

## # 语义的规范场论：对 分层代数认知架构 (HACA) 的一种几何动力学诠释

- 作者：GaoZheng
- 日期：2025-09-28
- 版本：v1.0.0

## 摘要

本文将 分层代数认知架构 (HACA) 上升为“语义的规范场论”视角：以主纤维丛  $P(\Sigma^*, \mathcal{M})$  刻画语义时空（底流形为自由幺半群  $\Sigma^*$ ，纤维为合法端算子子幺半群  $\mathcal{M} \subset \text{End}(\Sigma^*)$ ），以李代数  $\mathfrak{g}$  的包络代数表示联系离散操作的几何来源；学习过程被诠释为在该几何空间中的动力学演化与最优路径问题。核心贡献是“逻辑压强场”：由对易子范数与使用率加权组成，作为规范力修正常规梯度，抑制非交换区的对抗性更新，使策略沿“几何一致”的测地线推进。文中给出 MDQ 的物理化解释、规范场强的离散类比、以及可操作的证据链与审计线索。1)空间结构：  $P(\Sigma^*, \mathcal{M})$  与  $\Phi : U(\mathfrak{g}) \rightarrow \text{End}(\Sigma^*)$  的表示像保证了离散可计算性与几何语义对齐。2)动力学：策略选择算子  $G_i$  作用于状态  $s_t$  的跃迁即路径演化；目标等价于“作用量”极值。3)逻辑压强场：  $\|[G_i, G_j]\| \times \text{使用率}$  的权重构成规范力，对高曲率区施加抑制。4)MDQ：将“梯度驱动力 + 规范修正”量化为最小可执行变更，具备回放/回滚/审计能力。5)可证性：给出场强—产出差异的正相关检验，作为几何一致性的可计算判据。

物理学中的规范场论建立在主纤维丛  $P(M, G)$  的结构之上：底流形  $M$  与结构群  $G$  描述“每个点附着一个内部对称空间”。在本框架中可识别出严格类比：

- 底流形 (Base)  $M := \Sigma^*$ ：由所有可行符号序列构成的离散空间，即自由幺半群  $(\Sigma^*, \circ, \varepsilon)$ 。文本生成的每一步是该流形上一点的跃迁。
- 结构群/纤维 (Fiber)  $G := \mathcal{M}$ ：在每个语义点  $s \in \Sigma^*$  上附着的“可作用算子”集合，构成端算子子幺半群  $\mathcal{M} \subset \text{End}(\Sigma^*)$ 。
- 规范对称与李代数：存在代数同态

$$\Phi : U(\mathfrak{g}) \rightarrow \text{End}(\Sigma^*) \quad \text{s.t.} \quad \mathcal{M} = \text{Im}(\Phi),$$

表明离散的文本操作背后受连续李代数  $\mathfrak{g}$  之几何约束， $\mathfrak{g}$  即语义主纤维丛的规范代数。

## 2. 语义力学：结构化空间中的动力学演化

在该空间上定义“运动/力学”可将强化学习重释为语义动力学：

- 粒子与状态：当前文本  $s_t \in \Sigma^*$ 。
- 运动与演化：策略  $\pi$  选择算子  $G_i \in \mathcal{M}$  作用，跃迁至  $s_{t+1} = G_i(s_t)$ 。
- 作用量/优化目标：寻找最优策略等价于最优路径（测地线）问题：

$$\pi^* = \arg \max_{\pi} \mathbb{E}_{\tau \sim \pi} \left[ \sum_{t=0}^T R(s_t, G_t) \right].$$

与“平坦空间中的梯度搜索”不同，此处演化受  $\mathfrak{g}$  决定的几何结构制约。

### 3. 逻辑压强场 $\mathcal{F}$ ：作为规范场的 MDQ 诠释

在弯曲空间中应使用协变导数，联络项对应“规范势”。项目中的微分动力量子（MDQ）恰对应“语义规范场”的离散实现：

$$\Delta_i = Q \left( \frac{\partial \mathcal{J}}{\partial \alpha_i} \right) - \lambda_{\text{comm}} \sum_j \|[G_i, G_j]\| \pi_j.$$

物理化诠释：

- 驱动力： $Q(\partial \mathcal{J} / \partial \alpha_i)$  来源于目标  $\mathcal{J}$  的势能，指向更高奖励的更新方向。
- 规范力/逻辑压强： $-\lambda_{\text{comm}} \sum_j \|[G_i, G_j]\| \pi_j$  为几何一致性修正。以对易子刻画非交换性，定义“逻辑场强张量”

$$\mathcal{F}_{ij} \propto \|[G_i, G_j]\|.$$

当对易子为零则“平坦”，非零则“弯曲”；压强项抑制在高曲率区的对抗性更新，使策略更接近测地线。

### 4. 结论：走向“语义的广义相对论”

该理论为“语义”建立完整几何动力学框架：

- 语义空间具主纤维丛结构  $P(\Sigma^*, \mathcal{M})$ ，内在对称由李代数  $\mathfrak{g}$  定义；
- 学习过程是结构化语义时空中的最优路径搜索；
- MDQ 作为规范场产生的逻辑压强，保证演化遵循空间的几何与代数法则；
- 由场强—产出差异的可计算正相关（holonomy 效应）可进行工程级检验与审计。

## 许可声明 (License)

Copyright (C) 2025 GaoZheng

本文档采用[知识共享-署名-非商业性使用-禁止演绎 4.0 国际许可协议 \(CC BY-NC-ND 4.0\)](#)进行许可。