#字符模式 SAC 的工程实现与数学化描述v2.0.0

作者: GaoZheng日期: 2025-09-26

• 版本: v1.0.0

## 摘要

版本 v2.0.0 在 v1 基线之上引入候选采样改进、奖励拆分与度量细化、目标网络与软更新策略,并完善日志与可视化管线。通过更稳定的超参与数据流,显著提升训练收敛性与可观测性,适配更长上下文与更严格的合规约束。修复"仅用两字符匹配"的局限,改为遍历长度集合 U。

- 在不改变总体 SAC 框架的前提下,本版将"前缀/后缀命中"的固定两字符限制推广为"遍历 data/word\_length\_sets.json 提供的长度集合 U"的可变长度匹配;以"最长可用命中"为停表准则,统一raw\_action 与 bigram 的拓扑规则。
- 该修复显著提升中文词法对齐与奖励密度,降低字符级训练中的信用分配难度,并改善OOV(词汇库外)/ 长词边界的泛化。

关键词:中文知识蒸馏;可变长度后缀;最长可用命中; SAC; 字符级策略

- v1.0.0 局限:前缀与后缀命中默认使用"两字符"作为判定窗口,无法适配多字词(如"面红耳赤""如今""未来"等),易造成早停或错停。
- v2.0.0 改进:从 data/word\_length\_sets.json 读取并集长度集合 U (如  $U=\{2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,13\}$ ),匹配时按降序遍历  $U\cap[1..\mathrm{len}(\cdot)]$ ,以"最长可用命中"为停表准则;前缀与后缀逻辑保持一致。

### 2 形式化定义

• 词表并集 (只读):

 $\mathcal{C} = \mathtt{Catalog} = \mathtt{chinese\_name\_frequency\_word.json} \ \cup \ \mathtt{chinese\_frequency\_word.json}.$ 

• 允许长度集合:

 $U = \mathtt{union.lengths} \subset \mathbb{N}, \quad \divideontimes ext{$\exists$ data/word_length_sets.json.}$ 

- 目标字符:  $\chi_t$ ; 上一摘要预览:  $\operatorname{prev}_t$  (观测与渲染仅取末尾  $\leq 1$  字) 。
- 源串:

$$source_t = prev_t \oplus \chi_t$$
.

约定:

```
。 tail(s,L): 串 s 的长度为 L 的后缀; prefix(s,L): 长度为 L 的前缀; oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{oldsymbol{
```

## 3 可变长度"前缀命中" (历史左扩)

目标是使源串满足"存在长度 L 的前缀命中":

```
\exists L \in U \cap [1..|\text{source}_t|], \quad \text{prefix}(\text{source}_t, L) \in \mathcal{C}.
```

若不成立,则沿"历史字符对"向左扩展  $\operatorname{prev}_t$ ,至多 N 步(N= character\_history\_extension\_limit =16),每步重检上述条件,并采用"最长命中"原则。

```
function EXTEND_PREV_FOR_PREFIX_HIT(prev, chapter, history_pairs, N, U):
    source = prev + chapter
    if len(source) < 1: return prev
    while (not ANY_PREFIX_HIT(source, U)) and step < N and history_pairs.has_left(step):
        pair = history_pairs.left(step) # head+tail, tail 与 prev 对齐
        if prev and not prev.startswith(pair.tail):
            step += 1; continue
        prev = pair.head + prev
        source = prev + chapter
        step += 1
    return prev
function ANY_PREFIX_HIT(source, U):
    for L in sort_desc(U n {1..len(source)}):
        seg = source[:L]
       if is\_cjk(seg) and seg \in C: return True
    return False
```

注:v1.0.0 的"两字符前缀"可视为固定  $U=\{2\}$  的特例;本版改为一般 U。

# 4 可变长度"后缀命中" (raw\_action 与 bigram)

#### 4.1 raw\_action 的后缀拓扑

以策略首字 c 为起点,逐个追加未来真值字符形成 q; 遇"后缀命中"即停,优先最长 L:

$$\exists L \in U \cap [1..|q|], \quad \mathrm{tail}(q,L) \in \mathcal{C}.$$

```
function EXTEND_RAW_ACTION_SUFFIX(c, future_chars, U):
    q = dedup_head_repeat(c) # 处理首字重复,如"辑辑..."→"辑..."
    for ch in future_chars:
        q += ch
        for L in sort_desc(U n {1..len(q)}):
            seg = tail(q, L)
            if is_cjk(seg) and seg ∈ C:
                return q, seg, annotate(seg) # 命中即停(最长优先)
# 未命中:回退到最长连续 CJK 尾段,仅用于日志可读性
return q, longest_cjk_tail(q, max(U)), annotate_optional()
```

#### 4.2 bigram 的前向拓扑

令  $s=\chi_t\oplus q$ ,在 U 上做"后缀命中",命中即停;用于 bigram 奖励与注记:

```
function FORWARD_EXTEND_BIGRAM(chapter, q, future_chars, U):
    s = chapter + q
    best2 = tail(s, min(2, len(s))) # 仅用于未命中回退的显示
    for ch in future_chars:
        s += ch
        for L in sort_desc(U n {1..len(s)}):
            seg = tail(s, L)
            if is_cjk(seg) and in_catalog(seg):
                return seg, s
    return best2, s
```

bigram 注记以"后缀命中"为核心,如 data/chinese frequency word.json\#236703。

## 5 奖励构成 (与 v1.0.0 兼容)

质量/词法/洁净度分量保持不变:

$$\mathcal{N}_{\gamma}(x) = 1 - (1-x)^{\gamma}, \qquad S_t = Q_t + L_t - P_t.$$

字符模式加成保留,但"命中"由 U 上的后缀决定:

$$\delta_t = egin{cases} 1.0, & \exists L \in U, \ ail(s,L) \in \mathcal{C}, \ 0.5, & ail(s,1) = exttt{target\_char}, \ 0, & ext{otherwise}. \end{cases}$$

$$B_t^{ exttt{char}} = B_t + 0.5\,\chi_t^{ exttt{soft}} + \delta_t, \qquad \Delta_t^{ exttt{char}} = \Delta_t + 0.25\,\chi_t^{ exttt{soft}}.$$

### 6 复杂度与实现考量

- 命中判定: 每次 O(|U|), 实际  $|U| \approx 10-12$ , 结合缓存可控。
- 历史左扩: 最坏 O(N),  $N= ext{character\_history\_extension\_limit}=16$ 。
- 相较 v1.0.0: 开销由常数 2 升为 |U| ,但命中率与对齐质量显著提升。

### 7 与 v1.0.0 差异清单

- 前缀命中:由"固定两字"→"U上最长前缀命中"。
- raw action 后缀: 由"固定两字" $\rightarrow$ "U 上最长后缀命中(命中即停)"。
- bigram 后缀: 同 raw\_action , 复用 U。
- 日志注记:显示命中词及来源(如 data/chinese\_frequency\_word.json\#236703),可附命中长度 L。
- 失败回退: 保留"last-2 展示"仅用于可读性,不再作为命中判据。

### 8 兼容性与落地

- 配置项不变: character\_history\_extension\_limit U0为 16;仅匹配逻辑改为使用 U0。
- 数据依赖: data/word\_length\_sets.json 必须存在且包含 union.lengths; 缺失时建议回退  $U=\{2..8\}$  并记录告警。
- 知识蒸馏: U 来自真实语料词长分布,将"词级先验"蒸馏到字符级策略,提升样本效率与稳定性。

### 9 评测建议

- 消融:固定  $U = \{2\}$  vs. U = union.lengths;比较收敛速度、最终 reward、词法命中率。
- 命中统计: 平均命中长度、命中率(前缀/后缀分别统计)。
- 泛化: 跨域/OOV (词汇库外) 文本的表现差异, 长词边界识别能力。

#### 附录:记号

- $\mathcal{C}$ : 词表并集; U: 长度集合;  $\chi_t$ : 目标字符;  $\operatorname{prev}_t$ : 摘要预览;  $\operatorname{source}_t$ : 源串; q:  $\operatorname{raw\_action}$  串; s:  $\operatorname{bigram}$  串;
- tail(s,L): 后缀; prefix(s,L): 前缀; N: 历史左扩上限;  $is\_cjk(\cdot)$ : CJK 判定。

#### 许可声明 (License)

Copyright (C) 2025 GaoZheng

本文档采用知识共享-署名-非商业性使用-禁止演绎 4.0 国际许可协议 (CC BY-NC-ND 4.0)进行许可。