Divisão e conquista - Exercícios

Carlos Eduardo Gonzaga Romaniello de Souza - $19.1.4003\,$

08 de maio de 2022

1 Kruskal

- Estado inicial:
 - Pesos ordenados:
 - * w(a,c) = 1
 - * w(d, f) = 2
 - $* \ w(b,e) = 3$
 - * w(c, f) = 4
 - * w(a,d) = 5
 - $* \ w(b,c) = 5$
 - * w(c,d) = 5
 - * w(a,b) = 6
 - * w(c, e) = 6
 - $* \ w(e, f) = 6$
 - Conjunto disjunto:

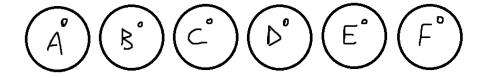


Figure 1: conjuntos disjuntos estado inicial

- Passo 1:
 - Árvore geradora mínima: $\{w(\{a,c\})=1\}$
 - Custo da árvore: 1
 - Conjunto disjunto:

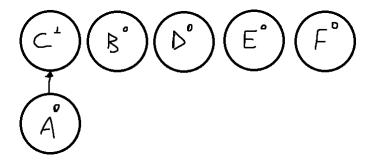


Figure 2: conjuntos disjuntos passo 1

- Passo 2:
 - Árvore geradora mínima: $\{w(\{a,c\})=1, w(\{d,f\})=2\}$
 - Custo da árvore: 3
 - Conjunto disjunto:

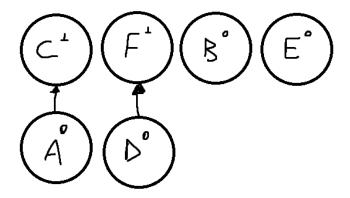


Figure 3: conjuntos disjuntos passo 2

- Passo 3:
 - Árvore geradora mínima: $\{w(\{a,c\})=1, w(\{d,f\})=2, w(\{b,e\})=3\}$
 - Custo da árvore: 6
 - Conjunto disjunto:

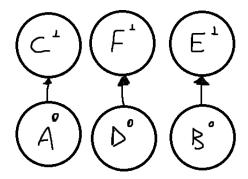


Figure 4: conjuntos disjuntos passo 3

• Passo 4:

- Árvore geradora mínima: $\{w(\{a,c\})=1, w(\{d,f\})=2, w(\{b,e\})=3, w(\{c,f\})=4\}$
- Custo da árvore: 10
- Conjunto disjunto:

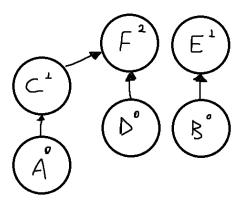


Figure 5: conjuntos disjuntos passo 4

• Passo 5:

- Árvore geradora mínima: $\{w(\{a,c\})=1, w(\{d,f\})=2, w(\{b,e\})=3, w(\{c,f\})=4, w(\{b,c\})=5\}$
- Custo da árvore: 15
- Conjunto disjunto:

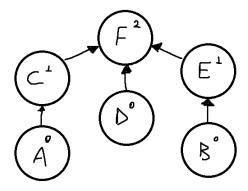


Figure 6: conjuntos disjuntos passo $5\,$

2 Prim

Custo	A	В	\mathbf{C}	D	\mathbf{E}	F
Iteração 0	0	∞	∞	∞	∞	∞
Iteração 1	0	6	1	5	∞	∞
Iteração 2	0	6	1	5	3	∞
Iteração 3	0	5	1	5	3	∞
Iteração 4	0	5	1	5	3	4
Iteração 5	0	5	1	5	3	4

Table 1: Iterações do algoritmo de Prim

Prev.	A	В	C	D	E	F
Iteração 0	A	null	null	null	null	null
Iteração 1	A	A	A	A	null	null
Iteração 2	A	A	A	A	В	null
Iteração 3	A	С	A	A	В	null
Iteração 4	A	С	A	A	В	С
Iteração 5	A	С	A	A	В	С

Table 2: Iterações do algoritmo de Prim