### Planejamento de Experimentos

Parcelas similares  $\Rightarrow$  Delineamento Inteiramente Casualizado

Apenas grupos de ⇒ Delineamento parcelas similares Casualizado em Blocos

O delineamento casualizado em blocos leva em consideração os três princípios básicos da experimentação:

- repetição
- casualização
- controle local

Reparte-se a área experimental ou o material experimental heterogênea(o) em subáreas/parcelas homogêneas.

### **Observações:**

- Cada bloco receberá, por sorteio, todos os tratamentos ⇒ Blocos Completos
- Quando não for possível alocar todos os tratamentos num mesmo bloco ⇒ Blocos Incompletos

#### **EXEMPLO:**

Com o objetivo de avaliar o efeito de quatro rações, A, B, C e D, sobre o peso de animais um pesquisador dispunha do 12 animais com pesos diferentes.

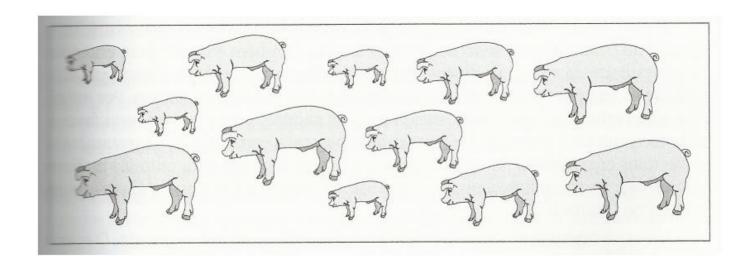


Figura: Experimentação animal

### **EXEMPLO:**

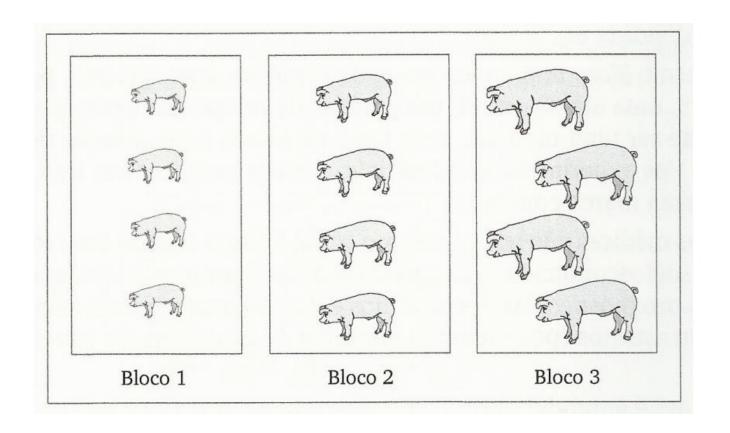


Figura: Experimentação animal: composição dos blocos

### **EXEMPLO:**

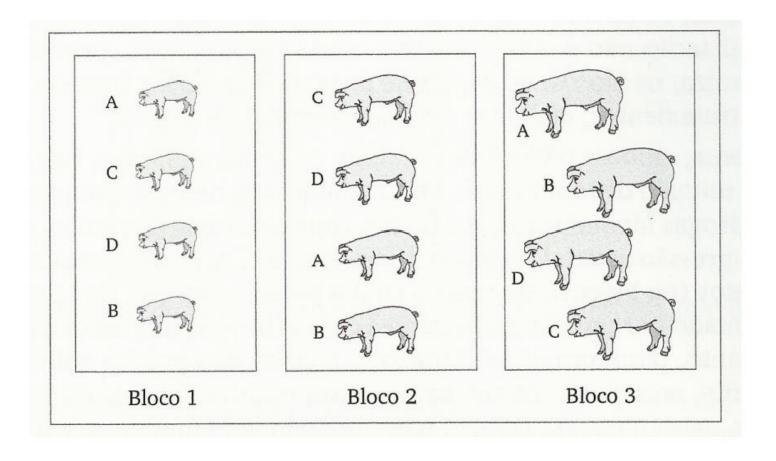


Figura: Experimentação animal: possível croqui

### Modelo matemático

$$y_{ij} = \mu + b_j + \tau_i + e_{ij},$$

em que

 $y_{ij}$  é a observação referente ao tratamento i no bloco j;  $\mu$  é a média geral (ou constante comum a todas as observações);  $b_j$  é o efeito do j-ésimo bloco, com  $j=1,2,\ldots,J$ ;  $\tau_i$  é o efeito do i-ésimo tratamento, com  $i=1,2,\ldots,I$ ;  $e_{ij}$  é o erro experimental, tal que  $e_{ij}\sim \mathsf{NID}(0;\sigma^2)$ .

Blocos						
Tratamentos	1	2		J	Totais $(J)$	
				<i>y</i> <sub>1</sub> <i>J</i>		
2	<i>y</i> 21	<i>y</i> 22		<i>Y</i> 2 <i>J</i>	$T_2$	
	• • •					
1	<i>y</i> <sub>11</sub>	У12		УIJ	$T_I$	
Totais (1)	$B_1$	$B_2$		$B_J$	G	

### **Hipóteses:**

 $H_0: \quad \mu_1 = \mu_2 = \ldots = \mu_I$ 

 $H_a$ : pelo menos duas médias de tratamentos diferem entre si

Causa de Variação	G.L.	S.Q.	Q.M.	F
Blocos	J-1	SQ Blocos		
Tratamentos	I - 1	SQ Trat	QM Trat	F Trat
Resíduo	(I-1)(J-1)	SQ Res	QM Res	
Total	IJ-1	SQ Total		

Somas de quadrados do Total

SQ Total = 
$$\sum y_{ij}^2 - \frac{G^2}{II}$$

Somas de quadrados de Blocos

SQ Blocos 
$$= \frac{1}{I} \sum_{j} B_j^2 - \frac{G^2}{IJ}$$

Somas de quadrados de Tratamentos

SQ Tratamentos = 
$$\frac{1}{J} \sum_{i} T_i^2 - \frac{G^2}{IJ}$$

Somas de quadrados do Resíduo

$$SQ Resíduo = SQ Total - SQ Blocos - SQ Tratamentos$$

#### **EXEMPLO:**

Os dados apresentados a seguir foram coletados de um experimento instalado no delineamento casualizado em blocos, cujo objetivo é comparar nove porta-enxertos para laranjeira Valência. Cada parcela era constituída por duas plantas e as produções de laranja (número médio de frutos por planta) tomadas dois anos após a instalação do experimento são:

#### **EXEMPLO:**

Porta		Blocos			
Enxertos	1	П	Ш	Totais	Médias
1. Tangerina sunki	145	155	166	466	155,33
2. Limão rugoso nacional	200	190	190	580	193,33
<ol><li>Limão rugoso da Flórida</li></ol>	183	186	208	577	192,33
4. Tangerina Cleópatra	190	175	186	551	183,16
<ol><li>Citranger-troyer</li></ol>	180	160	156	496	165,33
6. Trifoliata	130	160	130	420	140,00
<ol><li>Tangerina cravo</li></ol>	206	165	170	541	180,33
8. Laranja caipira	250	271	230	751	250,33
9. Limão cravo	164	190	193	547	182,33
Totais	1648	1652	1629	4929	

#### **EXEMPLO:**

### Quadro da ANOVA

Causa de Variação	G.L.	S.Q.	Q.M.	F
Blocos	2			
Tratamentos	8			
Resíduo	16			
Total	26			

#### **EXEMPLO:**

### Somas de quadrados do Total

SQ Total = 
$$\sum_{ij} y_{ij}^2 - \frac{G^2}{IJ}$$
  
=  $145^2 + 155^2 + \dots + 193^2 - \frac{4929^2}{27}$   
=  $27042,67$ 

#### **EXEMPLO:**

### Somas de quadrados de Blocos

SQ Blocos = 
$$\frac{1}{I} \sum_{j} B_{j}^{2} - \frac{G^{2}}{IJ}$$
  
=  $\frac{1}{9} \left( 1648^{2} + 1652^{2} + 1629^{2} \right) - \frac{4929^{2}}{27}$   
= 33,55

#### **EXEMPLO:**

### Somas de quadrados de Tratamentos

SQ Tratamentos 
$$= \frac{1}{J} \sum_{i} T_{i}^{2} - \frac{G^{2}}{IJ}$$

$$= \frac{1}{3} \left( 466^{2} + 580^{2} + \dots + 547^{2} \right) - \frac{4929^{2}}{27}$$

$$= 22981,33$$

#### **EXEMPLO:**

### Somas de quadrados do Resíduo

```
\begin{array}{lll} \mathsf{SQ} \; \mathsf{Residuo} &=& \mathsf{SQ} \; \mathsf{Total} - \mathsf{SQ} \; \mathsf{Blocos} - \mathsf{SQ} \; \mathsf{Tratamentos} \\ &=& 27042, 67 - 33, 55 - 22981, 33 \\ &=& 4027, 79 \end{array}
```

#### **EXEMPLO:**

### Quadro da ANOVA

Causa de Variação	G.L.	S.Q.	Q.M.	F
Blocos	2	33,55	16,78	
Tratamentos	8	22.981,33	2.872,67	11,41
Resíduo	16	4.027,79	251,74	
Total	26	27.042,67		

Tabela F

$$F_{tab} = 2,59$$

Teste de Tukey

Hipóteses:

$$H_0: \mu_i - \mu'_i = 0$$

$$H_0: \mu_i - \mu'_i = 0$$
  
 $H_a: \mu_i - \mu'_i \neq 0$ 

$$\Delta = q\sqrt{\frac{\text{QM Resíduo}}{J}} = 5,03\sqrt{\frac{251,74}{3}} = 46,08$$

### Teste de Tukey

$$\Delta = q\sqrt{\frac{\text{QM Resíduo}}{J}} = 5,03\sqrt{\frac{251,74}{3}} = 46,08$$

$$\hat{\mu}_8 = 250, 33$$
 a  $\hat{\mu}_2 = 193, 33$  b  $\hat{\mu}_3 = 192, 33$  b  $\hat{\mu}_4 = 183, 67$  b c  $\hat{\mu}_9 = 182, 33$  b c  $\hat{\mu}_7 = 180, 33$  b c  $\hat{\mu}_5 = 165, 33$  b c  $\hat{\mu}_1 = 155, 33$  b c  $\hat{\mu}_6 = 140, 00$  c

### Obrigado!

Jalmar M F Carrasco carrascojalmar@gmail.com