## 背包

首先,所使用的背包容量肯定越大越好,所以先对背包容量排个序。

然后考虑一个很简单的 dp,设  $f_{i,j}$  表示用前 i 个背包,是否可以装好状态为 j 的物品。枚举子集暴力转移,复杂度  $O(m3^n)$ ,可以拿到 50 分。

实际上枚举子集这一转移方法很费时,考虑枚举单个物品转移。设  $f_{i,j}$  表示用前 i 个背包,装状态为 j 的物品后,第 i 个背包最多还剩多少容量,然后枚举单个物品即可。复杂度  $O(n^22^n)$ ,实际常数会更小。

## 移动细胞

考虑设计状态  $f_{i,j}$  表示前 i 列的黑色细胞已联通,且第 i 列黑色细胞的开头在第 j 行的答案。每次转移由  $f_{i-1,k}$  转移过来,其中 k 在一段区间内。直接转移是  $O(n^2m)$ ,用单调队列维护即可 O(nm)。

## 异或和

显然我们可以理解为两个数  $C=A\ xor\ B$  是定值,然后可以调整某一些位置,使得 X(A)+X(B) 尽可能大。

那么考虑一下我们可以怎么调整。

如果某一位 C 是 1,那么调整没啥用,而如果 C 某一位是 0,则我们希望可以通过调整使得 A,B 对应位置都为 1。由于 A,B 的异或值是定值,所以只需要调整 A。把 A 序列全部异或起来,能调整的值就是  $A_i$  x x o r

从高到低贪心即可。

## 序列

不妨从后往前选数,这样 $a_i$ 变成了单调不降。

设  $f_{i,j}$  表示目前有 j 个值为 i 的数的答案。那么加入  $a_i$ ,就有  $f_{a_i,j}-b_i+c_{a_i} o f_{a_i,j+1}$ 。

再考虑合并,从i合并到i+1会有 $f_{i,j}+\lfloor rac{j}{2} 
floor imes c_{i+1} o f_{i+1,\lfloor rac{j}{2} 
floor}$ 。

由于  $a_i$  单调不降,所以以后不会再出现小于  $a_i$  的数。因为每次向上合并时个数都会除以二,所以合并的复杂度是 O(n) 的,总复杂度  $O(n^2)$ 。