

Universidade Federal de Ouro Preto – UFOP Instituto de Ciências Exatas e Biológicas – ICEB Departamento de Computação – DECOM

Disciplina: Teoria dos Grafos

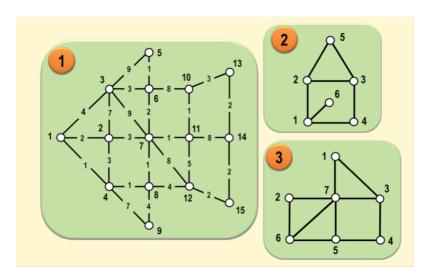
Professor: Marco Antonio M. Carvalho



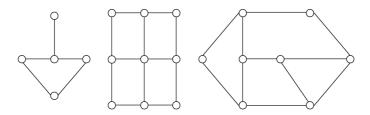
## Lista de Exercícios 01

## Instruções

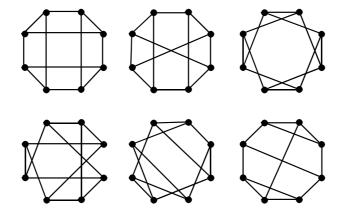
- A resolução da lista de exercícios deve ser entregue em um arquivo formato PDF legível no Moodle;
- Ao final desta lista de exercícios, está disponível o padrão para as respostas;
- A resolução deve considerar estritamente a mesma numeração e ordem dos exercícios;
- Quando não especificado nos exercícios, considere grafos simples.
- 1. Um escultor deseja criar uma escultura que represente a paz mundial. Para isto, ele esculpirá 7 pilares (um para cada continente) e os colocará em um círculo. Depois, ele esticará um fio de ouro entre os pilares, de forma que, cada pilar estará conectado a 3 outros pilares. Embora a idéia seja boa, a escultura é impossível. Porquê?



- 2. Para os três grafos da figura acima, determine o fecho transitivo do vértice 1.
- 3. Para os três grafos da figura acima, determine  $\kappa(G)$ .
- 4. Para os três grafos da figura acima, determine  $\delta(G)$ .
- 5. Para os três grafos da figura acima, determine o grafo complemento.
- 6. Forneça um exemplo, se existir, de um grafo bipartido e regular.
- 7. Forneça um exemplo, se existir, de um grafo em que  $\kappa(G) < \delta(G)$ .
- 8. Prove que um grafo simples que contém n vértices é necessariamente conexo se ele tem mais de (n-1)(n-2)/2 arestas.
- 9. Indique quais dos três grafos abaixo é bipartido.



- 10. Construa dois grafos de 5 vértices e 8 arestas que não sejam isomorfos. Prove que ambos não são isomorfos.
- 11. Dentre os grafos abaixo, determine se há pares de grafos isomorfos.



12. Prove que uma aresta *e* de um grafo é uma ponte se e somente ela não fizer parte de nenhum ciclo deste mesmo grafo.

## **Gabarito Exemplo**

- 1. Esta é uma questão textual dissertativa.
- 2. Indique os valores para cada grafo.
- 3. Indique os valores para cada grafo.
- 4. Indique os valores para cada grafo.
- 5. Esta questão pode ser resolvida textualmente, indicando a topologia do grafo, ou via diagrama.
- 6. Esta questão pode ser resolvida textualmente, indicando a topologia do grafo, ou via diagrama.
- 7. Esta questão pode ser resolvida textualmente, indicando a topologia do grafo, ou via diagrama.
- 8. Esta questão é dissertativa.
- 9. Esta questão é dissertativa. Identifique os grafos por números, da esquerda para a direita (1, 2, 3).
- 10. Esta questão deve ser respondida pelos diagramas dos grafos e por um texto que prove que ambos não são isomorfos.
- 11. Esta questão é dissertativa. Identifique os grafos por números, da esquerda para a direita (1, 2, 3, 4, 5, 6).
- 12. Esta questão é dissertativa.