第一个题

给出一棵n个点的树。两个人在这棵树上轮流操作,先手会把一个点染成黑色,后手会把一个点染成白色。每个点只能染色一次。

当所有点都被染色时,游戏结束。此时如果存在一个黑点不与任何白点相邻,则先手胜利,否则后手胜利。 问谁必胜。 $1 < n < 10^5$ 。

第二个题

交互题。

有一个长度为 n 的排列 p, 值域为 [0, n-1]。

你可以询问不超过 4269 次,每次询问由你给出 i,j,交互库会返回 p_i or p_j 。最后你需要输出这个排列 p。 $3 \le n \le 2048$ 。提示:交互库**不是** adaptive 的。

第三个题

有一副互不相同的牌共 n+m+1 张。有两个人,第一个人 n 张,第二个人 m 张。另外有一张牌放在桌子上。两个人轮流行动(其中第一个人为先手)。一次行动有如下 2 种类型:

- 1. 猜测:猜桌上的那张牌是什么。猜完之后游戏一定结束:如果猜对了则获胜,猜错了则失败。
- 2. 指定:报一张牌的名字,如果对方手上有这张牌,则对方会展示该牌;如果对方手上没有这张牌,对方则会如实表示他没有此牌。然后游戏继续。

现在假设两个人都知道这n+m+1张牌分别是什么,但是不知道桌上和对方手里的牌是什么。

若双方都采取最优策略进行游戏,问先手和后手获胜概率。

误差不超过 10^{-9} 则认为正确。 $0 \le n, m \le 10^3$ 。