

假设有 n 个箱子按 h_1, \dots, h_n 的顺序运抵。将这些箱子装入 N 辆卡车的顺序是：将每个箱子分配给卡车 $1, \dots, N$ 中的一辆。这样

- 卡车没有超载：每辆卡车上所有箱子的总重量小于或等于
- 到达的顺序得到保留：如果箱子 i 先于箱子 j 发送（即箱子 i 被分配给卡车 z ，箱子 j 被分配给卡车 p ，且 $z < p$ ），那么情况一定是箱子 i 比箱子 j 更早到达公司（即 $i < j$ ）。

我们通过证明贪婪算法 "领先" 于其他任何解决方案，来证明它使用了尽可能少的卡车。具体来说，我们考虑任何其他解决方案并证明如下。如果贪心算法将 h_1, \dots, h_k 放进了前 $\#$ 辆卡车，而其他解决方案将 h_1, \dots, h_k 放进了前 $\#$ 辆卡车。则 $i \leq j$ 。

将 $\#$ 设为贪婪算法使用的卡车数量，则贪婪算法达到最优。

我们将通过对 $\#$ 的归纳来证明这一说法。 $\# = 1$ 的情况很明显，贪心算法会把尽可能多的箱子装进第一辆卡车。现在，假设 $\# - 1$ 的情况成立：贪婪算法将 J' 个箱子装入第一辆 $\# - 1$ ，而另一种解决方案则装入 $i' \leq J'$ 。现在，对于 $\#$ 辆卡车，备用方案装入 $h_1, \dots, h_{J'}$ ，因此，由于 $i' \leq J'$ ，贪婪算法至少能够将所有箱子 $h_1, \dots, h_{J'}$ 装入 $\#$ 辆卡车。而备用方案装入 $h_1, \dots, h_{J'}$ ，而且有可能装入更多。这就完成了归纳步骤，证明了主张，从而证明了贪心算法的最优性。