NOI 2024 省选模拟赛 3 另一位面 (count)

# 另一位面 (count)

#### 【题目描述】

给定 n, k,求有多少个长度大于 1 的自然数序列 a 满足:

- 设其长度为 m (下标从 1 开始),则  $\sum_{i=1}^{m} k^{a_i} \leq k^n$ 。
- $\forall 1 \le i < m, a_i \le a_{i+1} \le a_i + 1$ .
- $a_1 = 0, a_m = n 1$ .

由于答案很大,所以要对998244353取模。

### 【输入格式】

从文件 count.in 中读入数据。

一行两个正整数 n,k。

### 【输出格式】

输出到文件 count.out 中。

一行一个整数,表示答案。

### 【样例 1 输入】

2 3

### 【样例 1 输出】

1

### 【样例1解释】

一共有 9 种合法的序列,分别为 [0,1], [0,0,0,1], [0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,1], [0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0], [0,0,0,0], [0,0,0,0], [0,0,0,0], [0,0,0,0], [0,0,0], [0,0,0], [0,0,0], [0,0,0], [0,0,0], [

#### 【样例 2 输入】

1 4 4

NOI 2024 省选模拟赛 3 另一位面(count)

# 【样例 2 输出】

1 20320

## 【样例3输入】

80 3

# 【样例3输出】

1 726272043

# 【样例 4 输入】

1 114 514

# 【样例 4 输出】

655512077

# 【数据范围】

对于所有数据,满足  $2 \le n \le 8 \times 10^3, 2 \le k < 998244353$ 。

测试点编号	$n \leq$	特殊性质
1, 2	5	无
3,4	$8 \times 10^3$	k=2
$5 \sim 8$	90	k = 3
$9 \sim 14$	400	无
$15 \sim 18$	$10^{3}$	无
$19 \sim 25$	$8 \times 10^3$	无

Bonus:  $n \le 2 \times 10^5$  o