

## **UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA**

# CENTRO UNIVERSITARIO DE CIENCIAS EXACTAS E INGENIERIAS DEPARTAMENTO DE CIENCIAS COMPUTACIONALES

MATERIA: ALGORITMIA

**MAESTRA:** 

DAVID ALEJANDRO GOMEZ ANAYA

TITULO DE INVESTIGACIÓN:

Actividad Posterior 6: Algoritmos Voraces. (Prim y Kruskal)

**FECHA ENTREGA:** 

DOMINGO 29 DE MARZO 2018



**ALUMNO:** FELIPE DE JESUS RUIZ GARCIA

**CODIGO:** 214522077

**CARRERA:** INGENIERIA INFORMATICA (INNI)

SECCION: D10

**CALIFICACIÓN Y OBSERVACIONES:** 

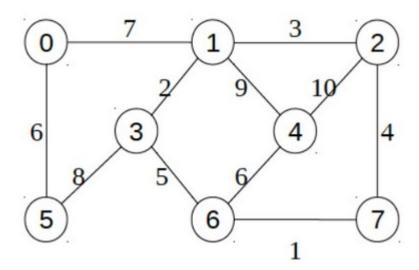
Obtenga el árbol de expansión mínima de los siguientes grafos usando:

- a) el algoritmo de Kruskal.
- b) el algoritmo de Prim.

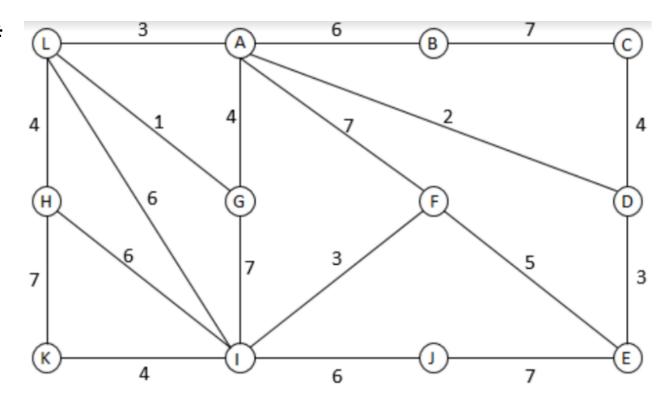
# Inicie la busqueda del arbol de recubrimiento minimo a partir del origen (0) o A.

- 1. Dibuje la solución para cada uno de los resultados.
- 2. Muestre las tablas de iteración en cada solución.
- 3. Ademas calcule el peso del arbol de expansion minima.

Grafo 1 #

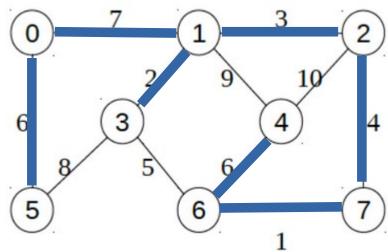


Grafo 2 #



#### Grafo 1 # KRUSKAL

Grafo 1 # A.1 ) Solucion indicada con las lineas azules



Grafo 1 # A.2 : ( KRUSKAL )		
ITERACION	SELECCIONADO	COMP CONEXOS
INICIALIZACION	-	{0}, {1}, {2}, {3}, {4}, {5}, {6}, {7}
1	(6, 7)	{0}, {1}, {2}, {3}, {4}, {5}, {6, 7}
2	(1, 3)	{0}, {1, 3}, {2}, {4}, {5}, {6, 7}
3	(1, 2)	{0}, {1, 2, 3}, {4}, {5}, {6, 7}
4	(2, 7)	{0}, {1, 2, 3, 6, 7}, {4}, {5}
5	(4, 6)	{0}, {1, 2, 3, 4, 6, 7}, {5}
6	(0, 5)	{0, 5}, {1, 2, 3, 4, 6, 7}
7	(0, 1)	{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}

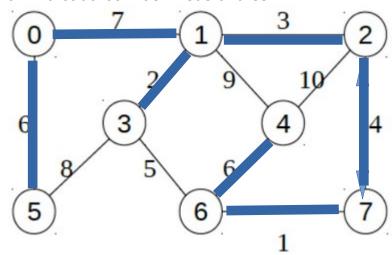
Grafo 1 # A.3 :		
El peso del arbol de recubri	<mark>miento minimo es</mark>	6 de: 6 + 7 + 3 + 4 + 1 + 6 + 2 = 29

<sup>&</sup>quot; En este grafo 1 #, el arbol de recubrimiento minimo resultante por Prim y Kruskal es exactamente el mismo, debido a la naturaleza del mismo grafo.

En prim elegimos el punto de inicio ( nodo de partida ) y esto conlleva a seguir el mismo camino que kruskal "

#### Grafo 1 # PRIM

Grafo 1 # B.1 ) Solucion indicada con las lineas azules



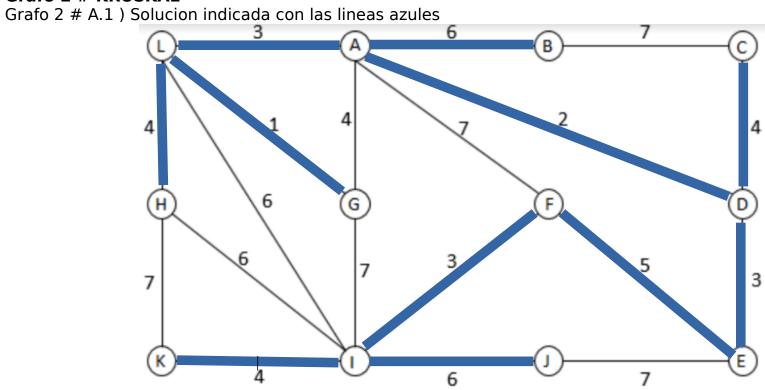
Grafo 1 # B.2 : ( <b>PRIM</b> )		
ITERACION	SELECCIONADO	COMP CONEXOS
INICIALIZACION	-	{0}
1	{0, 5}	{0, 5}
2	{0, 1}	{0, 1, 5}
3	{1, 3}	{0, 1, 3, 5}
4	{1, 2}	{0, 1, 2, 3, 5}
5	{2, 7}	{0, 1, 2, 3, 5, 7}
6	{6, 7}	{0, 1, 2, 3, 5, 6, 7}
7	<b>{6, 4}</b>	{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}

Grafo 1 # B.3 :			
El peso del arbol de recubri	miento minimo es	s de: 6 + 7 + 3 + 4 +	1+6+2=29

En prim elegimos el punto de inicio ( nodo de partida ) y esto conlleva a seguir el mismo camino que kruskal "

<sup>&</sup>quot; En este grafo 1 #, el arbol de recubrimiento minimo resultante por Prim y Kruskal es exactamente el mismo, debido a la naturaleza del mismo grafo.

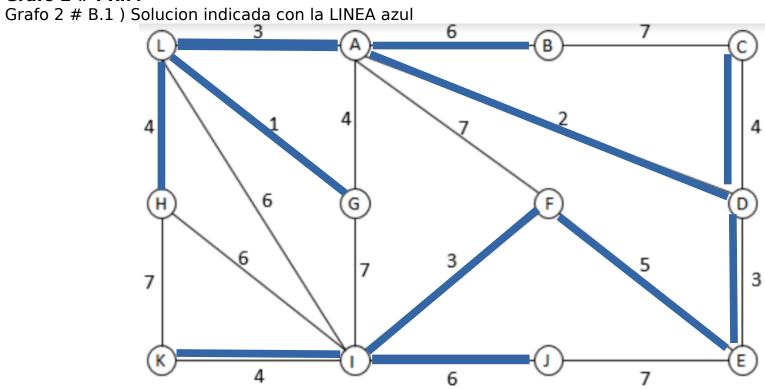
## Grafo 2 # KRUSKAL



Grafo 2 # A.2 :	( KRUSKAL )	
ITERACION	SELECCIONADO	COMP CONEXOS
INICIALIZACION	-	{A}{B}{C}{D}{E}{F}{G}{H}{I}{J}{K}{L}
1	{G, L}	{A}{B}{C}{D}{E}{F} <b>{G, L}</b> {H}{I}{J}{K}
2	{A, D}	<b>{A, D}</b> {B}{C}{D}{E}{F}{G, L}{H}{I}{J}{K}
3	{A, L}	<b>{A, D, G, L}</b> {B}{C}{D}{E}{F}{H}{I}{J}{K}
4	{D, E}	<b>{A, D, E, G, L}</b> {B}{C}{F}{H}{I}{J}{K}
5	{F, I}	{A, D, E, G, L} {B}{C} <b>{F, I}</b> {H}{J}{K}
6	{I, K}	{A, D, G, L} {B}{C} <b>{F, I, K}</b> {H}{J}
7	{L, H}	<b>{A, D, E, G, H, L}</b> {B}{C}{F, I, K}{J}
8	{C, D}	<b>{A, C, D, E, G, H, L}</b> {B}{F, I, K}{J}
9	{E, F}	<b>{A, C, D, E, F, G, H, I, K, L}</b> {B}{J}
10	{A, B}	{A, B, C, D, E, F, G, H, I, K, L}{J}
11	{I, J}	{A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L}

Grafo 1 # A.3 :					
Peso arbol recubr	<mark>'imiento minimo</mark>	es: 1 + 3 +	6 + 4 + 2 +	4 + 3 + 5 +	3 + 4 + 6 = 41

## Grafo 2 # PRIM



Grafo 2 # B.2 :	(PRIM)	
ITERACION	SELECCIONADO	COMP CONEXOS
INICIALIZACION	-	A
1	{A, D}	{A, <b>D</b> }
2	{D, E}	{A, D, <b>E</b> }
3	{A, L}	{A, D, E, <b>L</b> }
4	{L, G}	{A, D, E, L, <b>G</b> }
5	{C, D}	{A, <b>C,</b> D, E, L, G}
6	{L, H}	{A, C, D, E, <b>H,</b> L, G}
7	{E, F}	{A, C, D, E, <b>F,</b> H, L, G}
8	{F, I}	{A, C, D, E, F, H, <b>I,</b> L, G}
9	{I, K}	{A, C, D, E, F, H, I, <b>K,</b> L, G}
10	{A, B}	{A, <b>B,</b> C, D, E, F, H, I, K, L, G}
11	{I, J}	{A, B, C, D, E, F, H, I, <b>J,</b> K, L, G}

Grafo 1 # B.3 :					
Peso arbol recubr	<mark>'imiento minimo</mark>	es: 1 + 3 + 6	+ 4 + 2 + 4	+ 3 + 5 +3	+4+6=41

#### **CONCLUSION:**

Prim puede retornar un arbol de recubrimiento minimo dependiendo el origen de partida; a diferente punto de inicio puede o no ser diferente arbol de recubrimiento.

El Kruskal no es asi.

Sin embargo en ambos algoritmos puede ser diferente el arbol de recubrimiento que estos proveen, esto lo determina las elecciones que hagamos, por ejemplo, si dos aristas equivalen una desicion, la eleccion de una de estas puede dar lugar a otro arbol...

Ahora tiene sentido, el tomar las desiciones de acuerdo al vertice (nodo ) mas cercano al origen.