青春都一饷,忍把浮名,换了代码轻狂。

关注DirectX

随笔 - 198, 文章 - 65, 评论 - 1663, 引用 - 0

导航

博客园

首页

新随笔

联系 订 阅 XML

管 理

2012年8月

日一二三四五六 29 30 31 1 <u>2</u> 3 4 5 6 7 <u>8</u> 9 <u>10</u> 11 12 13 14 15 16 17 18

19 20 21 22 <u>23</u> 24 25

26 <u>27</u> 28 29 30 <u>31</u> 1 2 3 4 5 6 7 8

公告

昵称:zdd

园龄:7年1个月 荣誉:推荐博客

粉丝:687 关注:20 +加关注

搜索

找找看

常用链接

我的随笔

我的评论

我的参与

最新评论

我的标签

随笔分类

Android(12)

C/C++(19)

D3D10

D3D11(1)

D3D9(4)

Demo(3)

Direct2D(14)

DirectInput(1)

DirectWrite(3)

DirectX(58)

DXGI

HLSL

IOS(2) Math(16)

OpenGL(1)

几何变换详解

在三维图形学中,几何变换大致分为三种,平移变换 (Translation),缩放变换(Scaling),旋转变换 (Rotation)。以下讨论皆针对DirectX, 所以使用左手 坐标系。

平移变换

将三维空间中的一个点[x, y, z, 1]移动到另外一个点 [x', y', z', 1], 三个坐标轴的移动分量分别为dx=Tx, dy=Ty, dz=Tz, 即

$$X' = X + TX$$

$$y' = y + Ty$$

$$z' = z + Tz$$

平移变换的矩阵如下。

$$\begin{bmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & y & z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ Tx & Ty & Tz & 1 \end{bmatrix}$$

缩放变换

将模型放大或者缩小,本质也是对模型上每个顶点进行 放大和缩小(顶点坐标值变大或变小),假设变换前的 点是[x, y, z, 1], 变换后的点是[x', y', z', 1], 那 么

$$X' = X * SX$$

$$y' = y * Sy$$

$$z' = z * Sz$$

缩放变换的矩阵如下。

Perl(1) PS(1)

Shader(2)

Swift

Unity3D

Vim

XAudio2

编程语言(9)

代码片段(19)

数据结构与算法(26)

图形学(10)

移动开发(11)

杂(24)

随笔档案

2016年6月(1)

2016年1月 (4)

2015年12月(1)

2015年11月 (1)

2015年10月 (2)

2015年8月 (5)

2015年7月(1)

2014年11月(2)

2014年6月 (2)

2014年5月(1)

2013年9月 (1)

2013年7月(1)

2013年6月(1)

2013年4月(2)

2013年3月(3)

2013年2月 (3)

2012年11月 (2)

2012年10月(2)

2012年9月(5)

2012年8月 (6)

2012年7月(5)

2012年6月 (2)

2012年5月(2)

2012年4月(1)

2011年9月 (2)

2011年7月 (3)

2011年6月 (2)

2011年5月 (4)

2011年4月 (3)

2011年3月(3)

2011年2月 (4)

2010年12月(3)

2010年11月 (3)

2010年9月(1)

2010年8月 (11)

2010年7月 (17)

2010年6月 (9)

2010年5月 (12)

2010年4月(2)

2010年3月 (16)

2010年2月(3)

2010年1月 (2)

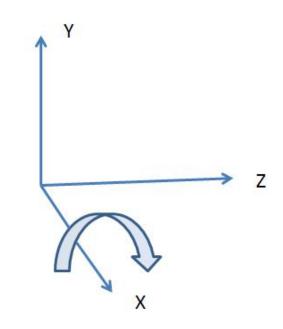
2009年12月 (2)

$$\begin{bmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & y & z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Sx & 0 & 0 & 0 \\ 0 & Sy & 0 & 0 \\ 0 & 0 & Sz & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

旋转变换

这是三种变换中最复杂的变换,这里只讨论最简单的情 况,绕坐标轴旋转,关于绕任意轴旋转,在后续的随笔 中介绍。

绕X轴旋转



绕X轴旋转时,顶点的x坐标不发生变化,y坐标和z坐标 绕X轴旋转θ度,旋转的正方向为顺时针方向(沿着旋转 轴负方向向原点看)。[x, y, z, 1]表示变换前的点, [x', y', z', 1]表示变换后的点。变换矩阵如下。

关于旋转的正方向,OpenGL与多数图形学书籍规定旋转 正方向为逆时针方向(沿着坐标轴负方向向原点看), 比如Computer Graphics C Version, p409。

$$\begin{bmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & y & z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ 0 & -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

2009年11月 (9)

2009年10月 (11)

2009年9月 (3)

2009年8月 (1)

2009年7月 (4)

2009年6月 (10)

2009年5月 (2)

1 - 7 - 7

Game Engine

DX11 Tutorials

Irrlicht

MathWords

Ogre

OpenGL

缤纷世界

3D Controls

3D Fractal

chaos files

ChaosinChinese

Cloth Simulation

DirectX Developer Center

DirectX document online

DX tutorials

EuclideanSpace

Fractal Video

geometrictools

Google C++ Style

HardCode

HyperGraph

In Framez

LatexEditor

Mame

Mandelbrot Set

OpenGL official page

OpenGL Tutorials

pouet

Ray tracing

Rthdribl

TechInterview

toymaker

W3SCHOOL

XNA/DirectX Forum

X-Zone

云风的Blog

其他

Aogo汇编小站

Channel 9

Code all in one

Emath

Math Circle

Math Game

Microsoft At Home

Microsoft At Work

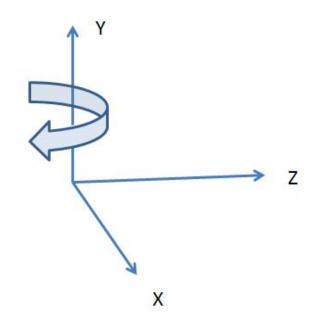
Windows forum

中国DOS联盟

友情链接

LittleStart

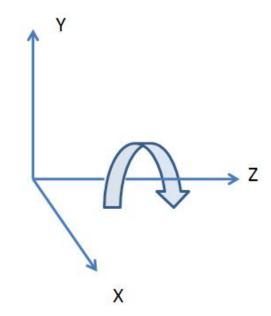
绕Y轴旋转



绕Y轴旋转时,顶点的y坐标不发生变化,x坐标和z坐标绕Y轴旋转 θ 度。[x, y, z, 1]表示变换前的点,[x', y', z', 1]表示变换后的点。变换矩阵如下。

$$\begin{bmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & y & z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & -\sin\theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \sin\theta & 0 & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

绕Z轴旋转



积分与排名

积分 - 202944 排名 - 781

最新评论

倒了。

1. Re: Direct2D教程(十一)几何变换你好,请问怎么样可以把图片(或者画刷)弄成镜像对称的?旋转180度就上下颠

--kina1234

2. Re:字符串面试题 (一)字符串逆序

shoucangshou收藏

--cnb_yangwei

3. Re:GLFW初体验 楼主,我想咨询下一glfw上面的 gldrawpixels 函数,在mac上渲染出来只有1/4的内容呢我用glfw创建了一个200*200的窗口。然后声明了一个 uchar[200*20.....

--程序员小U

4. Re:DirectX Effects初探初学龙书6.8 effects。

--hplucky

5. Re:C++ 初始化列表 31楼说的对。 我就觉得这里有问题,自己 也试了,确实不行。看评论 找了半天,看到有一样的 了。

楼主抓紧重新编辑下啊。

--peiruibo

阅读排行榜

- 1. 点到平面的距离公式 (43332)
- 2. 算法-求二进制数中1的个 数(43075)
- 3. C++ 初始化列表 (42090)
- 4. 字符串面试题 (一)字符 串逆序(39842)
- 5. 关于数组的几道面试题 (36980)

评论排行榜

- 1. 程序员 , 请昂起你高贵的 头!(364)
- 2. 关于数组的几道面试题 (96)
- 3. 几何变换详解(76)
- 4. 判断点是否在三角形内(62)
- 5. 使用DirectX截屏(55)

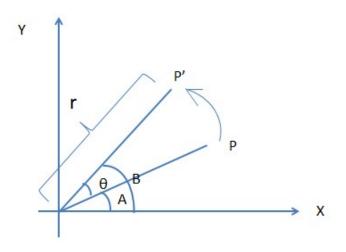
绕Z轴旋转时,顶点的z坐标不发生变化,x坐标和y坐标绕Z轴旋转 θ 度。[x, y, z, 1]表示变换前的点,[x', y', z', 1]表示变换后的点。变换矩阵如下。

$$\begin{bmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x & y & z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

绕坐标轴旋转的矩阵推导

上面三个旋转矩阵是如何得来的呢?我们推导一下,首 先看一下二维的情况,再扩展到三维即可。实际上上面 三种绕坐标轴旋转的情况属于特殊的二维旋转,比如绕2 轴旋转,相当于在与XOY平面上绕原点做二维旋转。

假设点P(x, y)是平面直角坐标系内一点,其到原点的距离为r,其与X轴的夹角为A,现将点P绕原点旋转θ度,得到点P'(x', y'),P'与X轴的夹角为B,则A = B - θ。(注意,在二维坐标中,逆时针旋转时角度为正,顺时针旋转时角度为负,下图中由P旋转到P',角度为θ,若是由P'转到P,则角度为-θ)。



r = (x, y) = (rcosA + rsinA) $p' = (x', y') = (rcosB, rsinB) = (rcos(A + \theta), rsin(A + \theta))$ $rcos(A + \theta) = rcosAcos\theta - rsinAsin\theta = xcos\theta - ysin\theta$ $rsin(A + \theta) = rsinAcos\theta + rcosAsin\theta = ycos\theta + xsin\theta$ 于是可得下面的转换方程

推荐排行榜

- 程序员,请昂起你高贵的头!(176)
- 2. 算法-求二进制数中1的个 数(28)
- 3. C++ 初始化列表(25)
- 4. 字符串面试题 (一)字符 串逆序(20)
- 5. 关于数组的几道面试题 (17)

$$\begin{cases} x' = x\cos\theta - y\sin\theta \\ y' = y\cos\theta + x\sin\theta \\ z' = z \end{cases} (\vec{x} -)$$

写成矩阵的形式就是

$$(x', y'z') = (x, y, z) \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

求得旋转矩阵为

$$\begin{bmatrix} cos\theta & sin\theta & 0 \\ -sin\theta & cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

由于这里使用齐次坐标,所以还需加上一维,最终变成 如下形式

绕Z轴旋转矩阵

$$\begin{bmatrix} cos\theta & sin\theta & 0 & 0 \\ -sin\theta & cos\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

和前面给出的绕Z轴旋转矩阵完全吻合。

对于绕X轴旋转的情况,我们只需将式一中的x用y替换, y用z替换,z用x替换即可。替换后得到

$$\begin{cases} y' = y\cos\theta - z\sin\theta \\ z' = z\cos\theta + y\sin\theta \\ x' = x \end{cases}$$
(式二)

对应的旋转矩阵为

绕X轴旋转矩阵

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & cos\theta & sin\theta & 0 \\ 0 & -sin\theta & cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

对于绕Y轴旋转的情况,只需对式二做一次同样的替换即 可,的到的变换方程为

$$\begin{cases} z' = z\cos\theta - x\sin\theta \\ x' = x\cos\theta + z\sin\theta \\ y' = y \end{cases}$$

对应的变换矩阵为

绕Y轴旋转矩阵

$$\begin{bmatrix} cos\theta & 0 & -sin\theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ sin\theta & 0 & cos\theta & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

逆矩阵

平移变换矩阵的逆矩阵与原来的平移量相同,但是方向相反。

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ T_x & T_y & T_z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ -T_x & -T_y & -T_z & 1 \end{bmatrix} = I$$

旋转变换矩阵的逆矩阵与原来的旋转轴相同但是角度相反。

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ 0 & -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & -\sin\theta & 0 \\ 0 & \sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

$$\begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & -\sin\theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \sin\theta & 0 & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

$$\begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta & 0 & 0 \\ \sin\theta & \cos\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

缩放变换的逆矩阵正好和原来的效果相反,如果原来是 放大,则逆矩阵是缩小,如果原来是缩小,则逆矩阵是 放大。

$$\begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{S_x} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{S_y} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{S_z} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

== Happy Coding ==

作者:zdd

出处: http://www.cnblogs.com/graphics/

本文版权归作者和博客园共有,欢迎转载,但未经作者同意必 须保留此段声明,且在文章页面明显位置给出原文连接,否则 保留追究法律责任的权利.

分类: DirectX

好文要顶 关注我

收藏该文

6



zdd 关注 - 20 粉丝 - 687

荣誉:推荐博客

+加关注

4

0

(请您对文章做出评价)

« 上一篇:矩阵-DirectX与OpenGL的不同

» 下一篇:绕任意轴旋转

posted on 2012-08-08 09:23 zdd 阅读(12813) 评论(...)

编辑 收藏

努力加载评论中...

刷新评论 刷新页面 返回顶部

【推荐】50万行VC++源码:大型组态工控、电力仿真CAD与GIS 源码库

【推荐】融云即时通讯云 - 豆果美食、Faceu等亿级APP都在用

【推荐】报表开发别头大!类Excel 复杂报表开发实例,即学即 用

【推荐】福利Time,讯飞开放平台注册即送好礼!

【推荐】阿里云万网域名:.xin.com将推出重磅优惠



野狗技术沙龙



最新IT新闻:

- ·上线24天完成A轮融资 分答快速圈钱背后:盈利模式前景难料
- · iPhone 7取消16GB, 不止是因为要你买买买
- · 美国科技行业男女工资差距令人咂舌
- · 闲鱼: 我们的使命不是干掉京东而是颠覆淘宝
- ·《魔兽》票房破13亿!续集《魔兽2》将开拍
- » 更多新闻...



最新知识库文章:

- · 学习如何学习
- ·一个32岁入门的70后程序员给我的启示
- 技术发展瓶颈的突破
- · 高效编程之道: 好好休息
- · 快速学习者的高效学习策略
- » 更多知识库文章...

Powered by: 博客园 Copyright © zdd