

Nome: \_\_\_\_\_ Nº de estudante: \_\_\_\_\_

**Atenção:** Este teste tem 13 questões em 6 páginas, num total de 200 pontos.

### Parte I — Questões de Escolha Múltipla

Cada questão tem uma resposta certa. Respostas erradas não descontam.

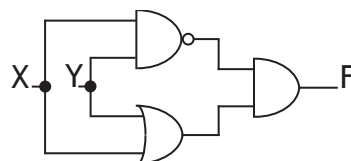
As respostas às questões de escolha múltipla devem ser assinaladas com × na grelha seguinte.

**Apenas as respostas indicadas na grelha são consideradas para efeitos de avaliação.**

|       | Questão |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|-------|---------|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Opção | 1       | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| A     |         |   |   |   | × |   | × |   |   |    |
| B     | ×       |   | × |   |   | × |   |   |   |    |
| C     |         |   |   | × |   |   |   | × |   | ×  |
| D     |         | × |   |   |   |   |   |   | × |    |

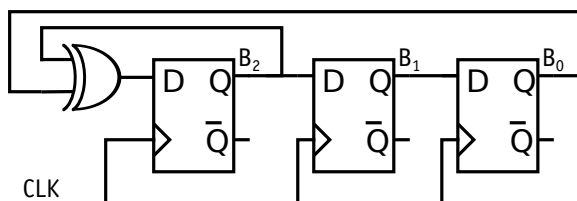
Pontos: \_\_\_\_\_ / 100

- [10] 1. Interpretando  $81A_H$  como um número sem sinal, o seu valor decimal é:  
 A. 2090    **B. 2074**    C. 1050    D. 2076
- [10] 2. Considere os números  $S = 1010111_2$  e  $T = 0111000_2$ . Tendo em conta que os números estão representados em sinal e grandeza com 7 bits, o resultado da operação binária  $S+T$  é:  
 A. Não é possível representar com 7 bits    B. 0101001    C. 1001111    **D. 0100001**
- [10] 3. O intervalo de números inteiros representáveis em complemento para dois com 7 bits é:  
 A. [-63; 63]    **B. [-64; 63]**    C. [0; 127]    D. [-64; 64]
- [10] 4. Quantas linhas da tabela de verdade da função  $F(X, Y, Z) = (X + \bar{Y}) \cdot (\bar{X} + Y + Z)$  estão a 1?  
 A. 3    B. 2    **C. 5**    D. 6
- [10] 5. Qual das seguintes expressões booleanas é equivalente a  $X \cdot Y + \bar{X} \cdot Y \cdot Z$ ?  
 A.  $Y \cdot (X + \bar{Y} + Z)$     B.  $\overline{\bar{X} \cdot Y} + \overline{\bar{X} \cdot Y \cdot Z}$   
 C.  $(\bar{X} + \bar{Y}) \cdot (X + \bar{Y} + \bar{Z})$     D.  $\overline{(\bar{X} \cdot Y)} \cdot \overline{(X \cdot Y \cdot Z)}$
- [10] 6. Indique a expressão da função  $F$  realizada pelo circuito da figura.



- A.
- $(Y + X) \cdot \bar{X} \cdot Y$
- B.
- $X \oplus Y$
- C.
- $\bar{X} \cdot \bar{Y} \cdot X + Y$
- D.
- $\overline{\bar{X} \cdot \bar{Y}} + (X + Y)$

- [10] 7. Considerar o circuito da figura em que inicialmente  $B_2 = B_1 = 0$  e  $B_0 = 1$ .



Após 5 ciclos de relógio, o estado do sistema é:

- A.**  $B_2 = 1$     $B_1 = 0$     $B_0 = 1$   
**B.**  $B_2 = 1$     $B_1 = 1$     $B_0 = 1$   
**C.**  $B_2 = 0$     $B_1 = 1$     $B_0 = 1$   
**D.**  $B_2 = 0$     $B_1 = 0$     $B_0 = 1$

- [10] 8. Quantos bits tem um barramento de endereços de um banco de 64 registos de 32 bits?

- A. 32    B. 64    **C. 6**    D. 5

- [10] 9. Um CPU tem um barramento de dados de 8 bits e um barramento de endereços de 20 bits. Pretende-se dotar o sistema de uma memória RAM de  $2^{15} \times 8$  bit, cuja primeira posição corresponda ao endereço D4000<sub>H</sub>. Qual é o endereço da última posição assumindo descodificação total?

- A. DFFFF<sub>H</sub>    B. D7FFF<sub>H</sub>    C. D4FFF<sub>H</sub>    **D. DBFFF<sub>H</sub>**

- [10] 10. Um CPU tem um barramento de endereços de 18 bits e um barramento de dados de 8 bits. Supor que apenas dispõe de circuitos RAM com 64 KiB (com 8 bits por posição). Quantos circuitos RAM são necessários para dotar o sistema da maior capacidade de memória possível?

- A. 8    B. 2    C. 4    D. 16

(Continua)

Nome: \_\_\_\_\_ Nº de estudante: \_\_\_\_\_

**Parte II — Questões de Resposta Aberta****Atenção:** Responder diretamente no enunciado. **Justificar** todas as respostas.

11. Dois números A e B estão representados no formato IEEE 754 (precisão simples). Os seus valores expressos em hexadecimal são:

A: 41B50000<sub>H</sub>      B: C0240000<sub>H</sub>

[10] (a) Indique, justificando, o valor decimal do número B.

B: 1 10000000 010010000000000000000000  
 Sinal: 1 (o número é negativo)  
 Expoente: 128. Expoente real:  $128 - 127 = 1$   
 Mantissa: 1,010010000000000000000000  
 $1,01001 \times 2^1 = 10,1001$   
 Valor decimal:  $-(2^1 + 2^{-1} + 2^{-4}) = -2,5625$

[20] (b) Realize a operação  $A + B$  (sem conversão para decimal), indicando todos os passos.

A: 0 10000011 011010100000000000000000  
 Sinal de A: 0 (Positivo)  
 Expoente de A: 131. Expoente real:  $131 - 127 = 4$   
 Mantissa de A: 1,011010100000000000000000

1 - Sinal: Estamos a somar um número negativo a um número positivo, portanto o sinal do resultado será o do número de maior grandeza (número A), ou seja 0 (Positivo).

2 - Diferença de expoentes:  $E_A - E_B = 4 - 1 = 3$  (é necessário alinhar a mantissa do número de menor expoente). O expoente a usar para o resultado é o do número de maior expoente, ou seja 4.

3 - Efetuar o cálculo das mantissas (subtração):  $M_R = M_A - M_B = 1,0110101 - 0,00101001$

$$\begin{array}{r} 1,01101010 \\ -0,00101001 \\ \hline 1,01000001 \end{array}$$

4 - Normalização: Uma vez que a mantissa do resultado já está normalizada não é necessário realizar qualquer operação de normalização, logo  $E_R = 4$ .

O resultado será então:

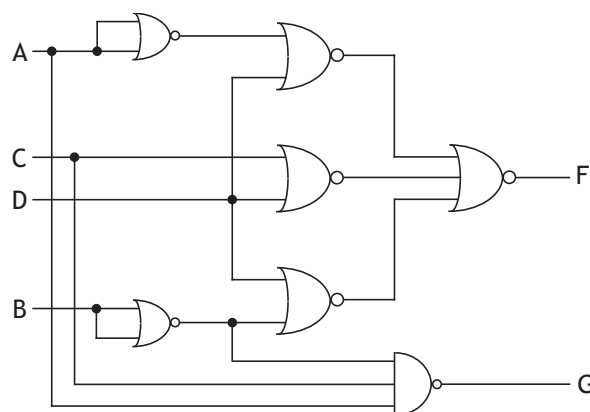
Sinal: 0

Expoente:  $4 + 127 = 131 = 10000011_2$

Mantissa: 1,010011

0 10000011 010000010000000000000000  
 41A08000<sub>H</sub>

12. O circuito seguinte realiza as funções  $F(A, B, C, D)$  e  $G(A, B, C)$ .



[15] (a) Obtenha uma expressão simplificada da função  $F$ .

$$F = \overline{\overline{A + D + \overline{B + D + \overline{C + D}}} = (\overline{A + D}) \cdot (\overline{B + D}) \cdot (\overline{C + D})$$

Resposta alternativa:

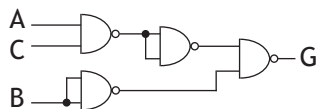
A partir do produto de somas obtido pode escrever-se a expressão na forma de soma de produtos. Atendendo a que  $D$  é comum a todos os termos soma, resulta:

$$F = D + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C$$

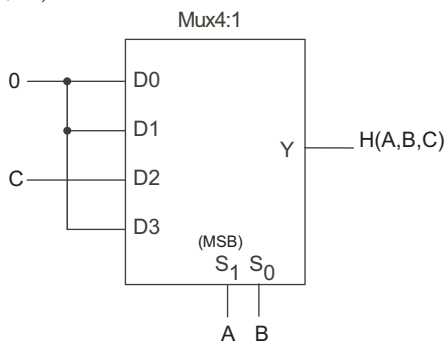
[10] (b) Mostre como realizar a função  $G$  usando portas NAND com apenas duas entradas.

$$G = \overline{A \cdot C \cdot \overline{B} + \overline{B}} = \overline{\overline{A \cdot C \cdot \overline{B}} \cdot \overline{B}}$$

A expressão mostra que são necessárias quatro portas NAND de duas entradas, resultando o circuito lógico seguinte.



- [10] (c) A figura mostra um circuito com um multiplexador de 4 para 1. Mostre qual a relação entre as funções  $H(A, B, C)$  e  $G(A, B, C)$ .

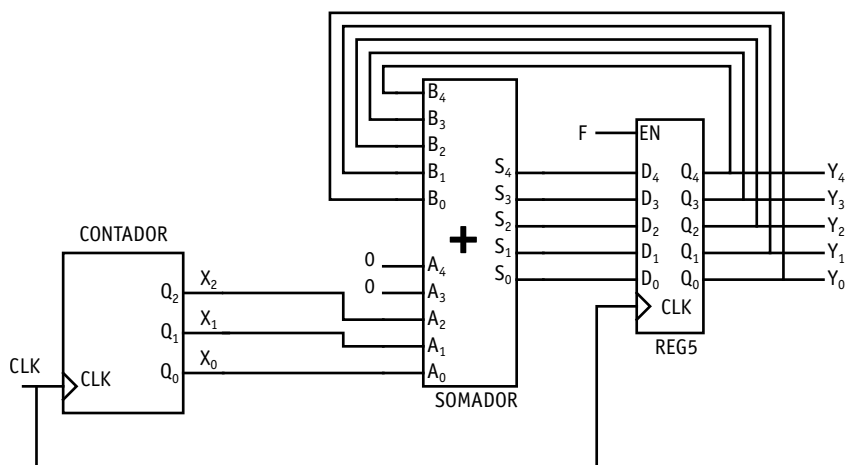


O multiplexador realiza a função  $H(A, B, C)$  que apenas toma o valor 1 se  $A=1$ ,  $B=0$  e  $C=1$ . Para as restantes combinações das entradas  $H = 0$ . Daqui resulta  $H = A \cdot C \cdot \overline{B}$ . Como  $G = \overline{A \cdot C \cdot \overline{B}}$ , conclui-se que  $H = \overline{G}$ .

Resposta alternativa:

Construir a tabela de verdade das funções  $H$  e  $G$  e concluir que elas têm valores opostos.

13. Considerar o circuito sequencial indicado na figura.



- [15] (a) Inicialmente,  $X_2 = X_1 = X_0 = 0$  e  $Y_4 = Y_3 = Y_2 = Y_1 = Y_0 = 0$ . Determinar o valor do registo ( $Y_4Y_3Y_2Y_1Y_0$ ) após 12 flancos ativos do sinal de relógio CLK com  $F = 1$ . Justificar a resposta.

O contador gera a sequência de valores (um por ciclo): 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 0, ...

O circuito guarda no registo o resultado da soma do valor anterior do registo e o valor proveniente do contador: i.e., o circuito acumula os valores 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 0, 1, 2, e 3, cujo total é 34 (em binário 100010<sub>2</sub>).

Contudo, o registo tem apenas 5 bits (valor máximo: 31<sub>10</sub>=11111<sub>2</sub>), pelo que se perde o bit mais significativo da soma. O número que fica armazenado é  $34 - 32 = 2$ :  $(Y_4Y_3Y_2Y_1Y_0) = (00010)$ .

- [10] (b) O circuito foi alterado para ter  $F(X_2, X_1, X_0) = X_2 \cdot \overline{X_1} + X_0$ . Inicialmente,  $X_2 = X_1 = X_0 = 0$  e  $Y_4 = Y_3 = Y_2 = Y_1 = Y_0 = 0$ . Determinar o valor do registo após 10 flancos ativos do sinal de relógio CLK. Justificar a resposta.

O registo só é alterado quando  $F = 1$  (entrada de habilitação): neste caso, o registo recebe a soma do seu valor atual com o valor produzido pelo contador. Portanto, esta versão acumula números que são ímpares ( $X_0 = 1$ ) (i.e., 1, 3, 5 e 7) ou aqueles cuja representação em binário tem a forma (10—), i.e., 4 e 5.

Portanto, dos 10 números gerados pelo contador, o circuito vai acumular os valores 1, 3, 4, 5, 7, e 1, o que dá 21.

$(Y_4 Y_3 Y_2 Y_1 Y_0) = (10101)$ .

- [10] (c) Apresentar a implementação de uma nova função  $F(X_2, X_1, X_0)$  que apenas deixa acumular valores que, na representação binária  $(X_2, X_1, X_0)$ , tenham exatamente um bit a 1. A implementação deve usar um *multiplexer* 4:1 e inversores (se necessário).

| $X_2$ | $X_1$ | $X_0$ | $F$ |
|-------|-------|-------|-----|
| 0     | 0     | 0     | 0   |
| 0     | 0     | 1     | 1   |
| 0     | 1     | 0     | 1   |
| 0     | 1     | 1     | 0   |
| 1     | 0     | 0     | 1   |
| 1     | 0     | 1     | 0   |
| 1     | 1     | 0     | 0   |
| 1     | 1     | 1     | 0   |

A tabela

leva à realização

