Tarea 2

EYP3907 - Series de Tiempo

Sebastián Celaya

Camila Echeverría

Francisca Vilca

Introducción

Utilizando una base de datos que contiene información sobre el ancho de los anillos de árboles pertenecientes a la especie *Pino Silvestre*, que puede encontrarse en el siguiente link, ajustaremos un modelo ARMA y realizaremos diversos procedimientos para comprobar su ajuste.

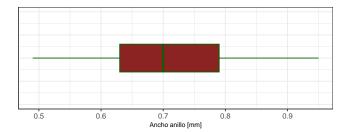


Figura 2: Boxplot de ancho de anillo

Análisis exploratorio

dispersa que la primera.

La figura 1 muestra los valores del ancho del anillo registrados entre los años 1721 y 1889.

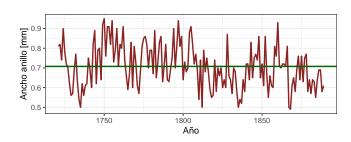


Figura 1: Variación del ancho del anillo

Gracias a la figura 2, es posible ver que la mediana de estos datos se encuentra cercana a 0.7 y que no tenemos datos atípicos, aunque la segunda mitad de

Luego, en los gráficos de la figura 3 y la figura 4 podemos ver la estructura de correlación de los datos. Si bien no se puede detectar estacionalidad a simple vista, las observaciones sí presentan altos niveles de correlación.

las observaciones parecieran estar ligeramente más

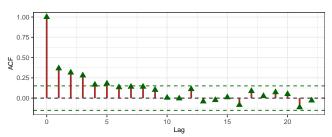


Figura 3: Gráfico de Autocorrelación

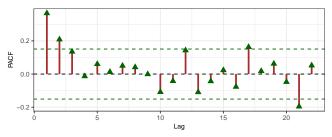


Figura 4: Gráfico de Autocorrelación Parcial

Ajuste de un modelo ARMA

A simple vista, de los gráficos de ACF y PACF, vemos que nuestro modelo tiene estructura de un

ARMA. Por lo que, ayudándonos de la función auto.arima() nuestra propuesta es un modelo arma(1,1), para que este sea capaz de capturar toda la estructura de la serie temporal. El modelo ajustado no considera diferenciación pues, como veremos más adelante, la serie no es estacional.

a) Significancia estadística de los coeficientes del modelo

Al revisar el valor-p asociado a cada coeficiente del modelo, es claro notar que todos son significativos, tal como se muestra en la Tabla 1:

Tabla 1: Resumen de estimaciones

	Estimation	Stand. E	p-value
ar1	0.8367	0.0816	0.0000
ma1	-0.5698	0.1209	0.0000
intercept	0.7079	0.0196	0.0000

b) Estacionaridad e invertibilidad del modelo ARMA

Una forma sencilla de comprobar la estacionalidad en los datos es con el test de Dickey-Fuller, el cual nos da un valor-p de 0.01 que rechaza la hipótesis nula de que los datos son estacionales. Por otro lado, una forma sencilla de verificar invertibilidad del modelo ARMA(1,1), es de forma gráfica, comprobando que los coeficientes se encuentren al interior de la circunferencia unitaria, lo que puede ser apreciado en la figura 5:

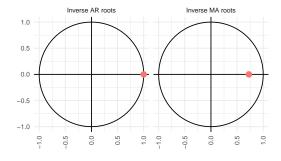


Figura 5: Gráfico de raíces unitarias

c) Test de blancura - homocedasticidad y normalidad de los residuos

Los residuos del modelo deben cumplir estas propiedades. Para ello veremos diferentes test que se le pueden aplicar para comprobar ello:

 La figura 6 nos muestra que los residuos efectivamente corresponden a ruido blanco, es decir, no están correlacionados.

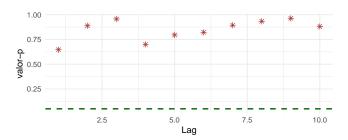


Figura 6: Gráfico de valores-p para el estadístico Ljung-Box

• Luego, al realizar el test de Kolmogorov-Smirnov para evaluar la normalidad, el valorp obtenido es de 0.27 aproximadamente, por lo que no se rechaza la hipótesis nula: los residuos provienen de una distribución normal. Este ajuste se puede observar en la figura 7

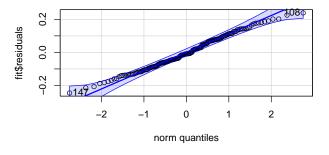


Figura 7: Normalidad de los residuos

-De la misma manera, se obtiene un valor-p de 0.24 al realizar el test Breusch-Pagan para evaluar homocedasticidad, por lo que podemos concluir a favor de esta.

d) ¿Es necesario realizar una transformación de Box-Cox?

Tras visualizar el gráfico de Box Ljung de figura 6 se observa que *no* es necesario realizar una transformación de Box-Cox. Además si comparamos un modelo con y sin la transformación Box-Cox se puede observar que por AIC y BIC el mejor modelo es el modelo sin la transformación de Box-Cox, como se logra visualizar en Tabla 2

Tabla 2: Comparación modelos

Modelo	AIC	BIC
Sin Box-Cox	-294.0414	-281.5218
Con Box-Cox	-128.8216	-116.302

Predicciones

a) Predicciones a un paso por el algoritmo Durbin-Levinson

Tras haber ajustado un modelo ARMA(1, 1) se generaron predicciones del modelo.

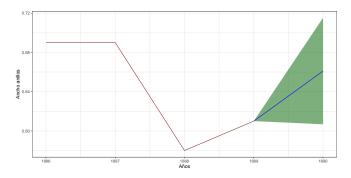


Figura 8: Predicción a un paso por Durbin-Levinson

Tabla 3: Predicción a un paso Durbin-Levinson

Estimación Puntual	IC superior	IC inferior
0.6610108	0.7152417	0.60678

ACF empírico vs teórico

Calculando el ACF de un ARMA(1, 1) y generando bandas de confianza utilizando el método Bartlett se generó el INSERTAR NUMERO DEL GRÁFICO. El análisis del ACF revela notables similitudes entre las autocorrelaciones empíricas y el patrón característico de un modelo ARMA (1,1) expuesto en INSERTAR NUMERO DE LA FIGURA.

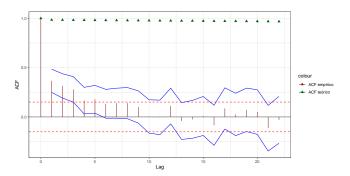


Figura 9: ACF empírico vs teórico

Periodograma vs Densidad espectral

la evaluación de nuestro ARMA(1,1) en las series temporales, hemos observado una notable afinidad entre las características espectrales previstas por el modelo y la estructura evidente en el Periodograma como se muestra en INSERTAR NUMERO DEL GRÁFICO. Los picos de frecuencia destacados en la Densidad Espectral del modelo revelan una similitud con las elevaciones observadas en el Periodograma, indicando una alineación espectral acorde entre las predicciones del ARMA(1,1) y las características temporales de los datos (acortable a indicando un parecido entre las predicciones del ARMA(1,1) y los datos temporales).

Esta relación robusta respalda el uso del modelo ARMA(1,1) para capturar eficazmente las componentes temporales en nuestras series temporales. La convergencia entre la Densidad Espectral y el Periodograma demuestra la capacidad del modelo para reflejar fielmente la variabilidad en los datos, proporcionando una valiosa herramienta para el análisis y la interpretación de la dinámica temporal.

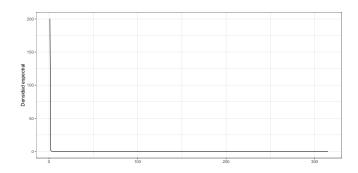


Figura 10: Densidad espectral vs Periodograma

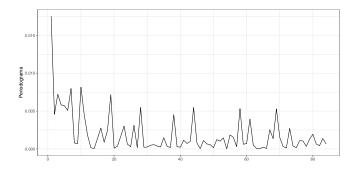


Figura 11: Densidad espectral vs Periodograma