## 间谍网络

根据题中给出的间谍的相互控制关系,建立有向图。找出有向图中的所有强连通分量,用每个强连通分量中最便宜的点(需支付最少贿金的间谍)来代替这些强连通分量,将强连通分量收缩为单个节点。收缩强连通分量后的图中,入度为0的节点即代表需要贿赂的间谍。

## 宫廷守卫

本题的关键在构图。

城堡其实就是一个棋盘。我们把棋盘上横向和纵向连续的极长段(不含墙)都分离出来。显然,每一段上最多只能放一个 guard,而且 guard 总是放在一个纵向段和一个横向段的交界处,所以一个 guard 和一个纵向段和一个横向段有关。

我们把纵向段和横向段都抽象成图中的节点,如果一个纵向段和一个横向段相交的话,就在两点之间连一条边。这样,guard 就成为了图中的边。前面得出的性质抽象成图的语言就是,每个点只能和一条边相连,每条边只能连接一个纵向边的点和一个横向边的点。因此,这样的图是二分图,我们所求的正是二分图的匹配。而要布置最多的 guards,就是匹配数要最大,即最大匹配。

图中节点数为  $n (n \le 200)$ , 求最大匹配的时间复杂度为  $O(n^{2.5})$ 。

## 扩散

题目解决方案很多:

方法一: 二分答案, 然后判断是否是一个联通块

方法二: 计算出任意两点的联通时间,然后求最小生成树,显然 MST 的最大边就是答案。因为 MST 的性质之一就是满足任意两点间的最大边权最小,此性质保证了解的最优性。