# 2024 省选模拟赛

时间: 2024年2月28日

题目名称	数组	虚树	下落的数字
题目类型	传统题	传统题	传统题
目录	array	tree	fall
可执行文件名	array	tree	fall
输入文件名	array.in	tree.in	fall.in
输出文件名	array.out	tree.out	fall.out
每个测试点时限	3 秒	1 秒	1秒
内存限制	512 MB	512 MB	512 MB
子任务数目	5	6	5
测试点是否等分	否	否	否

## 提交源程序文件名

对于 C++ 语言	array.cpp	tree.cpp	fall.cpp
-----------	-----------	----------	----------

#### 编译选项

对于 C++ 语言	-02 -std=c++14
-----------	----------------

#### 注意事项 (请仔细阅读)

- 1. 文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 2. C/C++ 中函数 main() 的返回值类型必须是 int,程序正常结束时的返回值必须 是 0。
- 3. 提交的程序代码文件的放置位置请参考各省的具体要求。
- 4. 因违反以上三点而出现的错误或问题,申诉时一律不予受理。
- 5. 若无特殊说明,结果的比较方式为全文比较(过滤行末空格及文末回车)。
- 6. 选手提交的程序源文件必须不大于 100KB。
- 7. 程序可使用的栈空间内存限制与题目的内存限制一致。
- 8. 只提供 Linux 格式附加样例文件。
- 9. 评测在当前最新公布的 NOI Linux 下进行,各语言的编译器版本以此为准。

2024 省选模拟赛 1 数组(array)

## 数组 (array)

#### 【题目描述】

有一个数组 a 和一个集合 S,初始每一个数  $a_i$  都有一个值 0 或 1 且 S 为空。一开始每个数是多少都是未知的。每次可能进行以下三种操作:

- 1. MERGE k T: 给定集合 T, 保证 T 的大小为 k 且与 S 的交集为空。令  $x = \bigvee_{i \in T} a_i$ , 对于集合 T 里所有 i, 将  $a_i$  修改为 x。
- 2. GET x y: 保证  $x \notin S$ , 已知当前  $a_x = y$ , 且若 y 等于 1 则将 x 加入集合 S。
- 3. QUERY p: 询问在满足当前已知的所有信息的情况下,命题  $\forall i \notin S, a_i = 0$  是否一定为真。若为假,则询问序列  $p, p + 1, p + 2, \dots, n, 1, 2, \dots, p 1$  中第一个可能使得  $i \notin S \land a_i \neq 0$  的数 i。

#### 【输入格式】

从文件 array.in 中读入数据。

#### 本题强制在线。

第一行三个正整数 n, m, t,分别表示数组大小,操作次数和强制在线常数。接下来是 m 行,每行先输入一个字符串 s:

- 若 s 为 **GET**,表示是操作 2,接下来输入两个数 x, y。
- 若 s 为 QUERY,表示是操作 3,接下来输入一个数 x。

需要注意的是,输入中每一个x,令上一次的询问结果为lastans(若没有询问或上次询问命题一定为真则为0,否则为输出中唯一的数),真实值为 $((x-1+t\times lastans) \mod n)+1$ 。

### 【输出格式】

输出到文件 array.out 中。

对于每次 3 操作,第一行一个字符串为 YES 或 NO,表示命题是否为真。若输出为 NO 则需要再输出一个数 i, i 的定义如题目描述。

2024 省选模拟赛 1 数组 (array)

### 【样例 1 输入】

```
1 5 8 0
2 QUERY 1
3 MERGE 2 1 3
4 GET 1 0
5 MERGE 3 4 2 3
6 GET 5 1
7 QUERY 5
8 GET 4 0
9 QUERY 2
```

### 【样例1输出】

```
1 NO 1
2 NO 2
3 YES
```

### 【样例1解释】

样例解释:

第一次询问,每个数的值都不知道,所以第一个可能不确定的数是1。

第二次询问, 当前可能的情况有以下两种:

#### $0\ 0\ 0\ 0\ 1,\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1$

而集合 S 内只有元素 5,所以命题为假,从 5 开始的序列第一个可能不为 0 的位置 是 2。

第三次询问, 当前序列只能是  $0\ 0\ 0\ 1$ , 此时集合 S 内有元素 5, 命题为真。

#### 【数据范围】

子任务编号	分值	特殊性质
1	10	$n \le 10, \ m \le 100$
2	20	$n, m \le 2000$
3	20	$n, m \le 100000$ , $t = 0$
4	20	t = 0
5	30	无

第2页 共7页

 2024 省选模拟赛
 1 数组 (array)

对于全部的数据, $1 \le k, x \le n \le 500000$ , $1 \le m \le 1000000$ , $1 \le \sum k \le 1000000$ , $0 \le t, y \le 1$ 。保证任意时刻输入总能存在一种最初的数组 a 使得每个 2 操作符合真实情况。

2024 省选模拟赛 2 虚树 (tree)

## 虚树 (tree)

#### 【题目描述】

给你一棵 n 个点的树,以 1 号点为根。现在你要给每个点染上  $1 \sim m$  中的一种颜色, 使得每一种颜色构成的虚树大小之和最大,输出这个最大值。

换句话说, 定义颜色 i 构成的虚树大小为所有颜色 i 的点以及颜色 i 的点之间的 LCA(最近公共祖先)所构成的点集的大小, 设这个大小为 f(i)(如果没有颜色为 i 的点则 f(i)=0), 你需要最大化的是  $\sum_{i=1}^m f(i)$  。

#### 【输入格式】

从文件 tree.in 中读入数据。

第一行两个整数 n, m, 分别表示树的节点数和颜色数。接下来 n-1 行, 每行两个正整数 x, y, 表示树上的一条边 (x, y) 。

#### 【输出格式】

输出到文件 tree.out 中。

输出一行一个整数表示最大的虚树大小之和。

#### 【样例 1 输入】

```
1 5 3
2 1 2
3 1 3
4 1 4
5 4 5
```

#### 【样例 1 输出】

1 7

#### 【样例1解释】

一种最优的染色方案是将 1 染成第一种颜色, 2,4 染成第二种颜色, 3,5 染成第三种颜色。

 2024 省选模拟赛
 2 虚树 (tree)

## 【数据范围】

对于 100% 的数据,  $1 \le n \le 2 \times 10^5, 1 \le m \le n$ 。

子任务编号	子任务分值	特殊限制
1	10	$n, m \leq 5$
2	5	给出的边均有 $y = x + 1$
3	15	给出的边均有 $x=1$
4	20	$n \le 5000, m \le 20$
5	40	n = m
6	10	无

2024 省选模拟赛 3 下落的数字 (fall)

## 下落的数字 (fall)

#### 【题目描述】

一棵以 1 为根的树,每个点有一个权值,一个数字从根节点出发,不断按照如下策略行动:

- 在当前点的所有儿子中, 选择权值大于等于它且权值最小的儿子, 走到那个儿子上。
- 如果不存在这样的儿子, 它将停在当前节点。

现在有 m 次操作,每次操作为修改一个点的权值,或者查询一个数字 c 从根节点出发最终到达的点的编号。

#### 【输入格式】

从文件 fall.in 中读入数据。

第一行两个数 n, m. 为树的节点数和操作数。

接下来一行 n 个整数, 第 i 个数表示 i 号点的权值  $w_i$  。

接下来 n-1 行, 每行描述树上的一条边 (x,y) 。

接下来 m 行每行描述一个操作, 有如下两种格式:

- 1 a b, 表示把 a 节点的权值改成 b 。
- 2 c. 表示查询数字 c 从根节点出发最终到达的点的编号。

注意 1 号点的权值并无意义, 你不需要关心它以及对它的修改 (尽管这样的修改可能存在)。数据保证任意时刻所有点的权值互不相同。

#### 【输出格式】

输出到文件 fall.out 中。

对于每个查询操作,输出一行一个整数,表示数字 c 最终到达的节点的编号。

#### 【样例 1 输入】

```
      1
      5
      5

      2
      6
      7
      8
      4
      2

      3
      1
      2

      4
      1
      3
      5
      3
      4

      6
      3
      5
      5
      5
      5
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      6
      7
      6
      6
      7
      6
      7
      6
      7
      6
      7
      6
      7
      6
      7
      7
      6
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
      7
```

2024 省选模拟赛 3 下落的数字 (fall)

```
7 2 8
8 2 4
9 1 3 5
10 2 1
11 2 3
```

## 【样例 1 输出】

```
1 3 2 2 3 5 4 4
```

### 【数据范围】

对于 100% 的数据,  $1 \le n, m \le 2 \times 10^5, 1 \le w_i, b, c \le 10^9, 1 \le a_i \le n$ 。

子任务编号	子任务分值	特殊限制
1	20	$n, m \le 5000$
2	5	给出的边均有 $y = x + 1$
3	15	给出的边均有 $x = 1$
4	20	m = 0
5	40	无