表24小时内药物在体内的分布、代谢和排泄过程的总和。
- 幂集生成与解读: 一条有意义的路径可以表示为:

$$P_{\text{regimen}} = (\mathcal{C}_{\text{ADME-24h}} \circ \mathcal{O}_{\text{dose}}) \circ (\mathcal{C}_{\text{ADME-24h}} \circ \mathcal{O}_{\text{dose}}) \circ \cdots \circ (\mathcal{C}_{\text{ADME-24h}} \circ \mathcal{O}_{\text{dose}})$$

或者更简洁地记为:

$$P_{ ext{regimen}} = (\mathcal{C}_{ ext{ADME-24h}} \circ \mathcal{O}_{ ext{dose}})^5$$

这条长路径精确地编码了整个给药方案。通过计算这条路径对初始状态的作用,模型可以模拟出连续给药后血药浓度随时间变化的完整曲线,并预测何时达到稳态。

通过本算法,我们可以将复杂的临床给药叙事和 DDI 场景转化为精确、可计算的算子序列,为后续的定量模拟、给药方案优化(如寻找最佳剂量和间隔)以及个性化用药指导奠定坚实的理论基础。