學號:B03902072 系級: 資工三姓名:江廷睿

1. 請簡明扼要地闡述你如何抽取模型的輸入特徵 (feature)

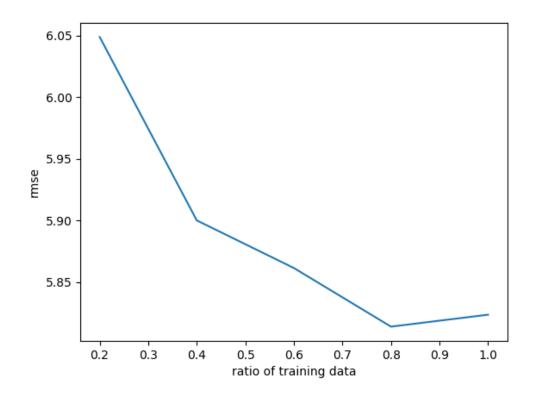
## 答:

首先刪除 WD\_HR 這個特徵,然後把 WIND\_DIREC 從角度換成二維平面上的兩個向量,因此每個小時的空汙指標依然是 18 維。取前 9 個小時的所有空氣污染指標(18維),共 162 維,先做一次線性迴歸,再從線性迴歸的權重中挑出那些絕對值大於 0.1 的特徵。

2. 請作圖比較不同訓練資料量對於PM2.5預測準確率的影響

## 答:

共有 5652 筆訓練資料,以下為分別使用 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0 的訓練資料所跑出的結果。



3. 請比較不同複雜度的模型對於PM2.5預測準確率的影響

答:

後來嘗試在做第一次線性迴歸之前,把每一維的資料平方之後接在每組訓練資料之後,形成 324 維的訓練資料。然而在相同的參數下,方均根誤差從原來的 5.81400 升高到了 5.94744。可見增加模型複雜度不見得會增加預測準確率。

4. 請討論正規化(regularization)對於PM2.5預測準確率的影響

## 答:

理論上而言,因為線性迴歸所要最小化的損失函數是凸函數,所以有全域最佳解。而 正規化也是線性的操作,因此不論是否有做正規化,皆可以得到一組等價的最佳解。 所以正規化理論上對預測準確度不會有影響。

5. 在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $x^n$ ,其標註(label)為一存量  $y^n$ ,模型參數為一向量w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^N (y^n-w\cdot x^n)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $X=[x^1\ x^2\ \cdots\ x^N]$ 表示,所有訓練資料的標註以向量  $y=[y^1\ y^2\ \cdots\ y^N]^T$ 表示,請以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w。

## 答:

$$egin{aligned} &\sum_{n=1}^{N}(y^{n}-w\cdot x^{n})^{2}\ =&\|y-Xw\|^{2}\ &rac{\partial}{\partial w}\|y-Xw\|^{2}\ =&2X^{T}(y-Xw)\ &2X^{T}(y-Xw)=0\ &w=(X^{T}X)^{-1}X^{T}y \end{aligned}$$