

Alloy

Rohit Gheyi

Tiago Massoni

Instalação

- Home Page

- <http://alloy.mit.edu>

- Requer JRE

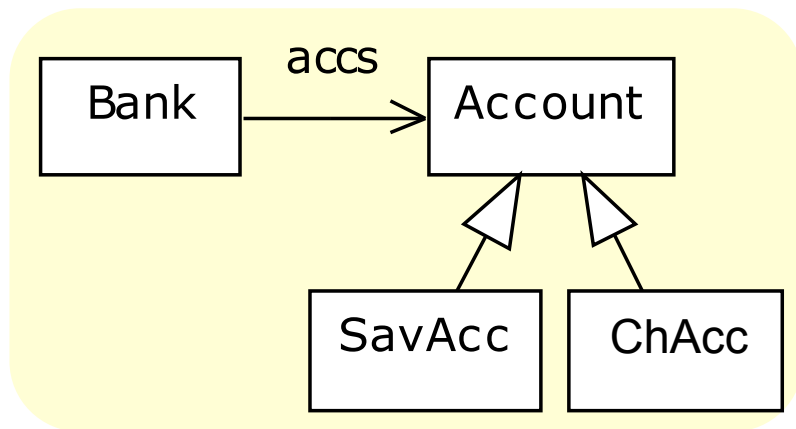
- Rodar

- `java -jar alloy.jar`

- API

- <http://alloy.mit.edu/alloy4/api.html>

Exemplo: Assinaturas e Relações



```
module banco
```

```
sig Banco {  
    contas: set Conta  
}
```

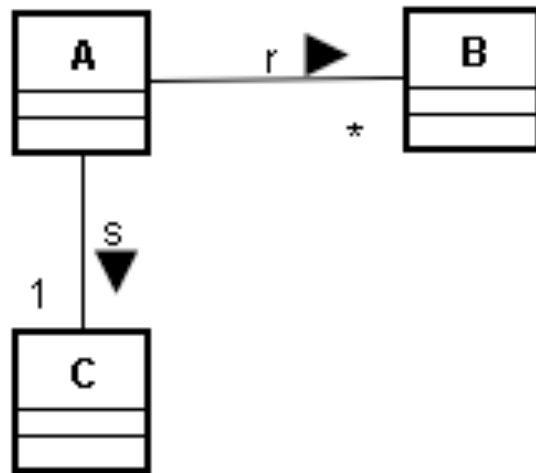
```
sig Conta {}
```

```
sig ContaCorr extends Conta {}
```

```
sig ContaPoup extends Conta {}
```

Assinaturas e Relações

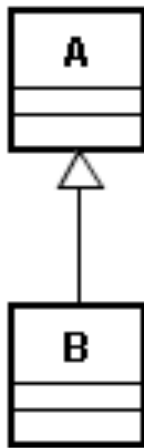
- assinatura = conjunto de objetos
- relação relaciona elementos entre conjuntos (globais)



```
sig A {  
  r: set B,  
  s: one C,  
  t: lone D  
}  
sig B, D {  
one sig C {
```

Herança

- B herda as relações e fórmulas sobre a A
- Em Alloy, A tem acesso as relações de B

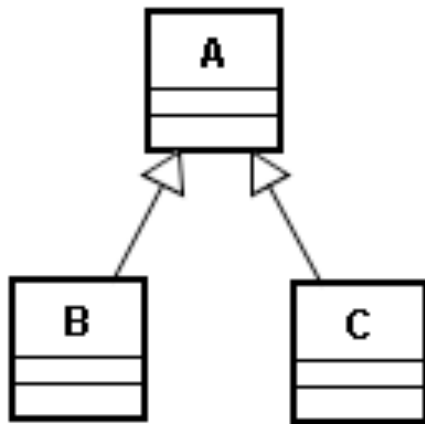


```
sig A { ... }  
sig B extends A {  
    ...  
}
```

$B \subseteq A$

Subset Signature

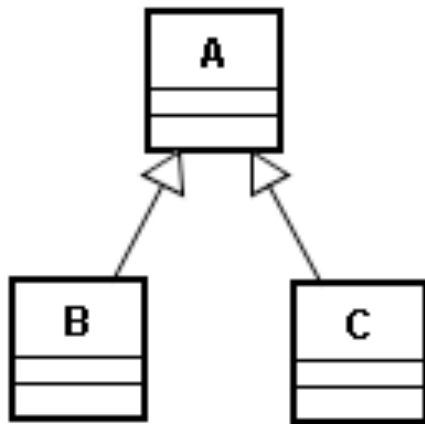
- A diferença é que as subassinaturas não são disjuntas
 - Fato implícito $BIC = 0$



```
sig A { ... }  
sig B,C in A { }
```

Assinatura Abstrata

- Todas as instâncias da assinatura A pertencem a assinatura B ou C



```
abstract sig A { ... }  
sig B,C extends A { }
```

Fatos

- Declara um conjunto de invariantes do modelo

```
fact nome {  
     $f_1$   
     $f_2 \dots$   
}
```

} Conjunção
 $f_1 \wedge f_2 \wedge \dots$

Cardinalidade

■

- #exp = 10
- exp tem exatamente 10 elementos

■ one

- **one** exp
- exp resulta em um elemento

■ some

- **some** exp
- exp possui algum elemento

■ no

- **no** exp
- exp não possui elemento

Operadores de Conjuntos

- União (U)
 - $A+B$
- Interseção (I)
 - $A\&B$
- Diferença (/)
 - $A-B$
- Subconjunto (\subseteq)
 - $A \text{ in } B$
- Negação (!)
 - $! (A \text{ in } B)$

Operadores Lógicos

- Conjunção (\wedge)
 - P **and** Q
 - $P \ \&\& \ Q$
- Disjunção (\vee)
 - P **or** Q
 - $P \ || \ Q$
- Implicação (\Rightarrow)
 - $P \Rightarrow Q$
- Biimplicação ($\hat{=}$)
 - $P \ \hat{=} \ Q$

Quantificação

■ Universal (\forall)

- **all** $x:A \mid p(x)$
- Para todos os x do tipo A , tal que $p(x)$ é verdade

■ Existencial (\exists)

- **some** $x:A \mid p(x)$
- Existe um x do tipo A , tal que $p(x)$ é verdade

Fatos Anexados à assinatura

```
sig Host {}  
sig Link{ from,dest: Host}  
fact {  
    all l:Link | l.from != l.dest  
}
```

é o mesmo de...

```
sig Host {}  
sig Link{ from,dest: Host}{ from != dest }
```

Operadores

■ Join (.)

- Composição relacional
- $(a,b). \{(b,c), (d,e), (b,f)\} = \{(a,c), (a,f)\}$

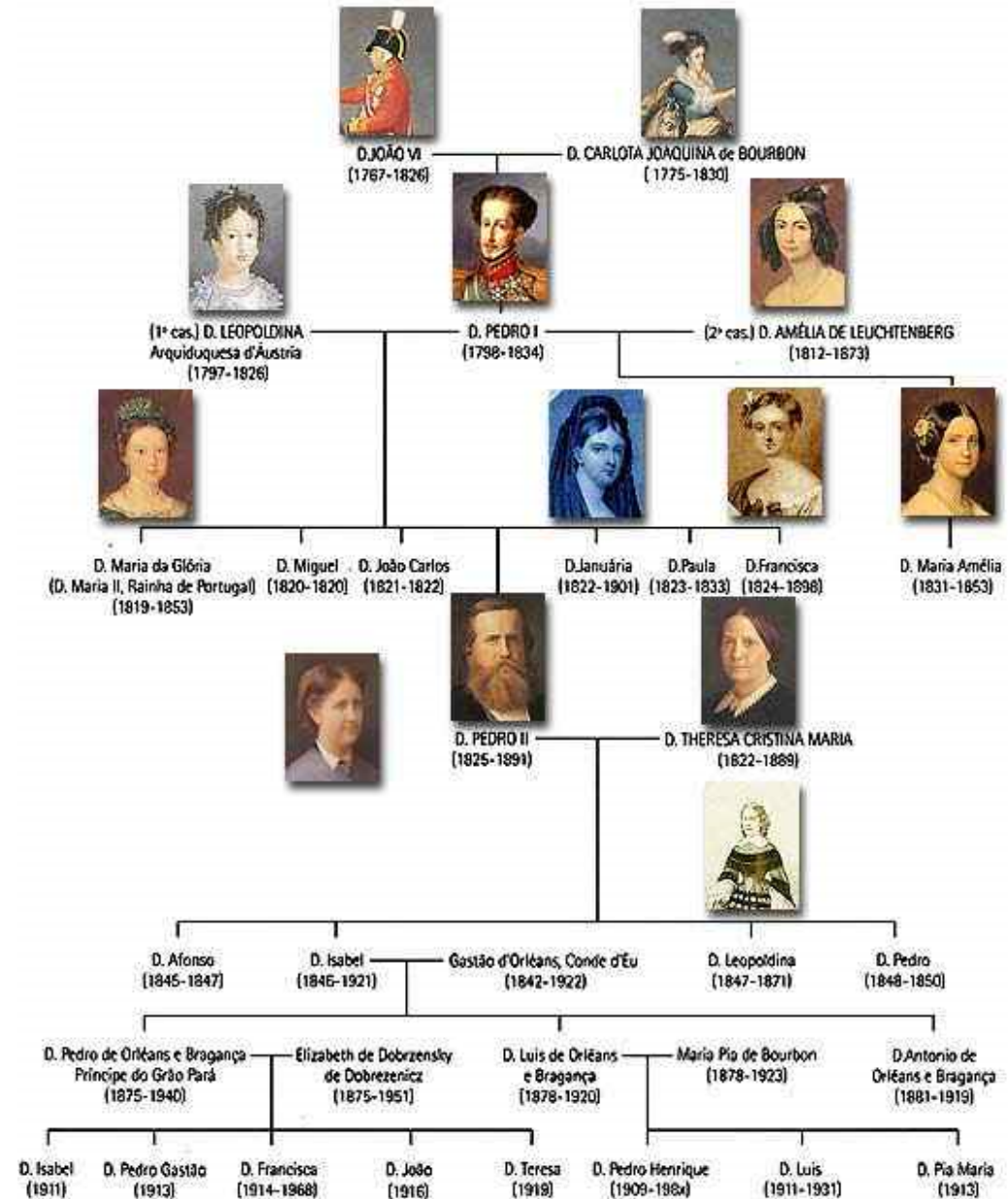
■ Transpose (\sim)

- Reversa
- Se $r = \{(b,c), (d,e)\}$, $\sim r = \{(c,b), (e,d)\}$

como expressar
ancestrais

```
sig Pessoa {  
  pais: set Pessoa  
}
```

ÁRVORE GENEALÓGICA DA FAMÍLIA IMPERIAL BRASILEIRA

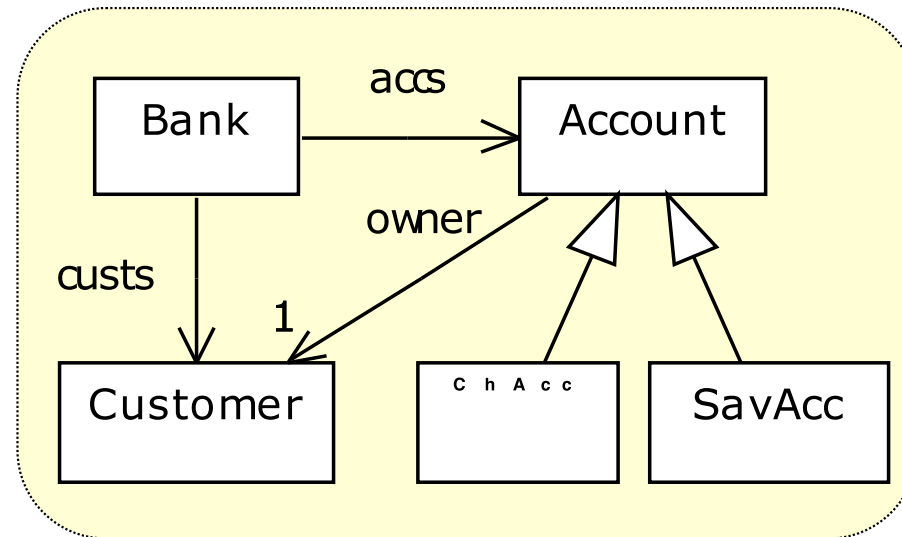


Fecho Transitivo

- Aplicação de r uma ou mais vezes
- Relações binárias de tipos relacionados
- $*r$ e $\wedge r$

Exercício

- Especifique em Alloy que os clientes do banco são os mesmos dos donos das contas do banco.



Predicados

- Declara um conjunto de fórmulas, sendo aplicado em outras fórmulas
- e ajuda a especificar operações...

```
pred temContas[b:Banco] {  
    some b.contas  
}  
fact {  
    all b: Banco | temContas[b]  
}
```

Funções

- Declara um valor relacional, usado em outras fórmulas

```
fun contasDoBanco[b:Banco]: set Conta {  
    b.contas  
}  
fact {  
    all b: Banco |  
        #contasDoBanco[b] > 1  
}
```

Análises

■ Run

- ❑ Encontra uma **instância válida** para o predicado ou função
- ❑ Satisfaz aos invariantes do modelo e as fórmulas do predicado ou função

■ Check

- ❑ Checa em um dado escopo se as fórmulas de um asserção são válidas a partir da especificação (**todos os casos**)

inteiros em Alloy

- número inteiro dentro de um objeto **Int**

```
sig Node { adj: Node -> lone Int }
```

```
fact {
```

```
  all n: Node |
```

```
  let w= n.(n.adj) |
```

```
    some w => int[w] = 0
```

```
}
```

cast de Int (objeto)
para int (valor)

escopo (número de bits de
representação de inteiros)

```
run show for 3 Int
```

boolean em Alloy

```
sig Fone {  
  foraGancho, tocando: Boolean  
}
```

não existe!
evitar...

melhor classificar

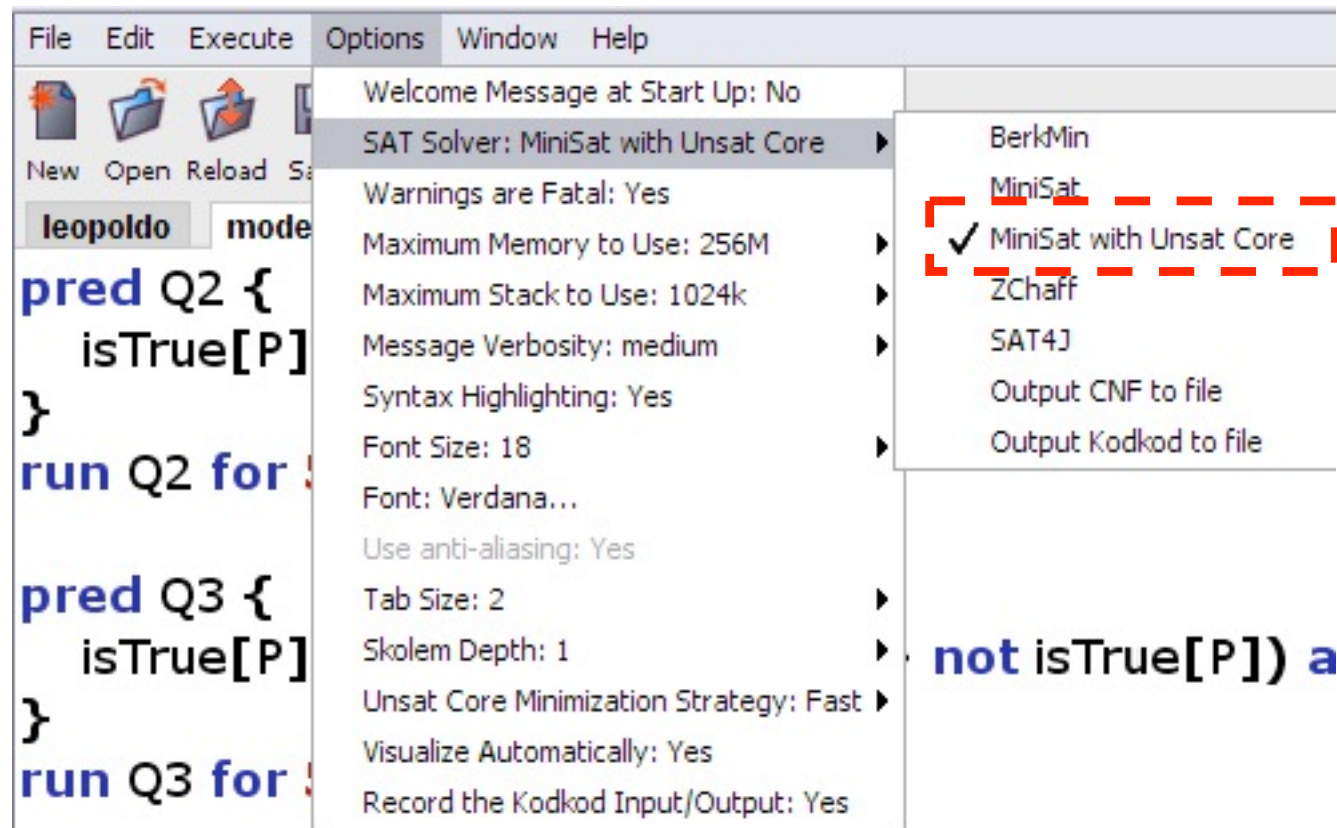
```
sig Fone { }  
sig foraGancho, tocando in Fone {  
fact {  
  no foraGancho & tocando  
}
```

Problema

Se uma especificação estiver inconsistente,
o que fazer?

Core Unsat

Tem alguns solvers que ajudam



Exemplo

No instance found. **Predicate** may be inconsistent. 47ms.
Core contains 2 top-level formulas. 16ms.

```
module inconsistente
sig A {
  r: one B
}
sig B {}
fact {
  some a:A | no a.r
}
pred show[] {}
run show
```

```
module inconsistente

sig A {
  r: one B
}
sig B {}
fact {
  some a:A | no a.r
}
pred show[] {}
run show
```