

Algorithm

chenRenning

算法模板整理

更新：2024 年 8 月 4 日

目录

1	基础算法	2
1.1	排序	2
1.2	二分 binary search	3
1.3	常见高精度	4
1.4	前缀和	6
1.5	差分	7
1.6	双指针	9
1.7	离散化	10
1.8	区间合并	12
1.9	应用	13
2	数据结构	15
2.1	链表	15
2.2	栈	17

1	基础算法	1
2.3	单调栈、单调队列	18
2.4	KMP	20
2.5	字典树 Trie	21
3	经典题	23

代码基本框架:

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std ;
4
5 void solve()
6 {
7     // do something
8 }
9
10 int main()
11 {
12     cin.tie(nullptr)->ios::sync_with_stdio(false) ;
13     //关闭同步流-> 加快cin
14
15     int t = 1 ;
16     // cin >> t ; 多测的时候将注释去掉
17     while ( t-- ) {
18         solve() ;
19     }
20     return 0 ;
21 }
```

1 基础算法

1.1 排序

常用排序算法

- quick_sort $O(n\log n)$
- merge_sort $O(n\log n)$

```
1 // quick_sort
2 const int N = 1e5 + 10 ;
3
4 int a[N] , n ;
5
6 void quick_sort(int l,int r) {
7     if ( l >= r ) return ;
8     int mid = (l + r) >> 1 ;
9     int k = a[mid] , i = l - 1 , j = r + 1 ;
10    while ( j > i ) {
11        do ++ i ; while ( a[i] < k ) ;
12        do -- j ; while ( a[j] > k ) ;
13        if ( j > i ) {
14            std::swap(a[i] , a[j]) ;
15        }
16    }
17    quick_sort(l , j) , quick_sort(j + 1 , r) ;
18 }
```

```
1 // merge_sort
2 const int N = 1e5 + 10 ;
3
4 int a[N] , tmp[N] , n ;
5
6 void merge_sort(int l,int r) {
7     if ( l == r ) return ;
8     int mid = (l + r) >> 1 ;
9     merge_sort(l , mid) , merge_sort(mid + 1 , r) ;
10    int i = l , j = mid + 1 , k = 0 ;
11    while ( i <= mid && j <= r ) {
12        if ( a[i] < a[j] ) {
13            tmp[k++] = a[i++] ;
14        } else {
15            tmp[k++] = a[j++] ;
16        }
17    }
```

```
18 while (i <= mid) tmp[k++] = a[i++] ;
19 while (j <= r) tmp[k++] = a[j++] ;
20 for(i = 0 , j = 1 ; j <= r ; ++ j , ++ i) a[j] = tmp[i] ;
21 }
```

1.2 二分 binary search

常用函数:

lower_bound(left,right,value)

upper_bound(left,right,value)

.....(以及 stl 容器自带方法等)

建立在有序序列之中 具体用法 <https://oi-wiki.org/basic/binary/>

```
1 // 边界值根据所需改变
2 // 整数二分
3 int l = 0 , r = 1e12 , ans = 0 ;
4 while ( r >= l ) {
5     int mid = (l + r) >> 1 ; // 等同于 (l + r) / 2
6     if ( check(mid) ) {
7         ans = mid ;
8         // r = mid - 1 or l = mid + 1 根据需求来
9     } else {
10        // l = mid + 1 or r = mid - 1 同理
11    }
12 }
13 // ans 即所需 关键在check函数的设计
14 // 实数二分
15 const double eps = 1e-8 ; // 精度
16 double l = 0 , r = 1e6 , ans = 0 ;
17 while ( r - l >= eps )
18 {
19     double mid = (l + r) / 2 ;
20     if (check(mid)) {
21         ans = mid ;
22         // r = mid or l = mid
23     } else {
24         // l = mid or r = mid
```

```
25 }  
26 }
```

1.3 常见高精度

```
1 //高精度 + 高精度  $O(n + m)$   
2 std::vector<int> add(std::vector<int> A, std::vector<int> B)  
3 {  
4     std::vector<int> C ;  
5     int t = 0 ;  
6     for(int i = 0 , j = 0 ; i < (int)A.size() || j < (int)B.  
7         size() ; ++ i , ++ j)  
8     {  
9         if ( i < (int)A.size() ) t += A[i] ;  
10        if ( i < (int)B.size() ) t += B[i] ;  
11        C.push_back(t % 10) ;  
12        t /= 10 ;  
13    }  
14    while ( t ) C.push_back(t % 10) , t /= 10 ;  
15    while ( C.size() > 1 && C.back() == 0 ) C.pop_back() ;  
16    return C ;  
17 }
```

```
1 // 高精度 - 高精度  $O(n + m)$   
2 #include <bits/stdc++.h>  
3  
4 bool cmp(std::string a, std::string b) {  
5     if ( a.size() != b.size() ) return a.size() < b.size() ;  
6     for(int i = 0 ; i < (int)a.size() ; ++ i) if ( a[i] != b[i]  
7         ] ) return a[i] < b[i] ;  
8     return false ;  
9 }  
10 std::vector<int> sub(std::vector<int> A, std::vector<int> B) {  
11     std::vector<int> C ;  
12     int t = 0 ;  
13     for(int i = 0 ; i < (int)A.size() ; ++ i)  
14     {  
15         t += A[i] ;  
16     }
```

```
15         if (i < (int)B.size()) t -= B[i] ;
16         C.push_back((t % 10 + 10) %10) ;
17         if ( t < 0 ) t = -1 ;
18         else t = 0 ;
19     }
20     while (t) C.push_back((t % 10 + 10) % 10) , t /= 10;
21     while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
22     return C;
23 }
24
25 int main()
26 {
27     // 字符串直接比较是按照字典序，因此需要手写一个cmp函数比较二
        者数值大小
28     std::string a , b ;
29     std::cin >> a >> b ;
30     if ( cmp(a , b) ) {
31         std::cout << '—' ;
32         swap(a , b) ;
33     }
34     std::vector<int> A , B ;
35     for(int i = (int)a.size() - 1 ; i >= 0 ; -- i) A.push_back
        (a[i] - '0') ;
36     for(int i = (int)b.size() - 1 ; i >= 0 ; -- i) B.push_back
        (b[i] - '0') ;
37     auto C = sub(A , B) ;
38
39     for(int i = (int)C.size() - 1 ; i >= 0 ; -- i) std::cout
        << C[i] ;
40
41     return 0 ;
42 }
```

1 // 高精度 * 低精度

```
2 std::vector<int> mul(std::vector<int> A,int B) {
3     std::vector<int> C ;
4     int t = 0 ;
5     for(int i = 0 ; i < (int)A.size() ; ++ i)
6     {
```

```
7     t += A[i] * B ;
8     C.push_back(t % 10) ;
9     t /= 10;
10 }
11 while ( t ) C.push_back(t % 10) , t /= 10 ;
12 while ( C.size() > 1 && C.back() == 0 ) C.pop_back() ;
13 return C ;
14 }
```

```
1 // 高精度 ÷ 低精度
2 std::vector<int> div(std::vector<int> A,int B,int &r)
3 {
4     std::vector<int> C ;
5     r = 0 ;
6     for(int i = (int)A.size() - 1 ; i >= 0 ; -- i)
7     {
8         r = r * 10 + A[i] ;
9         C.push_back(r / B) ;
10        r %= B ;
11    }
12    reverse(C.begin(),C.end()) ;
13    while ( C.size() > 1 && C.back() == 0 ) C.pop_back();
14    return C ;
15 }
```

1.4 前缀和

```
1 // 一维
2 int n , a[N] , sum[N] ;
3 void solve() {
4     std::cin >> n ;
5     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
6     {
7         std::cin >> a[i] ;
8         sum[i] = sum[i - 1] + a[i] ;
9     }
10 }
11 // sum_i 表示前 i 个元素之和
```

```
1 // 二维
2 int n , a[N][N] , sum[N][N] ;
3 void solve() {
4     std::cin >> n ;
5     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
6     {
7         for(int j = 1 ; j <= n ; ++ j)
8         {
9             std::cin >> a[i][j] ;
10            sum[i][j] = sum[i - 1][j] + sum[i][j - 1] - sum[i - 1][j
              - 1] + a[i][j] ;
11        }
12    }
13 }
14 // sum_{i , j} 表示以 (i , j) 为右下端点的矩阵元素之和
```

1.5 差分

```
1 // 一维
2 int n , q , a[N] , b[N] ;
3 void solve() {
4     std::cin >> n >> q ;
5     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
6     {
7         std::cin >> a[i] ;
8     }
9     while (q --)
10    {
11        // 每一次操作给定 l , r , v 表示在数组 a 区间 [l , r] 上的
              元素加上 v
12        int l , r , v ;
13        std::cin >> l >> r >> v ;
14        b[l] += v ;
15        b[r + 1] -= v ;
16    }
17    for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
18    {
```



```
19     b[i] += b[i - 1] ;
20     a[i] += b[i] ;
21 }
22 }
```

```
1 // 二维
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 const int N = 1010 ;
5
6 int n , m , q , a[N][N] , b[N][N] ;
7
8 void insert(int x1,int y1,int x2,int y2,int v)
9 {
10     b[x1][y1] += v;
11     b[x2 + 1][y1] -= v ;
12     b[x1][y2 + 1] -= v ;
13     b[x2 + 1][y2 + 1] += v ;
14 }
15
16 int main()
17 {
18     std::cin >> n >> m >> q ;
19     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
20     {
21         for(int j = 1 ; j <= m ; ++ j)
22         {
23             std::cin >> a[i][j] ;
24         }
25     }
26     while ( q-- )
27     {
28         int x1 , y1 , x2 , y2 , v ;
29         std::cin >> x1 >> y1 >> x2 >> y2 >> v ;
30         insert(x1 , y1 , x2 , y2 , v) ;
31     }
32     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
33     {
34         for(int j = 1 ; j <= m ; ++ j)
```

```
35     {
36         b[i][j] += b[i - 1][j] + b[i][j - 1] - b[i - 1][j
            - 1] ;
37         std::cout << b[i][j] + a[i][j] << ' ' ;
38     }
39     std::cout << '\n' ;
40 }
41 return 0 ;
42 }
```

1.6 双指针

```
1 // 滑动窗口 (同向双指针)
2 // 给定一个长度为  $n$  的整数序列 , 请找出最长的不包含重复的数的连续
   区间 , 输出它的长度。
3 #include <bits/stdc++.h>
4
5 int main()
6 {
7     int n ;
8     std::cin >> n ;
9     std::vector<int> a(n) , cnt(100010 , 0) ;
10    for(auto & p : a) std::cin >> p ;
11    int l = 0 , r = 0 , ans = 0 ;
12    while ( r < n )
13    {
14        ++ cnt[a[r]] ;
15        while (r > l && cnt[a[r]] > 1) {
16            -- cnt[a[l++]] ;
17        }
18        ans = std::max(ans , r - l + 1) ;
19        ++ r ;
20    }
21    std::cout << ans << "\n" ;
22    return 0 ;
23 }
```

```
1 // 双向双指针
```

```
2 // 例题 lc1.两数之和
3 vector<int> twoSum(vector<int>& nums, int target) {
4     vector<pair<int , int>> a;
5     for(int i = 0 ; i < (int)nums.size() ; ++ i) a.push_back({
6         nums[i] , i});
7     sort(a.begin(),a.end()) ;
8     int l = 0 , r = (int)a.size() - 1 ;
9
10    while (r > l)
11    {
12        if ( a[l].first + a[r].first == target ) {
13            return {a[l].second , a[r].second} ;
14        } else if ( a[l].first + a[r].first > target ) {
15            --r ;
16        } else {
17            ++l ;
18        }
19    }
20    return {} ;
21 }
```

1.7 离散化

```
1 // 例题 acwing802
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 int main()
5 {
6     std::cin.tie(nullptr)->std::ios::sync_with_stdio(false) ;
7
8     int n , m ;
9     std::cin >> n >> m ;
10
11     std::vector<std::pair<int , int>> a;
12     std::vector<int> bin , b , sum ;
13     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
```

```
14     {
15         int x , v ;
16         std::cin >> x >> v ;
17         a.push_back({x , v}) ;
18         bin.push_back(x) ;
19     }
20     sort(a.begin(),a.end()) ;
21     sort(bin.begin(),bin.end()) ;
22     bin.erase(unique(bin.begin(),bin.end()),bin.end()) ;
23     // unique 去重函数返回去重后的尾地址, erase(l , r) 删除下
    标
24     b.resize(bin.size() , 0) ;
25     sum.resize(bin.size() + 1 , 0) ;
26     for(auto p : a)
27     {
28         int x = lower_bound(bin.begin(),bin.end(),p.first) -
            bin.begin() ;
29         b[x] += p.second ;
30     }
31
32     for(int i = 0 ; i < (int)b.size() ; ++ i)
33     {
34         sum[i + 1] = sum[i] + b[i] ;
35     }
36     while (m--)
37     {
38         int l , r ;
39         std::cin >> l >> r ;
40         int L = upper_bound(bin.begin(),bin.end(),l) - bin.
            begin() - 1 ;
41         int R = upper_bound(bin.begin(),bin.end(),r) - bin.
            begin() - 1 ;
42         if ( bin[L] < l ) ++ L ;
43         if ( L > R )
44         {
45             std::cout << 0 << "\n" ;
46             continue ;
47         }
```

```
48         std::cout << sum[R + 1] - sum[L] << '\n' ;
49     }
50     return 0 ;
51 }
```

1.8 区间合并

```
1 // 例题 acwing803
2 std::vector<std::pair<int , int>> merge(std::vector<std::pair<
    int , int>> a)
3 {
4     std::vector<std::pair<int , int>> C ;
5     int l , r ;
6     l = r = -2e9 ;
7     for(auto p : a)
8     {
9         if ( p.first > r )
10        {
11            if ( r != -2e9 ) {
12                C.push_back({l , r}) ;
13            }
14            l = p.first , r = p.second ;
15        } else {
16            r = std::max(p.second , r) ;
17        }
18    }
19    C.push_back({l , r}) ;
20    return C ;
21 }
```

1.9 应用

求逆序对的个数 (归并、线段树)

```
1 //  $O(n\log n)$  归并排序过程中求得逆序对数量
2 i64 merge_sort(int l, int r) {
3     if ( l == r ) return 0 ;
```

```
4 int mid = (l + r) >> 1 ;
5 i64 x = merge_sort(l , mid) , y = merge_sort(mid + 1 , r) ,
   ans = 0 ;
6
7 int i = l , j = mid + 1 , k = 0 ;
8 while ( i <= mid && j <= r ) {
9     if ( a[i] <= a[j] ) {
10         tmp[k++] = a[i++] ;
11     } else {
12         ans += mid - i + 1 ;
13         tmp[k++] = a[j++] ;
14     }
15 }
16 while (i <= mid) tmp[k++] = a[i++] ;
17 while (j <= r) tmp[k++] = a[j++] ;
18 for(i = l , j = 0 ; i <= r ; ++ i , ++ j) a[i] = tmp[j] ;
19 return ans + x + y ;
```

```
1 //  $O(n\log n)$  利用线段树(单点修改、区间查询)求得逆序对数量
2 #define ls (x << 1)
3 #define rs (x << 1 | 1)
4
5 int n , a[N] , sum[N << 2] , bin[N] ;
6 inline void update(int x) { sum[x] = sum[ls] + sum[rs] ; }
7 inline void modify(int pos,int l,int r, int x) {
8     if ( l == r ) return sum[x] ++ , void() ;
9     int mid = (l + r) >> 1 ;
10    if ( pos <= mid ) modify(pos , l , mid , ls) ;
11    else modify(pos , mid + 1 , r , rs) ;
12    update(x) ;
13 }
14 inline int query(int A,int B,int l,int r,int x) {
15     if ( A > B ) return 0 ;
16     if ( A <= l && r <= B ) return sum[x] ;
17     int mid = (l + r) >> 1 , ans = 0 ;
18     if ( A <= mid ) ans += query(A , B , l , mid , ls) ;
19     if ( mid < B ) ans += query(A , B , mid + 1 , r , rs) ;
20     return ans ;
21 }
```

```
22 void solve() {
23     std::cin >> n ;
24     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
25     {
26         std::cin >> a[i] ;
27         bin[i] = a[i] ;
28     }
29     std::sort(bin + 1 , bin + 1 + n) ;
30     int m = std::unique(bin + 1 , bin + 1 + n) - bin - 1 ;
31     i64 ans = 0 ;
32     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
33     {
34         int x = std::lower_bound(bin + 1 , bin + 1 + m , a[i]) -
                bin ;
35         ans += query(x + 1 , m , 1 , n , 1) ;
36         modify(x , 1 , n , 1) ;
37     }
38     std::cout << ans << '\n' ;
39 }
```

2 数据结构

2.1 链表

```
1 // 数组模拟单链表
2 // head 需要初始化为 -1 表示末尾
3 int n , cnt , head , ne[N] , e[N] ;
4 inline void insert(int k,int x) {
5     // 在第 k 个插入的元素后面插入一个元素 x
6     e[cnt] = x , ne[cnt] = ne[k] , ne[k] = cnt++ ;
7 }
8 inline void del(int k) {
9     // 删除第 k 个插入的元素后面的元素
10    ne[k] = ne[ne[k]] ;
11 }
12 inline void head_insert(int x) {
13     // 头部插入一个元素 x
14     e[cnt] = x , ne[cnt] = head , head = cnt++ ;
15 }
16 inline void print() {
17     // 输出整个链表
18     for(int i = head ; i != -1 ; i = ne[i])
19     {
20         std::cout << e[i] << " " ;
21     }
22 }
```

```
1 // 数组模拟双链表 例题 acwing827
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 using namespace std ;
5
6 const int N = 2e5 + 10 ;
7
8 int n , lft[N] , rgt[N] , cnt , e[N] ;
9 void insert(int k, int x) {
10     e[cnt] = x ;
11     rgt[cnt] = rgt[k] ;
```



```
12     lft[cnt] = k ;
13     lft[rgt[cnt]] = cnt ;
14     rgt[k] = cnt++ ;
15 }
16 void del(int k) {
17     lft[rgt[k]] = lft[k] ;
18     rgt[lft[k]] = rgt[k] ;
19 }
20 int main()
21 {
22     cin >> n ;
23     cnt = 2 ;
24     lft[1] = 0 , rgt[0] = 1 ;
25     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
26     {
27         string op ;
28         cin >> op ;
29         if (op == "L")
30         {
31             int x ;
32             cin >> x ;
33             insert(0 , x) ;
34         } else if (op == "R") {
35             int x ;
36             cin >> x ;
37             insert(lft[1] , x) ;
38         } else if ( op == "D") {
39             int k ;
40             cin >> k ;
41             del(k + 1) ;
42         } else if ( op == "IL" ) {
43             int k , x ;
44             cin >> k >> x ;
45             insert(lft[k + 1] , x) ;
46         } else if ( op == "IR" ) {
47             int k , x ;
48             cin >> k >> x ;
49             insert(k + 1 , x) ;
```

```
50     }
51 }
52 for(int i = rgt[0] ; i != 1 ; i = rgt[i])
53 {
54     cout << e[i] << " " ;
55 }
56 return 0 ;
57 }
```

2.2 栈

```
1 //经典例题：表达式求值
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 using namespace std ;
5
6 stack<char> op ;
7 stack<int> num ;
8
9 void eval()
10 {
11     auto a = num.top() ; num.pop() ;
12     auto b = num.top() ; num.pop() ;
13     auto c = op.top() ; op.pop() ;
14     if ( c == '*' ) {
15         num.push(a * b) ;
16     } else if ( c == '/' ) {
17         num.push(b / a) ;
18     } else if ( c == '+' ) {
19         num.push(a + b) ;
20     } else {
21         num.push(b - a) ;
22     }
23 }
24
25 int main()
26 {
```

```
27 unordered_map<char , int> pr {{ '+',1},{ '-',1},{ '*',2},{ '/',  
    ,2}} ;  
28 string str ;  
29 cin >> str ;  
30  
31 for(int i = 0 ; i < (int)str.size() ; ++ i)  
32 {  
33     if ( isdigit(str[i]) ) {  
34         int j = str[i] - '0' ;  
35         ++ i;  
36         while ( i < (int)str.size() && isdigit(str[i]) ) {  
37             j = j * 10 + str[i++] - '0' ;  
38         }  
39         -- i;  
40         num.push(j) ;  
41     } else if (str[i] == '(') {  
42         op.push(str[i]) ;  
43     } else if (str[i] == ')') {  
44         while ( op.top() != '(' ) eval();  
45         op.pop() ;  
46     } else {  
47         while ( !op.empty() && pr[op.top()] >= pr[str[i]]  
48             ) eval() ;  
49         op.push(str[i]) ;  
50     }  
51     while ( !op.empty() ) eval() ;  
52     cout << num.top() ;  
53     return 0 ;  
54 }
```

2.3 单调栈、单调队列

```
1 // 单调栈  
2 #include <bits/stdc++.h>  
3  
4 using namespace std ;
```

```
5
6 int main()
7 {
8     int n ;
9     std::cin >> n ;
10    stack<int> S ;
11    for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
12    {
13        int x ;
14        cin >> x;
15        while ( !S.empty() && S.top() >= x ) S.pop() ;
16        if ( S.empty() ) {
17            cout << -1 << ' ' ;
18        } else {
19            cout << S.top() << ' ' ;
20        }
21        S.push(x) ;
22    }
23    return 0 ;
24 }
```

```
1 //一维单调队列
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 using namespace std ;
5
6 int main()
7 {
8     int n , k ;
9     cin >> n >> k ;
10    std::vector<int> a(n) ;
11    for(auto & p : a) std::cin >> p ;
12
13    deque<int> mn , mx ;
14    std::vector<int> r1 , r2 ;
15    for(int i = 0 ; i < n ; ++ i)
16    {
17        while ( !mn.empty() && a[mn.back()] > a[i] ) mn.
            pop_back();
```

```
18     while ( !mx.empty() && a[mx.back()] < a[i] ) mx.  
        pop_back() ;  
19     mx.push_back(i) ;  
20     mn.push_back(i) ;  
21     while ( i - mn.front() + 1 > k ) mn.pop_front() ;  
22     while ( i - mx.front() + 1 > k ) mx.pop_front() ;  
23     if ( i + 1 >= k ) {  
24         r1.push_back(a[mn.front()]) ;  
25         r2.push_back(a[mx.front()]) ;  
26     }  
27 }  
28 for(auto p : r1) cout << p << ' ' ;  
29 cout << '\n' ;  
30 for(auto p : r2) cout << p << ' ' ;  
31 return 0 ;  
32 }
```

2.4 KMP

字符串重要算法之一 (模式匹配)

```
1 // O(n + m)  
2 #include <bits/stdc++.h>  
3  
4 using namespace std ;  
5  
6 const int N = 1e6 + 10 ;  
7  
8 int n , m , ne[N] ;  
9 string s , t ;  
10  
11 int main()  
12 {  
13     cin >> n >> t >> m >> s ;  
14     s = '#' + s , t = '#' + t ;  
15     for(int i = 2 , j = 0 ; i <= n ; ++ i)  
16     {  
17         while ( j && t[j + 1] != t[i] ) j = ne[j] ;
```

```
18         if ( t[j + 1] == t[i] ) ++ j ;
19         ne[i] = j ;
20     }
21     for(int i = 1 , j = 0 ; i <= m ; ++ i)
22     {
23         while ( j && t[j + 1] != s[i] ) j = ne[j] ;
24         if ( t[j + 1] == s[i] ) ++ j ;
25         if ( j == n ) {
26             cout << i - n << ' ' ;
27             j = ne[j] ;
28         }
29     }
30     return 0 ;
31 }
```

2.5 字典树 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std ;
4
5 const int N = 2e5 + 10 ;
6
7 int son[N][26] , n , cnt[N] , tot ;
8 void insert(string str) {
9     int p = 0 ;
10    for(auto c : str) {
11        if ( !son[p][c - 'a'] ) son[p][c - 'a'] = ++tot ;
12        p = son[p][c - 'a'] ;
13    }
14    ++ cnt[p] ;
15 }
16 int query(string str) {
17     int p = 0 ;
18     for(auto c : str) {
19         if ( !son[p][c - 'a'] ) return 0 ;
20         p = son[p][c - 'a'] ;
```

```
21     }
22     return cnt[p] ;
23 }
24 int main()
25 {
26     cin >> n ;
27     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
28     {
29         char op ;
30         string str ;
31         cin >> op >> str ;
32         if ( op == 'I' ) {
33             insert(str) ;
34         } else {
35             cout << query(str) << '\n' ;
36         }
37     }
38     return 0 ;
39 }
```

2.6 应用

```
1 //最大异或对 url: https://www.luogu.com.cn/problem/P10471
2 #include <bits/stdc++.h>
3
4 using namespace std ;
5
6 const int N = 3e6 + 10 ;
7
8 int n , son[N][2] , tot ;
9 void insert(string str)
10 {
11     int p = 0 ;
12     for(auto c : str){
13         if ( !son[p][c - '0'] ) son[p][c - '0'] = ++tot ;
14         p = son[p][c - '0'] ;
15     }
```

```
16 }
17 int str_xor(string a,string b) {
18     int ans = 0 ;
19     for(int i = 0 ; i <= 30 ; ++ i)
20     {
21         if ( a[i] != b[i] ) {
22             ans += 1 << (30 - i) ;
23         }
24     }
25     return ans ;
26 }
27 string query(string str) {
28     int p = 0 ;
29     string ans ;
30     for(auto c : str) {
31         int t = (c - '0') ^ 1 ;
32         if ( !son[p][t] ) {
33             p = son[p][c - '0'] ;
34             ans.push_back(c) ;
35         } else {
36             p = son[p][t] ;
37             ans.push_back(char('0' + t)) ;
38         }
39     }
40     return ans ;
41 }
42
43 int main()
44 {
45     cin >> n ;
46     std::vector<string> a(n) ;
47     for(int i = 0 ; i < n ; ++ i)
48     {
49         int x ;
50         cin >> x ;
51         for(int j = 30 ; j >= 0 ; -- j){
52             a[i].push_back(char('0' + (x >> j & 1))) ;
53         }
```



```
54         insert(a[i]) ;
55     }
56
57     int ans = 0 ;
58     for(int i = 0 ; i < n ; ++ i)
59     {
60         ans = max(ans , str_xor(a[i] , query(a[i]))) ;
61     }
62     cout << ans << '\n' ;
63
64     return 0 ;
65 }
```

3 经典题

<https://www.luogu.com.cn/problem/solution/P10837>

扫描线、前缀和、二分

简要题意：对于每一个凋零玫瑰在 t_i 时刻会绽放延续 m 时刻，询问若此时可以修改 1 个凋零玫瑰的绽放时刻请问最多有多少时刻有且仅有 1 个凋零玫瑰绽放。

思路：显然我们需要知道一个关键信息，改变一个凋零玫瑰绽放时刻对答案的影响会是什么？设修改的凋零玫瑰绽放时刻区间为 $[t_l, t_r]$ ，若在此区间内包含某些时刻有且仅有 1 个凋零玫瑰绽放则对答案贡献是 -1 ，若有 2 个凋零玫瑰绽放则对答案贡献是 1，知道这个后只需要预处理出所有包含 1 个和 2 个凋零玫瑰绽放的时刻区间后枚举修改的凋零玫瑰通过前缀和、二分的手段计算求得最大即可。预处理可以通过扫描线的思想求得。

时间复杂度 $O(n \log n)$ 。

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define int long long
3
4 void solve() {
5     int n , m ;
6     std::cin >> n >> m ;
7     std::map<int , int> a;
8     std::vector<int> arr(n + 1 , 0);
9     for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
10    {
11        std::cin >> arr[i] ;
12        a[arr[i]] ++ ;
13        a[arr[i] + m] -- ;
14    }
15
16    int cnt = 0 , x1 , x2 , ok1 = 0 , ok2 = 0 ;
17    // 通过扫描线的思想预处理
18    std::vector<std::pair<int , int>> b1 , b2;
```

```
19
20  for(auto &p : a)
21  {
22      cnt += p.second ;
23      if ( !p.second ) {
24          if ( ok1 ) {
25              b1.push_back({x1 , p.first - 1}) ;
26              x1 = p.first ;
27          }
28          if ( ok2 ) {
29              b2.push_back({x2 , p.first - 1}) ;
30              x2 = p.first ;
31          }
32      } else if ( cnt == 1 ) {
33          if ( !ok1 ) {
34              x1 = p.first ;
35          }
36          if ( ok2 ) {
37              b2.push_back({x2 , p.first - 1}) ;
38              ok2 = 0 ;
39          }
40          ok1 = 1 ;
41      } else if ( cnt == 2 ) {
42          if ( !ok2 ) {
43              x2 = p.first ;
44          }
45          if ( ok1 ) {
46              b1.push_back({x1 , p.first - 1}) ;
47              ok1 = 0 ;
48          }
49          ok2 = 1 ;
50      } else {
51          if ( ok1 ) {
52              b1.push_back({x1 , p.first - 1}) ;
53              ok1 = 0 ;
54          }
55          if ( ok2 ) {
56              b2.push_back({x2 , p.first - 1}) ;
```

```
57         ok2 = 0 ;
58     }
59 }
60 }
61 // 预处理前缀和
62 std::vector<int> s1((int)b1.size() + 1 , 0) , s2((int)b2.
    size() + 1 , 0);
63 for(int i = 0 ; i < (int)b1.size() ; ++ i)
64 {
65     s1[i + 1] = s1[i] + b1[i].second - b1[i].first + 1 ;
66 }
67 for(int i = 0 ; i < (int)b2.size() ; ++ i)
68 {
69     s2[i + 1] = s2[i] + b2[i].second - b2[i].first + 1 ;
70 }
71
72 int ans = 0 ;
73 // 枚举
74 for(int i = 1 ; i <= n ; ++ i)
75 {
76     int x = arr[i] , y = arr[i] + m - 1 ; // 影响时刻区间[x ,
        y]
77
78     int l = 0 , r = b1.size() - 1 , lo = -1 , hg = -1 , r1 = 0
        , r2 = 0 ;
79     while ( r >= l ) {
80         int mid = ( l + r ) >> 1 ;
81         if ( b1[mid].first >= x ) {
82             r = mid - 1 ;
83             lo = mid ;
84         } else {
85             l = mid + 1 ;
86         }
87     }
88     l = 0 , r = b1.size() - 1 ;
89     while ( r >= l ) {
90         int mid = (l + r) >> 1 ;
91         if ( b1[mid].second <= y ) {
```

```
92         l = mid + 1 ;
93         hg = mid ;
94     } else {
95         r = mid - 1 ;
96     }
97 }
98 if ( lo != -1 ) {
99     r1 = s1[hg + 1] - s1[lo] ;
100 }
101 l = 0 , r = b2.size() - 1 , lo = -1 , hg = -1 ;
102 while ( r >= l ) {
103     int mid = ( l + r ) >> 1 ;
104     if ( b2[mid].first >= x ) {
105         r = mid - 1 ;
106         lo = mid ;
107     } else {
108         l = mid + 1 ;
109     }
110 }
111 l = 0 , r = b2.size() - 1 ;
112 while ( r >= l ) {
113     int mid = ( l + r ) >> 1 ;
114     if ( b2[mid].second <= y ) {
115         l = mid + 1 ;
116         hg = mid ;
117     } else {
118         r = mid - 1 ;
119     }
120 }
121 if ( lo != -1 ) {
122     r2 = s2[hg + 1] - s2[lo] ;
123 }
124 ans = std::max(ans , s1[b1.size()] - r1 + r2 + m) ;
125 }
126 std::cout << ans << '\n' ;
127 }
128
129 signed main()
```

```
130 {  
131     std::cin.tie(nullptr)->std::ios::sync_with_stdio(false) ;  
132  
133     int t = 1 ;  
134     // std::cin >> t ;  
135     while ( t-- ) {  
136         solve() ;  
137     }  
138  
139     return 0 ;  
140 }
```