字符模式 SAC 的工程实现与数学化描述v1.0.0

作者: GaoZheng日期: 2025-09-26

• 版本: v1.0.0

摘要

版本 v1.0.0 聚焦最小可用字符级 SAC: 定义观测/动作/奖励与回放结构,给出策略与双 Q 网络的参数化与损失,提供训练循环与指标记录的标准模板。强调能跑通、易复现与可度量,为后续版本的稳态与性能优化打下基线。

- 本文系统化描述了在"字符模式"下的软演员-评论家(Soft Actor-Critic, SAC)实现,用数学语言刻画观测构造、策略与价值网络、奖励构成以及与中文词典相结合的拓扑逻辑(raw_action 与 bigram 的前向/后向拓扑)。
- 核心贡献包括:将策略输入统一为 prev + (sep) + chapter 的字符级观测、引入历史左扩机制保证源串前缀命中、以 data/word_length_sets.json 提供的词长并集驱动可变长度的"后缀命中"判定,并将其纳入奖励与日志注记。

关键词:SAC;字符级强化学习;中文词法;可变长度后缀;历史左扩;Top-p采样

1引言

字符级文本决策常因观测粒度小、词法边界难以对齐而产生奖励稀疏与学习不稳。本文提出的工程化方案在字符模式下引入两类拓扑:

- (1) 前缀左扩, 保证源串 source 的头两个字符在词表中命中;
- (2) 基于词长并集 U 的"后缀命中"拓扑,驱动 raw_action 与 bigram 的语义停表(hit-stop)。配合 SAC 的熵正则框架与 Top-p 策略采样,有效提升训练信号与对齐稳定性。
- 2 问题设定与环境
- 2.1 观测空间与编码

记时刻 t 的观测为 $O_t = (s_t, \chi_t, i_t)$ 。在字符模式下:

- s_t 为上一轮摘要的预览(仅取末尾 ≤ 1 字用于构造 source 与可视化)。
- χ_t 为"当前目标字符" (从教师序列中取, 非空)。
- *i_t* 为步索引。

输入编码由 CharTokenizer 生成:

 $x_t = [ext{ less}] \oplus \operatorname{clip}(s_t) \oplus [ext{ less}] \oplus \chi_t \oplus [ext{ less}]$

并裁剪至 max observation length。

伪代码:

```
function ENCODE_OBSERVATION(prev_summary_char, chapter_char):
   tokens = [<bos>] + encode(prev_summary_char)
   tokens += [<sep>] + encode(chapter_char) + [<eos>]
   return clip(tokens, max_len)
```

2.2 动作与解析

策略一次生成 action token 序列 y_t ,经解析器 OperationParser 还原为结构化动作序列 $A_t = (a_1, \ldots, a_{m_t})$ 。 字符模式下我们仅取 canonical_summary 的首字作为预测字符(参与 bigram 评价),结构化操作不作用于环境状态(仅在章节模式生效)。

2.3 环境转移与缓存

给定 A_t 后,环境进行资本与预算更新:

$$C_t = \Gamma(C_{t-1},A_t), \qquad B_t = B_{t-1} - \sum_{a \in A_t} c(a)$$

同时记录 $metrics_t$, 并产出下一观测 O_{t+1} 与奖励 r_t , 加入重放缓存 \mathcal{D} 。

- 3 中文词法约束与拓扑
- 3.1 词表与长度集合
 - 词表 Catalog = {data/chinese_name_frequency_word.json, data/chinese_frequency_word.json},均为只
 读。
 - 允许后缀长度并集 U 从 data/word_length_sets.json 读取: U= union.lengths (例如 $U=\{2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,13\}$) 。

3.2 源串与前缀左扩

字符模式下源串定义为:

$$source_t = prev_t \oplus \chi_t$$

若 $|\text{source}_t| \geq 2$ 且 $\text{source}_t[:2] \notin \text{Catalog}$,则执行"历史左扩" (至多 N 次) :

```
function EXTEND_PREV_FOR_PREFIX_HIT(prev, chapter, history_pairs, N):
    source = prev + chapter
    if len(source) < 2: return prev
    step = 0
    while (source[:2] not in Catalog) and (step < N) and history_pairs.has_left(step):
        pair = history_pairs.left(step)  # pair = head+tail, tail 与 prev 的首字对齐
        if prev and not prev.startswith(pair.tail):
            step += 1; continue
        prev = pair.head + prev
        source = prev + chapter
        step += 1
        return prev
```

其中 $N = \text{character_history_extension_limit} = 16$, 来自 res/config.json。

3.3 raw_action 的后缀拓扑(去重首字、命中即停)

设策略首字预测为 c, future_chars 为后续真值字符流。定义序列 q 的生成:

```
function EXTEND_RAW_ACTION_SUFFIX(c, future_chars, U):
    q = dedup_head_repeat(c)  # 若未来序列以 c 重复则去重一次
    for ch in future_chars:
        q += ch
        for L in sort_desc(U n {1..len(q)}):
            seg = tail(q, L)
            if is_cjk(seg) and in_catalog(seg):
                return q, seg, annotate(seg) # 命中即停

# 未命中时保留最长连续 CJK 片段作为回退
    return q, longest_cjk_tail(q, max(U)), annotate_optional()
```

注: 重复情形如"辑辑…"将去重为"辑…",若"脉络"在U中命中,则到"脉络"为止停止拓扑。

3.4 bigram 的前向拓扑 (继承 raw action)

定义 bigram 候选串 $s=\chi_t\oplus q$,以相同的 U 做后缀命中:

bigram 注记以"后缀命中"为核心,如 data/chinese_frequency_word.json#236703。

4 奖励函数与评分方案

4.1 质量/词法/洁净度分量

设 $metrics_t$ 为当前摘要质量指标: similarity、coverage_ratio、novelty_ratio、lexical_cosine、lexical_js_similarity、garbled_ratio、word_noncompliance_ratio 等。令非线性放大算子 $\mathcal{N}_{\gamma}(x)=1-(1-x)^{\gamma}$,则:

$$Q_t = 0.6\,\mathcal{N}_{4.0}(ext{similarity}) + 0.3\,\mathcal{N}_{4.0}(ext{coverage_ratio}) + 0.1\,\mathcal{N}_{4.0}(ext{max}(0, ext{novelty_ratio})), \ L_t = 0.15\,\mathcal{N}_{3.5}(ext{lexical_cosine}) + 0.10\,\mathcal{N}_{3.5}(ext{lexical_js_similarity}), \ P_t = 0.5\,\mathcal{N}_{5.0}(ext{garbled_ratio}) + 0.7\,\mathcal{N}_{5.0}(ext{word_noncompliance_ratio}), \ S_t = Q_t + L_t - P_t.$$

4.2 字符模式加成与 bigram 奖励

令 $\chi_t^{\mathrm{soft}} = \max(0, Q_t + L_t)$ 。 bigram 奖励基于 U 的后缀命中:

$$\delta_t = egin{cases} 1.0, & \exists L \in U, \ ext{tail}(s,L) \in ext{Catalog}, \ 0.5, & ext{tail}(s,1) = ext{target_char}, \ 0, & ext{otherwise}. \end{cases}$$

字符模式下对基础/潜在分量加成:

$$B_t^{
m char} = B_t + 0.5\,\chi_t^{
m soft} + \delta_t, \qquad \Delta_t^{
m char} = \Delta_t + 0.25\,\chi_t^{
m soft}.$$

4.3 总奖励

令成本罚项 λ_t 与预算罚项 ψ_t :

$$c_t = \sum_{a \in A_t} c(a), \quad B_t = B_{t-1} - c_t, \qquad \lambda_t = \omega_c \left(\bar{c}_t \right.$$
 (终局) else c_t), $\psi_t = eta \, \max(0, -B_t).$

综合:

$$R_t = V(C_t) - \lambda_t - \psi_t + S_t + \mathbf{1}_{ ext{char}} \cdot ig(\Delta_t + 0.5\,\chi_t^{ ext{soft}} + 0.25\,\chi_t^{ ext{soft}} + \delta_tig).$$

5 策略/价值网络与 SAC 优化

5.1 策略网络 π_{θ}

输入 x_t 经过嵌入与编码 GRU 得到 h^{enc} , 再经解码 GRU 自回归产生 y_t :

$$y_t \sim \pi_{ heta}(\cdot \mid x_t), \qquad y_t = (y_{t,1}, \dots, y_{t,m}).$$

对 logits 施加合规 mask 与温度 τ_c ,首步分布经 Top-p(p=0.98)筛选候选,记录概率与 log-prob。

5.2 双 Q 网络 Q_{ϕ} , Q_{ψ}

状态与动作分别嵌入,经均值掩码得到 u,v 并拼接,经 MLP 输出标量 Q 值。目标网络采用指数滑动平均:

$$\theta' \leftarrow \tau \, \theta + (1 - \tau) \, \theta'$$
.

5.3 损失函数

目标期望:

$$y = r + \gamma (1-d) \, \mathbb{E}_{a' \sim \pi} igl[\min(Q_{\phi'}(s',a'),Q_{\psi'}(s',a')) - lpha \, \log \pi(a' \mid s') igr].$$

评论家损失:

$$\mathcal{L}_Q = \mathrm{MSE}(Q_{\phi}(s,a),y) + \mathrm{MSE}(Q_{\psi}(s,a),y).$$

策略损失与温度自适应:

$$\mathcal{L}_{\pi} = \mathbb{E}_{s \sim \mathcal{D}} \sum_{i} w_i ig(lpha \, \log p_i - Q_{\phi}(s, a_i) ig), \qquad \mathcal{L}_{lpha} = -\log lpha \cdot (H_{ ext{tgt}} - H_{ ext{emp}}), \quad H_{ ext{tgt}} = \kappa \, \log |\mathcal{A}(s)|.$$

6 日志与注记规范

- source 行:显示 source = prev + chapter,必要时附"前缀最长命中"注记(词表/编号)。
- raw action 行:显示长度与文本,并附"后缀命中"注记(命中词+词表/编号)。
- bigram 行:以 chapter ⊕ raw_action 为基,显示"后缀命中"。
 注记示例:(后缀"喃喃": data/chinese_frequency_word.json未命中)或data/chinese_frequency_word.json#236703。

7 复杂度与实现细节

- 历史左扩: 最坏 O(N), $N = \text{character_history_extension_limit}$ (默认 16)。
- 后缀命中:每步遍历 U 的降序长度,O(|U|)。U 来自 data/word_length_sets.json(建议 $|U| \leq 12$ 以控时)。
- 词典装载:缓存与热重载(监控 mtime),避免频繁 IO。
- 只读保证:运行时不回写 data/sample article lexical.json。

8 复现实务

• 配置: res/config.json 与 config_template.json 中的 ${\tt character_history_extension_limit} = 16$

- 词长并集: data/word length sets.json 的 union.lengths 。
- 代码入口: src/train_demo.py —— ArticleEnvironment, DemoSACAgent, TextPolicyNetwork, TextQNetwork 等。
- 文档一致性: 脚本 scripts/check docs sync.py 用于变更提示 (可选)。

9 结论

本文给出字符级 SAC 的一套可复用工程化方案,用"历史左扩 + 可变长度后缀命中"将中文词法知识注入到奖励与日志注记中,稳定训练并提升可解释性。今后可在子词/词级混合粒度、动态 U 自适应与更细致的对齐约束上扩展。

附录 A 记号表

- O_t : 观测; x_t : Token 序列; y_t : 动作 Token 序列; A_t : 解析后动作; C_t : 认知资本; B_t : 预算; V/P: 资本价值/潜力;
- U: 允许后缀长度集合; Catalog: 词表并集; δ_t : bigram 奖励; χ_t^{soft} : 质量软信号;
- prev/ χ_t /source: 上一摘要预览/目标字符/源串; q/s: raw_action 序列/ bigram 串。

许可声明 (License)

Copyright (C) 2025 GaoZheng

本文档采用知识共享-署名-非商业性使用-禁止演绎 4.0 国际许可协议 (CC BY-NC-ND 4.0)进行许可。