#《字符模式 SAC 的工程实现与数学化描述》对中文知识蒸馏的意义

作者: GaoZheng日期: 2025-09-26

• 版本: v1.0.0

# 摘要

本文围绕: 首先明确问题背景与约束,给出可验证的形式化定义与工程接口;随后分解系统/模型/数据/指标的关键设计,并给出可复现的实现与对齐路径;最后总结风险与边界条件,给出落地建议与扩展路线。

本文从知识蒸馏(Knowledge Distillation, KD)的角度,刻画字符模式 SAC 中"中文词法先验"的注入方式与学习机理。通过词表并集  $\mathcal C$  与长度集合 U 构造"可变长度的前缀/后缀命中"信号,结合软目标分布与后验正则,实现从词级教师到字符级学生的结构化蒸馏,提升样本效率、对齐质量与可解释性。

#### 1 教师先验与学生策略

• 词表并集(教师先验)

 $\mathcal{C} = \texttt{chinese\_name\_frequency\_word.json} \ \cup \ \texttt{chinese\_frequency\_word.json}.$ 

• 可变长度集合 (来自真实语料)

 $U = \text{union.lengths} \subset \mathbb{N}, \quad \text{from data/word_length_sets.json.}$ 

• 字符模式观测关键量:目标字符  $\chi_t$ 、预览  $\mathrm{prev}_t$ 、源串  $\mathrm{source}_t = \mathrm{prev}_t \oplus \chi_t$ .

以 $\mathcal{C}, U$ 为"教师先验",在字符粒度下注入词级边界信息,缓解字/词粒度鸿沟。

# 2 软目标 (Soft Targets) 构造

• 质量软信号与命中奖励:

$$\chi_t^{ ext{soft}} = \max(0, Q_t + L_t), \qquad \delta_t = egin{cases} 1, & \exists L \in U, \ ext{tail}(s_t, L) \in \mathcal{C}, \ 0.5, & ext{tail}(s_t, 1) = ext{target\_char}, \ 0, & ext{otherwise}. \end{cases}$$

- 基于词法命中的"教师分布"  $q_t$  (首步动作的软标签): \$\$q\_t(a) \propto \beta \sum\_{L\in U} w\_L, \mathbf{1}{\mathrm{tail}(\chi\_t \oplus a, L) \in \mathcal{C}}
  - 。 (1-\beta), \mathbf{1}{a\_1 = \text{target\_char}},\$其中a\_1为a的首字, \beta\in[0,1] 权衡词法/逐字信号, w\_L\ge 0\$ 为长度权重 (可按频次或可信度设定)。

## 3 蒸馏损失与温度控制

- 带温度 T 平滑的策略分布 (首步) :  $\pi_{\theta}(\cdot \mid x_t; T)$ 。
- 蒸馏损失:

$$\mathcal{L}_{ ext{KD}} = \lambda_{ ext{kd}} \operatorname{KL}ig(q_t \, \| \, \pi_{ heta}(\cdot \mid x_t; T)ig).$$

与 SAC 联合优化:

$$\min_{ heta} \; \mathcal{L}_{ ext{SAC}}( heta) + \mathcal{L}_{ ext{KD}}( heta).$$

其中 SAC 的熵温度  $\alpha$  与采样 Top-p 共同起到"平滑/防过拟合"的作用,促进吸收近义候选的软概率质量。

## 4 对齐蒸馏:前缀左扩与后缀命中

• 前缀对齐目标 (历史左扩后):

$$\exists L \in U \cap [1..|\mathrm{source}_t|], \quad \mathrm{prefix}(\mathrm{source}_t, L) \in \mathcal{C}.$$

• 作为后验正则:

$$c_{ ext{prefix}}(x) = \mathbf{1}\{ 
eg \exists L \in U : ext{prefix}( ext{source}, L) \in \mathcal{C} \}, \qquad \mathcal{L}_{ ext{PR}} = \lambda_{ ext{pr}} \, \mathbb{E}_{\pi_{ heta}}[c_{ ext{prefix}}(x_t)].$$

• 后缀对齐  $(raw\_action 与 bigram 共用 U)$  :

$$\exists L \in U \cap [1..|q|], \ \mathrm{tail}(q,L) \in \mathcal{C} \quad$$
 或  $\exists L \in U \cap [1..|s|], \ \mathrm{tail}(s,L) \in \mathcal{C}.$ 

# 5 多教师融合 (Mixture-of-Teachers)

两张词表可视作两个教师  $q_t^{(1)},q_t^{(2)}$  , 其凸组合:

$$q_t = \pi_1 q_t^{(1)} + \pi_2 q_t^{(2)}, \qquad \pi_1, \pi_2 \geq 0, \; \pi_1 + \pi_2 = 1,$$

权重可由词频、编号可信度或领域匹配度决定, 兼顾通用词与专名词。

## 6 奖励塑形与样本效率

以势能塑形思想增广奖励:

$$r_t' = r_t + \eta \, \delta_t + \mu \, \chi_t^{
m soft},$$

其中  $\eta,\mu\geq 0$ 。该塑形缩短信号回传路径,缓解仅终端质量分的稀疏问题,提高样本效率与收敛稳定性。

## 7 长度集合 U 的蒸馏作用

在独立近似下,命中概率上界估计:

$$ext{Pr}[ ext{hit}] pprox 1 - \prod_{L \in U} (1 - p_L), \qquad p_L = ext{Pr}ig( ext{tail}(\cdot, L) \in \mathcal{C}ig).$$

相较固定二字( $U=\{2\}$ ),经验并集 U 提升了多字词的边界对齐概率,增强 OOV 与长词边界的鲁棒性与可解释性。

## 8 评测指标 (蒸馏视角)

• 前缀/后缀命中率:

$$H_{ ext{prefix}} = \Prig(\exists L \in U : ext{prefix}( ext{source}, L) \in \mathcal{C}ig), \quad H_{ ext{suffix}} = \Prig(\exists L \in U : ext{tail}(s, L) \in \mathcal{C}ig).$$

• 平均命中长度与 OOV 一致件:

$$ar{L}_{ ext{hit}} = \mathbb{E}[L \mid ext{hit}], \qquad ext{OOV@hit} = ext{Pr(hit} \mid ext{OOV)}.$$

• 蒸馏一致性(分布层面):

$$D_{ ext{KD}} = \mathbb{E}_t ig[ ext{KL} ig( q_t \, \| \, \pi_ heta(\cdot \mid x_t) ig) ig].$$

# 9 实践意义与落地

- 在字符粒度下注入词级边界与长度分布先验 ( $\mathcal{C},U$ ) , 实现从词法教师到字符学生的结构化蒸馏。
- 与 SAC 的熵正则  $(\alpha)$  与 Top-p 采样互补,兼顾探索与可控生成。
- 易扩展至领域词表、多教师/多视角蒸馏与自适应 U (早期偏短、后期扩长),在摘要/抽取/标题生成等中文场景提升对齐质量与可解释性。

#### 许可声明 (License)

Copyright (C) 2025 GaoZheng

本文档采用知识共享-署名-非商业性使用-禁止演绎 4.0 国际许可协议 (CC BY-NC-ND 4.0)进行许可。