

Parcial 4

Maria Camila Vargas Giraldo
1007053683

1 Z de riemman

en 1735 el matemático suizo Leonhard Euler resolvió un famoso problema en teoría de números, al mostrar que la suma:

$$\sum_{i=1}^n \frac{1}{i^2} \quad (1)$$

se aproxima a $\frac{\pi^2}{6}$, cuando el número n se hace "grande".

buscamos hallar una función que calcule la suma para cualquier n, ingresado por el usuario: y buscamos ver si la aproximación es correcta, analizando en un n "grande"

```
In [1]: import numpy as np
def Z(n):
    r=0 # inicializo la variable que va a guardar la suma
    for i in range(1,n+1): # este ciclo hace la sumatoria
        r=r+(1**(-2)) # se está sumando r que guarda la sumatoria hasta i-1 con el i-esimo termino.
    return r
# viendo la aproximación
print((Z(10000)))
print((np.pi**2)/6)

1.6448340718480652
1.6449340668482264
```

por lo tanto vemos que está correcta la aproximación.

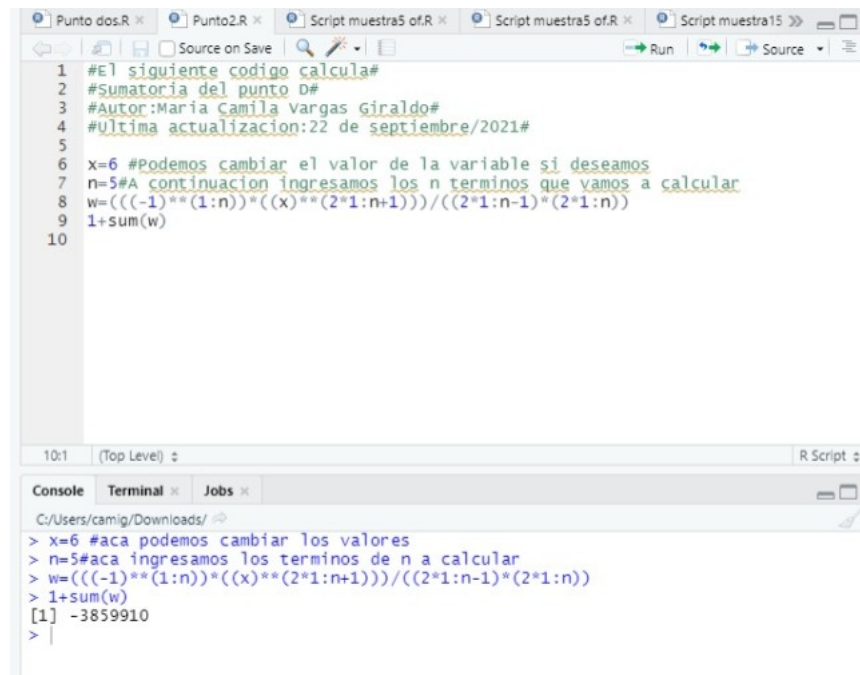
2 Punto d

para la siguiente serie elaborar una función f(x,n) que evalúe la suma de los primeros n términos en un número real x:

$$1 - \frac{x^3}{1 * 2} + \frac{x^5}{3 * 4} - \frac{x^7}{5 * 6} + \dots \quad (2)$$

hallamos la siguiente ecuación:

$$1 - \sum_{i=1}^n \frac{-1^i x^{2i+1}}{2i - 1 * 2i} \quad (3)$$



The image shows a screenshot of the RStudio interface. The top pane displays an R script with the following code:

```
1 #El siguiente código calcula#
2 #Sumatoria del punto D#
3 #Autor: Maria Camila Vargas Giraldo#
4 #Ultima actualización: 22 de septiembre/2021#
5
6 x=6 #Podemos cambiar el valor de la variable si deseamos
7 n=5 #A continuación ingresamos los n terminos que vamos a calcular
8 w=(((-1)**(1:n))*(x)**(2*1:n+1))/((2*1:n-1)*(2*1:n))
9 1+sum(w)
10
```

The bottom pane shows the R console with the following output:

```
> x=6 #aca podemos cambiar los valores
> n=5 #aca ingresamos los terminos de n a calcular
> w=(((-1)**(1:n))*(x)**(2*1:n+1))/((2*1:n-1)*(2*1:n))
> 1+sum(w)
[1] -3859910
>
```