

第十九届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

提高组 C 语言试题

竞赛时间：2013 年 10 月 13 日 14:30~16:30

选手注意：

- 试题纸共有 12 页，答题纸共有 2 页，满分 100 分。请在答题纸上作答，写在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备（如计算器、手机、电子词典等）或查阅任何书籍资料。

一、单项选择题（共 15 题，每题 1.5 分，共计 22.5 分；每题有且仅有一个正确选项）

1. 一个 32 位整型变量占用（ ）个字节。

- A. 4 B. 8 C. 32 D. 128

2. 二进制数 11.01 在十进制下是（ ）。

- A. 3.25 B. 4.125 C. 6.25 D. 11.125

3. 下面的故事与（ ）算法有着异曲同工之妙。

从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚在给小和尚讲故事：“从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚在给小和尚讲故事：‘从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚给小和尚讲故事……’”

- A. 枚举 B. 递归 C. 贪心 D. 分治

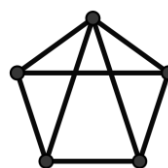
4. 1948 年，（ ）将热力学中的熵引入信息通信领域，标志着信息论研究的开端。

- A. 冯·诺伊曼（John von Neumann） B. 图灵（Alan Turing）
C. 欧拉（Leonhard Euler） D. 克劳德·香农（Claude Shannon）

5. 已知一棵二叉树有 2013 个节点，则其中至多有（ ）个节点有 2 个子节点。

- A. 1006 B. 1007 C. 1023 D. 1024

6. 在一个无向图中，如果任意两点之间都存在路径相连，则称其为连通图。右图是一个有 5 个顶点、8 条边的连通图。若要使它不再是连通图，至少要删去其中的（ ）条边。



- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5

7. 斐波那契数列的定义如下: $F_1 = 1, F_2 = 1, F_n = F_{n-1} + F_{n-2} (n \geq 3)$ 。如果用下面的函数计算斐波那契数列的第 n 项, 则其时间复杂度为 ()。

```
int F(int n)
{
    if (n <= 2)
        return 1;
    else
        return F(n - 1) + F(n - 2);
}
```

- A. $O(1)$ B. $O(n)$ C. $O(n^2)$ D. $O(F_n)$
8. 二叉查找树具有如下性质: 每个节点的值都大于其左子树上所有节点的值、小于其右子树上所有节点的值。那么, 二叉查找树的 () 是一个有序序列。
- A. 先序遍历 B. 中序遍历 C. 后序遍历 D. 宽度优先遍历
9. 将 (2, 6, 10, 17) 分别存储到某个地址区间为 0~10 的哈希表中, 如果哈希函数 $h(x) =$ (), 将不会产生冲突, 其中 $a \bmod b$ 表示 a 除以 b 的余数。
- A. $x \bmod 11$ B. $x^2 \bmod 11$
C. $2x \bmod 11$ D. $\lfloor \sqrt{x} \rfloor \bmod 11$, 其中 $\lfloor \sqrt{x} \rfloor$ 表示 \sqrt{x} 下取整
10. IPv4 协议使用 32 位地址, 随着其不断被分配, 地址资源日趋枯竭。因此, 它正逐渐被使用 () 位地址的 IPv6 协议所取代。
- A. 40 B. 48 C. 64 D. 128
11. 二分图是指能将顶点划分成两个部分, 每一部分内的顶点间没有边相连的简单无向图。那么, 12 个顶点的二分图至多有 () 条边。
- A. 18 B. 24 C. 36 D. 66
12. () 是一种通用的字符编码, 它为世界上绝大部分语言设定了统一并且唯一的二进制编码, 以满足跨语言、跨平台的文本交换。目前它已经收录了超过十万个不同字符。
- A. ASCII B. Unicode C. GBK 2312 D. BIG5
13. 把 64 位非零浮点数强制转换成 32 位浮点数后, 不可能 ()。
- A. 大于原数 B. 小于原数
C. 等于原数 D. 与原数符号相反

4. () 属于 NP 类问题。
- 存在一个 P 类问题
 - 任何一个 P 类问题
 - 任何一个不属于 P 类的问题
 - 任何一个在（输入规模的）指数时间内能够解决的问题
5. CCF NOIP 复赛考试结束后，因 () 提出的申诉将不会被受理。
- 源程序文件名大小写错误
 - 源程序保存在指定文件夹以外的位置
 - 输出文件的文件名错误
 - 只提交了可执行文件，未提交源程序

三、问题求解（共 2 题，每题 5 分，共计 10 分；每题全部答对得 5 分，没有部分分）

1. 某系统自称使用了一种防窃听的方式验证用户密码。密码是 n 个数 s_1, s_2, \dots, s_n ，均为 0 或 1。该系统每次随机生成 n 个数 a_1, a_2, \dots, a_n ，均为 0 或 1，请用户回答 $(s_1a_1 + s_2a_2 + \dots + s_na_n)$ 除以 2 的余数。如果多次的回答总是正确，即认为掌握密码。该系统认为，即使问答的过程被泄露，也无助于破解密码——因为用户并没有直接发送密码。

然而，事与愿违。例如，当 $n = 4$ 时，有人窃听了以下 5 次问答：

问答编号	系统生成的 n 个数				掌握密码的用户的回答
	a_1	a_2	a_3	a_4	
1	1	1	0	0	1
2	0	0	1	1	0
3	0	1	1	0	0
4	1	1	1	0	0
5	1	0	0	0	0

就破解出了密码 $s_1 = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $s_2 = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $s_3 = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $s_4 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

2. 现有一只青蛙，初始时在 n 号荷叶上。当它某一时刻在 k 号荷叶上时，下一时刻将等概率地随机跳到 $1, 2, \dots, k$ 号荷叶之一上，直至跳到 1 号荷叶为止。当 $n = 2$ 时，平均一共跳 2 次；当 $n = 3$ 时，平均一共跳 2.5 次。则当 $n = 5$ 时，平均一共跳 次。



四、阅读程序写结果（共 4 题，每题 8 分，共计 32 分）

1. `#include <stdio.h>`
`#include <string.h>`

`const int SIZE = 100;`

```
int main() {
    int n, i, isPlalindrome;
    char str[SIZE];

    scanf("%s", str);
    n = strlen(str);
    isPlalindrome = 1;
    for (i = 0; i < n/2; i++) {
        if (str[i] != str[n-i-1]) isPlalindrome = 0;
    }
    if (isPlalindrome)
        printf("Yes\n");
    else
        printf("No\n");

    return 0;
}
```

输入: abceecba

输出: _____

2. `#include <stdio.h>`

```
int main()
{
    int a, b, u, v, i, num;

    scanf("%d%d%d%d", &a, &b, &u, &v);
    num = 0;
    for (i = a; i <= b; i++)
```

```

        if (((i % u) == 0) || ((i % v) == 0))
            num++;
        printf("%d\n", num);

        return 0;
    }

```

输入: 1 1000 10 15

输出: _____

3. #include <stdio.h>

```

const int SIZE = 100;

int main()
{
    int height[SIZE], num[SIZE], n, ans;
    int i, j;
    scanf("%d", &n);
    for (i = 0; i < n; i++) {
        scanf("%d", &height[i]);
        num[i] = 1;
        for (j = 0; j < i; j++) {
            if ((height[j] < height[i]) && (num[j] >= num[i]))
                num[i] = num[j]+1;
        }
    }
    ans = 0;
    for (i = 0; i < n; i++) {
        if (num[i] > ans) ans = num[i];
    }
    printf("%d\n", ans);

    return 0;
}

```

输入:

8

3 2 5 11 12 7 4 10

输出: _____

4. #include <stdio.h>
#include <string.h>

#define SIZE 100

int n, m, p, count;
int a[SIZE][SIZE];

```
void colour(int x, int y)
{
    count++;
    a[x][y] = 1;
    if ((x > 1) && (a[x - 1][y] == 0))
        colour(x - 1, y);
    if ((y > 1) && (a[x][y - 1] == 0))
        colour(x, y - 1);
    if ((x < n) && (a[x + 1][y] == 0))
        colour(x + 1, y);
    if ((y < m) && (a[x][y + 1] == 0))
        colour(x, y + 1);
}
```

```
int main()
{
    int i, j, x, y, ans;

    memset(a, 0, sizeof(a));
    scanf("%d%d%d", &n, &m, &p);
    for (i = 1; i <= p; i++) {
        scanf("%d%d", &x, &y);
        a[x][y] = 1;
    }
    ans = 0;
```

```

    for (i = 1; i <= n; i++)
        for (j = 1; j <= m; j++)
            if (a[i][j] == 0) {
                count = 0;
                colour(i, j);
                if (ans < count)
                    ans = count;
            }
    printf("%d\n", ans);

    return 0;
}

```

输入：

6 5 9

1 4

2 3

2 4

3 2

4 1

4 3

4 5

5 4

6 4

输出：_____

五、完善程序（第 1 题 15 分，第 2 题 13 分，共计 28 分）

1. （序列重排）全局数组变量 a 定义如下：

```
#define SIZE 100
```

```
int a[SIZE], n;
```

它记录着一个长度为 n 的序列 $a[1], a[2], \dots, a[n]$ 。

现在需要一个函数，以整数 p ($1 \leq p \leq n$) 为参数，实现如下功能：将序列 a 的前 p 个数与后 $n-p$ 个数对调，且不改变这 p 个数（或 $n-p$ 个数）之间的相对位置。例如，长度为 5 的序列 1, 2, 3, 4, 5，当 $p=2$ 时重排结果为 3, 4, 5, 1, 2。

有一种朴素的算法可以实现这一需求，其时间复杂度为 $O(n)$ 、空间复杂度为 $O(n)$ ：


```

void swap1(int p)
{
    int i, j, b[SIZE];

    for (i = 1; i <= p; i++)
        b[ (1) ] = a[i]; // (2分)
    for (i = p + 1; i <= n; i++)
        b[i - p] = a[i];
    for (i = 1; i <= n; i++)
        a[i] = b[i];
}

```

我们也可以用时间换空间，使用时间复杂度为 $O(n^2)$ 、空间复杂度为 $O(1)$ 的算法：

```

void swap2(int p)
{
    int i, j, temp;

    for (i = p + 1; i <= n; i++) {
        temp = a[i];
        for (j = i; j >= (2); j--) // (2分)
            a[j] = a[j - 1];
        (3) = temp; // (2分)
    }
}

```

事实上，还有一种更好的算法，时间复杂度为 $O(n)$ 、空间复杂度为 $O(1)$ ：

```

void swap3(int p)
{
    int start1, end1, start2, end2, i, j, temp;

    start1 = 1;
    end1 = p;
    start2 = p + 1;
    end2 = n;
    while (true) {

```

```

i = start1;
j = start2;
while ((i <= end1) && (j <= end2)) {
    temp = a[i];
    a[i] = a[j];
    a[j] = temp;
    i++;
    j++;
}
if (i <= end1)
    start1 = i;
else if ( (4) ) { // (3分)
    start1 = (5); // (3分)
    end1 = (6); // (3分)
    start2 = j;
}
else
    break;
}
}

```

2. **（两元序列）**试求一个整数序列中，最长的仅包含两个不同整数的连续子序列。如有多个子序列并列最长，输出任意一个即可。例如，序列“1 1 2 3 2 3 2 3 3 1 1 1 3 1”中，有两段满足条件的最长子序列，长度均为 7，分别用下划线和上划线标出。

```

#include <stdio.h>

int main()
{
    const int SIZE = 100;

    int n, i, j, a[SIZE], cur1, cur2, count1, count2,
        ans_length, ans_start, ans_end;
    //cur1, cur2 分别表示当前子序列中的两个不同整数
    //count1, count2 分别表示 cur1, cur2 在当前子序列中出现的次数
    scanf("%d", &n);

```

```

for (i = 1; i <= n; i++)
    scanf("%d", &a[i]);
i = 1;
j = 1;
//i, j 分别表示当前子序列的首尾，并保证其中至多有两个不同整数
while ((j <= n) && (a[j] == a[i]))
    j++;
cur1 = a[i];
cur2 = a[j];
count1 = (1); // (3分)
count2 = 1;
ans_length = j - i + 1;
while (j < n) {
    j++;
    if (a[j] == cur1)
        count1++;
    else if (a[j] == cur2)
        count2++;
    else {
        if (a[j - 1] == (2)) { // (3分)
            while (count2 > 0) {
                if (a[i] == cur1)
                    count1--;
                else
                    count2--;
                i++;
            }
            cur2 = a[j];
            count2 = 1;
        }
        else {
            while (count1 > 0) {
                if (a[i] == cur1)
                    (3); // (2分)
                else
                    (4); // (2分)
                i++;
            }
        }
    }
}

```

```

        }
        (5);
        count1 = 1;
    }
}
if (ans_length < j - i + 1) {
    ans_length = j - i + 1;
    ans_start = i;
    ans_end = j;
}
}
for (i = ans_start; i <= ans_end; i++)
    printf("%d ", a[i]);
return 0;
}

```

// (3 分)