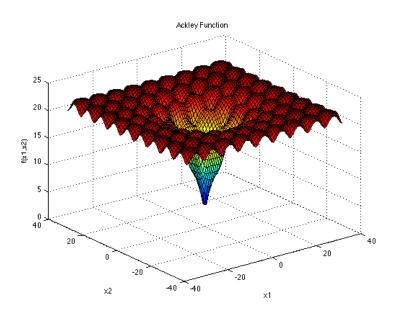
Aula Prática 4

Objetivo:

O objetivo desta tarefa é que você se familiarize com a implementação e análise do **ajuste e controle de parâmetros** usando como exemplo um algoritmo evolutivo.

Descrição:

A função Ackley é amplamente usada para testar algoritmos de otimização. Em sua forma bidimensional, como mostrado na imagem, ela é caracterizada por uma região externa quase plana e um grande buraco no centro. A função representa um risco para algoritmos de otimização, particularmente algoritmos de subida de encosta, de ficarem presos em um de seus muitos mínimos locais.



$$f(\mathbf{x}) = -a \exp\left(-b\sqrt{\frac{1}{d}\sum_{i=1}^{d}x_i^2}\right) - \exp\left(\frac{1}{d}\sum_{i=1}^{d}\cos(cx_i)\right) + a + \exp(1)$$

Dimensões: d = 30

Os valores de variáveis recomendados são: a = 20, b = 0.2 e $c = 2\pi$.

Domínio de entrada:

A função é geralmente avaliada no hipercubo $x_i \in [-32.768, 32.768]$, para todo i = 1, ..., d, embora também possa ser restrita a um domínio menor. Utilizar -30 <= x_i <= 30

Mínimo global:

$$f(\mathbf{x}^*) = 0$$
, at $\mathbf{x}^* = (0, \dots, 0)$

O problema que você está tentando resolver é usar um AE para encontrar o mínimo global.

Algoritmo:

Estratégia de Evolução (μ,λ)

Critério de Parada do algoritmo: após realizar 200.000 avaliações do fitness

Ajuste de Parâmetros:

```
\mu = \{20,30, 40\}
\lambda = \{100,200,300\}
```

Resultados:

- Realizar 100 execuções
- Aplicar um teste estatístico para comparar as diferentes instâncias do algoritmo

ANOVA

```
import scipy.stats as stats

# Simulação de 9 conjuntos de dados (substitua pelos seus dados reais)

dados = [
    [1.2, 1.5, 1.3, 1.4, 1.6, 1.7, 1.8, 1.9, 2.0, 1.5], # Abordagem 1
    [1.4, 1.6, 1.5, 1.7, 1.9, 2.1, 1.8, 1.5, 1.3, 1.4], # Abordagem 2
    # ... Adicione os outros 7 conjuntos
]

estatistica, p_valor = stats.f_oneway(*dados)
print(f"Estatística F = {estatistica:.4f}, p-valor = {p_valor:.4f}")

if p_valor < 0.05:
    print("Há diferença significativa entre pelo menos duas abordagens.")

else:
    print("Não há diferença significativa entre as abordagens.")
```

Se o **p-valor da ANOVA for menor que 0.05**, significa que pelo menos uma abordagem é diferente das outras, mas **não diz qual**. Para identificar quais abordagens são diferentes, usamos um **teste post-hoc**.

TUKEY HSD

Esse teste faz comparações par a par, mas controla o erro estatístico.

```
from statsmodels.stats.multicomp import pairwise_tukeyhsd
import numpy as np

# Criar um array com todas as observações
valores = np.concatenate(dados)
grupos = np.array(["Abordagem 1"]*10 + ["Abordagem 2"]*10 + ...) # Repita para 9 a
tukey = pairwise_tukeyhsd(endog=valores, groups=grupos, alpha=0.05)
print(tukey)
```

Esse teste retorna quais abordagens têm diferenças significativas entre si.