3.1 做法简介

首先方便起见我们将概率问题转为计数问题,相当于有 p_i 种方案选中边权i.

记状态 $f_{i,j,k}$ 表示仅考虑边权不超过 i 的边,拥有 j 个点且 MST 边权和为 k 的图的数量. 那么答案就是 $f_{k,n}$.

转移时需要先求出 $f'_{i,j,k}$ 表示,在将权大于 i 的边的权视为 i 的情况下,拥有 j 个点且 MST 边权和为 k 的图的数量,这可以通过枚举在仅考虑权小于 i 的边的情况下,1 号点所在的连通块大小,来递推计算.

然后我们还要容斥掉仅考虑边权不超过i的边后整张图不连通的情况,这可以通过枚举在仅考虑权小于i的边的情况下,1号点所在的连通块大小,来容斥计算.

3.2 关于部分分

k=1 是经典的连通图计数问题, 想必大家都会.

k=2 可以枚举每个由权为 1 的边构成的连通分量的大小,对应的整数划分.不过之后的计算过程感觉还是要一个类似标算的容斥,对于这一步的更简单的方法出题人也没想到.