

Sistemas de Inteligencia Artificial

Algoritmos Genéticos





Antes de la Revolución Industrial





Después de la Revolución Industrial





John H. Holland

Motivación

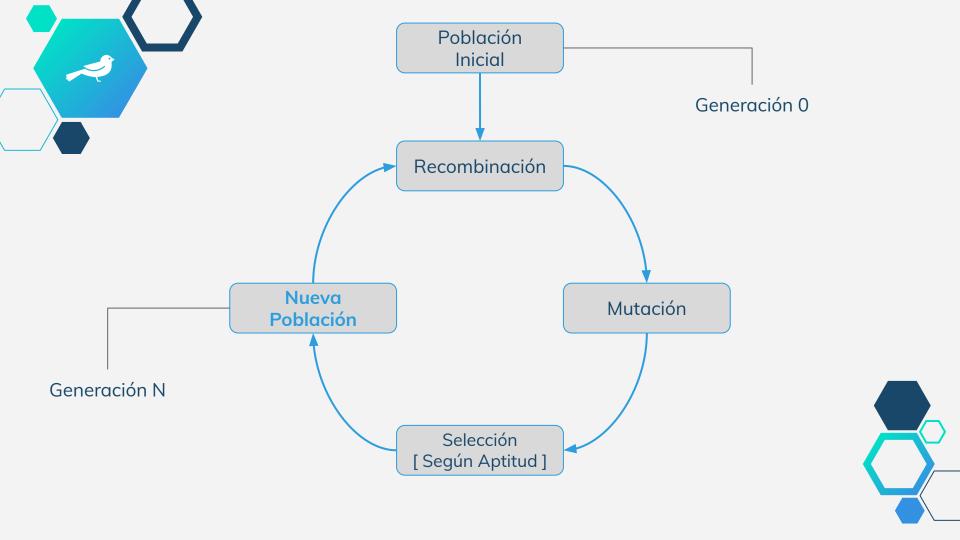
- Tengo una función a optimizar y no necesariamente una función de goal.
- Combinando buenos estados puedo encontrar mejores.
- Mi problema varía en el tiempo.
- Mi problema es compuesto y delegable.
- Detección de esquemas.





- Algoritmo de optimización/adaptabilidad basados en la mecánica de la selección natural y la evolución.
- La implementación es altamente paralelizable.
- Múltiples parámetros y múltiples variables.







Componentes Básicos

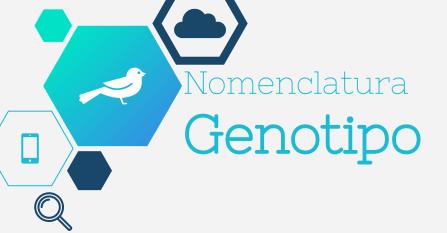
de Algoritmos Genéticos

- Estructura / Arquitectura ~ Genotipo
- Población Inicial
- Función de adaptabilidad fitness o aptitud
- Método de selección de padres
- Método de cruza
- Método de mutación
- Método de selección de nueva generación
 - Se pueden usar los mismos métodos de selección de padres
- Condición de corte (opcional)





Definiciones

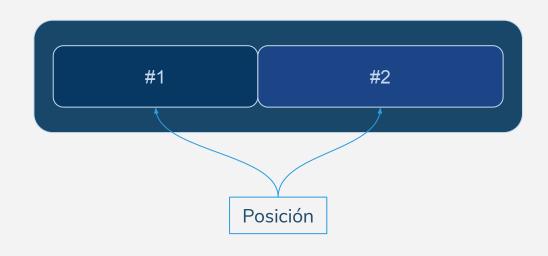


Gen Color Gen Forma
[0/1] [0/1] [0/1] [0/1] [0/1]

"Estructura"













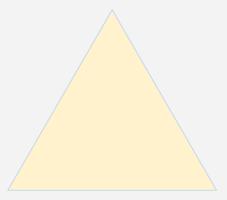
Representación



En este caso el CROMOSOMA sería "10101"







Características Observables





Amarillo Patito

[1][0]

<u>Turquesa</u>

[0][1]

Cerúleo

[0][0]





Población Inicial

- Generalmente inicializados con alelos al azar
- De un tamaño de población N
- También llamada Población de la Generación 0



Fitness (aptitud)

- Función de evaluación de los individuos.
- Mientras más alto, más adaptado al problema.

Fitness Relativo

$$p(i) = \frac{f(i)}{\sum_{i=1}^{N} f(i)} \qquad f(i) : Fitness$$



Selección

Muestreo Directo | Elite

• Selecciona los individuos con mayor aptitud.

Muestreo Aleatorio

Selecciona individuos al azar.

Muestreo Estocástico

• Selecciona los individuos combinando la aptitud y el azar.



Teniendo que seleccionar **K** individuos de un conjunto de tamaño **N**, los ordena según el fitness y elije cada uno **n(i)** veces, según la siguiente formula:

$$n(i) = \left\lceil \left(\frac{K - i}{N}\right) \right\rceil$$

Puede ser muy restrictivo, pero es muy performante!







- Por Ruleta
- Universal
- Por Ranking
- Boltzmann
- Por Torneos
 - Determinísticos
 - Probabilísticos





Se calculan las aptitudes relativas $\mathbf{p_j}$. Luego, se calculan las aptitudes relativas acumuladas $\mathbf{q_i}$ de la siguiente forma:

$$q_i = \sum_{j=0}^{i} p_j$$

Se generan **K** números aleatorios y se seleccionan los **K** individuos x, que cumplen:

$$q_{i-1} < r_j \le q_i$$
 $r_j \leftarrow UniformRandom[0,1)$ $q_{-1} = 0$





Se generan **K** números aleatorios y se seleccionan los **K** individuos x, que cumplen:

$$q_{i-1} < r_j \le q_i \qquad q_{-1} = 0$$

$$q_{-1} = 0$$

Aptitudes

	Individual(f _i)	Relativa (p _i)	Acumulada(q _i)
× ₀	3	0.086	0.086
X ₁	6	0.171	0.257
X ₂	11	0.314	0.571
X ₃	14	0.400	0.971
X ₄	1	0.029	1.000

K=3

$$r_0 = 0.276$$

$$r_1 = 0.095$$

$$r_2 = 0.893$$





Se generan **K** números aleatorios y se seleccionan los **K** individuos x, que cumplen:

$$q_{i-1} < r_j \le q_i \qquad q_{-1} = 0$$

$$q_{-1} = 0$$

Aptitudes

	Individual	Relativa	Acumulada
x ₀	3	0.086	0.086
x ₁	6	0.171	0.257
x ₂	11	0.314	0.571
x ₃	14	0.400	0.971
X ₄	1	0.029	1.000

K=3

$$r_0 = 0.276 = x_2$$

$$r_1 = 0.095 = x_1$$

$$r_2 = 0.893 = x_3$$





Igual que en ruleta, pero la forma de calcular los r_i es la siguiente:

$$r \leftarrow UniformRandom[0,1)$$

$$r_j = \frac{r+j}{K} \; ; \; j \in [0, (K-1)]$$





$$r_j = \frac{r+j}{K}$$
; $j \in [0, (K-1)]$

K=4 y r = 0.084

Aptitudes

	Individual	Relativa	Acumulada
x ₀	3	0.086	0.086
X ₁	6	0.171	0.257
x ₂	11	0.314	0.571
x ₃	14	0.400	0.971
X ₄	1	0.029	1.000





$$r_j = \frac{r+j}{K}$$
; $j \in [0, (K-1)]$

Aptitudes

	Individual	Relativa	Acumulada
x ₀	3	0.086	0.086
X ₁	6	0.171	0.257
X ₂	11	0.314	0.571
x ₃	14	0.400	0.971
X ₄	1	0.029	1.000

K=4 y r = 0.084

 $r_0 = 0.021$

 $r_1 = 0.271$

 $r_2 = 0.521$

 $r_3 = 0.771$





$$r_j = \frac{r+j}{K}$$
; $j \in [0, (K-1)]$

Aptitudes

	Individual	Relativa	Acumulada
x ₀	3	0.086	0.086
x ₁	6	0.171	0.257
x ₂	11	0.314	0.571
x ₃	14	0.400	0.971
x ₄	1	0.029	1.000

$$K=4 y r = 0.084$$

$$r_0 = 0.021 = x_0$$

$$r_1 = 0.271 = x_2$$

$$r_2 = 0.521 = x_2$$

$$r_3 = 0.771 = x_3$$





Se denomina una pseudo-aptitud con una función f'(i) como una función proporcional al <u>ranking de fitness real del</u> <u>individuo respecto de sus pares</u>.

Un ejemplo de función a tomar es la siguiente:

$$f'(i) = \frac{N - rank(i)}{N}$$
$$rank(i) \in [1, N]$$

rank(i): ranking ordenado de mayor a menor aptitud real. Luego se utiliza <u>ruleta</u> con este pseudo-aptitud redefinida.





En rigor, ExpVal es Expected Value (esperanza matemática).

Utilizando dichos valores en ruleta se logra cumplir con sus esperanzas.

También se define una pseudo-aptitud, pero con la siguiente función:

$$ExpVal(i, g, T) = \frac{e^{f(i)/T}}{\left\langle e^{f(x)/T} \right\rangle_g}$$

i:Individuo; T:Temperatura

$$<>_g: Avg(population(g))$$
 $f(i): Fitness$

Luego, se utiliza esta pseudo-aptitud ExpVal como aptitud para seleccionar con el método de selección Ruleta.

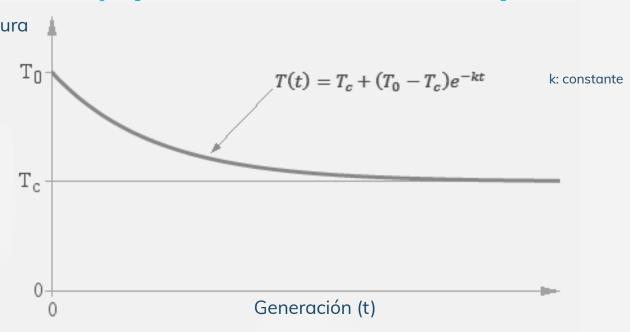


Temperatura

Selección

Entrópica - Boltzmann

Ejemplo de función de decrecimiento de temperatura







- De la población de tamaño **N**, se eligen **M** individuos al azar.
- De los M individuos, se elige el mejor.
- Se repite el proceso (1.) hasta conseguir los K individuos que se precisan.





- Se elige un valor de **Threshold** en [0.5, 1]
- De la población de tamaño N, se eligen 2 individuos al azar.
- Se toma un valor **r** al azar uniformemente en [0,1].
 - Si **r < Threshold** se selecciona el más apto.
 - Caso contrario, se selecciona el menos apto.
- Se repite el proceso (1.) hasta conseguir los K individuos que se precisan.





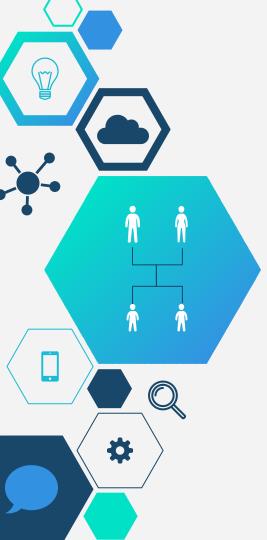
Ventajas

- Velocidad de ejecución
 - No se procesa toda la población
 - No requiere variables intermedias, se utiliza el fitness directamente.
- Facilidad de implementación.

Desventaja

- Según como esté configurado, puede introducir una presión de selección muy alta.
- No considerar todos los individuos puede afectar la eficiencia de nuestra implementación





Crossover

(Cruza / Recombinación)

Una vez que se seleccionan los individuos, se los aparea y se realiza la recombinación de genes.

Tipos de Crossover:

- Cruce de Un Punto
- Cruce de Dos Puntos
- Cruce Anular
- Cruce Uniforme



Para estos ejercicios se asume un bit por gen, lo cual <u>no siempre es correcto</u>.

(Muchas veces no lo es)

Se elige un locus al azar y se intercambian los alelos a partir de ese locus. P = [0,S-1]; S: Cantidad de genes

X₁: 011011001110

X₂: 101001110010

P = 4

X₂: 011001110010

X₄: 101011001110





Para estos ejercicios se asume un bit por gen, lo cual no siempre es correcto.

(Muchas veces no lo es)

Se elige dos locus al azar y se intercambian los alelos entre ellos. $P_1 = [0,S-1]$; $P_2 = [0,S-1]$; $P_1 \le P_2$

X₁: 011011001110

X₂: 101001110010

 $P_1 = 4 ; P_2 = 6$

X₂: 011001001110

X₄: 101011110010





Para estos ejercicios se asume un bit por gen, lo cual <u>no siempre es correcto</u>. (Muchas veces no lo es)

Se elige un locus al azar **P** y una longitud **L**. Se intercambia el segmento de longitud **L** a partir de **P**.

$$P = [0,S-1] ; L = [0, \lceil S/2 \rceil]$$

X₁: 011011001110

X₂: 101001110010

P = 11 ; L = 5

X₃: 101011001110

X₁: 011001110010





Para estos ejercicios se asume un bit por gen, lo cual no siempre es correcto.

(Muchas veces no lo es)

Se produce un intercambio de alelos en cada gen con probabilidad P [0, 1]. (Por lo general P = 0.5).

Abuso de Notación P_i

Tiene 2 valores: >: Se mantienen

los alelos

<: Se intercambian los alelos

X₂: 1 0 1 0 0 1 1 1 0 0 1 0

Es el único tipo de cruce visto que no mantiene correlación posicional entre alelos.





Es muy común también implementar $\mathbf{P}_{\mathbf{c}}$ como una probabilidad de recombinación de genes.

Si los genes no se recombinan, los genes de los hijos serán una copia idéntica a los padres, pero pasando por la etapa de mutación.





Se define <u>mutación</u> como una variación en la información genética que se almacena en el cromosoma.

Para que la mutación sea más eficiente, una correcta arquitectura y separación de genes es necesaria.

Motivación:

- Enriquecer la diversidad genética.
- Evitar máximos locales.
- Mantener un grado de exploración.





Dado una probabilidad de mutación P_m :

Mutación de Gen: Se altera un solo gen con una probabilidad P_m .

Mutación Multigen Limitada: Se selecciona una cantidad [1,M] (azarosa) de genes para mutar, con probabilidad P_m .

Mutación Multigen Uniforme: Cada gen tiene una probabilidad $P_{\rm m}$ de ser mutado.

Mutación Completa: Con una probabilidad $P_{\rm m}$ se mutan todos los genes del individuo, acorde a la función de mutación definida para cada gen.





También hace falta definir QUÉ es una mutación sobre un alelo de un gen.

Algunas posibilidades son:

- Tomar un nuevo alelo aleatorio sobre el gen.
- Aplicar un delta al alelo, en algún sentido y con alguna distribución.



Convergencia Prematura

Si la población converge en sus características, sin presentar más variedad de la que introduce la mutación y sin haber llegado a una aptitud aceptable, decimos que la población sufrió una convergencia prematura.

Esto suele provocar que la solución del método arroje un subóptimo, a menos que dicho punto de convergencia sea el máximo global (dificil o imposible de analizar) ó que la población escape de dicho máximo local por mutación (también, muy dificil de analizar).





A la variedad de alelos representados en la población se la llama Diversidad.



La correcta configuración es esencial para evitar una convergencia prematura.

Algunas de las causas son:

- Una presión de selección <u>muy alta</u>*
- Una probabilidad de mutación <u>muy baja</u>*
- Un tamaño de población <u>muy escaso</u>*





Implementamos la selección RULETA en nuestro AG. Si en una población dada, la diferencia entre los más aptos y el resto es lo suficientemente grande, esto llevará a perdida de diversidad y a la convergencia prematura. ¿Por qué?





Implementación



Generando K hijos de K padres...

La nueva generación se formará seleccionando **N** individuos del conjunto de [**N** (individuos de la generación actual) + **K** (hijos)].





Sesgo Joven

Generando K hijos de K padres...

- K > N : La nueva generación se genera seleccionando N de los K hijos <u>únicamente</u>.
- K ≤ N : La nueva generación se conformará por los K hijos generados + (N-K) individuos seleccionados de la generación actual.





Determina la cantidad de individuos introducidos en la nueva generación. $G \in [0,1]$

- **G** = **1** : Toda la población es reemplazada.
- **G** = **0** : Ningún individuo es reemplazado.
- **G** ϵ **(0,1)** : La nueva generación se compone de:
 - **(1-G)** * **N** de individuos de la generación anterior.
 - **G** * **N** de los individuos generados.





- Tiempo
- Cantidad de generaciones
- Solución aceptable
- **Estructura:** Una parte relevante⁽¹⁾ de la población no cambia⁽²⁾ en una cantidad de generaciones⁽¹⁾.
- **Contenido:** El mejor fitness no cambia⁽²⁾ en una cantidad de generaciones⁽¹⁾.
- (1) Parametrizable
- (2) Según la estructura, hay genes que se pueden definir un criterio con el cuál se consideran que no cambia.





Esquemas

(no es necesario para el Trabajo Práctico)



Es un patrón de similitud entre cromosomas. **Ejemplo:**

El esquema

*01001*01

representa:

001001001 001001101 101001001 101001101 Para estos ejercicios se asume un bit por gen, lo cual <u>no siempre es correcto</u>.

(Muchas veces no lo es)





$$o(S) = Len - \#wildcards$$
 $o(*01*) = 2$
 $o(**0*1****1) = 3$
 $o(011010*0) = 7$

Mientras más alto el esquema, mayor probabilidad de perderlo frente a una mutación.





Aquellos esquemas con un fitness medio superior a la media de la población y con un orden bajo aumentarán su presencia de manera exponencial en las sucesivas generaciones. 55





Esquemas de bajo orden y con un fitness alto serán elegidos, recombinados y re-elegidos para ir formando cromosomas con mayor fitness. Llamamos a estos esquemas **Bloques**Constructivos.

Esto permite reducir la complejidad del problema, dividiéndolo en sub-problemas.

- 1. Optimizar esquema
- 2. Encontrar esquemas
- 3. Agrupar esquemas

