

Theoretische Grundlagen der Informatik

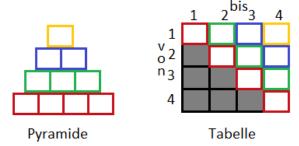
Tutorium 5

Institut für Kryntographie und Sicherheit



CYK Darstellungen





Tabellenform in der Vorlesung vorgestellt und voraussichtlich in der Klausur gefordert.



Turingmaschine



Die Turingmaschine besteht aus einem beidseitig *unendlichen* Eingabeund Rechenband mit einem frei beweglichen Lese-/Schreibkopf, der von einer *endlichen* Kontrolle gesteuert wird.





Turingmaschine



Definition

Eine Turingmaschine wird definiert als ein 7-Tupel bestehend aus:

- Q, einer endlichen Zustandsmenge
- Σ , einem endlichen Eingabealphabet
- Γ , einem endlichen Bandalphabet mit $\Sigma \cup \{\sqcup\} \subset \Gamma$, wobei $\sqcup \notin \Sigma$
- δ , einer Übergangsfunktion $\delta: Q \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, R\}$
- $s \in Q$, einem Startzustand
- qaccept, einem akzeptierenden Zustand
- q_{reiect}, einem ablehnenden Zustand

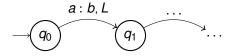
Bemerkung

In den Zuständen q_{accept} und q_{reject} hält die Turingmaschine unabhängig davon, was vom Band eingelesen wird. Zudem führen alle impliziten Übergänge in den Zustand q_{reject} .



Graph einer Turingmaschine





Dabei steht die Kantenbeschriftung "a:b,L" für den Übergang $\delta(q_0,a)=(q_1,b,L)$.

Falls es für einen gegebenen Zustand und ein gegebenes Symbol keinen Zustandsübergang gibt, bricht die Maschine die Berechnung ab.

Konfigurationen



Sei $\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, s, q_{accept}, q_{reject})$ eine Turingmaschine. Angabe des aktuellen Berechnungszustandes: Konfiguration

wobei $w, v \in \Gamma^*, a \in \Gamma$ und $q \in Q$. Dies bedeutet:

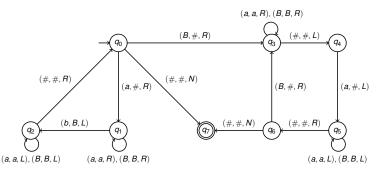
- \mathcal{M} befindet sich im Zustand q.
- Der Lesekopf steht auf dem Zeichen a.
- Links vom Lesekopf steht das Wort w und rechts davon das Wort v auf dem Rechenband.



Aufgabe B4 2.2



Gegeben sei folgende deterministische Turingmaschine $\mathcal{TM}=(\mathcal{Q},\Sigma,\Gamma,\delta,q_0,\#,\mathcal{F})$, wobei $\Sigma=\{a,b\},\Gamma=\Sigma\cup\{B,\#\}$, den Zuständen $\mathcal{Q}=\{q_0,\ldots,q_7\}$, dem Startzustand q_0 , den Finalzuständen $\mathcal{F}=\{q_7\}$ und dem Bandzeichen #. Der Zustandsübergangsgraph ist gegeben durch:



Finden Sie die Sprache, die von der Turingmaschine \mathcal{TM} akzeptiert wird!

Aufgabe B5 3



Geben Sie für die nachfolgenden Sprachen über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ jeweils eine Turingmaschine an, die die entsprechende Sprache akzeptiert!

- 1. $\mathcal{L}=\{\omega\in\{0,1\}^*\mid\omega$ enthält das Zeichen 0 gleich oft wie das Zeichen 1}
- 2. $\mathcal{L}' = \{\omega \in \{0,1\}^* \mid \omega \text{ enthält das Zeichen 0 doppelt so oft wie das Zeichen 1}\}$
- 3. $\mathcal{L}'' = \{\omega \in \{0,1\}^* \mid \omega \text{ enthält das Zeichen 0 nicht doppelt so oft wie das Zeichen 1}\}$

Nichtdeterministische Turingmaschine



Was ist das?

- Wie eine normale Turingmaschine...
- ... nur nicht-deterministisch.

Soll heißen:

Mehrere Übergänge für das selbe gelesene Zeichen in einem Zustand

00000000000

 akzeptiert wird, wenn es eine Berechnungsfolge gibt die in q_{accept} endet

Kurz gesagt:

Analog zu Automaten, nur ohne λ -Übergänge.



Aufgabe B4 2.1



Geben Sie eine nichtdeterministische Turingmaschine $\mathcal{TM} = (\mathcal{Q}, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, \square, \mathcal{F})$ an, welche die Sprache $\mathcal{L} = \{ ww \mid w \in \{a, b\}^* \}$ erkennt! Es genügt dabei, den Zustandsübergangsgraphen zu zeichnen und das verwendete Bandalphabet anzugeben.



Linear beschränkte Turingmaschine



Eine linear beschränkte Turingmaschine (auch *LBA* = Linear Bounded Automaton) darf den Bereich des Bandes auf dem die Eingabe steht nicht verlassen.

Variation:

 Die linear beschränkte Turingmaschine darf noch genau ein weiteres Zeichen rechts von dem Eingabewort zu verwenden.

Die von der nichtdeterministischen linear beschränkten Turingmaschine akzeptierten Sprachen sind genau die kontextsensitiven Sprachen. (CH-1)



Aufgabe B4 1



- 1. Geben Sie für die Sprache $\mathcal{L}' = \{a^{2^n} \mid n \in \mathbb{N}\}$ eine linear beschränkte Turing-Maschine an und zeichnen Sie diese Turing-Maschine auch als Graphen!
- 2. Prüfen Sie, ob Ihre Turing-Maschine aaaa als Eingabe akzeptiert! Prüfen Sie auch nach, ob aaa nicht akzeptiert wird!

Bis zum nächsten Mal!



WHEN IT CAME TO EATING STRIPS OF CANDY BUTTONS, THERE WERE TWO MAIN STRATEGIES. SOME KIDS CAREFULLY REMOVED EACH BEAD. CHECKING CLOSELY FOR PAPER RESIDUE BEFORE EATING.





OTHERS TORE THE CANDY OFF HAPHAZARDLY SWALLOWING LARGE SCRAPS OF PAPER AS THEY ATTE.

THEN THERE WERE THE LONELY FEW OFUS WHO MOVED BACK AND FORTH ON THE STRIP. EATING ROWS OF BEADS HERE AND THERE, PRETENDING WE WERE TURING MACHINES.





Lizenzen





Dieses Werk ist unter einem "Creative Commons Namensnennung-Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland"-Lizenzvertrag lizenziert. Um eine Kopie der Lizenz zu erhalten, gehen Sie bitte zu http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/de/ oder schreiben Sie an Creative Commons, 171 Second Street, Suite 300, San Francisco, California 94105, USA.

Davon ausgenommen sind das Titelbild, welches aus der März-April 2002 Ausgabe von American Scientist erschienen ist und ohne Erlaubnis verwendet wird, sowie das KIT Beamer Theme. Hierfür gelten die Bestimmungen der jeweiligen Urheber.

