



PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE
ESCUELA DE INGENIERÍA
DEPARTAMENTO DE INGENIERÍA INDUSTRIAL Y SISTEMAS
ICS1113-OPTIMIZACIÓN

Informe 1

Reciclaje puerta a puerta

Grupo 26

Maximiliano Felipe Aguirre 19207115 Sección 1
Marina Juliette Contreras Lafaury 20641206 Sección 3
Simón Agustín Martínez Quezada 21638799 Sección 1
Andrés Alejandro Soto Zapata 20206615 Sección 1
Miguel Alemparte Larrazabal 20206216 Sección 1
Diego Caracci Silva 20203268 Sección 1

Fecha entrega: 20 de mayo de 2022

1. Descripción del problema

La implementación de la economía circular es un problema relevante tanto a nivel nacional como internacional dado que la cantidad de basura acumulada en nuestro planeta va aumentando cada vez más. Actualmente en Chile, se generan 8 millones de toneladas de residuos (Sinia, 2020), de los cuales solo se recicla un 1,8 % (Valenzuela, 2021). En comparación con las cifras de países desarrollados, como Alemania o Austria, que reciclan por sobre el 50 % de sus desechos (Eunomia, 2017), es por esto que el reciclaje debe ser un tema central para nuestro país, especialmente teniendo en consideración que estos números no han mejorado en los años de pandemia.

En Chile, las razones principales por las cuales las personas no reciclan están intrínsecamente relacionadas con la falta de infraestructura. Efectivamente, “45 % de los municipios en Chile no tienen un servicio de reciclaje municipal” (Valenzuela, 2021). Además, del 55 % que declaran tener reciclaje, el rango en el cual reciclan es muy distinto. Para ciertas comunas, tener reciclaje significa solamente tener algunos puntos limpios, mientras que para otras, significa tener un servicio de retiro de reciclaje domiciliario. Entonces, a pesar de que los chilenos quieran reciclar, no siempre tienen las facilidades para hacerlo. De hecho, según estudios, el 38,5 % de la gente no recicla porque “no hay dónde reciclar” (Cedeus, 2019) y porque no les gusta llevar el reciclaje al punto limpio. Las pocas municipalidades que han implementado un sistema de reciclaje puerta a puerta (Las Condes, Vitacura, Lo Barnechea) resuelven la necesidad de puntos limpios y evitan las molestias de transportar los residuos, esta idea nos ha servido de inspiración para un modelo que puede mejorarse y ampliarse a otras comunas.

Sin duda, gestionar la recolección de residuos reciclables en cada comuna requiere una gran inversión y un alto grado de organización logística. Por lo que parece muy relevante hacer óptima esta recolección logrando minimizar los costos de la mejor manera posible. Es decir, nuestro objetivo es ser un aporte para los municipios a lo largo de todo el país.

2. Elección del problema

Dado todo el contexto, es claro que se necesita reducir la cantidad de residuos desechados para aportar como país a este problema global, es por eso que como equipo hemos decidido modelar un sistema de reciclaje domiciliario que recoge residuos para reciclar casa por casa con un sistema de camiones y los deje en el punto limpio de cada comuna, con el objetivo de minimizar los costos de la municipalidad para llevar a cabo este proceso, tomando como supuesto que la municipalidad es encargada de este.

Para resolver este problema debemos considerar algunas decisiones que serán relevantes en el proceso. Debemos decidir cuántos camiones salen a las calles cada día, si cada camión recoge o no los residuos reciclables en cada casa, cuántos recolectores y conductores trabajarán cada día, a donde se dirige el camión después de salir del punto limpio y de cada casa y si hay que comprar un basurero de reciclaje para las casas.

A fin de resolver este desafío, también es necesario establecer ciertos parámetros. Primero que todo, suponemos que la municipalidad entrega a cada casa un basurero, el cual tiene un costo asociado. Luego, suponemos que la municipalidad tiene una cierta cantidad de camiones disponibles, y que cada uno de estos camiones tienen un cierto costo asociado, que incluye la mantención y la bencina usada dependiendo de la cantidad de casas por las que pasa. Además, suponemos que hay trabajadores disponibles, tanto conductores como recolectores, con sus sueldos respectivos e implementos necesarios para trabajar en estos camiones.

Luego, suponemos que tanto los camiones como los puntos limpios tienen una capacidad máxima, siendo la de los puntos limpios suficiente para sostener a la comuna. Además suponemos que los camiones comienzan y terminan su recorrido en un punto limpio, que cada casa llena un basurero a la semana, y que un día de trabajo corresponde a una jornada laboral, no a las 24 horas del día.

Las restricciones que definimos para el problema son que no se pueden utilizar más camiones de los que hay disponibles, el camión no puede transportar más residuos de lo que permite su capacidad y debe volver al punto limpio cada vez que alcance esta, los camiones deben recolectar todas las casas de la comuna sin repetir ninguna de estas, debe haber un conductor y dos recolectores por

cada camión, la recolección de residuos no se realiza los días domingos, cada punto limpio tiene su capacidad máxima que no puede ser superada, todas las casas deben tener su basurero especial de reciclaje y los implementos de trabajo deben ser suficientes para todos los trabajadores.

Al lograr reducir estos costos, se generaría un gran beneficio para la municipalidad, gastando la menor cantidad posible de dinero para aumentar la cantidad de reciclaje en la comuna, incrementando así tanto el porcentaje de reciclaje como la calidad de vida de los habitantes de la comuna. Si se aplica este sistema en todas las comunas del país, se espera que todas las personas que no podían reciclar antes por falta de infraestructura lo puedan hacer con este sistema de reciclaje a domicilio. Así, el reciclaje aumentaría cerca de un 38 % en las comunas que no contaban con reciclaje a domicilio. Entonces, si estas cifras se replican a nivel nacional, Chile tendría cifras de reciclaje comparables con los países con mayor porcentaje de reciclaje a nivel mundial.

Para cuantificar las externalidades positivas que generaría la aplicación de este sistema, se consideró el dato planteado anteriormente de generación de basura a nivel nacional (8 millones de toneladas anuales). Se obtuvo que materiales reciclables como el papel, cartón, metal y vidrio representan el 22.7 % de toda la basura recolectada en el país (Instituto Salud pública, 2016). Siendo el 18,8 % de cartón y papel, 2,3 % de metal y 1,6 % de vidrio. El reciclaje de una tonelada de cartón y papel, una tonelada de metal y de una tonelada de vidrio evita la emisión de 0.9, 0.3 y 1.67 toneladas de CO₂, respectivamente. Aplicando estos datos a las cantidades totales de basura generada de cada material reciclable, según sus porcentajes, se tiene que el reciclaje anual de papel y cartón, metal y vidrio previene la emisión de 1353600, 38400 y 307280 toneladas de CO₂, respectivamente. Por lo tanto, se ahorrarían 1660880 toneladas de CO₂ anualmente. Con la ley de Impuesto verde, que entró en vigor en Chile a partir del 2017, se pueden cuantificar económicamente las emisiones de CO₂. Con el valor de 5 dólares por tonelada de CO₂ emitida (Asesoría Técnica Parlamentaria, 2018), se tiene el valor de millones de dólares ahorrados anualmente por el reciclaje integral de los materiales mencionados anteriormente.

Por otro lado, hay que considerar también las externalidades negativas del sistema. Estas son las emisiones de gases de camiones. Asumiendo que se usan a lo más 1000 camiones a nivel nacional y que un camión emite a lo más 9 toneladas de CO₂ anuales, le restamos esta externalidad negativa a nuestro valor ahorrado de CO₂ emitido, teniendo finalmente un ahorro de 1651880 toneladas de CO₂

3. Modelación del problema

3.1. Subíndices

- Camiones: $i \in \{1, \dots, I\}$
- Casas: $j \in \{1, \dots, J\}$, $casas_k \in \{1, \dots, J\}$
- Días (8 hr): $t \in \{1, \dots, T\}$
- recolectores: $m \in \{1, \dots, M\}$
- Conductores: $n \in \{1, \dots, N\}$
- Puntos limpios $p \in \{1, \dots, P\}$

3.2. Parámetros

- A_{it} : numero máximo de camiones t
- B_i : Capacidad máxima del camión i
- H_p : Capacidad Punto limpio p
- C : Precio de un basurero de reciclaje (para el cliente)

- S_{nt} : Sueldo de cada conductor n
- S_{mt} : Sueldo de cada recolector m
- f_j : Costo promedio de viajar entre casas
- f_{jp} : Costo viajar entre las casa j y el punto limpio p
- E : kg de residuos reciclables por basurero (1 basurero por casa)
- G : Casas en la comuna
- L_{mt} : Implementos usados por el trabajador m en el día t
- L_{nt} : Implementos usados por el trabajador n en el día t
- O : Costos de implementos de tabajadores

3.3. Variables

- $X_{it} = \begin{cases} 1 & \text{Si se usa el camión } i \text{ en el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $Y_{ijt} = \begin{cases} 1 & \text{Si la casa } j \text{ ya fue recolectada en el día } t \text{ por el camión } i \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $W_{mt} = \begin{cases} 1 & \text{Si el recolector } m \text{ trabaja el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $Z_{nt} = \begin{cases} 1 & \text{Si el conductor } n \text{ trabaja el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $V_{ijt} = \begin{cases} 1 & \text{Si el camión } i \text{ después de pasar por la casa } j \text{ recolecta otra casa el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $U_{ijt} = \begin{cases} 1 & \text{Si } j \text{ es la primera casa recolectada por el camión } i \text{ el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $T_{ijt} = \begin{cases} 1 & \text{Si } j \text{ es la última casa recolectada por el camión } i \text{ el día } t \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- $R_j = \begin{cases} 1 & \text{Si se compra un basurero de reciclaje para la casa } j \\ 0 & \text{e.o.c.} \end{cases}$
- P_{it} = Cantidad de veces que pasa el camión i por el punto limpio el día t

3.4. Restricciones

- No se puede exceder el máximo de camiones disponibles:

$$\sum_{i=1}^I X_{it} \leq A \quad \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- No superar la carga máxima del camión, si pasa por un punto limpio se puede volver a llenar:

$$\sum_{j=1}^J Y_{ijt} E \leq B_i(1 + P_{it}) \quad \forall t \in \{1, \dots, 7\}, \quad i \in \{1, \dots, I\}$$

- Los camiones deben recolectar todas las casas en la semana:

$$\sum_{t=1}^7 \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J Y_{ijt} = G$$

- Para que no se repita, no puede pasar mas de un camión por la misma casa mas de una vez por semana:

$$\sum_{t=1}^7 Y_{ijt} = 1 - \sum_{t=1}^7 Y_{\alpha jt} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \quad j \in \{1, \dots, J\}, \alpha \neq i \subseteq \{1, \dots, I\}$$

- Para cada camión deben haber al menos 1 conductor y 2 recolectores:

$$\sum_{n=1}^N z_{nt} + 2 \sum_{m=1}^M W_{mt} \geq 3 \sum_{i=1}^I \quad \forall t \in \{1, \dots, T\}$$

- Para cumplir con las jornadas laborales de conductores y recolectores, no se recolectan casas los Domingos:

$$X_{i7} = 0 \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}$$

- La cantidad de residuos recolectado debe ser menor a la capacidad del punto limpios:

$$\sum_{t=1}^7 \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J Y_{ijt} E \leq \sum_{p=1}^P H_p \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}$$

- Se debe comprar al menos 1 basurero de reciclaje por casa para poder llevar a cabo la recolección:

$$\sum_{j=1}^J R_j \geq G$$

- Los implementos usados por los conductores el día t deben ser suficientes para cada trabajador:

$$\sum_{n=1}^N Z_{nt} \sum_{n=1}^N L_{nt} \quad \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Los implementos usados por los recolectores el día t deben ser suficientes para cada trabajador:

$$\sum_{m=1}^M W_{mt} \leq \sum_{m=1}^M L_{mt} \quad \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Para poder pasar por las casas el camión i debe estar funcionando:

$$Y_{ijt} \leq X_{it} \quad \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Para poder pasar por una casa después de la casa j, el camión debe pasar primero por j:

$$V_{ijt} \leq Y_{ijt} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Para que j sea la primera casa de ese día t, el camión debe pasar por j ese día:

$$U_{ijt} \leq Y_{ijt} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Para que j sea la última casa de ese día t, el camión debe pasar por j ese día:

$$T_{ijt} \leq Y_{ijt} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

- Naturaleza de las variables

$$X_{it} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$Y_{ijt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$W_{mt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$Z_{nt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$V_{ijt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$U_{ijt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$T_{ijt} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$R_j \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

$$P_{it} \in R \quad \forall i \in \{1, \dots, I\}, \forall j \in \{1, \dots, J\}, \forall t \in \{1, \dots, 7\}$$

3.5. Función Objetivo

$$\text{Min} \sum_{t=1}^7 \left(\sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J \sum_{p=1}^P (V_{ijt} f_{jp} + V_{ijt} f_j + T_{ijt} f_{jp}) \right) + \sum_{m=1}^M W_{mt} (S_{mt} + OL_{mt}) + \sum_{n=1}^N Z_{nt} (S_{nt} + OL_{nt}) \quad (1)$$