

## Compiladores - Prova 1, gabarito

5/10/2017 - Prof. Fábio Macêdo Mendes

### Q1-jedi (2.0 pts): Gramáticas simples

a) Não, pois as expressões que possuem apenas 1 “b” possuem pelo menos 3 aas segundo as 2 primeiras regras de derivação.

b) Em s-exprs:

$(E1 \ a \ (E2 \ b \ (E3 \ a) \ a \ (E3 \ a) \ ) \ b \ (E3 \ a) \ )$

Onde distinguimos os três ramos da definição de E na gramática.

c) Sabendo que apenas E1 e E2 introduzem b's na gramática, basta provar que se expr1 e expr2 possuem um número de a's maior que b's, o mesmo vale para as expressões derivadas.

Seja a1 e b1 o número de a's e b's em expr1 e a2 e b2 para expr2. A análise para E1 e E2 é a mesma, já que ambas introduzem um valor de a e outro de b:

$a\_final = a1 + a2 + 1$

$b\_final = b1 + b2 + 1$

uma vez que  $a1 > b1$ , então  $a\_final > b1 + a2 + 1$ . Sabendo que  $a2 > b2$ , também temos que  $a\_final > b1 + b2 + 1 = b\_final$ , QED.

(8 min)

### Q1-padawan (1.5pts): Gramáticas simples

a) A expressão pode ser derivada como  $(a * a) * a$  ou  $a * (a * a)$ , fazendo a associatividade tanto à esquerda quanto à direita:

Derivação 1:

$E \rightarrow E * E \rightarrow E * a \rightarrow E * E * a$   
 $\rightarrow a * E * a \rightarrow a * a * a$

Derivação 2:

$E \rightarrow E * E \rightarrow a * E \rightarrow a * E * E$   
 $\rightarrow a * E * a \rightarrow a * a * a$

b) Uma gramática não ambígua seria:  $E = E * a \mid a$  que só permite associatividade à esquerda pois o novo elemento é sempre um átomo  $a$  colocado à direita.

(5 min)

**Q2-jedi (3.0 pts): Linguagens regulares**

a)

[V] 42	[V] +42.	[V] -42
[V] 3.1415	[F] .15	[F] 1.2e10
[F] --1.5	[V] 1.2.3	[V] 1..10

b)  $N \rightarrow (-|+|e) (dd) (.d|e)$

c)  $N \rightarrow (-|+|e) ( dd^* | (d|dd|ddd)(\_ddd) ) (.d|e)$

(7 min)

**Q2-padawan (2.0 pts): Linguagens regulares**

Linguagem regular:

$N \rightarrow (d|dd|ddd)(\_ddd)^*$

(3 min)

**Q3-jedi (3.0 pts) Análise de código**

a) Tokens

```
KEYWORD(DEF) NAME(say_hi) LPAR NAME(x) RPAR COLON IN-  
DENT NAME(print) LPAR STRING("Hello") OP(+) NAME(x) RPAR
```

b) Com s-exprs:

```
(DEF NAME(say_hi) (ARGS NAME(x) ) (BLOCK (CALL NAME(print)  
(PLUS STRING("Hello") NAME(x) ) ) ) )
```

(7 min)

**Q3-padawan (2.0 pts) Análise de código**

a) Tokens

```
NAME(X) EQ(=) NUMBER(10) OP(+) NAME(b) OP(*) NUMBER(42)
```

b) Com s-exprs:

```
(ASSIGN NAME(x) (PLUS (TIMES NUMBER(10) NAME(b) ) NUM-  
BER(42) )  
)
```

(5 min)

---

### Q4-jedi (3.5 pts) Gramática para o JSON

Gramática BNF:

```
expr  
  : atom  
  | list  
  | object  
  
list  
  : [ list_args ]  
  
list_args  
  : args , expr  
  | expr  
  
object  
  : { pairs }  
  
pairs  
  : pairs , pair  
  | pair  
  
pair  
  : STRING : expr  
  
atom  
  : true  
  | false  
  | null  
  | NUMBER  
  | STRING
```

(7 min)

#### Q4-padawan (2.5 pts) Gramática dos dicionários

Gramática BNF:

```
dictionary  
    : { pairs }
```

```
pairs  
    : pairs, pair  
    | pair
```

```
pair  
    : STRING : atom
```

```
atom  
    : STRING  
    | NUMBER
```

(4 min)