



Herramientas Computacionales Tarea 13

Semana 14: Métodos de Monte Carlo: Métodos de integración 2016-I

Instrucciones de Entrega

La solución a este taller debe subirse por SICUA antes de terminar el horario de clase. Consiste de un IPython Notebook con el nombre NombreApellido_hw13 el cual debe contener todas las intrucciones necesarias del ejercicio.

1. 60 pt La integración

Escriba una función que haga la integral:

$$\int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \dots \int_{0}^{1} (x_1 + x_1 + \dots + x_{10})^2 dx_1 dx_2 \dots dx_{10}$$
 (1)

Mediante el método de Sampling (mostrado en el video). Recuerde que la integral puede aproximarse eligiendo N vectores $\vec{x} = (x_1, x_2, \dots, x_{10})$ aleatoriamente en el intervalo

$$([a_1,b_1],[a_2,b_2],\ldots,[a_{10},b_{10}])$$

(note que es algo fácil de hacer, simplemente eligiendo un punto aleatorio para cada dimensión), y evaluando:

$$I \approx \frac{(b_1 - a_1) \times (b_2 - a_2) \dots (b_{10} - a_{10})}{N} \sum_{i=1}^{N} f(\vec{x}_i)$$
 (2)

Puede comparar su resultado con el valor de la integral calculado analíticamente, I = 155/6

2. 40 pt **El error**

Ahora observemos el comportamiento del error para N=100 y N=10000. Calcule el valor de la integral muchas veces de manera que pueda observar un histograma razonable. ¿Es razonable pensar que el error es proporcional a $1/\sqrt{N}$?