AGC014D

如果有完美匹配,后手只要选和先手匹配的那个点就赢了。

如果没有,那先手选一个叶子的邻居之后后手必须选那个叶子,这样最后会剩下若干孤立点。然后先手就赢了。

CF1364E

如果知道0在哪里就做完了。

按随机顺序加入 n 个数,维护当前被偏序的那个位置 id。新加入 i 的时候,如果 p_i 属于 p_{id} ,就更新 $id \to i$ 。这个做法需要算一个数的具体值:随若干个位置和它 or,结果 and 起来就行了。总操作次数大概是 $2n + \log^2 n + O(\log n)$ 的。

CF98E

设 $f_{i,j}$ 表示先手手里有 i 张牌后手不知道,后手手里有 i 张牌先手不知道时,先手的获胜概率。

初值: $f_{i,0} = 1, f_{0,i} = \frac{1}{i+1}$.

转移:注意到2操作会得到对面的手牌信息,但是可能会暴露自己的手牌信息。又注意到可以利用这一点欺骗对面。所以需要分类讨论。

先手问,问到了后手手里的:相当于弃掉后手一张牌然后互换顺序,贡献为 $\frac{j}{i+1}(1-f_{j-1,i})$ 。

先手问,问到桌上的了,后手信:后手下一步会猜中,贡献为0。

先手问,问到桌上的了,后手不信: 先手下一步会猜中,且后手不可能翻盘,贡献为 $\frac{1}{i+1}$ 。

先手骗,后手信:后手会猜错,贡献为1。

先手骗,后手不信:相当于先手弃掉自己一张牌然后互换顺序, $1-f_{j,i-1}$ 。

设先手问的概率为 p, 骗的概率为 1-p。那么后手一定会选择贡献最小的策略。所以贡献是

$$rac{pj}{j+1}(1-f_{j-1,i})+\min(1-p,rac{p}{j+1}+(1-p)(1-f_{j,i-1}))$$

解得 $p=rac{f_{j,i-1}}{\dfrac{1}{j+1}+f_{j,i-1}}$ 时后面两个式子取等,代进去算就对了。

注意转移顺序。复杂度 $O(n^2)$ 。